

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ



دانشگاه آزاد واحد تهران مرکزی

عنوان :

بررسی شبکه‌های میان ارتباطی چندسطحی کوانتمی

پروژه کارشناسی ارشد

رشته مهندسی برق - الکترونیک

استاد راهنما : آقای دکتر صباغی

استاد مشاور : آقای دکتر کاشانی نیا

دانشجو: سمیرا زارعی



**Islamic Azad University Central Tehran Branch**

**M.Sc.Thesis**

**The research of Quantum Interconnection Networks**

**By:**

**Samira Zarei**

**Supervisor:**

**Dr. Reza Sabbaghy**

**Advisor:**

**Dr. Alireza Kashaniniya**

**September 2012**

## سپاسگذاری

بر خود لازم می داشم سپاس و قدردانی صمیمانه خود را از زحمات تمام کسانی که در انجام این پروژه  
مرا یاری کردند ابراز نمایم.

تقدیم به:

تمام آنان که دوستشان دارم

## فهرست مطالب

۱	چکیده فارسی .....
۲	۱- مقدمه : اصل اول
۴	۲- فصل دوم :
۴	۲-۱- مقدمه :
۵	۲-۲- مروری بر شبکه های میان ارتباطی چند سطحی .....
۵	۲-۳- ۱- همبندی ارتباطی :
۷	۲-۴- ۲- مسیریابی :
۱۰	۲-۵- شبکه های چند سطحی یک سویه .....
۱۳	۲-۶- شبکه های چند سطحی دو سویه .....
۱۴	۲-۷- مسیردهی در شبکه های چند سطحی .....
۱۴	۲-۸- ۱- خود مسیریابی در شبکه های زیر مجموعه بانیان .....
۱۵	۲-۹- ۲- مسیریابی چرخشی در شبکه پروانه ای .....
۱۸	۲-۱۰- ابرخی از ویژگی های مسیریابی چرخشی .....
۱۹	۲-۱۱- ۱- محاسبه طول مسیر در شبکه پروانه ای دو سویه .....
۲۰	۲-۱۲- ۲- بررسی شباهت شبکه پروانه ای دو سویه با شبکه درخت پهن .....
۲۵	۳- فصل سوم .....
۲۲	۳-۱- مقدمه .....
۲۳	۳-۲- مقدمات محاسبات کوانتمی .....
۲۴	۳-۳- تاریخچه محاسبات کوانتمی .....
۲۵	۳-۴- اصول محاسبات کوانتمی .....
۲۵	۴-۱- کیوبیت ها .....
۲۷	۴-۲- ضرب تنسوری داده های کوانتمی .....
۲۸	۴-۳- گیت های کوانتمی .....
۳۱	۴-۴- مدارات کوانتمی .....
۳۲	۴-۵- روش های ساخت ادوات کوانتمی .....
۳۵	۴-۶- ترکیب مدارات کوانتمی .....
۴۵	۴- فصل چهارم .....
۴۵	۴-۱- مقدمه .....
۴۶	۴-۲- بررسی مطالعات پیشین .....
۵۱	۴-۳- تعریف راهگزین کوانتمی .....
۵۴	۴-۴- ساختار مداری بیت کنترلی .....
۵۷	۴-۵- بهینه کردن ساختار راهگزین با استفاده از کیوبیت معتبر ( V-Qubit ) .....

۶۰	۴-۶ شبکه کوانتمی پروانه‌ای :
۶۸	۴-۷ مقایسه شبکه یک سویه و دوسویه پروانه‌ای:
۸۱	۵ فصل پنجم .....
۷۰	۵-۱ مقدمه :
۷۱	۵-۲ تعریف QCA :
۷۲	۵-۳ المان‌های منطقی :
۷۲	۵-۳-۱ اگیت اکثربیت :
۷۳	۵-۳-۲ سیم ۹۰ درجه:
۷۳	۵-۳-۳ سیم راست ۴۵ درجه:
۷۴	۴-۵ زمان بندی ...
۷۴	۵-۵ شبیه‌سازی یک راهگرین $2 \times 2$ :
۷۹	۵-۶ شبیه‌سازی یک راهگرین $2 \times 2$ با استفاده از تکنولوژی QCA :
۸۴	۶ فصل ششم .....
۸۴	۶-۱ خلاصه نتایج :
۸۶	۶-۲ کارهای آتی :
۸۷	۷ مراجع .....
۹۰	چکیده انگلیسی ..... ز

