



تاسیس ۱۳۰۷

دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی  
دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر

پایان نامه کارشناسی ارشد

مهندسی محاسبات - موج

بررسی نوعی کوپلر جهت دار پلاسمونیک و شیه سازی آن با استفاده از

روش عددی تفاضل محدود در حوزه می زمان

استاد راهنما :

دکتر نصرت ا... گرانپایه

استاد مشاور :

مهندس مجید رسولی دیسفانی

دانشجو:

پویا دستمالچی

شهریور ۱۳۸۹



به نام نزدان بخشنده و مهربان



تقدیم بہ

پدر و مادر عزیزم

کہ درس زندگی و محبت را بہ من آموختہ اندہ



## اظهار نامه دانشجو

موضوع پایان نامه: بررسی نوعی کوپلر جهت‌دار پلاسمونیک و شبیه‌سازی آن با استفاده از روش

عددی تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان

استاد راهنما: آقای دکتر نصرت ا... گرانیپایه

نام دانشجو: پویا دستمالچی

شماره دانشجوئی: ۸۶۰۰۸۴۴

اینجانب پویا دستمالچی دانشجوی دوره کارشناسی ارشد مهندسی برق گرایش مخابرات میدان دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی گواهی می‌نمایم که تحقیقات ارائه شده در این پایان‌نامه توسط شخص اینجانب انجام شده و صحت و اصالت مطالب نگارش شده مورد تأیید است، و در موارد استفاده از کار دیگر محققان به مرجع مورد استفاده اشاره شده است. بعلاوه گواهی می‌نمایم که مطالب مندرج در پایان‌نامه تاکنون برای دریافت هیچ نوع مدرک یا امتیازی توسط این‌جانب یا فرد دیگری در هیچ‌جا ارائه نشده است و در تدوین متن پایان‌نامه چارچوب (فرمت) مصوب دانشگاه را بطور کامل رعایت کرده‌ام.

امضاء دانشجو:

تاریخ:





## فرم حق طبع و نشر و مالکیت نتایج

۱- حق چاپ و تکثیر این پایان نامه متعلق به نویسنده آن است. هرگونه کپی برداری بصورت کل پایان نامه یا بخشی از آن تنها با موافقت نویسنده یا کتابخانه دانشکده مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی مجاز است.

۲- کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی است و بدون اجازه کتبی دانشگاه به شخص ثالث قابل واگذاری نیست.

همچنین استفاده از اطلاعات و نتایج موجود در پایان نامه بدون ذکر مرجع مجاز نیست.



با سپاس فراوان از

استاد ارجمندم دکتر نصرت ا... گرانپایه

و همچنین مهندس مجید رسولی دیسفانی

که با راهنمایی‌های خود مرا در انجام این پروژه یاری کردند.



## چکیده:

در این پایان‌نامه به بررسی محیط‌های پلاسمونیک می‌پردازیم و پلاسمون‌های سطحی را معرفی کرده شرایط انتشار آنها را نشان می‌دهیم. روش عددی تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان را برای شبیه‌سازی مسائل مربوط به انتشار امواج الکترومغناطیسی در محیط‌های پلاسمونیک بررسی می‌کنیم.

با استفاده از موجبرهای گاف پلاسمونی یک کوپلر پلاسمونی طراحی شده است. با توجه به اینکه کوپلر پیشنهادی در راستای انتشار یکنواخت است برای صرفه‌جویی در زمان و حافظه از روش موسوم به روش FDTD فشرده<sup>۱</sup> استفاده می‌شود. تأثیر برخی از پارامترهای هندسی ساختار مانند فاصله‌ی موجبرها از هم، ضخامت فلز و عرض شکاف هر موجبر را بر دو پارامتر مهم مربوط به این کوپلرها یعنی طول کوپلینگ و بیشینه‌ی توان انتقال یافته بررسی می‌کنیم و در نهایت یک مقسم توان پلاسمونیک مورد بررسی، تحلیل و شبیه‌سازی قرار می‌گیرد.

با توجه به نتایج طول کوپلینگ ملاحظه می‌شود که در مقادیر مختلف از فاصله‌ی بین موجبرها تأثیر تغییرات ضخامت فلز و عرض شکاف متفاوت است و حتی در نقاط خاصی تغییرات آنها تأثیر محسوسی بر طول کوپلینگ نمی‌گذارد. این رفتار ناشی از اثراتی است که تغییرات اعمال شده بر تمرکز نور در هر موجبر و نیز مقدار انرژی ذخیره شده در آن دارد.

