



دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر  
گروه مهندسی برق - قدرت

پایاننامه

برای دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته مهندسی برق - قدرت

عنوان

# حل مسئله پخش بار با استفاده از الگوریتم‌های هوشمند

استادان راهنما

پروفسور مهرداد طرفدار حق  
دکتر سعید قاسمزاده

پژوهشگر

الناز داودی

بهمن ماه ۱۳۹۰

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

تهدیم به پر و مادر ناز نیم بپاس تمام رحالت بی دریشان

خدای را بسی شاکرم که از روی کرم پر و مادر فدکار نصیم ساخته تا در سایه دخت پر بار وجودشان بیاییم و از ریشه آنها شاخ و برگ کیرم و از سایه وجودشان در راه  
کسب علم و دانش تلاش نمایم . والدینی که بودشان ناج افتخاری است بر سرم و ناشان دلیلی است بر بودنم چرا که این دو وجود پس از پروردگاریله ، هستی ام بوده اند ،  
دستم را کر فتد و راه رفتن را در این وادی زندگی پر از فراز و نشیب آموختند . آمورگارانی که برایم زندگی ؛ بودن و انسان بودن را معنا کردند ...

تهدیم با پوسه بر دستان مادرم ...

دریای بی کران فدکاری و شقی که وجودم برایش همه رنج بود و وجودش برایم همه صر

عمری محظی هارا بجهان خریدی تا اکونون توانستی طعم خوش

پیروزی را ب من بچشانی

تهدیم با عشق به پدرم ...

به او که نمی دانم از بزرگی اش بکویم یا مردانگی ، سخاوت ، سکوت ، همراهانی و ....

اکونون حاصل دستان خستات رمز مو قیشم شد

و

تهدیم به برادر و خواهرانم

که با خنده من خنیدند و با کریم من کریستند

## تقدیر و مشکر

بنام او که که هر چه دارم از اوست...

ای، سی نجش، وجود مبارز نعمات بی کران است توان شگر نیست، ذره ذره وجود مباری تو و نزدیک شدن به تو می تپد.  
الی مرآمد کن تا دانش اندکم نه زربانی باشد برای فزو نی تکبر و غور، نه حلقة ای برای اسارت و نه دستیار ای برای تجارت، بلکه کامی باشد برای  
تجلیل از تو و متعالی ساختن زندگی خود و دیگران.

به پایان رسیدن پژوهش حاضر پس از لطف و عنایت خدای بزرگ، مریون یاری عزیزانی است که کریمانه بزر عنایت بر فنازند و ذکر ناشان را  
نہ بجهران رزحات بی دیغشان بلکه انعام مراتب قدر شناسی ام از آن بزرگواران بر خود واجب می دانم.

در ابتدا صمیمانه ترین تقدیر و تقدیم بدپر، مادر، برادر و خواهران عزیز و محترم که همواره حامی و مشوق من بوده اند و یهودن روزهای دشوار و سل  
زنگی ام بدون دعای خیر و برکت وجودشان غیر ممکن بود.

از استاد راهنمای اولم جناب آقای پروفور هردار طرفدار حق که با سعد صدرو صبوری مرارا همانی نموده و با ارائه نظرات سازنده و رهنمودهای بی -  
دیغشان در پیشبرد این پایان نامه سعی تمام بذوق داشته، صمیمانه پاسکنده ام.

از استاد راهنمای دوم جناب آقای دکتر سعید قاسم زاده به پاس رهنمودهای ارزشمند و هنکاری صمیمانه شان، کمال مشکر را دارم.  
از داور محترم جناب آقای دکتر کاظم زادع که زحمت بازخوانی و داوری این محمود را بر عهد داشته، صمیمانه مشکر و قدردانی می نایم.

از جناب آقای صندس نادر حقی بسیار پاسکنده ام چرا که بدون راهنمایی های ایشان تأیین این پایان نامه بسیار مثل می نمود.  
و در نهایت از تمامی دوستان و هنکاری های عزیزم که با هم اندیشی برخی کرده اند ناکشوده را برگشودند و در طول این مدت افتخار آشنای و مصاحبت با  
آن ها را داشتم، به پاس محبت های بی دیغشان پاسکنده ام.