## فهرست شکل‌ها

شکل ۱-۲ همبندی‌های متنوع در شبکه‌های روی تراشه :	(الف) شبکه‌های مستقیم توری (ب) شبکه مستقیم دور تاخورده
(ج) شبکه غیرمستقیم منظم پروانه (د) شبکه غیرمستقیم و غیرمنظم مبتنی بر راهگزین	..... ۶
شکل ۲-۲ چهار نوع مختلف از راهگزین‌های ۴×۴ (الف) راهگزین ۴×۴ یک سویه (ب) راهگزین ۴×۴ با تأخیر ۲	..... ۸
(ج) راهگزین ۴×۴ دوسویه (د) راهگزین ۴×۴ با دو کانال مجازی	..... ۸
شکل ۳-۲ الگوهای ارتباطی ممکن در یک راهگزین دوسویه ۴×۴ (الف) حرکت به جلو (ب) برچسب‌های داخلی	..... ۹
(ج) چرخش ..... ۱۸۰	..... ۹
شکل ۴-۲ طبقه‌بندی از شبکه‌های میان ارتباطی	..... ۱۰
شکل ۵-۲ شبکه پروانه‌ای یک سویه با ۸ گره	..... ۱۱
شکل ۶-۲ شبکه پروانه‌ای دو سویه	..... ۱۳
شکل ۷-۲ الگوریتم مسیریابی چرخشی که در هر راهگزین در سطح زنجام می‌شود	..... ۱۶
شکل ۸-۲ مثالی از مسیریابی چرخشی	..... ۱۷
شکل ۹-۲ شبکه‌های با در نظر گرفتن کوتاهترین مسیرهای چندگانه (الف) مقدار $t=1$ و تعداد کوتاهترین مسیر ۲ (ب)	..... ۱۹
مقدار $t=2$ و تعداد کوتاهترین مسیر ۴	..... ۱۹
شکل ۱۰-۲ مقایسه ساختار (الف) شبکه پروانه‌ای با ۸ گره و (ب) همبندی معادل آن با حذف آخرین سطح از سمت راست	..... ۱۹
شکل ۱۱-۲ مقایسه شبکه پروانه‌ای با شبکه درخت پهن (الف) شبکه پروانه‌ای دو سویه با ۱۶ گره (ب) شبکه درخت پهن با ۱۶ گره	..... ۲۰
شکل ۱۲-۳ فضای بلاج برای بیان کردن موقعیت کوانتم بیت	..... ۲۶
شکل ۱۳-۲ شماتیک مداری گیت‌های کوانتمی (الف) گیت فینمن (ب) گیت تافی (ج) گیت جاچاکنده (د) گیت فردکین	..... ۳۱
شکل ۱۴-۳ محاسبات کوانتمی که با مدارهای کوانتمی مدل شده است	..... ۳۱
شکل ۱۵-۴ سه مدار متقاولت از یک تمام جمع‌کننده	..... ۳۲
شکل ۱۶-۵ اندازه‌گیر کوانتمی	..... ۳۲
شکل ۱۷-۶ دستگاه به دام اندازی یون	..... ۳۳
شکل ۱۸-۷ شکستن پرتوبا تابش اشعه و تولید فوتون	..... ۳۴
شکل ۱۹-۸ ساخت ادوات کوانتمی با لیزر	..... ۳۴
شکل ۲۰-۹ منحنی هزینه گیت کوانتمی در مقابل تعداد ورودی‌های ثابت	..... ۴۳
شکل ۲۱-۱۰ سنتر مدار (الف) با چهار خروجی مطلوب (ب) همان مدار با دو خروجی مازاد	..... ۴۳
شکل ۲۲-۱۱ (الف) معادل سازی تافلی گیت با میزان تأخیر ۵ (ب) مثال مداری باعمق مداری ۸ و تأخیر ۱۲	..... ۴۴
شکل ۲۳-۱۴ در همتینیدگی بسته‌های کوانتمی	..... ۵۱
شکل ۲۴-۲-۱ گیت هادامارد	..... ۵۱
شکل ۲۵-۳ راهگزین کوانتمی (الف) ساختار مدار کوانتمی و سمبل مداری (ب) حالت تقاطع (ج) حالت گذر	..... ۵۲
شکل ۲۶-۴ شبکه پروانه‌ای ۸×۸ با راهگزین‌های ۲×۲	..... ۵۳
شکل ۲۷-۵ نمای یک راهگزین کوانتمی (الف) مدار بیت کنترلی آن (ب) مدار معادل کوانتمی آن	..... ۵۵
شکل ۲۸-۶ (الف) مدار کوانتمی راهگزین با استفاده از کیوبیت‌های معتبر (ب) سمبل مداری این راهگزین	..... ۵۹
شکل ۲۹-۷ زیرشبکه ۴×۴ از شبکه پروانه‌ای	..... ۶۱
شکل ۳۰-۸ مدل شبکه پروانه‌ای یک سویه کوانتمی با ارسال اطلاعات	..... ۶۳
شکل ۳۱-۹ پلاریزاسیون سلول QCA (الف) حالت باینری صفر $P=-1$ (ب) حالت باینری یک $P=+1$	..... ۷۱

