



دانشکده فنی

پایان نامه کارشناسی ارشد

مدلسازی ریاضی انتقال جرم در فرآیند آبزدایی اسمزی

مواد توسط یک مدل لامپ گسترش یافته

از

حدیثه تندر و صف سری

استاد راهنمای:

دکتر بهروز عباسی سورکی

آذر ماه ۱۳۹۱

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

دانشکده فنی

گروه مهندسی شیمی

مدل‌سازی ریاضی انتقال جرم در فرآیند آبزدایی

اسمزی مواد توسط یک مدل لامپ گسترش یافته

از

حدیثه تندر و صف سری

استاد راهنمای:

دکتر بهروز عباسی سورکی

استاد مشاور:

دکتر جواد صیاد امین

آذر ماه ۱۳۹۱

تقدیم به:

خدایی که آخرین

جهان را، انسان را، عقل را، علم را، معرفت را، عشق را

و به کسانی که عشقشان را در وجود دید.

تشکر و قدردانی:

خداآوند بزرگ را سپاس که دیدگان ما را به نور علم و معرفت روشنی بخشید.

به رسم ادب واجب است از توجه و زحمات استاد ارجمند جناب آقای دکتر بهروز عباسی، که هدایت و راهنمایی مرا در تدوین این پایان نامه به عهده گرفتندو زحمات زیادی در مدت تحصیل اینجانب متحمل شدند، صمیمانه سپاسگزاری نمایم. همچنین از استاد گرامی، جناب آقای دکتر جواد صیاد امین، که امر مشاوره پایان نامه را قبول فرمودند، بسیار ممنون و متشرکرم.

فهرست مطالب

عنوان	صفحه
فهرست جداول ج	
فهرست اشکال خ	
فهرست علائم اختصاری ر	
چکیده فارسی ژ	
چکیده انگلیسی س	

فصل ۱ : مقدمه

۱	۱. مقدمه ای بر آبزدایی اسمزی
۲	۲. نگرش کلی بر روش گسترش یافته لامپ
۳	۳. اهداف
۴	

فصل ۲ : آبزدایی اسمزی

۱۰	۱. عوامل موثر بر سنیتیک انتقال جرم
۱۰	۱-۱. عوامل مرتبط با محصول
۱۱	۱-۲. عوامل مرتبط با محلول اسمزی
۱۴	۱-۳. عوامل مرتبط با محیط اسمزی
۱۶	۲. مزایای فرآیند آبزدایی اسمزی
۱۷	۲-۱. جنبه‌ی کیفیت مواد غذایی
۱۸	۲-۲. جنبه‌ی صرفه جویی در مصرف انرژی
۱۹	۲-۳. کاهش هزینه‌ی بسته بندی و توزیع

۱۹.....	۴-۲-۲. عدم نیاز به فرآیند ها یا مواد شیمیایی.....
۲۰.....	۵-۲-۲. پایداری محصول در دوران ذخیره سازی.....
۲۰.....	۳-۲. محدودیت های فرآیند آبزدایی اسمزی.....

فصل ۳ : مروری بر منابع مطالعاتی

۲۸.....	فصل ۴ : تعیین معادلات حاکم بر فرآیند آبزدایی اسمزی
۲۹.....	۴-۱. محاسبه ی غلظت های تعادلی.....
۳۱.....	۴-۲. محاسبه ضرایب نفوذ موثر.....

۳۵.....	فصل ۵ : مدلسازی ریاضی انتقال جرم در فرآیند آبزدایی اسمزی
۳۶.....	۵-۱. مدلسازی به روش تقریب یک چند جمله ای سهموی.....
۴۱.....	۵-۲. مدلسازی به روش تقریب یک چند جمله ای توانی.....

۴۸.....	فصل ۶ : مواد و روش ها
۴۹.....	۶-۱. آماده سازی نمونه ها.....
۵۰.....	۶-۲. روش انجام آزمایش.....
۵۵.....	۶-۳. برآورد خطأ در فرآیند مدلسازی.....

۵۷.....	فصل ۷ : ارائه نتایج و تحلیل آن ها
۵۸.....	۷-۱. ارزیابی نتایج حاصل از آبزدایی اسمزی سیب و گوجه گیلاسی.....
۵۸.....	۷-۱-۱. تحلیل اثر متغیر ها بر میزان خروج آب و جذب جامد در نمونه های سیب.....
۶۳.....	۷-۱-۲. مقادیر غلظت های تعادلی در نمونه های سیب.....
۶۵.....	۷-۱-۳. تجزیه و تحلیل ضرایب نفوذ در نمونه های سیب.....
۶۷.....	۷-۱-۴. تحلیل اثر متغیرها بر میزان خروج آب و جذب جامد در نمونه های گوجه گیلاسی.....
۶۹.....	۷-۱-۵. مقادیر غلظت های تعادلی در نمونه های گوجه گیلاسی.....