نام خانوادگی: داوید	نام: الناز
عنوان پایان نامه: حل مسئله پخش بار با استفاده از الگوریتم های هوشمند	
استاد راهنمای اول: پروفیسر مهرداد طرفدار حق	
استاد راهنمای دوم: دکتر سعید قاسم زاده	
مقطع تحصیلی: کارشناسی ارشد      رشته: مهندسی برق قدرت      گرایش: الکترونیک قدرت	دانشگاه: تبریز
دانشکده: مهندسی برق و کامپیوتر      تاریخ فارغ التحصیلی: ۹۰/۱۱/۱۵      تعداد صفحه: ۸۷	
کلید واژه ها: پخش بار، شرایط بحرانی، الگوریتم های هوشمند، IQPSO، QPSO، PSO، NM، پاسخ های ولتاژ پایین، محدودیت توان راکتیو ژنراتورها	
<b>چکیده:</b>	
<p>مطالعات پخش بار، پخش مهمی از تجزیه و تحلیل سیستم قدرت را تشکیل می دهد. مسئله پخش بار به محاسبه کمیت های الکتریکی سیستم قدرت در حالت ماندگار به ازاء بارهای مشخص و معلوم می پردازد. این کمیت ها شامل ولتاژ شین ها، توان های اکتیو و راکتیو تولیدی ژنراتورها و قدرت های اکتیو و راکتیو جاری در خطوط انتقال می باشند. بهترین شیوه نظرارت بر چنین حجم عملیات بزرگی استفاده از روش های کامپیوتری در حل مسئله پخش بار است. روش های متداولی نظیر نیوتن رافسون و مشتقات آن در مطالعات سیستم های قدرت برای زمان طولانی خوب رفتار کرده اند و در حل بیشتر مسائل پخش بار با قدرت عمل می کنند، ولی در سیستم های بدساختار (سیستم های با نسبت <math>\frac{R}{X}</math> بالا) و یا در حضور بارهای غیرخطی و برخی شرایط بحرانی شبکه (نظیر افزایش مقدار بارگذاری سیستم) کارآیی ندارند و یا پاسخ های غیرعملی می دهند. این امر به دلیل وجود ماتریس ژاکوبین این روش ها می باشد که در بعضی شرایط به سوی منفرد شدن پیش می رود. لذا روش های جدیدتر، که مشکلات مربوط به ماتریس ژاکوبین را نداشته باشند مورد نیاز است.</p> <p>در این پایان نامه، روش تکاملی جدیدی بر مبنای الگوریتم ترکیبی IQPSO و نلدر- مید، برای تحلیل پخش بار معرفی می شود. به منظور عملکرد بهتر الگوریتم، یک پارامتر کنترلی منحصر به فرد و ابداعی جدید در این الگوریتم طراحی شده که موجب بهبود کارآیی روش QPSO شده است. الگوریتم به دست آمده تحت عنوان IQPSO نامگذاری شده است. همچنین به منظور افزایش دقت همگرایی قابل اطمینان و غلبه بر محدودیت ها و معایب الگوریتم IQPSO، آن را با روش نلدر- مید که یک نوع الگوریتم ریاضی بر مبنای جستجوی محلی است، ترکیب کرده ایم. روش پیشنهادی جدید که آن را الگوریتم هیبریدی IQPSO-NM نامیده ایم تا کنون در هیچ زمینه ای استفاده نشده و روش جدیدی است.</p> <p>هدف از ترکیب دو الگوریتم بهینه سازی IQPSO و الگوریتم نلدر- مید، به دست آوردن الگوریتمی است که علاوه بر دارا بودن مزیت های دو الگوریتم فوق، محدودیت های الگوریتم های مذکور نیز در آن وجود نداشته باشد. الگوریتم پیشنهادی دارای قابلیت جستجوی سراسری و محلی بوده و عملکرد آن به انتخاب اولیه ی نقاط وابسته نمی باشد.</p> <p>به منظور اثبات و تأیید عملکرد الگوریتم پیشنهادی پخش بار، الگوریتم مورد نظر بر روی سیستم های IEEE استاندارد IEEE در شرایط نرمال و در حالت بار پایه آزمایش شده و نتایج آن با الگوریتم متعارف نیوتن رافسون و الگوریتم های PSO، QPSO و IQPSO مقایسه شده است. سپس عملکرد روش هیبرید پیشنهادی بر روی سیستم های بدساختار و یا سیستم هایی با بار سنگین مورد ارزیابی قرار گرفته است.</p> <p>به منظور در نظر گرفتن محدودیت بارهای ژنراتور،تابع هدف جدیدی در این پایان نامه پیشنهاد شده است که در</p>	

صورت تخطی توان راکتیو باس‌های ژنراتور از محدوده تعریف شده عبارتی به تابع هدف اولیه می‌افزاید و با برگشتن مقادیر توان راکتیو به محدوده مورد نظر، عبارت مذکور از تابع هدف حذف می‌شود. در این حالت ولتاژ باس‌های ژنراتور به عنوان متغیر در نظر گرفته می‌شوند. نتایج حاصل نشان از کارآمد بودن تابع هدف پیشنهادی است.

یکی دیگر از ویژگی‌های الگوریتم پیشنهادی که از جمله ضعف‌های الگوریتم‌های سنتی محسوب می‌شود، محاسبه پاسخ‌های متعدد کم‌ولتاژ می‌باشد، که نمونه‌هایی از پاسخ‌های غیرعادی سیستم ۱۴ باسه آورده شده است.

نتایج حاصل از پیاده‌سازی الگوریتم پیشنهادی بر روی سیستم‌های مختلف، نشان از قابلیت روش موردنظر در حل مسائل پخش بار با دقت خوب و قابلیت اطمینان بالا است. لذا می‌توان الگوریتم پیشنهادی IQPSO-NM را به عنوان یکی از روش‌های نوین در حل مسئله پخش بار به ویژه در شرایط بحرانی معرفی کرد.