۷۲	شکل ۵-۲ اثر کلمبی یک سلوول بر سلوول مجاور
۷۳	شکل ۵-۳-۱ گیت اکثربیت a,b,c ورودی، خروجی
۷۳	شکل ۵-۴ سیم راست درجه ۴۵
۷۴	شکل ۵-۵ چهار ناحیه زمان بندی در QCA
۷۶	شکل ۶-۵ دیاگرام منطقی یک راهگزین $2 \times 2$ با استفاده از دو مالتی پلکس
۷۸	شکل ۷-۵ (الف) جانمایی مدار یک راهگزین $2 \times 2$ (ب) شکل سیگنال خروجی راهگزین با نرخ نمونه برداشی ۵۰۰۰۰
۸۱	شکل ۸-۵ (الف) جانمایی مدار گیت فردکین (ب) شکل سیگنال خروجی راهگزین با نرخ نمونه برداشی ۵۰۰۰۰

## فهرست جدول‌ها :

جداول ۱-۲	جایگشت‌های مختلف در الگوهای ارتباطی شبکه‌های چند سطحی	۱۲
جداول ۲-۲	تصویف همبندی‌های مختلف در شبکه‌های چندسطحی با استفاده از جایگشت‌های جدول ۱-۱	۱۳
جداول ۱-۳	پنج روش مقاومت جهت پیاده‌سازی یک تمام جمع‌کننده کوانتمی	۳۷
جدول ۲-۳	تعداد ترانزیستورها و وزن گیت‌های معکوس پذیر در تکنولوژی dual-line CMOS	۳۹
جدول ۳-۳	شش نمونه از گیت‌های کوانتمی معروف، اندازه، هزینه و سobil مداری	۴۰
جدول ۴-۳	هزینه گیت‌های کوانتمی که ترکیبی $C^m NOT$	۴۲
جدول ۱-۴	مشخص کردن مقدار کیوبیت کنترلی با استفاده از آدرس بسته‌ها و معتبر بودن آنها	۵۸
جدول ۲-۴	هزینه و تعداد گیت‌های مدار کوانتمی راهگزین	۶۶
جدول ۳-۴	مقایسه پارامترهای شبکه‌های پروانه‌ای یک سویه و دوسویه	۶۹
جدول ۱-۵	جدول درستی گیت اکثربیت	۷۳
جدول ۲-۵	جدول درستی راهگزین پیاده‌سازی شده با استفاده از مالتی پلکسر	۷۵
جدول ۳-۵	جدول درستی راهگزین پیاده‌سازی شده با استفاده از فردکین گیت	۷۹
جدول ۴-۵	جدول مقایسه ویژگی‌های راهگزین‌های مطرح شده با QCA	۸۲
جدول ۵-۵	جدول مقایسه ویژگی‌های شبکه‌های ساخته شده با استفاده از فردکین تکنولوژی QCA	۸۳

## چکیده

پیشرفت‌های تحقیقاتی که در چند دهه اخیر در مباحث نانو و کوانتم صورت گرفته است اهمیت و کاربردی بودن آن‌ها را در طراحی مدارات معکوس‌پذیر و منطقی بیشتر کرده است. از طرفی با کاهش ابعاد مدارات و کاهش توان مصرفی، طراحی مدارات با محدودیت‌های بسیاری در استفاده از ساختارهای ارتباطی معمول روبرو است. جهت رفع این محدودیت‌ها در طراحی‌های اخیر گرایش به تلفیق ساختارهای جدیدی مانند ساختارهای کوانتمی و مدارات کلاسیک پیدا شده است. استفاده از ویژگی‌های کوانتمی نظیر موازی‌سازی، جمع‌آثار، درهمتندیگی کوانتمی که همتأی کلاسیک ندارند این حوزه را به منع فیزیکی مهمی در بسیاری از محاسبات تبدیل کرده است.

در این پایان‌نامه مدل‌سازی کوانتمی شبکه‌های میان‌ارتباطی چندسطحی مورد بررسی قرار گرفته است. ابزارهای محاسباتی کلاسیک می‌توانند الگوریتم‌ها و مدارات توصیف کننده آنها را مدل‌سازی کنند ولی شبیه‌سازی‌های کامپیوترا قادر به پیاده‌سازی موازی‌سازی‌های ذاتی الگوریتم‌های کوانتمی نیستند. با درنظر داشتن این نکات، هدف ما تعریف شبکه میان‌ارتباطی پروانه‌ای دوسویه و مقایسه آن با مدل پروانه‌ای یکسویه در حیطه کوانتم است. سپس به توصیف برخی از معیارهای سنتز گیت‌های کوانتمی نظیر هزینه، عمق مدار، تأخیر، تعداد ورودی‌های ثابت و تعداد خروجی‌های مازاد می‌پردازیم که در حیطه شبکه‌های میان‌ارتباطی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار هستند و تاکنون برای شبکه‌های کوانتمی مورد بحث و بررسی قرار نگرفته‌اند. در پایان، از شبیه‌سازی برای مدل‌سازی این راهگزین استفاده می‌کنیم و به بررسی ویژگی‌های حاصل از شبیه‌سازی آن می‌پردازیم.