۷۰.....	۱-۶. تجزیه و تحلیل ضرایب نفوذ در نمونه های گوجه گیلاسی
۷۱.....	۱-۷. رسم نمودارهای سه بعدی تغییرات غلظت متوسط با زمان در نمونه های گوجه گیلاسی
۷۵.....	۲-۱. اعتبار سنجی مدل های لامپ گسترش یافته برای فرآیند آبزدایی اسمزی
۷۵.....	۲-۲-۱. نتایج مدلسازی بر اساس تقریب یک چند جمله ای سهموی در نمونه های سیب
۸۰.....	۲-۲-۲. نتایج مدلسازی بر اساس تقریب یک چند جمله ای سهموی در نمونه های گوجه گیلاسی
۸۵.....	۲-۲-۳. نتایج مدلسازی بر اساس تقریب یک چند جمله ای توانی در نمونه های سیب
۸۹.....	۲-۲-۴. نتایج مدلسازی بر اساس تقریب یک چند جمله ای توانی در نمونه های گوجه گیلاسی
۹۶.....	۳-۱. نتیجه گیری
۹۸.....	۴-۱. پیشنهادات برای کارهای آتی

فصل ۸: مراجع و مأخذ

فهرست جداول

عنوان	صفحة
جدول ۷-۱. غلظت های تعادلی آب و ساکارز در نمونه های تیغه ای شکل سیب.....	۶۴
جدول ۷-۲. غلظت های تعادلی آب و ساکارز در نمونه های استوانه ای شکل سیب.....	۶۴
جدول ۷-۳. ضرایب نفوذ موثر آب و ساکارز در نمونه های تیغه ای شکل سیب.....	۶۶
جدول ۷-۴. ضرایب نفوذ موثر آب و ساکارز در نمونه های استوانه ای شکل سیب	۶۶
جدول ۷-۵. غلظت های تعادلی آب و نمک در نمونه های کره ای شکل گوجه گیلاسی.....	۷۰
جدول ۷-۶. ضرایب نفوذ موثر آب و نمک در نمونه های کره ای شکل گوجه گیلاسی	۷۱
جدول ۷-۷. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای سهموی و روش تحلیلی نسبت به داده های تجربی نمونه های تیغه ای شکل سیب.....	۸۳
جدول ۷-۸. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای سهموی و روش تحلیلی نسبت به داده های تجربی نمونه های استوانه ای شکل سیب.....	۸۴
جدول ۷-۹. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای سهموی و روش تحلیلی نسبت به داده های تجربی نمونه های گوجه گیلاسی.....	۸۴
جدول ۷-۱۰. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای توانی و روش تحلیلی نسبت به داده های تجربی نمونه های تیغه ای شکل سیب	۸۷
جدول ۷-۱۱. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای توانی و روش تحلیلی نسبت به داده های تجربی نمونه های استوانه ای شکل سیب.....	۸۸
جدول ۷-۱۲. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای سهموی و روش تقریب چند جمله ای توانی نسبت به روش تحلیلی در نمونه های تیغه ای شکل سیب.....	۸۸
جدول ۷-۱۳. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای سهموی و روش تقریب چند جمله ای توانی نسبت به روش تحلیلی در نمونه های استوانه ای شکل سیب.....	۸۹
جدول ۷-۱۴. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله ای توانی و روش تحلیلی نسبت به داده های تجربی نمونه های گوجه گیلاسی.....	۹۵

جدول ۷-۱۵. میزان درصد خطای نسبی (MRE) و R^2 روش تقریب چند جمله‌ای سهمی و روش تقریب چند جمله‌ای توانی