## فهرست مطالب

صفحه.....	عنوان.....
IV.....	فهرست شکل‌ها
V.....	فهرست جداول
۱.....	فصل اول: بررسی منابع
۲.....	۱-۱- مقدمه
۲.....	۱-۲- بررسی مسئله‌ی پخش بار
۳.....	۱-۲-۱- معادلات پخش بار و فرمول‌بندی مسئله
۳.....	۱-۱-۲-۱- معادلات اساسی و انواع باس‌ها
۵.....	۱-۲-۱-۲-۱- محاسبه مقادیر عدم تطابق توان و تعیین معیار همگرایی
۸.....	۱-۳- حداقل مقدار بارگذاری و پایداری ولتاژ در سیستم‌های قدرت
۸.....	۱-۴- راه حل‌های غیر عادی حل مسئله پخش بار
۱۰.....	۱-۵- روش‌های به کار رفته در پخش بار
۱۰.....	۱-۵-۱- روش‌های عددی متداول به کار رفته در حل مسئله پخش بار
۱۰.....	۱-۱-۵-۱- روش‌های ماتریس $Y$
۱۳.....	۱-۲-۱-۵-۱- روش‌های ماتریس $Z$
۱۴.....	۱-۳-۱-۵-۱- روش نیوتون رافسون
۱۷.....	۱-۲-۲-۵-۱- الگوریتم‌های هوشمند به کار رفته برای حل مسئله پخش بار
۱۸.....	۱-۱-۲-۵-۱- الگوریتم ژنتیک (GA)
۱۸.....	۱-۱-۱-۲-۵-۱- الگوریتم ژنتیک ساده
۲۱.....	۱-۲-۱-۲-۵-۱- الگوریتم ژنتیک مقید (CGA) و الگوریتم ژنتیک پیشرفته (ACGA)
۲۵.....	۱-۳-۱-۲-۵-۱- الگوریتم ژنتیک دو مرحله‌ای
۲۶.....	۱-۲-۲-۵-۱- شبکه‌های عصبی مصنوعی
۲۶.....	۱-۱-۲-۲-۵-۱- شبکه عصبی
۲۸.....	۱-۲-۲-۵-۱- شبکه هوش مصنوعی با ساختار Percetron چند مرحله‌ای
۳۱.....	۱-۳-۲-۵-۱- الگوریتم بهینه‌سازی مورچگان (ACO)

۳۲	۱-۳-۲-۵-۳- الگوریتم بهینه‌سازی توده ذرات (PSO).....
۳۴	۱-۶- نتیجه‌گیری.....
<b>۳۶</b>	<b>فصل دوم: مواد و روش‌ها.....</b>
۳۷	۱-۱- مقدمه.....
۳۷	۲-۲- بهینه‌سازی و طبقه‌بندی آن.....
۳۹	۲-۳- الگوریتم‌های بهینه‌سازی.....
۳۹	۳-۱- بهینه‌سازی تحلیلی.....
۳۹	۳-۲- بهینه‌سازی بر مبنای کمینه‌سازی خطی.....
۴۰	۳-۳- روش‌های بهینه‌سازی طبیعی.....
۴۰	۴-۲- هوش جمعی.....
۴۱	۵-۲- مسئله پخش بار.....
۴۲	۶-۲- مواد و روش‌ها.....
۴۲	۶-۱- الگوریتم بهینه‌سازی توده ذرات کلاسیک.....
۴۴	۷-۲- بهینه‌سازی توده ذرات با رفتار کوانتمی (QPSO).....
۴۸	۷-۱- تعیین موقعیت.....
۵۱	۷-۲- بهینه‌سازی توده ذرات با رفتار کوانتمی بهبود یافته (IQPSO).....
۵۲	۸-۲- روش نلدر-مید کلاسیک (NM).....
۵۷	۹-۲- حل مسئله پخش بار با استفاده از الگوریتم ترکیبی بهینه‌سازی توده ذرات با رفتار کوانتمی بهبود یافته و نلدر-مید (IQPSO-NM).....
۵۹	۱۰-۲- حل مسئله پخش بار با استفاده از الگوریتم پیشنهادی با در نظر گرفتن محدودیت توان راکتیو در بات‌های ژنراتور.....
۶۰	۱۱-۲- خلاصه و نتیجه‌گیری.....
<b>۶۲</b>	<b>فصل سوم: نتایج و بحث.....</b>
۶۳	۱-۳- مقدمه.....
۶۳	۲-۳- نتایج شبیه‌سازی.....
۶۳	۲-۱- توصیف پارامترهای شبیه‌سازی.....
۶۴	۲-۲- حل عادی پخش بار (سیستم‌های خوب‌ساختار).....

۶۸.....	۳-۲-۳- مقایسه زمان.....
۶۹.....	۲-۳- حل پخش بار سیستم‌های مورد مطالعه در شرایط بحرانی.....
۶۹.....	۲-۳- ۱-۴-۲-۳- بررسی سیستم‌هایی با بار سنگین.....
۷۳.....	۲-۴-۲-۳- بررسی سیستم‌های بدساختر.....
۷۷.....	۲-۳- ۵- پاسخ‌های غیر عادی پخش بار.....
۷۸.....	۲-۳- ۶- حل مسئله پخش بار در نظر گرفتن توان راکتیو در باس‌های ژنراتور.....
۸۱.....	۳-۳- خلاصه.....
۸۲.....	نتیجه‌گیری.....
۸۳.....	پیشنهادات.....
۸۵.....	مراجع.....

