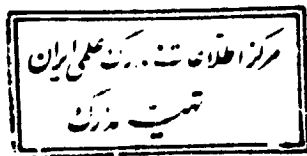


۱۰ / ۴ / ۱۳۷۹



# دانشگاه علوم و فنون مازندران

دانشکده مهندسی عمران

سمینار کارشناسی ارشد

موضوع: بررسی رفتار پلهای کابلی ایستا

دانشجو:

کامران وحدت

استاد راهنما:

دکتر علی بیگی

تابستان ۱۳۷۷

8227

۳۰۷۱۷

تقدیم به مادرگرامیم

۳۰/۷/۱۷

## سپاسگذاری و قدردانی

با حمد و سپاس به درگاه ایزد منان، بر خود لازم میدانم از استاد راهنمایم جناب دکتر علی بیگی و استاد مشاور دکتر امیری که در کلیه مراحل گردآوری این تحقیق عنایت فراوانی نمودند کمال تشکر و قدردانی را داشته باشم. همچنین از زحمات خانم میرحبیبی که زحمت تایپ و تصحیح این مجموعه را تقبل نمودند سپاسگذاری میشود.

کامران وحدت

## چکیده

پلهای کابلی ایستایکی از سازه‌های مدرن و اقتصادی در مهندسی پل می‌باشد. که به دلیل عدم وجود تکنولوژی وساخت وشناخت کافی از رفتار سازه سابقه کمتری نسبت به پلهای فلزی یا بتن مسلح دارد. وجود کابلهای انعطاف پذیر در سازه اصلی آنها باعث بروز رفتار متفاوت این سازه با سایر سازه‌ها می‌باشد.

امروزه حرکات سازه‌های کابلی رامیتوان در دو مقوله تغییر شکل‌های استاتیکی و دینامیکی طبقه‌بندی نمود. حرکات استاتیکی در اثر اعمال آرام نیروهایی نظیر بار وزن یا حرارت و نیز اثر تغییرات بلند مدت نیروی باد، ایجاد می‌گردند. حرکات دینامیکی، مربوط به نیروهای دینامیکی وابسته به زمان، نظیر شتابهای لرزه ایی، اثر تغییرات کوتاه مدت باد، انفجارها و ارتعاش ماشین آلات عبوری از پل میباشد که معمولا دو مورد اول اهمیت بیشتری دارند. بدلیل گستردگی مطلب و مهجور بودن این نوع موضوع کاربردی در این تحقیق تنها رفتار استاتیکی پلهای کابلی ایستا و برخی عوامل موثر بر آن مورد توجه قرار گرفته و برای رسیدن به این منظور یک سری تحلیل‌های پارامتریک روی سیستم‌های مختلف آرایش کابلی انجام گرفته شده است که نتایج آن در قالب جداول و گرافهای ضمیمه ارائه شده است. در این‌جا نیز تاثیر عوامل مختلف مثل کشش اولیه کابلها، اثرات غیرخطی، اثرات آرایش کابلها، اثر نوع اتصال عرشه - برج، اثر نوع آنالیز، اثر تحریک ناهماهنگ، اثرات میراثی و... بر روی رفتار سازه مطالعه شده است.



## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
۸	(۱) - فصل اول - مقدمه
۱۱	- تاریخچه تحقیقات
	(۲) - فصل دوم - معرفی پلهای کابلی ایستا
۲۲	- طبقه بندی پلها
۲۴	- پلهای نمونه ایستا تک محوری
۳۰	- اجزای سیستم پلهای کابلی ایستا
۴۲	- انواع پلهای کابلی ایستا
۴۳	- انواع الگوهای آرایش پلهای کابلی ایستا
(۳) - فصل سوم - تحلیل استاتیکی پلهای کابلی ایستا	
۴۶	- مقدمه
۵۷	- بررسی فرآیند آنالیز
۴۷	- بارگذاری
۶۲	- روشهای آنالیز
۶۲	- روش المان محدود
۶۵	- مدلسازی
(۵) - فصل چهارم - بررسی پارامتریک پلهای کابلی ایستا	
۷۱	- تأثیرات طولی کابلها
۷۶	- خط تأثیر ممان اینرسی
۷۶	- آنالیز مرتبه اول
۸۰	- اثرات ثانویه
۸۱	- اثرات ممان اینرسی بر نیروهای اولیه
۸۲	- تأثیرات اتصالات بین عرشه و برج

خط تأثیر نیروها ..... ۸۵  
- مسایل مطرح در پلهای کابلی ایستا ..... ۸۸

نتیجه گیری ..... ۷۰  
پیوست ۱ - جداول پلهای کابلی ایستا ..... ۷۲  
پیوست ۲ - آئین نامه پل ایران ..... ۷۵  
مراجع فارسی و لاتین ..... ۸۵