نسبت به روش تحلیلی در نمونه‌های گوجه‌گیلاسی ۹۵

فهرست اشکال

صفحه

عنوان

شکل-۲-۱. نمایی از مبادلات انتقال جرم در فرآیند آبزدایی اسمزی ۸

شکل-۲-۲. نمایی از انواع محلول های اسمزی ۹

شکل-۵-۱. نمایی از طرح های متقارن برای مسائل انتقال جرم ناپایا ۳۷

شکل-۵-۲. الف) نمودار تغییرات (τ)_n بر حسب τ (زمان بی بعد) برای نمونه های تیغه ای و ب) نمودار تغییرات (τ)_n بر حسب

$$44 \dots \frac{\bar{\varphi}}{1-\bar{\varphi}}$$

شکل-۵-۳. الف) نمودار تغییرات (τ)_n بر حسب τ (زمان بی بعد) برای نمونه های استوانه ای و ب) نمودار تغییرات (τ)_n بر حسب

$$45 \dots \frac{\bar{\varphi}}{1-\bar{\varphi}}$$

شکل-۵-۴.الف) نمودار تغییرات (τ)_n بر حسب τ (زمان بی بعد) برای نمونه های کروی و ب) نمودار تغییرات (τ)_n بر حسب

$$45 \dots \frac{\bar{\varphi}}{1-\bar{\varphi}}$$

شکل-۶-۱. نمونه های تیغه و استوانه نامحدود سیب و گوجه های گیلاسی کروی شکل ۵۰

شکل-۶-۲. ترازوی دیجیتالی مورد استفاده در توزین نمونه ها ۵۱

شکل-۶-۳.شیکر انکوباتور ۵۲

شکل-۶-۴. تنظیم دور شیکر انکوباتور روی ۱۶۰ دور بر دقیقه ۵۲

شکل-۶-۵. قرارگیری نمونه های گوجه گیلاسی پس از آبکشی و توزین در اجاق الکتریکی ۵۳

شکل-۷-۱. نمودار t/w بر حسب زمان برای نمونه های تیغه ای شکل سیب در دمای C^0 و غلظت های 30% , 40% , 50% ۵۹

شکل-۷-۲. نمودار t/SG بر حسب زمان برای نمونه های تیغه ای شکل سیب در دمای C^0 و غلظت های 30% , 40% , 50% ۶۰

شکل-۷-۳. نمودار t/w بر حسب زمان برای نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای C^0 و غلظت های 30% , 40% , 50% ۶۰

شکل-۷-۴. نمودار t/SG بر حسب زمان برای نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای C^0 و غلظت های 30% , 40% , 50% ۶۱

شکل-۷-۵. اثر دمای محلول اسمزی بر میزان حذف آب برای نمونه های تیغه ای شکل سیب در غلظت 30 درصد وزنی ۶۱

شکل-۷-۶. اثر دمای محلول اسمزی بر میزان جذب مواد جامد برای نمونه های تیغه ای شکل سیب در غلظت 30 درصد وزنی ۶۲

شکل-۷-۷. اثر غلظت محلول اسمزی بر میزان حذف آب در آبزدایی نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای C^0 ۶۲