## فهرست شکل‌ها

صفحه.....	شماره شکل.....
۷.....	شکل (۱-۱) دیاگرام اصلی و پایه‌ای الگوریتم‌های پخش بار.....
۹.....	شکل (۲-۱) سیستم سه باره.....
۱۲.....	شکل (۳-۱) فلوچارت الگوریتم گوس سایدل برای حل پخش بار.....
۱۶.....	شکل (۴-۱) فلوچارت الگوریتم نیوتون رافسون برای حل مسئله پخش بار.....
۲۵.....	شکل (۵-۱) همگرایی الگوریتم EP.....
۲۷.....	شکل (۶-۱) فلوچارت الگوریتم زنتیک دو مرحله‌ای برای پخش بار.....
۲۸.....	شکل (۷-۱) شبکه عصبی دو لایه.....
۲۹.....	شکل (۸-۱) حل مسئله پخش بار پایه با استفاده از شبکه عصبی.....
۳۰.....	شکل (۹-۱) مشخصه همگرایی الگوریتم Adaptive PSO بر روی سیستم IEEE با تعداد جمعیت ۱۰۰ (population=100).....
۳۴.....	شکل (۱۰-۱) مشخصه همگرایی الگوریتم Adaptive PSO بر روی سیستم ۱۱ باسه بدساختر با تعداد جمعیت ۱۰۰ (population=100).....
۴۵.....	شکل (۱-۲) فلوچارت الگوریتم PSO.....
۵۳.....	شکل (۲-۱) نمایش عمل انعکاس در فضای دو متغیره.....
۵۵.....	شکل (۲-۲) نمایش عمل انقباض در فضای دو متغیره.....
۵۶.....	شکل (۴-۲) فلوچارت پیشنهادی الگوریتم نلدر- مید.....
۶۵.....	شکل (۱-۳) مجموع عدم تطابق توان روش‌های PSO و QPSO و IQPSO-NM..... IEEE برای سیستم ۱۴ باسه.....
۶۵.....	شکل (۲-۳) مقایم عدم تطابق توان روش‌های PSO و QPSO و IQPSO-NM ..... IEEE برای سیستم ۱۴ باسه.....
۷۰.....	شکل (۳-۳) مقایسه تغییرات مقایم عدم تطابق توان روش‌های IQPSO-NM و NR برای سیستم ۳۰ باسه در شرایط بارگذاری ۳ برابر بار پایه بدون $Q\text{-limit}$ .....

## فهرست جداول

صفحه.....	شماره جدول
۹.....	جدول (۱-۱) راه حل های گوناگون سیستم سه باسه در شرایط نرمال
۱۹.....	جدول (۲-۱) نتایج غیرعادی به دست آمده برای سیستم سه باسه Klos-Kerner
۲۰.....	جدول (۳-۱) نتایج غیرعادی به دست آمده برای سیستم شش باسه Ward-Hale
۲۱.....	جدول (۴-۱) بهترین نتایج به دست آمده برای سیستم سه باسه Klos-Kerner با استفاده از تابع fitness بهبود یافته
۲۱.....	جدول (۵-۱) بهترین نتایج به دست آمده برای سیستم شش باسه Ward-Hale با استفاده از تابع fitness بهبود یافته
۲۴.....	جدول (۶-۱) حل مسأله پخش بار شبکه ۳۰ باسه IEEE با الگوریتم ACGA
۲۶.....	جدول (۷-۱) نتایج حل شبکه ۳۰ باسه IEEE با ضریب بارگذاری $3/0.686$ برابر شرایط عادی با استفاده از Two-Stage GA
۳۰.....	جدول (۸-۱) نتایج ولتاژ و زاویه شبکه های ۳۰ و ۵۷ باسه با استفاده از آموزش شبکه عصبی
۳۰.....	جدول (۹-۱) نتایج ولتاژ و زاویه شبکه های ۳۰ و ۵۷ باسه با استفاده از الگوریتم نیوتون رافسون
۳۱.....	جدول (۱۰-۱) نتایج ولتاژ و زاویه حل پخش بار شبکه ۱۰ باسه با استفاده از الگوریتم ACO و مقایسه آن با سایر روش ها
۶۲.....	جدول (۱-۳) پارامترهای شبیه سازی
۶۶.....	جدول (۲-۳) حل پخش بار سیستم ۱۴ باسه
۶۶.....	جدول (۳-۳) حل پخش بار سیستم ۳۰ باسه
۶۷.....	جدول (۴-۳) حل پخش بار سیستم ۵۷ باسه
۶۸.....	جدول (۵-۳) مقایسه زمان کل همگرایی روش های نیوتون - رافسون و IQPSO-NM (بر حسب ثانیه)
۶۹.....	جدول (۶-۳) نتایج مقایسه ماکریم حد بارگذاری سیستم های مورد مطالعه بدون در نظر گرفتن محدودیت $Q$
۷۰.....	جدول (۷-۳) نتایج پخش بار سیستم ۱۴ باسه ( $\text{Load}_{\text{Factor}} = 4.0227$ initial loading)
۷۱.....	جدول (۸-۳) نتایج پخش بار سیستم ۳۰ باسه ( $\text{Load}_{\text{Factor}} = 3.0102$ initial loading)
۷۲.....	جدول (۹-۳) نتایج پخش بار سیستم ۵۷ باسه ( $\text{Load}_{\text{Factor}} = 1.5839$ initial loading)
۷۴.....	جدول (۱۰-۳) نتایج مقایسه روش پیشنهادی و الگوریتم NR برای سیستم های بدسانختار
۷۴.....	جدول (۱۱-۳) نتایج پخش بار سیستم ۱۴ باسه بدسانختار
۷۴.....	جدول (۱۲-۳) نتایج پخش بار سیستم ۳۰ باسه بدسانختار
۷۵.....	جدول (۱۳-۳) نتایج پخش بار سیستم ۵۷ باسه بدسانختار