کلمات کلیدی : شبکه‌های میان‌ارتباطی چندسطحی، محاسبات کوانتمی، گیت کوانتمی، شبکه‌های یکسویه و دوسویه، هزینه گیت، میزان عمق، تأخیر در مدار، سلول کوانتمی، QCA.

## ۱ فصل اول : مقدمه و چشم انداز کلی

### مقدمه

محاسبات کوانتمی<sup>۱</sup> روش جدیدی از پردازش اطلاعات است که بر مبنای مفاهیم مکانیک کوانتمی<sup>۲</sup> بنا شده، روابط و ویژگی‌های خاص خود را دارد و منجر به رخدادهای عجیب و قدرتمندی در حوزه کوانتم می‌شود[۱-۳]. هرچند رایانه‌های کاملاً عملی کوانتمی هنوز ساخته نشده‌اند اما آینده محاسبات کوانتمی بسیار روشن می‌نماید. رایانه‌های کوانتمی قادر خواهد بود مسائل مختلفی را طی چند ثانیه تا چند روز حل کنند که ابررایانه‌های امروزی برای حل آنها به سال‌ها زمان نیاز دارد. افزایش سرعت قابل توجه محاسبات کوانتمی در عملیاتی نظیر رمزنگاری داده‌ها<sup>۳</sup> و الگوریتم‌های جستجو درخور توجه است.

دانشمندان امیدوارند با کمک رایانه‌های کوانتمی بتوانند به شبیه‌سازی پدیده‌هایی بپردازنند که پیش از این به دلیل ضعف قدرت پردازش و محاسبه رایانه‌ها امکان شبیه‌سازی آنها وجود نداشت. اگرچه برخی از ابزارهای محاسباتی کلاسیک می‌توانند الگوریتم‌ها و مدارهای کوانتمی توصیف‌کننده‌ی آنها را مدل‌سازی کنند ولی شبیه‌سازی‌های کامپیوتری کلاسیک قادر به پیاده‌سازی موازی‌سازی<sup>۴</sup> ذاتی الگوریتم‌های کوانتمی نیستند. در سال‌های اخیر تلاش‌های انجام شده همگی در این راستا بوده‌اند که بتوانند ویژگی‌های کوانتمی نظیر موازی‌سازی، جمع‌آثار<sup>۵</sup>، درهمتیگی<sup>۶</sup> را با نظریه‌های کلاسیک ترکیب کنند و این زمینه تشکیل دهنده اصول پایه‌ای برای آینده محاسبات کوانتمی خواهد بود.

ایده اصلی این پایان‌نامه ترکیب مفاهیم کوانتمی موجود با ساختار شبکه‌های میان ارتباطی کلاسیک است که منجر به تعریف یک شبکه میان ارتباطی کوانتمی می‌شود. سپس این شبکه را در دو ساختار یک سویه و دوسویه طراحی می‌کنیم که هر کدام از این مدل‌ها ویژگی‌های مسیریابی و همبندی خاصی دارند. نکته‌ای که باید مورد توجه قرار گیرد این است که ساختار شبکه‌های تعریف شده حتماً باید معکوس‌پذیر باشند یعنی دارای تعداد ورودی - خروجی‌های مساوی باشند تا بتوان از راهگزین‌های

<sup>۱</sup> Quantum computation

<sup>۲</sup> Quantum mechanic

<sup>۳</sup> Cryptography

<sup>۴</sup> Parallelism

<sup>۵</sup> Superposition

<sup>۶</sup> Entanglement

معکوس‌پذیر در طراحی آنها استفاده کرد. از دیگر نوآوری‌های این کار بیان مقایسه ویژگی‌هایی است که برای سنتز مدارات و گیت‌های کوانتمی استفاده می‌شود. معیار ارزیابی در مدارات کوانتمی و تعیین کارایی آنها بر اساس هزینه<sup>۱</sup> گیت‌های پایه، عمق مدار<sup>۲</sup>، تأخیر<sup>۳</sup>، تعداد ورودی‌های ثابت<sup>۴</sup> و تعداد خروجی‌های مازاد<sup>۵</sup> است[۴]. ساختار راهگزین‌های میان‌ارتباطی با استفاده از مدارات کوانتمی پایه‌ای طراحی می‌شود لذا تمامی موارد سنتز قابل تعمیم به مدارات شبکه‌های میان‌ارتباطی بوده، با فرمول‌های ریاضی حاکم بر آنها ارائه می‌شود. برخی از پارامترها جهت بررسی کارایی مدارات ساده‌تر بیان شده‌اند که اینجا بسط داده می‌شوند. تاکنون در این حیطه کاری مشابه انجام نشده است.