---

<sup>۱</sup> Compact Finite Difference Time Domain



## فهرست مطالب:

### فصل اول: مقدمه

۳	اهمیت	۱-۱
۵	اهداف	۲-۱
۵	ترکیب پایان نامه	۳-۱

### فصل دوم: پلاسمونیک

۹	مقدمه‌ای بر پلاسمونیک	۱-۲
۱۲	پلاسمون‌های سطحی	۲-۲
۱۲	پلاسمون و پلاسمون سطحی	۱-۲-۲
۱۳	معادلات انتشار پلاسمون‌های سطحی	۳-۲
۲۰	تحریک پلاسمون‌های سطحی روی سطوح صاف	۴-۲

### فصل سوم: روش تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان

۲۷	مقدمه	۱-۳
۲۷	روش عددی تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان	۲-۳
۲۹	روش FDTD در محیط خطی، همگن و غیرپاشنده	۱-۲-۳
۳۱	روش تفاضل محدود Yee	۲-۲-۳
۳۴	روابط تفاضل محدود برای معادلات ماکسول سه بعدی	۳-۲-۳
۳۷	روش FDTD در محیط پاشنده	۴-۲-۳
۴۱	روش FDTD فشرده در محیط پاشنده	۳-۳

### فصل چهارم: مروری بر موجبرهای پلاسمونیک

۴۷	مقدمه‌ای بر موجبرهای پلاسمونیک	۱-۴
۴۸	موجبر نوار فلزی	۱-۱-۴
۵۰	نانو موجبر سیمی فلزی	۲-۱-۴
۵۱	موجبر شکاف پلاسمونی	۳-۱-۴
۵۲	موجبرهای فلزی V- شکل و گوه‌ای	۴-۱-۴

### فصل پنجم: کوپلر پلاسمونیک با استفاده از موجبر شکاف پلاسمونی

۵۹	کوپلر پلاسمونیک با استفاده از موجبر شکاف پلاسمونی	۱-۵
۵۹	موجبر شکاف پلاسمونی	۱-۱-۵
۶۲	کوپلر شکاف پلاسمونی دو بعدی	۲-۱-۵
۶۲	کوپلر شکاف پلاسمونی سه بعدی	۳-۱-۵

دو پارامتر مهم در کوپلرها.....	۴-۱-۵
تأثیر تغییر فاصله موجرها بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۵-۱-۵
تأثیر تغییر عرض موجرها بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۶-۱-۵
تأثیر تغییر ضخامت فلز بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۷-۱-۵
کوپلر پلاسمونی متشکل از شکاف‌های پلاسمونی با سطوح نیم‌استوانه‌ای.....	۲-۵
موجبر شکاف پلاسمونی با سطوح نیم‌استوانه‌ای.....	۱-۲-۵
تأثیر تغییر فاصله موجرها بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۲-۲-۵
تأثیر تغییر عرض موجرها بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۳-۲-۵
تأثیر تغییر شعاع سطوح نیم‌استوانه‌ای بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۴-۲-۵
مقسم توان پلاسمونیک با استفاده از موجبر شکاف پلاسمونی.....	۳-۵
تأثیر تغییر عرض موجرها بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۱-۳-۵
تأثیر تغییر ضخامت فلز بر طول کوپلینگ و بیشینه توان انتقال یافته.....	۲-۳-۵