جدول (۱۴-۳) تعدادی از پاسخ‌های غیر عادی شبکه ۱۴ باسه IEEE در حالت استاندارد	۷۷
جدول (۱۵-۳) تعدادی از پاسخ‌های غیر عادی شبکه ۱۴ باسه IEEE در شرایط بحرانی	۷۷
جدول (۱۶-۳) ماکریم حد بارگذاری به دست آمده از الگوریتم‌های IQPSO-NM و	
NR با در نظرگیری محدودیت توان راکتیو باس‌های PV	۷۸
جدول (۱۷-۳) نتایج پخش بار ماکریم حد بارگذاری سیستم ۱۴ باسه به دست آمده از الگوریتم IQPSO-NM با درنظرگیری محدودیت $Q$	۷۸
جدول (۱۸-۳) نتایج پخش بار ماکریم حد بارگذاری سیستم ۳۰ باسه به دست آمده از الگوریتم IQPSO-NM با درنظرگیری محدودیت $Q$	۷۹
جدول (۱۹-۳) نتایج پخش بار ماکریم حد بارگذاری سیستم ۵۷ باسه به دست آمده از الگوریتم IQPSO-NM با درنظرگیری محدودیت $Q$	۸۰

# فصل اول:

## بررسی منابع

## فصل اول: بررسی منابع

### ۱-۱- مقدمه

مطالعات پخش توان، که معمولاً پخش بار نامیده می‌شوند، بخش مهمی از تجزیه و تحلیل سیستم قدرت را تشکیل می‌دهد. انجام پخش بار برای طراحی، برنامه‌ریزی اقتصادی، کنترل و همچنین برنامه‌ریزی توسعه آینده سیستم ضروری است. علاوه بر آن تجزیه و تحلیل پخش بار برای تحلیل‌های دیگر، مانند مطالعات پایداری گذرا و احتمال وقوع حوادث مورد نیاز است. مسأله پخش بار شامل مواردی مانند تعیین اندازه و زاویه ولتاژها در شین‌های مورد نظر و توان‌های اکتیو و راکتیو عبوری از هر خط است. بهترین شیوه نظارت بر چنین حجم عملیات بزرگی استفاده از روش‌های کامپیوترا در حل مسأله پخش بار است. روش‌هایی نظیر نیوتن رافسون<sup>۱</sup> و گوس سایدل<sup>۲</sup> در سال-های اخیر تا حدود زیادی با موفقیت عمل کرده‌اند، ولی وقتی شرایط سیستم مورد مطالعه تغییر می-کند و یا تخمین اولیه در محدوده ناحیه نامناسبی باشد، این روش‌ها با مشکل مواجه شده و احتمال واگرایی آن‌ها وجود دارد. لذا نیاز به روش‌هایی جدیدتر که مشکلات روش‌های پیشین را نداشته باشند احساس می‌شود.

در این فصل سعی بر آن است که مسأله پخش بار را شرح داده و لزوم حل این مسأله را بیان کنیم. سپس انواع روش‌های متداول و نوینی که برای حل مسأله مذکور به کار رفته را بررسی کرده و مزايا و معایب آن‌ها را ذکر کنیم.

### ۱-۲- بررسی مسأله پخش بار

یکی از ابزارهای مهم و اساسی برای تحلیل هر سیستم قدرت چه در مرحله طراحی و برنامه-ریزی و چه در طول بهره‌برداری، برنامه پخش بار می‌باشد [۲]. در واقع استخوان‌بندی اصلی تجزیه، تحلیل و طراحی سیستم قدرت به محاسبات پخش بار سیستم بستگی دارد. مطالعه پخش بار به محاسبه کمیت‌های الکتریکی سیستم در حالت ماندگار به ازاء بارهای مشخص و معلوم می‌پردازد. این کمیت‌ها شامل ولتاژ و زوایای شین‌ها، قدرت‌های اکتیو و راکتیو تولیدی ژنراتورها و قدرت‌های اکتیو و راکتیو جاری در خطوط انتقال می‌باشند [۲، ۳]. توان اکتیو تولیدی معمولاً با عمل پخش بار

<sup>1</sup>Newton-Raphson (NR)

<sup>2</sup>Gauss-Seidel

## فصل اول: بررسی منابع

اقتصادی به دست آمده و اندازه ولتاژ زنراتور با استفاده از رگولاتور ولتاژ اتوماتیک در یک سطح مشخص ثابت نگهداشته می‌شود. بارها معمولاً مطابق توان اکتیو و راکتیوی که مورد نیاز است ثابت درنظر گرفته می‌شوند (فرض می‌شود که بارها با تغییرات کوچک ولتاژ و فرکانس در طول عملکرد حالت ماندگار ثابت هستند و تحت تاثیر قرار نمی‌گیرند) [۳].