## فصل اول

### مقدمه

تنوع در انتخاب پلها باعث ایجاد پارامتر انتخاب بهینه میشود در این میان پلهای کابلی همانند سایر پلها بوده و تفاوت عمده آنها در پوشش دادن دهانه‌های بزرگ میباشد. پلهای کابلی برای دهانه‌های به بزرگی ۱۵۰ تا ۱۵۰۰ متر و بیشتر مناسب میباشند. در نمودار ۱.۱ با توجه به طول دهانه میانی و نسبت طول دهانه میانی به کل دهانه، مناسب ساخت انواع پلهانشان داده شده است. این سیستم اقتصادی و مدرن، کاربرد وسیعی در بیشتر کشورها، بخصوص اروپای غربی داشته است. ایده استفاده از کابلها برای تحمل دهانه‌های پل جدید نیست. تعدادی از این نوع پل مربوط به زمانهای ماقبل میباشد. متأسفانه از آنجاکه علم استاتیک به خوبی تفهیم نشده بود و از مصالح نامناسب مثل میله‌ها و زنجیرها برای مهارهای مایل استفاده میشد، سیستم مزبور موفقیت چندانی نداشت. این مهارها قبل از آنکه نقش ببری خود را ایفا نمایند، عرشه پل دچار تغییر شکل زیادی شده و سازه کارایی خود را از دست میداد. بتازگی با ورود فولادهای پر مقاومت، عرشه‌های ارتوتروپیک، تکنولوژی جوشکاری و پیشرفت در تحلیل استفاده از این سیستم موفق افزایش یافته است. در کل عوامل ذیل در پیشرفت پلهای کابلی مؤثر بوده است:

- گسترش روشهای تحلیل سازه‌های با درجات نامعینی بالا

- توسعه عرشه‌های ارتوتروپیک

- کاربرد فولادهای پر مقاومت و روشهای جدید نصب

- تجربیات پلهای قبلی

- توانائی مدلسازی در آزمایشگاه

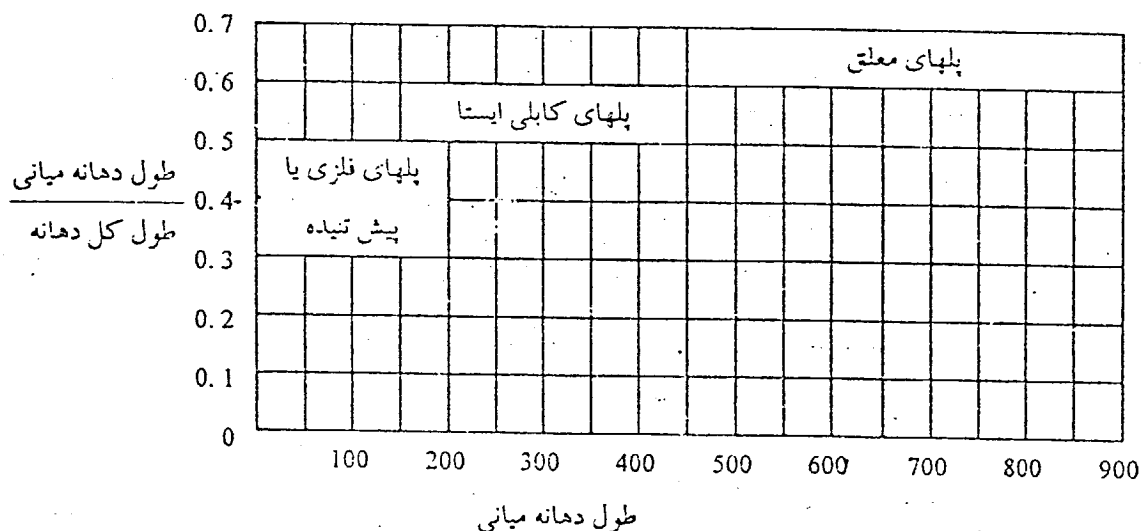
ایده تحمل یک تیر با مهارهای مایل یا زنجیر آویخته از یک برج یا دکل، از زمانهای قبل شناخته شده بود. در مصر قدیم این ایده در ساخت کشتی‌ها استفاده میشد. در سال ۱۶۱۷ آقای فاستوس یک سیستم پل با عرشه چوبی و مهارهای مایل ساخت. در سال ۱۷۸۴ یک معمار آلمانی به نام ایمانول یک پل چوبی با دهانه ۱۰۵ فوت (۳۲ متر) را با مهارها و برج چوبی طراحی کرد. در سال ۱۸۱۷ دو مهندس انگلیسی یک پل عابر پیاده به دهانه تقریبی ۱۱۰ فوت (۳۳/۶ متر) را با استفاده از کابلهای سیمی و اعضای عرشه و برج ساختند.