پیکربندی نوشتاری این پایان‌نامه به این ترتیب است که در فصل دوم به معرفی شبکه‌های میان‌ارتباطی چند سطحی و بیان مشخصات نظیر همبندی، مسیریابی آنها می‌پردازیم. فصل سوم شامل تعاریف کاملی از مفاهیم پایه‌ای و محاسبات کوانتمی خواهد بود و سپس معیارهای سنجش مدارهای کوانتمی بیان می‌شوند که به عنوان فاکتورهای مهمی در طراحی گیت‌ها و مدارات کوانتمی مورد استفاده قرار می‌گیرند. ابتدای فصل چهارم توضیحات مطالعات پیشین در حیطه شبکه‌های کوانتمی است البته با توجه به اینکه زمینه کاری شبکه‌های کوانتمی به عنوان موضوعی است که طی چند سال گذشته در حیطه مطالعات دقیق قرار گرفته است، لذا مراجع زیادی در این زمینه یافتن نمی‌شود. موارد موجود در پیشینه کاری شبکه‌های کوانتمی در طرح ایده اصلی موثر واقع شده‌اند. بررسی نقاط قوت و ضعف کارهای موجود و روند تعیین کار اصلی در این قسمت بیان می‌شود در ادامه طراحی ساختار یک راهگزین کوانتمی برای شبکه‌های پردازهای یک سویه و دوسویه و ارائه جدول محاسبات در ادامه این فصل ارائه می‌شود. در فصل پنجم از شبیه‌ساز QCADesigner جهت شبیه‌سازی دو مدل راهگزین کوانتمی استفاده شده است، با توجه به نتایج حاصل از شبیه‌سازی مقایسه بین ویژگی‌های این دو راهگزین در شبکه‌های میان‌ارتباطی انجام شده است. در فصل پایانی جمع‌بندی کلی از مطالب عنوان شده و پیشنهادات و کارهای آتی ارائه شده است.

<sup>1</sup> Cost<sup>2</sup> Depth<sup>3</sup> Delay<sup>4</sup> Constant input<sup>5</sup> Garbage output

## ۲ فصل دوم

### ۱-۲ مقدمه :

در این فصل ابتدا مقدماتی از شبکه های میان ارتباطی چند سطحی بیان می شود. توضیحاتی در مورد انواع همبندی ها در شبکه ارائه می شود، در ادامه ساختار انواع راهگزین هایی که در شبکه های میان ارتباطی چند سطحی استفاده می شوند توضیحاتی ارائه می شود. ساختار شبکه های میان ارتباطی یک سویه و دوسویه و الگوریتم مسیریابی و ویژگی های آن ها بیان می شود که جهت مقایسه این دو ساختار در فصل های بعدی مورد استفاده قرار می گیرد.

## ۲-۲ مروری بر شبکه های میان ارتباطی چند سطحی

شبکه های میان ارتباطی چند سطحی<sup>۱</sup> (MINs) امکان اتصال بین ورودی ها و خروجی های شبکه را از طریق سطوحی از راهگزین<sup>۲</sup> ها فراهم می کند. تعداد سطوح هر شبکه و همچنین الگوی ارتباطی بین دو سطح مجاور از راهگزین ها نوع همبندی شبکه و ویژگی های آن را مشخص می کند. این نوع شبکه ها در ابتدا در مراکز تلفن و سپس در ساخت کامپیوتر های موازی مقیاس پذیر<sup>۳</sup> (SPCs) و همچنین پردازنده های آرایه ای کاربرد دارند<sup>[۵]</sup>. کامپیوتر های موازی بر اساس حافظه هایی ساخته می شوند که از تعداد زیادی گره تشکیل شده اند و هر گره واحد پردازشگر مختص خود را دارد. عوامل مختلفی می توانند معیار مقایسه شبکه ها باشند نظیر میزان تأخیر، نوع بسته ها، مقیاس پذیری و ... که میزان تأخیر انتشار مهمترین آنها می باشد. در ادامه برخی از ویژگی ها و تعاریف خاص مطرح شده در این زمینه را به اختصار توضیح می دهیم:

### ۲-۲-۱ همبندی ارتباطی :

این بخش جزء کلیدی در طراحی سیستم های چند پردازنده ای است. مقبولیت همبندی ها بر اساس سادگی، کم هزینه بون و مقیاس پذیری بالای آنهاست. همبندی شبکه توصیف کننده نحوه چینش یال ها و گره ها در گراف متناظر آن می باشد. انتخاب همبندی، اولین گام در طراحی شبکه است. زیرا مسیر یابی<sup>۴</sup> و سیاست کنترل جریان<sup>۵</sup> به شدت وابسته به الگوی ارتباطی بین مسیر یاب ها است. انتخاب مناسب بستر ارتباطی می تواند با هدف تأمین نیاز ارتباطی برای یک کاربرد خاص باشد<sup>[۶]</sup>. یک همبندی را نمی توان از همه جهات بهینه معرفی کرد. بلکه برای هر کاربرد با توجه به محدودیت ها و نیازمندی های ارتباطی، بایستی همبندی مناسبی انتخاب شود.