مطالعه پخش بار نتایج زیر را در بر خواهد داشت:

- ولتاژ باس‌ها هم از نظر اندازه و هم از نظر زاویه،
- میزان توان راکتیو که نیروگاه‌ها مؤظف به تولید می‌باشند،
- میزان توان اکتیو و راکتیو که در خطوط انتقال می‌یابند.

چنانچه سایر متغیرهای مربوط به شبکه قدرت در دسترس باشند، تصمیم‌گیری جهت توسعه سیستم برای رویارویی با رشد بار و همچنین بررسی طرح‌های مختلف توسعه بدون مطالعه پخش بار امکان‌پذیر نمی‌باشد.

### ۱-۲-۱- معادلات پخش بار و فرمول‌بندی مسئله

قيود مربوط به توان و ولتاژ در مسئله پخش بار، مسئله مذکور را به یک مسئله غیرخطی تبدیل می‌کنند که باید اساساً با روش‌های مبتنی بر تکرار حل شوند.

### ۱-۱-۱- معادلات اساسی و انواع باس‌ها

در حل مسئله پخش بار، فرض می‌شود که سیستم در شرایط متقاضن کار می‌کند و سیستم انتقال به صورت شبکه‌ای از شاخه‌های سری و موازی فشرده خطی شده با توالی فاز ثابت در نظر گرفته می‌شود. در هر شین چهار کمیت با هم ارتباط دارند که عبارتند از: اندازه ولتاژ  $|V|$ ، زاویه فاز  $\theta$ ، توان اکتیو  $P$  و توان راکتیو  $Q$  [۴].

معادلات شبکه به صورت‌های نظاممند مختلفی فرمول‌بندی می‌شوند. به هر حال، معمولاً از روش ولتاژ گره<sup>۳</sup>، که مناسب‌ترین روش برای بسیاری از تجزیه و تحلیل‌های سیستم قدرت است،

<sup>3</sup> Node-voltage method

## فصل اول: بررسی منابع

استفاده می‌گردد. تحلیل گرهی منجر به ماتریس ادمیتانس می‌شود. این ماتریس از رابطه (۱-۱) به دست می‌آید:

$$I_{bus} = Y_{bus} \cdot V_{bus} \quad (1-1)$$

که در آن  $I_{bus}$  بردار جریان‌های تزریق شده شین‌ها و  $V_{bus}$  بردار ولتاژ شین است که نسبت به گره مرجع سنجیده می‌شود. ماتریس  $Y_{bus}$ ، یک ماتریس مربعی، تنک (به ماتریسی که بیشتر عناصر آن صفر باشد اسپارس یا همان تنک گفته می‌شود) و متقارن (در غیاب شبکه کنندگان فاز و...) می‌باشد. حالت ماندگار سیستم با قیود توان و/یا ولتاژ آن تعیین می‌شود [۴]. شین‌های سیستم معمولاً به سه دسته تقسیم‌بندی می‌شوند:

- (۱) **شین مرجع (Slack or Swing):** یکی از شین‌ها که شین شناور یا شین نوسان نام دارد به عنوان مرجع انتخاب می‌گردد که در آن اندازه و زاویه فاز ولتاژ معلوم است. این شین اختلاف میان بارهای برنامه‌ریزی شده<sup>۴</sup> و توان‌های تولید شده را (که به علت مواردی مانند تلفات شبکه به وجود می‌آید) جبران می‌کند [۲، ۳].
- (۲) **شین‌های بار (PQ):** در این شین‌ها توان‌های اکتیو و راکتیو معلوم و اندازه و زاویه فاز ولتاژ مجهول است. این شین‌ها به شین PQ موسوم هستند [۴].

$$\begin{aligned} S_i^{sp} &= P_i^{sp} + jQ_i^{sp} \\ &= P_{Gi}^{sp} - P_{Li}^{sp} + j(Q_{Li}^{sp} - Q_{Gi}^{sp}) = V_i I_i^* \end{aligned} \quad (2-1)$$

که:

$S_i^{sp}$  توان تعیین شده<sup>۵</sup> در شین  $i$ ،  $P_i^{sp}$  توان اکتیو تعیین شده در شین  $i$ ،  $Q_i^{sp}$  توان راکتیو تعیین شده در شین  $i$ ،  $P_{Gi}^{sp}$  توان اکتیو تولیدی تعیین شده در شین  $i$ ،  $Q_{Gi}^{sp}$  توان راکتیو تولیدی تعیین شده در شین  $i$ ،  $P_{Li}^{sp}$  توان اکتیو مصرفی تعیین شده بار در شین  $i$ ،  $Q_{Li}^{sp}$  توان راکتیو مصرفی تعیین شده بار در شین  $i$ ،  $V_i$  ولتاژ شین  $i$  و  $I_i$  جریان شین  $i$  نام را نشان می‌دهد.