در سال ۱۸۱۷ سیستم زنجیرهای مایل در انگلیس مورد استفاده قرار گرفت. دهانه این پل ۲۶۰ فوت (۷۳۹ متر) و پهنای آن ۴ فوت (۱/۲ متر) بود. بعد از مدتی مشاهده شد که پل مزبور در برخورد با نیروهای ضربه‌ای به ارتعاشات قابل ملاحظه‌ای میافتد و در سال ۱۸۱۸ یعنی ۶ ماه پس از اتمام کار ساخت پل، توسط یک تندباد منهدم شد. در سال ۱۸۲۱ آرشیتکت فرانسوی به نام

پویت، آویختن برج به تیرهای نسبتاً سخت و بلند را پیشنهاد کرد. بعدها ایده او توسط ناویر، مهندس مشهور فرانسوی دنبال شد که در سال ۱۸۲۳ سیستم پلهای تقویت شده با زنجیرهای مایل را مطالعه نمود. با مقایسه وزن عرشه و زنجیرهای مایل، ناویر دریافت که برای یک دهانه و ارتفاع برج مشخص، هزینه هر دو سیستم موازی و شعاعی کابلها یکسان میباشد.

با بررسی تاریخچه فوق به این نتیجه میرسیم که ایده استفاده از کابلها در پل خیلی قدیمی نیست، لیکن تا قرن بیستم به نحو صحیح مورد استفاده واقع نشد. به طوریکه چند نمونه ساخته شده ان از بین رفتند. باید توجه داشت که پلهای اولیه به دلیل نادیده گرفتن مسائل سازه ای منهدم شدند که از درک نادرست طراح نسبت به رفتار واقعی سازه چنین پلهائی ناشی میشد. به طور مثال عدم کفایت سطح مقطع کابلها یکی از عوامل اساسی ناپایداری این پلها بود که این سازه ها را به شدت انعطاف پذیر نموده و در اثر تغییر شکل های بزرگ، کارایی خود را از دست میدادند.

در نیمه قرن نوزدهم رویلینگ، مهندس مشهور پل در آمریکا، در سال ۱۸۵۵ اولین پل کابلی موفق راه آهن در دنیا را بر روی رودخانه نیاگارا ساخت. مهارهای قطری به صورت شعاعی از بالای برج و بدون اویزهای قائم به عرشه نصب شده اند. از جنگ جهانی دوم به بعد به پلهای کابلی توجه بیشتری شد. گسترش نوین این پلها توسط دیسچنگر صورت گرفت که نتایج مطالعاتش در سال ۱۹۴۹ منتشر شد. در سال ۱۹۵۲ لئون هارت یک پل کابلی ایستابر روی رودخانه راین در آلمان طراحی نمود که تا سال ۱۹۵۸ ساخته شد. در همین زمان یک شرکت آلمانی با همکاری دیسچینگر پل استروم سوند در سوئد را طراحی کرد که در سال ۱۹۵۵ تکمیل گردید. این دو پل به عنوان اولین پلهای مدرن کابلی ایستا شناخته شدند.



تمودار ۱-۱ مناسب ساخت انواع پلها با توجه به دهانه های پل



## تاریخچه تحقیقات

پلهای کابلی ایستابه واسطه عملکرد خوب و اقتصادی بودن در برخی شرایط خاص محیطی و اجرائی از مدت‌های پیش مورد توجه محققین و مهندسين پل قرار داشته است. تفکر ساختن پلی که عملکرد کششی داشته باشد (عملکرد کششی این نوع پل به دلیل وجود کابلهای کششی است) همواره اذهان مهندسين پل رامشغول کرده بود. با وجود این به دلیل عدم پیشرفت علم در زمینه ساخت پلهای فلزی ارتوتروپیک و نداشتن کابلهای فلزی با مقاومت بالا و مهم تر از همه عدم پیشرفت علم و شناخت کافی از رفتار این نوع پلها در اثر بارگذاری استاتیکی و دینامیکی در عمل سابقه ساخت پلهای کابلی زیاد نمی‌باشد. طوریکه اولین پل کابلی در سال ۱۹۵۵ در سوئد ساخته شد. در حال حاضر بیشتر از یکصد پل کابلی در سرتاسر دنیا ساخته شده است که تقریباً یکسوم از این مقدار در کشور ژاپن متمرکز شده است. در این بخش به قسمت کوچکی از تحقیقات انجام شده بر روی پلهای کابلی میپردازیم.