- شکل ۷-۸. اثر غلظت محلول اسمزی بر میزان جذب مواد جامد در آبزدایی نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای C^0 ۴۰ ۶۳
- شکل ۷-۹. نمودار t/w_l بر حسب زمان برای نمونه های کروی گوجه گیلاسی در دمای C^0 و غلظت های 10% ، 18% و 25% ۶۷ ۶۷
- شکل ۷-۱۰. نمودار t/S_{G_l} بر حسب زمان برای نمونه های کروی گوجه گیلاسی در دمای C^0 و غلظت های 10% ، 18% و 25% ۶۸ ۶۸
- شکل ۷-۱۱. اثر غلظت محلول اسمزی بر میزان حذف آب برای نمونه های کروی گوجه گیلاسی دمای C^0 ۴۰ ۶۸ ۶۸
- شکل ۷-۱۲. اثر غلظت محلول اسمزی بر میزان جذب مواد جامد برای نمونه های کروی گوجه گیلاسی در دمای C^0 ۶۹ ۶۹
- شکل ۷-۱۳. نمودار سه بعدی φ_{wl} بر حسب X و τ در نمونه های کروی گوجه گیلاسی ۷۲ ۷۲
- شکل ۷-۱۴. نمودار سه بعدی φ_{sg} بر حسب X و τ در نمونه های کروی گوجه گیلاسی ۷۲ ۷۲
- شکل ۷-۱۵. نمودار دو بعدی φ_{wl} بر حسب τ و X در نمونه های کروی گوجه گیلاسی ۷۳ ۷۳
- شکل ۷-۱۶. نمودار دو بعدی φ_{wl} بر حسب X و τ در نمونه های کروی گوجه گیلاسی ۷۳ ۷۳
- شکل ۷-۱۷. نمودار دو بعدی φ_{sg} بر حسب τ و X در نمونه های کروی گوجه گیلاسی ۷۴ ۷۴
- شکل ۷-۱۸. نمودار دو بعدی φ_{sg} بر حسب X و τ در نمونه های کروی گوجه گیلاسی ۷۴ ۷۴
- شکل ۷-۱۹. نمودار تغییرات غلظت بی بعد ساکارز جذب شده در نمونه های تیغه ای شکل سیب در دمای C^0 ۳۰ ۳۰ ۷۶
- شکل ۷-۲۰. نمودار تغییرات غلظت بی بعد آب از دست رفته در نمونه های تیغه ای شکل سیب در دمای C^0 ۳۰ ۷۶ ۷۶
- شکل ۷-۲۱. نمودار تغییرات غلظت بی بعد ساکارز جذب شده در نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای C^0 ۳۰ ۷۷ ۷۷
- شکل ۷-۲۲. نمودار تغییرات غلظت بی بعد آب از دست رفته در نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای C^0 ۳۰ ۷۷ ۷۷
- شکل ۷-۲۳. مقادیر پیش بینی شده جذب ساکارز با استفاده از مدل تقریب چند جمله ای نسبت به نتایج آزمایشگاهی ۷۸ ۷۸
- شکل ۷-۲۴. مقادیر پیش بینی شده حذف آب با استفاده از مدل تقریب چند جمله ای نسبت به نتایج آزمایشگاهی ۷۹ ۷۹
- شکل ۷-۲۵. مقادیر پیش بینی شده جذب ساکارز با استفاده از روش حل دقیق تحلیلی نسبت به نتایج آزمایشگاهی ۷۹ ۷۹
- شکل ۷-۲۶. مقادیر پیش بینی شده حذف آب با استفاده از روش حل دقیق تحلیلی نسبت به نتایج آزمایشگاهی ۸۰ ۸۰
- شکل ۷-۲۷. نمودار تغییرات غلظت بی بعد نمک جذب شده در گوجه گیلاسی در دمای C^0 ۴۰ ۸۱ ۸۱
- شکل ۷-۲۸. نمودار تغییرات غلظت بی بعد آب از دست رفته در گوجه گیلاسی در دمای C^0 ۴۰ ۸۱ ۸۱
- شکل ۷-۲۹. نمودار تغییرات غلظت بی بعد نمک جذب شده در گوجه گیلاسی در غلظت 25% ۸۲ ۸۲
- شکل ۷-۳۰. نمودار تغییرات غلظت بی بعد آب از دست رفته در گوجه گیلاسی در غلظت 25% ۸۲ ۸۲
- شکل ۷-۳۱. نمودار تغییرات غلظت بی بعد ساکارز جذب شده در نمونه های تیغه ای شکل سیب در C^0 و غلظت 40% وزنی ۸۵ ۸۵

شکل ۷-۳۲. نمودار تغییرات غلظت بی بعد حذف آب در نمونه های تیغه ای شکل سیب در دمای ${}^0\text{C}$ ۳۰ و غلظت ۴۰٪ وزنی ۸۶.....

شکل ۷-۳۳. نمودار تغییرات غلظت بی بعد ساکارز جذب شده در نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای ${}^0\text{C}$ ۳۰ و غلظت ۴۰٪ وزنی ۸۶.....

شکل ۷-۳۴. نمودار تغییرات غلظت بی بعد حذف آب در نمونه های استوانه ای شکل سیب در دمای ${}^0\text{C}$ ۳۰ و غلظت ۴۰٪ وزنی ۸۷.....

شکل ۷-۳۵. نمودار تغییرات غلظت بی بعد نمک جذب شده در نمونه های گوجه گیلاسی در دمای ${}^0\text{C}$ ۴۰ و غلظت ۲۵٪ وزنی ۹۰.....

شکل ۷-۳۶. نمودار تغییرات غلظت بی بعد حذف آب در نمونه های گوجه گیلاسی در دمای ${}^0\text{C}$ ۴۰ و غلظت ۲۵٪ وزنی ۹۰.....

شکل ۷-۳۷. نمودار تغییرات غلظت بی بعد نمک جذب شده در نمونه های گوجه گیلاسی در دمای ${}^0\text{C}$ ۵۰ و غلظت ۲۵٪ وزنی ۹۱.....

شکل ۷-۳۸. نمودار تغییرات غلظت بی بعد حذف آب در نمونه های گوجه گیلاسی در دمای ${}^0\text{C}$ ۵۰ و غلظت ۲۵٪ وزنی ۹۱.....