همبندی شبکه های میان ارتباطی به دو دسته مستقیم<sup>۶</sup> و غیر مستقیم<sup>۷</sup> تقسیم می شود. در شبکه های مستقیم هر راهگزین از طریق یک واسطه مسیر یابی در شبکه متصل می شود و الگوی ارتباطی میان مسیر یاب ها همبندی شبکه را تعیین می کند<sup>[۵]</sup>.

<sup>۱</sup> Multistage interconnection networks(MINs)

<sup>۲</sup> Switch

<sup>۳</sup> Scalable parallel computers

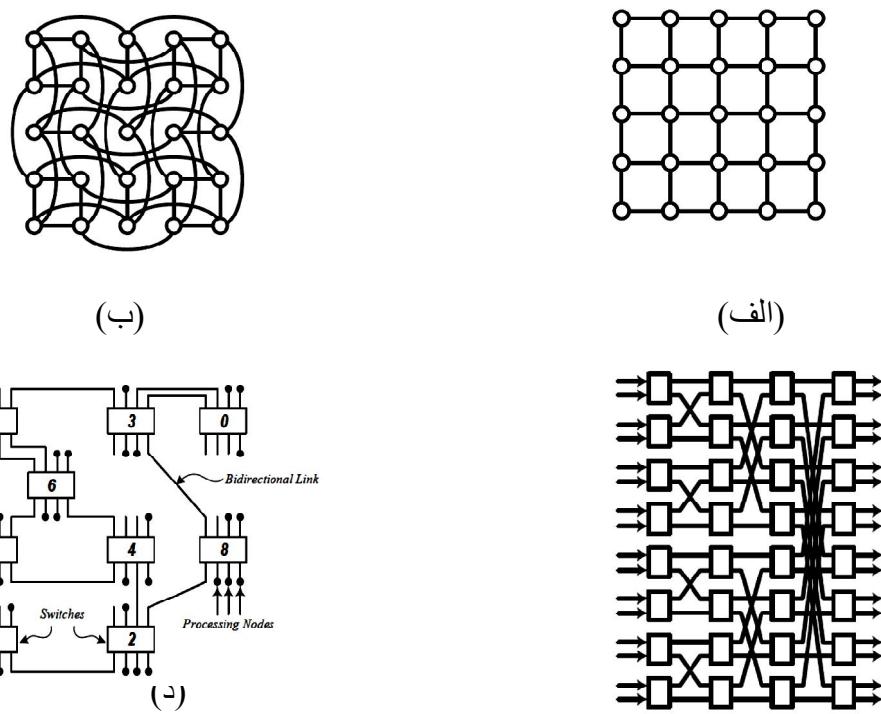
<sup>۴</sup> Routing

<sup>۵</sup> Flow control strategy

<sup>۶</sup> Direct networks

<sup>۷</sup> Indirect networks

شبکه های غیرمستقیم یا شبکه های مبتنی بر راهگزین<sup>۱</sup> دسته دیگری از شبکه های میان ارتباطی هستند که در آنها ارتباط بین راهگزین های مبدأ و مقصد از طریق تعدادی راهگزین میانی فراهم می شود. بنابراین در این ساختار مسیر های متعددی بین دو گره وجود دارند. این شبکه ها با همبندی منظم در پردازنده های آرایه ای<sup>۲</sup> کاربرد دارند. گونه دیگری از این شبکه ها الگوی منظمی ندارند و کاربرد آن ها محدود به طراحی سیستم های خاص منظوره است [۷][۵]. نمونه هایی از همبندی های متنوع در شبکه های میان ارتباطی در شکل ۱-۲ نشان داده شده اند. تقawat اصلی شبکه های مستقیم و غیرمستقیم، پیچیدگی عملکرد مسیریاب ها (در شبکه های مستقیم) و راهگزین ها (در شبکه های غیرمستقیم) می باشد، که هر یک عملکرد دیگری را پوشش می دهد. الگوریتم مسیریابی تعیین می کند که پیام ها چه مسیری را از مبدأ تا مقصد بپیماید. در حالی که سیاست راهگزینی مشخص می کند که پیام اطلاعاتی چگونه مسیریاب را طی کند [۸].