در سال ۱۹۷۸ فلمینگ تحقیق خود را در زمینه آنالیز استاتیکی غیر خطی پلهای کابلی ایستاره ارائه کرد. ایشان در این تحقیق آنالیز استاتیکی غیر خطی پلهای کابلی را مورد بحث قرار داد و با تهیه یک برنامه کامپیوتری جهت تحلیل سازه به نتایج دلخواه رسید. ایشان در این تحقیق حالات غیر خطی اعم از خیز کابلهابه علت وزن خودشان اندرکنش بین بار محوری و لنگر خمشی در اعضای خمشی سازه و تغییر شکل‌های بزرگ را مورد مطالعه قرار داد. ایشان برای لحاظ نمودن اثرات غیر خطی کابلهاز مدول الاستیسیته معادل برای کابلهای استفاده نمود. در سال ۱۹۸۳ فلمینگ و همکاران در زمینه رفتار غیر خطی پلهای کابلی ایستاره تحقیق خود را ارائه کردند. در این تحقیق رفتار غیر خطی پلهای کابلی مورد بحث واقع شد و اثرات آن در محاسبه سختی سازه مورد استفاده قرار گرفت. در این تحقیق از یک روش گام به گام برای تهیه برنامه کامپیوتری در تحلیل سه بعدی غیر خطی سازه‌های کابلی تحت اثر وزن خودشان و بارزنده اعمالی بر سازه استفاده شد این تحقیق رفتار بسیار غیر خطی این سازه‌ها در مقادیر بارگذاری کم را نشان داد نتایج این تحقیق به شرح زیر میباشد:

- ۱- اثرات غیر خطی ناشی از تغییر در هندسه سازه سهم کوچکی از رفتار غیر خطی سازه را به خود اختصاص میدهد و برای بارهای معمولی میتوان از آن صرفنظر کرد.
- ۲- اثرات اندرکنش بین بار محوری و لنگر خمشی در اعضای خمشی سازه قابل توجه نیست و برای سادگی در محاسبات میتوان از آن صرفنظر کرد.
- ۳- در اثر بارگذاری‌های کم اثرات غیر خطی ناشی از خیز کابلهای زیاد بوده و با افزایش بار گذاری رفتار خطی پل ظاهر میشود.

در سال ۱۹۷۵ کوماتسو و همکاران در زمینه مشخصات دینامیکی پلهای کابلی ایستا تحقیقات خود را ارائه نمودند. در این تحقیق بر روی مدل پل کابلی توکوساتو نتایج آزمایشگاهی با نتایج عددی مقایسه شد. طول دهانه های این پل به ترتیب ۸۰/۵ و ۲۱۶ و ۸۰/۵ متر میباشد. در این تحقیق تاثیر پارامترهایی مانند سختی کابل روی مشخصات ارتعاش سازه. همچنین اثرات باردینامیکی متحرک بارسم خط تاثیران برای یک جابجایی در یک درجه آزادی از سازه انجام شد و با نتایج استاتیکی (بار متحرک استاتیکی) مقایسه شد.

در سال ۱۹۸۵ بتی و تستا تحقیق خود را در زمینه کنترل میرایی و ارتعاش در پلهای با دهانه های بزرگ ارائه دادند. ایشان در تحقیق مسائل مهم و موثر بر ارتعاش چنین پلهایی را بررسی کردند. ابتدا مسائل مهم در تحلیل لرزه ای پلهای طویل آنالیز شد نتایج آنالیز نشان داد که اختلاف فاز ارتعاش بین پایه های پل به طور موثر بر پاسخ سازه تاثیر می گذارد و باید در آنالیز چنین پلهایی در نظر گرفته شود. در ادامه ارتعاش پلهادر مورد کنترل بعد از ارتعاش توانایی حرکات تخریبی یا تشخیص خرابیهای مخفی که ممکن است قبل از اتفاق افتاده باشد. برای در نظر گرفتن اثرات باد و زلزله چند مدل آزمایشگاهی در نظر گرفته شد و نتایج عددی و تجربی با هم مقایسه شدند.

در سال ۱۹۹۱ فنگ لانگ روش سختی مماسی برای اعضای سه بعدی را در تحلیل سازه هامورد بررسی قرارداد و نحوه اعمال آن در تحلیل پلهای کابلی را ارائه نمود. این روش قادر به تحلیل غیر خطی مربوط به تغییر شکل های بزرگ و کوچک و تنشهای اولیه موجود در سازه است. در سال ۱۹۹۲ استفان در زمینه پاسخ دینامیکی سازه های کابل تحت کشش در اثر بارگذاری های باد ارائه کرد.

در این تحقیق، گام های لازم در تحلیل سازه های کابلی در اثر بارهای استاتیکی و پاسخ آنها در برابر بارهای دینامیکی ناشی از باد توضیح داده شد.