## فصل ششم: نتیجه‌گیری و پیشنهادات

مراجع



## فهرست شکل‌ها:

- شکل ۱-۱: نمودار ابعاد و سرعت پردازش در تراشه‌ها با فن‌آوری‌های مختلف..... ۴
- شکل ۱-۲: فصل مشترک صاف و مسطح یک فلز و عایق..... ۱۵
- شکل ۲-۲: منحنی پاشندگی نرمالیزه برای مودهای غیرتثبیتی پلاسمون‌های سطحی در فصل مشترک یک فلز و عایق (خط کامل) و انتشار فضای آزاد (خط چین)..... ۲۰
- شکل ۳-۲: برخورد مایل نور بر فصل مشترک عایق و فلز..... ۲۱
- شکل ۴-۲: منحنی پاشندگی نرمالیزه مؤلفه مماسی بردار انتشار برای پلاسمون‌های سطحی و نور تابیده شده با زاویه  $\theta$  در فصل مشترک یک فلز و عایق [۶]..... ۲۲
- شکل ۵-۲: سیستم کوپلر بازتابش کلی تضعیف‌شده برای تحریک پلاسمون‌های سطحی..... ۲۳
- شکل ۱-۳: محل قرارگیری میدان‌ها در یک سلول از شبکه یی [۱۴]..... ۳۲
- شکل ۲-۳: نمودار مکانی-زمانی روش یی به روش جهش قورباغه‌ای [۱۴]..... ۳۳
- شکل ۳-۳: نمایش میدان‌ها طبق الگوریتم یی [۱۴]..... ۳۷
- شکل ۴-۳: نمودار عبور از یک نوار فلزی با استفاده از دو روش تحلیلی و شبیه‌سازی با روش تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان..... ۴۰
- شکل ۱-۵: موجبر شکاف پلاسمونی..... ۵۹
- شکل ۲-۵: (الف) مد پلاسمون شکافی که بدلیل بازتاب‌های موفق از بالا و پایین شکاف منتشر می‌شود، (ب) مد پلاسمون‌های تیغه‌ای کوپل شده، و (ج) چهار حالت ممکن توزیع بار در سطح مقطع شکاف پلاسمونی برای مد پلاسمون‌های تیغه‌ای کوپل شده..... ۶۰
- شکل ۳-۵: ساختار کوپلر پلاسمونی با استفاده از موجبرهای شکاف پلاسمونی..... ۶۱
- شکل ۴-۵: سطح مقطع کوپلر شکاف پلاسمونی (a) دو بعدی و (b) سه بعدی..... ۶۱

شکل ۵-۵: در کوپلر شکاف پلاسمونی دوبعدی انتقال انرژی از یک موجبر به موجبر دیگر از طریق فلز مابین دو موجبر است ..... ۶۲

شکل ۵-۶: در کوپلر شکاف پلاسمونی سه بعدی انتقال انرژی یک موجبر به موجبر دیگر از فضای دی الکتریک بالا و پایین تیغه‌ی فلزی میانی صورت می‌گیرد..... ۶۳

شکل ۵-۷: توزیع انرژی در کوپلر پلاسمونی شکل (۵-۳) در (الف) زمانی که مد درون موجبر اول (موجبر سمت چپ) منتشر میشود و (ب) زمانی که مد پس از طی مسافت  $L_c \approx 2/123$  میکرومتر در مدت زمان  $t_c \approx 1/203 \times 10^{-2}$  پیکوثانیه به درون موجبر سمت راست کوپل شده است. نتایج با استفاده از شبیه‌سازی با روش تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان فشرده برای طول موج  $632/8 \text{ nm}$ ،  $W = 50 \text{ nm}$ ،  $h = 60 \text{ nm}$  و  $S = 100 \text{ nm}$  بدست آمده است. .... ۶۴

شکل ۵-۸: تغییرات طول کوپلینگ نسبت به فاصله بین موجبرها به ازای سه عرض مختلف موجبر برای کوپلر شکل ۵-۳ طول موج کار  $632/8 \text{ nm}$ ، و  $h = 60 \text{ nm}$  ..... ۶۵

شکل ۵-۹: تغییرات بیشینه توان انتقال یافته نسبت به فاصله بین موجبرها به ازای سه عرض مختلف موجبر برای کوپلر شکل ۵-۳. طول موج کار  $632/8 \text{ nm}$ ، و  $h = 60 \text{ nm}$  ..... ۶۶

شکل ۵-۱۰: تغییرات طول کوپلینگ نسبت به فاصله بین موجبرها به ازای سه ضخامت مختلف فلز برای کوپلر شکل ۵-۳، طول موج کار  $632/8 \text{ nm}$ ، و  $W = 50 \text{ nm}$  ..... ۶۸

شکل ۵-۱۱: تغییرات بیشینه توان انتقال یافته نسبت به فاصله بین موجبرها به ازای سه ضخامت مختلف فلز برای کوپلر شکل ۵-۳، طول موج کار  $632/8 \text{ nm}$ ، و  $W = 50 \text{ nm}$  ..... ۶۹

شکل ۵-۱۲: (الف) ساختار موجبر شکاف پلاسمونی با سطوح نیم‌استوانه‌ای و (ب) موجبر معادل تشکیل شده از دو سطح پلاسمونی گوه‌ای شکل ..... ۶۹

شکل ۵-۱۳: توزیع بار (الف) متقارن نسبت به محور x در هر سطح نیم‌استوانه و (ب) نامتقارن نسبت به شکاف در مد اصلی موجبر شکاف پلاسمونی با سطوح نیم‌استوانه‌ای ..... ۷۰

شکل ۵-۱۴: مؤلفه‌های میدان‌های الکتریکی و مغناطیسی در مد اصلی موجبر شکاف پلاسمونی با سطوح