شکل ۱-۲ همبندی های متنوع در شبکه های روی تراشه : (الف) شبکه های مستقیم توری (ب) شبکه مستقیم دور تاخورده<sup>۳</sup> (ج) شبکه غیرمستقیم منظم پروانه (د) شبکه غیرمستقیم و غیرمنظم مبتنی بر راهگزین [۵]

<sup>۱</sup> Switch-based network

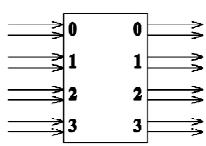
<sup>۲</sup> Vector processors

<sup>۳</sup> Folded torus

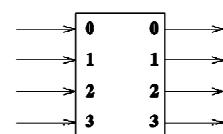
## ۲-۲-۲ مسیریابی :

الگوریتم مسیریابی، مسیریاب هایی را که بسته اطلاعاتی بایستی از مبدأ به مقصد بپیماید را تعیین می کند. در مسیریابی شبکه های میان ارتباطی مسائلی نظری تطبیق پذیری<sup>۱</sup>، نبود بن بست<sup>۲</sup> و یافتن کوتاه ترین مسیر<sup>۳</sup> مطرح هستند.

شبکه ای که چندین مسیر حداقل بین دوگره که بیش از یک گام یکدیگر فاصله دارند، فراهم می کند نسبت به شبکه ای که تنها یک مسیر حداقل بین آن گره ها دارد مقاومتر است. این ویژگی مسیر های چندگانه<sup>۴</sup> نام دارد[۹]. در ادامه ساختار چهار راهگزین اصلی را بررسی می کنیم که باعث ایجاد چهار تقسیم بندی از شبکه های میان ارتباطی می شوند. این راهگزین ها تمام  $k \times k$  هستند که در آنها  $k$  مضربی از عدد ۲ است که بطور معمول ۲ یا ۴ انتخاب می شوند. شکل ۲-۲(الف) یک راهگزین یک سویه را نشان می دهد که بطور متداول در انواع شبکه ها استفاده می شود. شکل ۲-۲(ب) یک راهگزین یک سویه با تأخیر است که براساس الگوریتم مسیردهی بسته ها می توانند بطور همزمان از هر یک از این  $d$  کانال عبور کنند. ایده استفاده از یک کانال برای چند بسته باعث تعریف راهگزین ها با کانال های مجازی<sup>۵</sup> شده است مطابق شکل ۱(ج) که در آن دو کانال مجازی از یک کانال حقیقی در یک زمان استفاده می کنند. هر کانال مجازی مسیر داده و کنترل خاص خودش را دارد این راهگزین ها همه یک سویه هستند.



(ب)



(الف)

<sup>۱</sup> Adaptivity

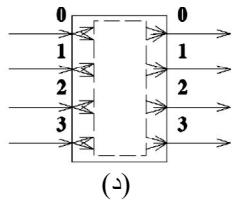
<sup>۲</sup> Deadlock

<sup>۳</sup> Shortest path

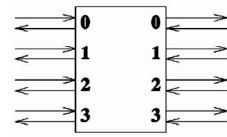
<sup>۴</sup> Multipath

<sup>۵</sup> Unidirectional

<sup>۶</sup> Virtual channel



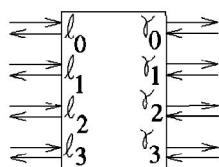
(د)



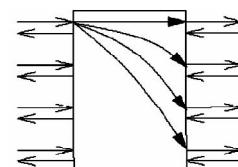
(ج)

شکل ۲-۲ چهار نوع مختلف از راهگزین های  $4 \times 4$  (الف) راهگزین  $4 \times 4$  یک سویه (ب) راهگزین  $4 \times 4$  باتأخیر ۲ (ج) راهگزین  $4 \times 4$  دوسویه (د) راهگزین  $4 \times 4$  با دو کانال مجازی [۱۰]

شکل ۲-۲(د) نشان دهنده یک راهگزین دوسویه<sup>۱</sup> است که در نماد ظاهری آن از دو کانال در دو جهت مخالف استقاده می شود. شبکه هایی که با استفاده از هریک از این راهگزین ها ساخته می شود به همان نام نامیده می شوند برای مثال VMINs<sup>۲</sup> شبکه های با کانال مجازی هستند و یا BMINS<sup>۳</sup> شبکه های دوسویه نام دارند. مطابق شکل ۳-۲ (الف) در یک راهگزین  $k \times k$  ورودی های سمت چپ با  $l_i$  و ورودی های سمت راست با  $r_j$  برچسب خورده اند که  $0 \leq i \leq k-1$  است. مطابق شکل ۳-۲ برای یک راهگزین دوسویه سه نوع حرکت نشان داده شده است: حرکت به جلو، حرکت به عقب و چرخش<sup>۴</sup> ۱۸۰ درجه. در حرکت به جلو پورت ورودی  $l_i$  به پورت خروجی  $r_j$  متصل می شود برای  $i \leq 0$  و در چرخش و در حرکت به عقب پورت  $r_j$  به پورت خروجی  $l_i$  متصل می شود برای  $0 \leq i \leq k-2$  و در چرخش ۱۸۰ درجه ورودی  $l_i$  به پورت خروجی  $r_j$  از همان پورت متصل می شود برای  $1 \leq i \neq j \leq k-1$  در ادامه هرجا بحث از کانال می شود منظور ما کانال دو جهته خواهد بود.[۱۰].