در سال ۱۹۹۲ آقای چيو در زمینه طراحی اقتصادی و ایمن پلهای کابلی ایستا تحقیقاتی را انجام دادند. ایشان در این تحقیق برای رسیدن به چنین طراحی یک روندی را در پیش گرفتند که شامل استفاده از مدل المان محدود (F.E.M) یک ارزیابی المان محدود روش سطح تاثیر و تحلیل یک صفحه الاستیک بود. نتایج به دست آمده از این تحقیق به شرح زیر میباشد:

- ۱- سختی کابلها بر روی لنگر و تغییر شکل عرشه با توان دوم تاثیر میگذارد.
- ۲- روش المانهای محدود یک روش اقتصادی برای تحلیل پلهای کابلی میباشد.
- ۳- تنشها در نزدیکی محل اتصال کابلها به عرشه شدیداً به سختی کابل و عرشه بستگی دارد.
- ۴- تاثیر لحاظ نمودن بارگذاری روی کابلها قابل توجه میباشد.

در سال ۱۹۹۲ آقای ونگ و همکاران تحقیق خود را در زمینه ارتعاش پلهای کابلی در اثر ارتعاش عرشه آنها ارائه کرد. هدف از این تحقیق مطالعه بر روی پاسخ پلهای کابلی در اثر عبور یک وسیله نقلیه از روی پل و عرشه آن میباشد. وسیله نقلیه فرضی، به بار یک کامیون معادل که دارای ۷ درجه آزادی میباشد، طبق کامیون HS20-44 مدل میشود. در روش تحلیل در این مطالعه، رفتار غیر خطی هندسی کابلها، تیر حمل تقویت شده، برجها و پایه‌های پل در اثر بارهای مرده در نظر گرفته شده است.

در سال ۱۹۹۱ دمیراندا مسائل مهم در طراحی پلهای با دهانه‌های بزرگ کابلی را مورد بررسی قرار داد. ایشان در تحقیقات خود از روشهای پیشرفته استفاده نموده و راههای افزایش سختی چنین سازهایی را بررسی کرده است.

در سال ۱۹۹۱ شیراشی اثرات نیروی باد بر روی پلهای کابلی را مورد بررسی قرار داد. در این تحقیق برخی نیروهای آئرواستاتیک و آئرودینامیک وارده بر پلهای کابلی و کابلی و پاسخ آنها در برابر این بارها مورد توجه قرار گرفت.

در سال ۱۹۹۲ نظمی و همکاران در مورد اثرات ارتعاش ناشی از زلزله در پلهای کابلی تحقیق نمودند. ایشان به منظور شناخت دقیق از رفتار سازه در اثر زلزله اثرات تغییر امواج زلزله در طول حرکت خود را ملحوظ نمودند. با استفاده از مدل سه بعدی که دارای خصوصیات مطلوبی که از آنها انتظار میرود بودند استفاده شد. و با تحریکات تکیه گاهی برای مشخص شدن برخی خصوصیات برجسته پاسخ لرزه‌ای این پلهای پیشرفته مورد ارزیابی قرار گرفت. در این تحقیق تنوع جنس اعضا (فولادی و بتن مسلح) نیز در محاسبات منظور شد. برای تحلیل مسئله رکوردهای زلزله مختلف به طور همزمان یا غیر همزمان به این سازه اثر داده شد. در نهایت پاسخ سازه بازای حرکات غیر یکنواخت زمین با حرکات یکنواخت آن مقایسه شد. این مطالعه بر روی چندین پل کابلی موجود در آمریکا و کانادا انجام شد. که نتیجه این تحقیق اهمیت مسئله شتاب غیرمساوی اعمالی بر پایه‌های پل مخصوصا در مورد پلهای صلب ترو برای پلهایی که دارای خصوصیات دینامیکی متفاوت با خاک پی دارند روشن شد. بنابراین مساله حرکت غیر یکنواخت زمین و اثرات آن در تحلیل دینامیکی باید در طراحی‌ها مد نظر طراحان پل قرار گیرد (۱۷).

در سال ۱۹۹۱ عبدالجعفرو همکاران تحقیقات خود را در زمینه رفتار لرزه‌ای پلهای کابلی ارائه کردند. در این تحقیق رفتار لرزه‌ای پلهای کابلی در حالت سه بعدی مورد مطالعه واقع شد و حرکات غیر یکنواخت و یکنواخت زمین و در نتیجه نیروهای غیر یکنواخت و یکنواخت اعمالی بر پایه‌های پل در نظر گرفته شد. علاوه بر آن اثرات غیر پراکنندگی امواج روی پاسخ سازه مورد مطالعه قرار گرفت. حالات مختلف غیر خطی در پلهای کابلی نیز مورد توجه بوده است. این

حالات غیر خطی عبارت بودند از:

۱- تغییر در هندسه سازه در اثر تغییر فرمهای بزرگ شامل تغییر در هندسه کابلها در اثر تغییرات کشش آنها (اثرات ناشی از کابلها).