نیم‌استوانه‌ای شکل (۵-۱۲-الف)..... ۷۱

شکل ۵-۱۵: ساختار کوپلر پیشنهاد شده با استفاده از موجبرهای شکاف پلاسمونی با سطوح نیم‌استوانه‌ای،

شعاع سطوح نیم‌استوانه‌ای.  $R$ ، عرض شکاف‌ها  $W$  و فاصله‌ی موجبرها از یکدیگر  $S$  است..... ۷۳

شکل ۵-۱۶: توزیع انرژی در کوپلر پلاسمونی شکل (۵-۱۵) در (الف) زمانی که موج درون موجبر اول

(موجبر سمت چپ) منتشر می‌شود و (ب) زمانی که موج پس از طی مسافتی به طول  $L_c \approx 2/794$

میکرومتر در زمان  $t_c \approx 1/335 \times 10^{-2}$  پیکوثانیه به موجبر سمت راست کوپل شده است. نتایج با استفاده از

شبیه‌سازی با روش تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان فشرده، برای طول موج کار  $632/8\text{nm}$ ،  $W = 50\text{nm}$ ،

$R = 50\text{nm}$  و  $S = 120\text{nm}$  بدست آمده است..... ۷۳

شکل ۵-۱۷: تغییرات طول کوپلینگ نسبت به فاصله موجبرها به ازای سه عرض مختلف موجبرها برای

کوپلر شکل ۵-۱۵. طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $R = 30\text{nm}$ ..... ۷۴

شکل ۵-۱۸: تغییرات بیشینه توان انتقال‌یافته نسبت به فاصله بین موجبرها به ازای سه عرض مختلف

موجبر برای کوپلر شکل ۵-۱۵، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $R = 30\text{nm}$ ..... ۷۵

شکل ۵-۱۹: نمودار تغییرات طول کوپلینگ نسبت به فاصله موجبرها به ازای سه شعاع مختلف سطوح نیم-

استوانه‌ای برای کوپلر شکل ۵-۱۵، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $W = 100\text{nm}$ ..... ۷۷

شکل ۵-۲۰: تغییرات بیشینه توان انتقال یافته نسبت به فاصله موجبرها به ازای سه شعاع مختلف سطوح

نیم‌استوانه‌ای برای کوپلر شکل ۵-۱۵، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $W = 100\text{nm}$ ..... ۷۷

شکل ۵-۲۱: ساختار مقسم توان پیشنهاد شده با استفاده از موجبرهای شکاف پلاسمونی..... ۷۸

شکل ۵-۲۲: توزیع انرژی در مقسم توان پلاسمونی شکل (۵-۲۱) در (الف) زمانی که موج درون موجبر

اول (موجبر میانی،  $A$ ) منتشر می‌شود و (ب) زمانی که موج پس از طی مسافتی به طول  $L_c \approx 1/498$

میکرومتر در زمان  $t_c \approx 7/394 \times 10^{-3}$  پیکوثانیه به درون موجبرهای کناری  $B$  و  $C$  کوپل شده است.

شبییه‌سازی با استفاده از روش تفاضل محدود در حوزه‌ی زمان فشرده برای طول موج کار  $632/8\text{nm}$ ،  
 $W = 50\text{nm}$ ،  $h = 60\text{nm}$  و  $S = 100\text{nm}$  بدست آمده است..... ۷۹

شکل ۵-۲۳: تغییرات طول کوپلینگ نسبت به فاصله‌ی موجبرها به ازای سه عرض مختلف موجبر برای  
مقسم توان شکل ۵-۲۱، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $h = 60\text{nm}$ ..... ۸۰

شکل ۵-۲۴: نمودار تغییرات بیشینه توان انتقال یافته نسبت به فاصله‌ی موجبرها به ازای سه عرض مختلف  
موجبر برای هر بازوی مقسم توان شکل ۵-۲۱، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $h = 60\text{nm}$ ..... ۸۰

شکل ۵-۲۵: تغییرات طول کوپلینگ نسبت به فاصله‌ی موجبرها به ازای سه ضخامت مختلف فلز برای  
مقسم توان شکل ۵-۲۱، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $W = 50\text{nm}$ ..... ۸۱

شکل ۵-۲۶: تغییرات بیشینه توان انتقال یافته نسبت به فاصله‌ی موجبرها به ازای سه ضخامت مختلف فلز  
برای هر بازوی مقسم توان شکل ۵-۲۱، طول موج کار  $632/8\text{nm}$  و  $W = 50\text{nm}$ ..... ۸۱