<sup>4</sup> Scheduled

<sup>5</sup> Specified

فصل اول: بررسی منابع

۳) شین‌های تنظیم شده: این شین‌ها، شین‌های دارای ژنراتور هستند که به شین‌های با ولتاژ کنترل شده نیز موسوم‌اند. در این شین‌ها، توان اکتیو و اندازه ولتاژ معلوم هستند. زاویه فاز ولتاژها و توان‌های راکتیو باید محاسبه شوند. حدود بالا و پایین مقادیر توان راکتیو نیز معلوم می‌باشند. این شین‌ها، شین‌های PV نیز نامیده می‌شوند [۴].

$$P_i^{sp} = P_{Gi}^{sp} - P_{Li}^{sp} = \text{Re}(V_i I_i^*) \quad (\mathfrak{P}-1)$$

$$V_i^{sp} = (e_i^2 + f_i^2)^{1/2} = |V_i| \quad (\text{F-1})$$

در تمامی روابط بالا، بالانویس \* بیانگر مقدار مختلط پارامتر مذکور می‌باشد.

معادله دقیق پخش بار زمانی به دست می‌آید که قیود شین (۱-۲) تا (۱-۴) برآورده شوند. تقریباً همه الگوریتم‌های پخش بار باید معادله (۱-۴) را ارضا کنند. تحت این شرایط میزان اختلاف بین توان‌های تعیین شده و مقادیر توان محاسبه شده ( $\Delta S_i$ ) در معادلات (۱-۲) و (۱-۳) میزان دقت راه حل‌ها را مشخص می‌کند.

برای هر شیب پار PQ، مقدار توان یاقیناندۀ<sup>۶</sup> از معادله (۱-۵) زیر به دست می‌آید:

$$\Delta S_i = S_i^{sp} - V_i I_i^* = P_i^{sp} + j Q_i^{sp} - V_i \sum_{k \in i} Y_{ik}^* V_k^* \quad (\text{Eq } 1)$$

رابطه (۱-۵) می‌تواند به دو بخش حقیقی و موهومی تقسیم شده و رابطه‌های توان پسماند اکتیو و راکتیو را به طور جداگانه مشخص کند. معادلات (۱-۶ ب) و (۱-۷ ب) فرم قطبی معادلات (۱-۶ الف) و (۱-۷ الف) می‌باشند.

برای هر شین  $i$  از نوع PV و PQ داریم:

$$\Delta P_i = P_i^{sp} - \operatorname{Re}\{(e_i + jf_i) \sum_{k \in i} (G_{ik} - jB_{ik})(e_k - jf_k)\} \quad (6-1)$$

6 Residual

## فصل اول: بررسی منابع

$$= P_i^{sp} - |V_i| \sum_{k \in i} (G_{ik} \cos \theta_{ik} + B_{ik} \sin \theta_{ik}) |V_k| \quad (6-1\text{ ب})$$

و برای هر شین  $i$  از نوع PQ خواهیم داشت:

$$\Delta Q_i = Q_i^{sp} - \operatorname{Im}\{(e_i + jf_i) \sum_{k \in i} (G_{ik} - jB_{ik})(e_k - jf_k)\} \quad (7-1\text{ الف})$$

$$= Q_i^{sp} - |V_i| \sum_{k \in i} (G_{ik} \sin \theta_{ik} - B_{ik} \cos \theta_{ik}) |V_k| \quad (7-1\text{ ب})$$

که در روابط بالا داریم:

$G_{ik}$  و  $B_{ik}$  به ترتیب المان  $ik$  ماتریس‌های کندوکتانس و سوسپیتانس هستند و  $\theta_i$  زاویه ولتاژ شینه  $i$  می‌باشد.  $\operatorname{Im}()$  مقدار موهومی () را نشان می‌دهد.

معمولًا برای همگرایی، باید مقادیر  $\Delta P$  و  $\Delta Q$  بسته به نوع و شرایط سیستم از یک مقدار خاصی کمتر باشند. در واقع داریم:

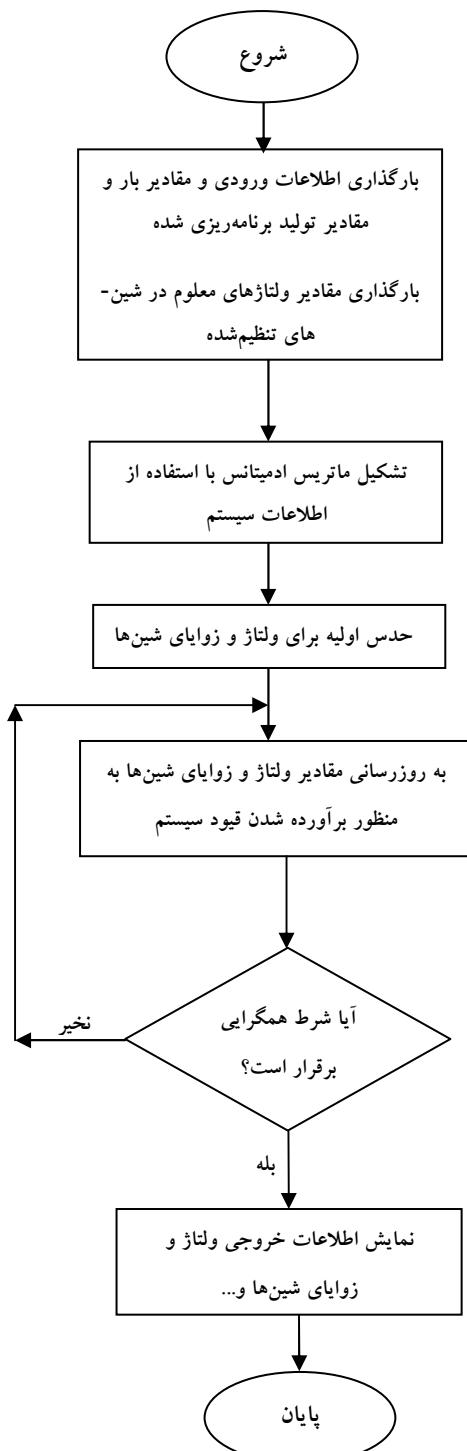
$$\text{برای هر شین } i \text{ نوع PV} \quad \Delta P_i < c_p$$