۲- اندرکنش بین بار محوری و لنگر خمشی در برجهای و همچنین در تیر حمل تقویت شده  
یکروش تکراری با استفاده از روش ماتریس سختی مماسی برای مطالعه پاسخ لرزه ای غیر خطی مورد استفاده واقع شد. مثالهای عددی نیز برای مقایسه بین آنالیز پاسخ لرزه ای غیر خطی مورد استفاده واقع شد. مثالهای عددی نیز برای مقایسه بین آنالیز پاسخ خطی در مقابل زلزله (در حالت استفاده از ماتریس سختی مماسی برای پیدا کردن تغییر فرمهای ناشی از وزن سازه) و آنالیز پاسخ غیر خطی در مقابل زلزله با استفاده از روش گام به گام انجام شده است. ایشان دو مدل دارای طول دهانه موثر ۱۰۰ فوت (۳۳۵/۵ متر) و ۲۲۰ فوت (۶۷۱ متر) را مورد مطالعه قرار دادند. که این ابعاد تمام پلهای زمان حال و آینده را در بر میگیرد (۳).

در سال ۱۹۹۱ موریا و همکاران در زمینه خصوصیات دینامیکی سازه پلهای کابلی ایستا و مشخصات پل کابلی تمپیک تحقیقاتی را انجام دادند. به این دلیل که پلهای کابلی در معرض بارهای زلزله بارباد و بارهای متحرک دینامیکی روی پل هستند تحقیق در زمینه پاسخ دینامیکی چنین سازهایی اهمیت پیدا میکند. بدین منظور یک برنامه کامپیوتری تهیه کردند تا بتوانند مشخصات دینامیکی (مقادیر ویژه و بردارهای ویژه) پل کابلی را محاسبه نمایند. با توجه به نمونه مورد نظر یک رکود زلزله به سازه اعمال شده و با استفاده از آن مقادیر ویژه و بردارهای ویژه پل محاسبه شده است. خصوصیات میرایی نیز باروشهای مختلف مربوط به محققین گذشته محاسبه شده است که از نتایج این تحقیق میتوان در طراحی ها استفاده و نقاط ضعف سازه های موجود را بدست آورد.

در سال ۱۹۹۱ ویلسون و همکاران تحقیق خود را در زمینه ارتعاشات پلهای کابلی ارائه کردند. در این مقاله بر روی یک پل کابلی ایستا با طول دهانه میانی ۲۷۴ متر و طول کلی ۵۴۲ متر آزمایشهای عددی انجام شد. و پاسخ دینامیکی آنها به دست آمد. در این تحقیق تمام ۲۵ فرکانس و شکل مودهای وابسته به آنها به دست آمد که فرکانسهای به آمده بین صفر تا دو بودند. همچنین نسبت میرایی نیز با تقریب محاسبه شد. اکثر مودهای ارتعاشی عرشه با مودهای ارتعاشی برجهای برابر بودند. که این دلیل بر اندرکنش بین برج و عرشه در پلهای کابلی میباشد. نتایج به دست آمده از این تحقیق با نتایج آنالیز از طریق المانهای محدود مقایسه شد و نتایج حاصله تطابق خوبی داشتند. (۴)

در سال ۱۹۹۱ ویلسون و همکاران در زمینه مدل کردن پل کابلی برای آنالیز دینامیکی تحقیقاتی

انجام دادند. در این تحقیق جزئیات مربوط به مدل المان محدود برای آنالیز دینامیکی به طور مفصل مورد بحث واقع شد. تغییرات لازم برای تغییر در مشخصات سیستم طوری که برای استفاده بعدی نیز راحت تر باشد، که شامل ارزیابی جریمهای انتقالی و دورانی سختی عرشه برج و کابلهای تکیه گاهها و دقت لازم در هندسه مدل مورد نظر و پل کابلی واقعی می باشد (۳).

در سال ۱۹۹۱ بول الا تحقیق خود را در روش آنالیز جدید پلهای کابلی از طریق تکرار ارائه کرد. ایشان در این تحقیق روند تکراری برای آنالیز استاتیکی پلهای کابلی ایستا را شرح داد. این روش برای حالات مختلف از قبیل برج های سخت و نرم توانایی همگرا شدن را دارد. حالت گیرداری برجهای اعم از تکیه گاه گیردار تکیه گاه مفصلی و همچنین پی های شمعی صندوقی را می توان در مطالعات گنجانده. همچنین اندرکنش بین خاک و سازه با استفاده از این روش قابل ارزیابی است. این روش بعد از چند تکرار همگرا شده و نیازی به کامپیوترهای مدرن نمیباشد. در ادامه تحقیق مطالعه پارامتریک روی پلهای کابلی انجام شده و رفتار این سازه های انعطاف پذیر مورد بررسی قرار گرفته است.