(ب)



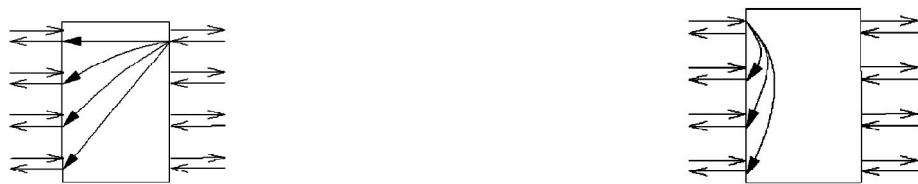
(الف)

<sup>۱</sup> Two directional

<sup>۲</sup> Virtual Multistage Interconnection Network

<sup>۳</sup> Bidirectional Multistage Interconnection Network

<sup>۴</sup> Turnaround



(د)

(ج)

شکل ۲-۳ الگوهای ارتباطی ممکن در یک راهگزین دوسویه  $4 \times 4$  (الف) حرکت به جلو (ب) بروجسبهای داخلی (ج) چرخش [۱۰] درجه (د) حرکت به عقب [۱۰]

در یک شبکه میان ارتباطی چندسطحی  $N \times N$  با راهگزینهای  $k \times k$  ارسال اطلاعات از هرگره ورودی به هر گره خروجی بشرطی امکان پذیر است که شبکه حداقل از  $\log_k N$  سطح راهگزین تشکیل شده باشد.

شبکه های بانیان<sup>۱</sup> دسته هایی از شبکه های میان ارتباطی هستند که بین هر زوج ورودی - خروجی فقط یک مسیر<sup>۲</sup> منحصر بفرد دارد این تعریف شامل طیف وسیعی از الگوهای میان ارتباطی می شود. همانطور که از شکل ۲-۴ پیداست شبکه دلتا<sup>۳</sup> زیر مجموعه وسیعی از بانیان است که در آن "k" گره از طریق  $n$  سطح راهگزین  $k \times k$  به یکدیگر متصل می شوند. در هر سطح  $\frac{N}{k}$  راهگزین قرار دارد. شبکه های پروانه<sup>۴</sup>، امگا<sup>۵</sup> و بسیاری دیگر نمونه هایی از شبکه دلتا هستند [۵].

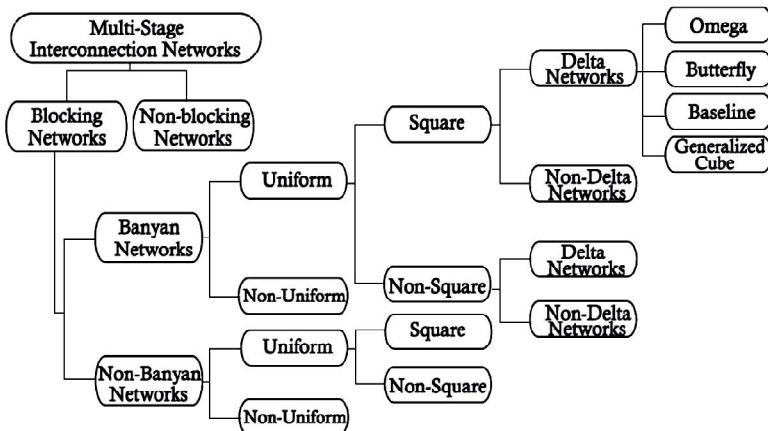
<sup>۱</sup> Banyan

<sup>۲</sup> Single Path

<sup>۳</sup> Delta

<sup>۴</sup> Butterfly

<sup>۵</sup> Omega



شکل ۲-۴ طبقه‌بندی از شبکه‌های میان ارتباطی [۵]

اثبات شده که هزینه شبکه چند سطحی زمانی بهینه است که تعداد درگاه‌های ورودی و خروجی راهگزین‌ها مساوی باشند [۱۱]، به عبارت دیگر، در شبکه‌ای که تعداد گره‌های ورودی و خروجی برابر دارد، هزینه حداقل است. مطابق آنچه در قبل بیان کردیم شبکه‌های چند سطحی بر اساس ساختار راهگزین‌ها و کانال‌ها به دو دسته یکسویه و دوسویه تقسیم می‌شوند.

### ۳-۲ شبکه‌های چندسطحی یکسویه :

در این مدل جریان داده‌ها در تمامی کانال‌ها و راهگزین‌ها تنها از مبدأ به مقصد می‌باشد. این مدل شبکه از راهگزین‌های  $k \times k$  تشکیل شده که رابطه زیر در آنها حاکم است:

$$C_0(N)G_0(N/K)C_1(N)\dots C_{n-1}(N)G_{n-1}(N/K)C_n(N) \quad (1-2)$$

در رابطه فوق  $G_i$  اشاره به سطح  $i$ ام دارد و  $C_i$  نحوه ارتباط سطح  $i$ ام را بیان می‌کند.