$$\text{برای هر شین } i \text{ نوع PQ} \quad \Delta Q_i < c_p$$

مقادیر خطای  $c_p$  و  $c_q$  بسته به شرایط سیستم معمولًا در محدوده  $10 - 0/01$  MW/MVAR هستند. در بعضی الگوریتم‌ها ممکن است معیار انتخاب خطا متفاوت باشد ولی اکثرًا از روابط بالا برای محاسبه خطا استفاده می‌کنند [۴].

معادلات پخش بار در واقع دسته‌ای از معادلات جبری غیر خطی همزمان توان را برای دو نوع متغیر نامعلوم در هر گره سیستم حل می‌کنند. الگوریتم کلی مسئله مذکور که برنامه‌های پخش بار از آن استفاده می‌کنند در شکل (۱-۱) نمایش داده شده است. در ابتدا اطلاعات سیستم نظری و ضعیت توان شین‌ها، اتصالات شبکه و امپدانس‌ها خوانده شده و ماتریس ادمیتانس تشکیل می‌شود. حدس اولیه برای ولتاژ و زوایای همه شین‌ها زده می‌شود. مرحله تکرار تا زمانی ادامه می‌یابد که همه قیود و شرایط بار و تولید برآورده شوند و مقدار خطا از مقدار مشخص شده کمتر باشد [۳].

## فصل اول: بررسی منابع



شکل (۱-۱) دیاگرام اصلی و پایه‌ای پخش بار

## فصل اول: بررسی منابع

### ۱-۳- حداکثر مقدار بارگذاری و پایداری ولتاژ در سیستم‌های قدرت

در طول سالیان گذشته، اهمیت پایداری ولتاژ در سیستم‌های قدرت رفته پررنگ‌تر شده است. تا کنون شاخص‌های مختلف پایداری ولتاژ ارائه شده است. یکی از این روش‌ها بر اساس برآورد حد پایداری ولتاژ در سیستم‌های قدرت می‌باشد [۵]. در این روش بار سیستم تا جایی افزایش می‌یابد که سیستم دیگر نتواند به همگرایی برسد. راه حل‌های ولتاژ پایین به دست آمده از این روش برای تشخیص منحنی دماغه<sup>۷</sup> در منحنی‌های PV و PQ استفاده می‌شوند. این منحنی‌ها برای تعیین نقاط ضعیف در سیستم قدرت و بررسی روش‌های کنترلی بهینه برای جلوگیری از فروپاشی ولتاژ لازم می‌باشند [۶]. روش‌های متداولی نظیر نیوتن رافسون و مشتقات به دست آمده از این روش، در نزدیکی ماکزیمم حد بارگذاری سیستم نمی‌توانند به خوبی همگرا شوند و این به دلیل ماتریس ژاکوبین این روش‌ها می‌باشد که با نزدیک شدن به حد بارگذاری سیستم به سمت منفرد شدن می‌رود.

### ۱-۴- راه حل‌های غیر عادی<sup>۸</sup> حل مسئله پخش بار

از آنجا که مسائل پخش بار به صورت مجموعه‌ای از معادلات غیر خطی هستند لذا دارای پاسخ منحصر به فردی نیستند. یکی از این پاسخ‌ها به عنوان پاسخ عادی (پایدار) شناخته می‌شود و بقیه تحت عنوان پاسخ‌های غیرعادی (ناپایدار) محسوب می‌شوند. در واقع بر طبق تئوری "پاسخ‌های متعدد"<sup>۹</sup> پخش بار" در هر سطحی از بار معمولاً چندین پاسخ ولتاژ پایین وجود دارد [۷]. با افزایش مقدار بارگذاری سیستم تعداد این پاسخ‌ها کمتر می‌شود، به طوریکه در نزدیکی ماکزیمم حد بارگذاری سیستم تنها یک پاسخ عملی (و پاسخ‌هایی خیلی نزدیک به این پاسخ) وجود دارند [۸]. به منظور ارزیابی پایداری ولتاژ و جلوگیری از فروپاشی ولتاژ، پاسخ‌های ولتاژ پایین متعدد مورد نیاز می‌باشند. در واقع راه حل‌های ناپایدار ولتاژ در تحلیل پایداری ولتاژ و در رسم منحنی‌های PV و PQ بسیار مهم و اساسی می‌باشند.

<sup>7</sup> Nose curve

<sup>8</sup> Abnormal

<sup>9</sup> Multiple