در سال ۱۹۹۰ تاکاشی و همکاران در زمینه پایداری دینامیکی کابلهای تحت اثر نیروی دوره های مطالعاتی را انجام دادند. پایداری دینامیکی کابلهای دارای خیز ناشی از وزن خود سازه و دارای نیروی محوری دوره ای در این تحقیق مورد بحث واقع شده است. معادلات حرکت کابل از روش گالرکین حل شده است. ناپایداری این کابلها بازای نسبتهای مختلف خیز به طول دهانه کابل مورد بحث قرار گرفته است این ناپایداری از رفتار غیر خطی آن پدید میاید.

در سال ۱۹۹۱ گروهی و همکاران تحقیقاتی را در زمینه تشدید پلهای کابلی ایستا روی مدل های با مقیاس کوچک انجام دادند. ایشان یک مدل مقیاس کوچک در آزمایشگاه ساختند و با استفاده از اعمال امواج مختلف روی پل مشخصات دینامیکی و میرایی پل محاسبه شد. نهایتاً نتایج حاصل از آزمایش با نتایج عددی مقایسه شد و جوابها در حد خوبی قابل قبول بودند.

در سال ۱۹۹۱ راثو و همکاران تحقیق خود را در زمینه پاسخ دینامیکی پلهای باد دهانه های بزرگ ارائه کردند. در این تحقیق پاسخ دینامیکی یک کابل یک دهانه در اثر بارگذاری های لرزه ای آن مورد مطالعه قرار گرفت و زمان اتلاف شده برای رسیدن موج به پایه دیگر در این مطالعه ملحوظ شد. هر دو مطالعه حرکت قائم و افقی بطور همزمان در تحلیل گنجانده شد. نتایج بیانگر اهمیت موضوع تحریک تکیه گاه و زمان شروع آن در پایه ها می باشد.

در سال ۱۹۸۹ عبدالجعفر در زمینه طرح لرزه های پلهای کابلی تحقیقاتی را ارائه کردند. در این تحقیق مشخصات پاسخ پلهای کابلی در برابر زلزله ارزیابی شد. دو مدل دو بعدی و سه بعدی در نظر گرفته شد. حالات مختلف تکیه گاه ها و تحریکات یکنواخت تکیه گاه در نظر گرفته شد

همچنین پارامترهایی از قبیل عملکرد غیر خطی سازه حرکات زمین اتصالات سازه و شیوه‌های جذب انرژی و تکیه گاه‌های خاص در تحقیق مورد توجه قرار گرفتند (۵).

در سال ۱۹۸۸ بول الا تحقیق خود را در زمینه آنالیز پلهای کابلی دارای برجهای انعطاف پذیر ارائه کرد. یک روش تحلیل تکراری برای آنالیز استاتیکی پلهای کابلی ایستا ارائه شده است. برجها می‌توانند خیلی انعطاف پذیر باشند و اندرکنش آن با تکیه گاه نیز مورد توجه واقع شد. (تکیه گاه شمعی یا صندوقی). سیستم به دو سیستم مجزا به نام زیر سازه ((SUBSTRUCTURE)) تقسیم می‌شود. تیر حمال تقویت شده به وسیله روش سه لنگری حل شدند و تغییر مکانهای آن نیز از سری فوری به دست می‌آید در این روش تعداد تکرارهای محاسبات کم می‌باشد (۶).

در سال ۱۹۹۰ سیف و همکاران تحقیق خود را در زمینه آنالیز غیر خطی و بار بحرانی پلهای کابلی پیش تنیده ارائه کردند. ایشان با استفاده از یک نمونه پل کابلی ایستای پیش تنیده حالات غیر خطی هندسی و غیر خطی ماده ای را مورد مطالعه قرار دادند. غیر خطی هندسی طبق این تعریف شامل خیز کابلها، تغییر فرمهای بزرگ سیستم و تغییر تار خنثی در مقطع تیر حمال تقویت شده بنا بر نوع مصالح یا ایجاد ترک در بتن می‌باشد. همچنین تاثیر نیروی محوری در این محاسبات گنجانده شده است. مطالعات پرامتریک انجام شده روی انواع مختلف آرایش کابلها اعم از بادبزی، ستاره‌ای، شعاعی و موازی انجام شد. برای مشخص شدن انواع حالات غیر خطی در نیروهای داخلی و عکس العملها، سه آنالیز در حالات الاستیک، غیر خطی هندسی و غیر خطی هندسی و ماده‌ای انجام شد و نتایج با هم مقایسه شدند.

در سال ۱۹۹۰ نظمی و همکاران در زمینه آنالیز سه بعدی غیر خطی پلهای کابلی در حالات استاتیکی، تحقیقاتی را ارائه نمودند. در این تحقیق روش آنالیز استاتیکی غیر خطی پلهای کابلی ایستا تحت اثر وزن خودشان و نیروی کشش اولیه لازم در کابلها، به طور مرتب بیان شد. تمام موارد غیر خطی اعم از خیز کابلها، اندرکنش بین نیروی محوری و لنگر خمشی در برجها و عرشه پل و تغییر در هندسه سازه به علت تغییر مکانهای بزرگ انجام شد. با استفاده از نتایج تحلیل کامپیوتری به این واقعیت پی بردند که سازه در اثر بارهای کم، مخصوصاً در دهانه‌های بزرگ به شدت رفتار غیر خطی از خود بروز میدهد.

در سال ۱۹۹۰ نظمی و همکاران در زمینه آنالیز پاسخ غیر خطی پلهای کابلی تحت اثر بارهای زلزله برای دهانه‌های طویل ارائه نمودند. در این تحقیق رفتار غیر خطی دینامیکی پلهای کابلی ایستا سه بعدی در اثر بار گذاری لرزه‌ای مورد مطالعه قرار گرفت. حالات مختلف پی‌ها اعم از تحریکات لرزه‌ای یکنواخت و سازه‌های نرم مورد توجه واقع شد. حالات مختلف غیر خطی

برای چنین پلهایی در آنالیز گنجانده شد. در این تحلیل برای فهم درست از رفتار غیر خطی دینامیکی پل از روش تکراری و ماتریس مماسی در محاسبات استفاده شده است. با استفاده از مثالهای مختلف در این تحقیق بین پاسخ خطی در اثر زلزله و پاسخ غیر خطی مقایسه‌ای صورت گرفت.

در سال ۱۹۸۹ یوندا و همکاران راجع به روشهای عملی برای میرا کردن سازه‌ها و میرایی کابلها تحقیقاتی را ارائه کردند. در این تحقیق مسائل مربوط به میراکننده‌های ارتعاش کابل بررسی شد. که با این کار میرایی سازه را می‌توان بالا برد. مقادیر ویژه در این پلهابا روشهای پیچیده محاسبه می‌شود.

در سال ۱۹۸۱ کیتازاوا و همکاران تحقیق خود را در زمینه آزمایشهای لرزه‌ای روی پل کابلی هیگاشی کوب با استفاده از مدل ساخته شده ارائه کردند. این پل سه دهانه با دو عرشه روی هم می‌باشد طول کل آن ۸۵۵ متر و طول دهانه میانی آن ۴۸۵ متر می‌باشد. اینپل نه تنها یک پل طویل می‌باشد بلکه در آن از پی‌های ایزوله برای کاهش پاسخ سازه در برابر زلزله استفاده شده است. همچنین از میراکنندهایی برای کنترل تغییر مکانهای پل در ناحیه بین پایه‌ها و تیر حمل استفاده شده است. به منظور مشخص کردن ایمنی این پل که خصوصیات آن در فوق گفته شد محققین آزمایشهای لرزه‌ای را بر روی یک مدل بامقیاس ۱/۱۰۰ انجام داده‌اند. این آزمایشات تحت اثر امواج زلزله یک بعدی و سه بعدی انجام شده است. همانگونه که نتایج نشان داده‌اند در نظر گرفتن ارتعاش کابلها در پاسخ دینامیکی پلها مهم است.

در سال ۱۹۹۰ چرنگ و همکاران در زمینه نوارهای محدود (FINITE STRIP) و گسترش آن در تحلیل غیر خطی پلهای کابلی ایستا تحقیقاتی را ارائه کردند. در این زمینه روش F.S. برای پلهای طویل مفید میباشد. حالات غیر خطی در اثر خیز و کج شدگی کابلها در تحلیل لحاظ شدند. برای حل معادلات از روش زیرسازه و نیوتن - رافسون اصلاح شده استفاده شد. همچنین چند مثال نیز برای نشان دادن اهمیت و دقت روش مورد استفاده قرار گرفت. (۹)

در سال ۱۹۸۹ چروننگ در زمینه آنالیز تیر حمل تقویت شده با مقطع جعبه‌ای به روش FINITE STRIP تحقیقاتی را انجام داد. در این تحقیق توابع مشخص یک تیر یکسره با روش عددی به دست آمد. مثالهای عددی در این تحقیق بیانگر پیشرفته بودن این روش میباشد که باعث سادگی، دقت و راحتی استفاده از آن میباشد. (۱۲)