شکل ۷-۳۹. مقایسه‌ی مقادیر پیش‌بینی شده بی بعد حذف آب توسط مدل‌های تقریبی گسترش یافته به روش تقریب یک چند جمله‌ای سهموی و تقریب یک چند جمله‌ای توانی نسبت روش دقیق تحلیلی و نتایج آزمایشگاهی در نمونه های گوجه گیلاسی ۹۳.....

شکل ۷-۴۰. مقایسه‌ی مقادیر پیش‌بینی شده بی بعد جذب نمک توسط مدل‌های تقریبی گسترش یافته به روش تقریب یک چند جمله‌ای سهموی و تقریب یک چند جمله‌ای توانی با روش دقیق تحلیلی و نتایج آزمایشگاهی در نمونه های گوجه گیلاسی ۹۳.....

شکل ۷-۴۱. نمودار تغییرات غلظت بی بعد جذب نمک در نمونه های گوجه گیلاسی توسط دو مدل ساده شده‌ی روش تقریب یک چند جمله‌ای توانی برای زمان‌های بزرگ و همچنین زمان‌های کوچک و مقایسه‌آنها با روش دقیق تحلیلی ۹۴.....

شکل ۷-۴۲. نمودار تغییرات غلظت بی بعد جذب نمک در نمونه های گوجه گیلاسی توسط دو مدل ساده شده‌ی روش تقریب یک چند جمله‌ای توانی برای زمان‌های بزرگ و همچنین زمان‌های کوچک و مقایسه‌آنها با روش دقیق تحلیلی ۹۴.....

فهرست علائم اختصاری

(g/100g) غلظت مواد جامد محلول و یا رطوبت	C
(g/100g) غلظت اولیه	C_0
(g/100g) غلظت تعادلی	C_e
(m ² /s) ضریب نفوذ موثر شعاعی	D_{er}
(m ² /s) ضریب نفوذ موثر جامد	D_{es}
(m ² /s) ضریب نفوذ موثر رطوبت	D_{ew}
(m) طول	L
(m) شعاع	r
(m) شعاع خارجی استوانه	R
(gr) جرم جامد خشک اولیه	S_0
(gr) جرم جامد خشک در زمان t	S_t
(gr/100gr fresh fruit) جامد نفوذ کرده	SG
(gr/100gr fresh fruit) جامد نفوذ کرده در زمان t	SG_t
(gr/100gr fresh fruit) جامد نفوذ کرده در زمان بی نهایت	SG_∞
(S) زمان	t
(gr) جرم اولیه نمونه	W_0
(gr) جرم ظرف	W_p
(gr) جرم نمونه پس از زمان t از شروع فرآیند اسمر	W_t
(gr/100gr fresh fruit) آب از دست رفته	WL
(gr/100gr fresh fruit) آب از دست رفته در زمان t	WL_t
(gr/100gr fresh fruit) آب از دست رفته در زمان بی نهایت	WL_∞

علائم یونانی

شعاع بی بعد x

$(D_e t / R^2)$ زمان بی بعد τ

تغییرات غلظت بی بعد φ

ریشه معادله بسل از نوع درجه اول μ_n

$(h_p L_c / k_s)$ عدد بایوت انتقال حرارت Bi

زیرنویس :

مقدار اولیه 0

تعادل e

ظرف آزمایش P

در زمان t t

آزمایشگاهی exp

حل شونده s

آب w

پیش بینی شده predicted

چکیده

مدلسازی ریاضی انتقال جرم در فرآیند آبزدایی اسمزی مواد توسط یک مدل لامپ گسترش یافته

حدیثه تندرو صف سری

در این تحقیق، پدیده انتقال جرم در فرآیند آبزدایی اسمزی مواد مورد بررسی تجربی قرار گرفته و یک مدل ریاضی لامپ گسترش یافته جهت پیش بینی تغییرات رطوبت و جامد حل شونده در ماده ارائه شده است. مدل لامپ گسترش یافته بر اساس روش تقریب چند جمله ای توسعه داده شده است. در این راستا دو تقریب چند جمله ای سهموی و توانی جهت دستیابی به میزان متوسط غلظت آب و جامد حل شونده در داخل ماده مورد استفاده قرار گرفته اند. همچنین حل دقیق تحلیلی قانون دوم فیک در هر سه شکل هندسی دیواره و استوانه نامحدود و کره به منظور پیش بینی توزیع غلظت در فرآیند آبزدایی اسمزی و مقایسه با روش‌های تقریبی، ارائه شده است. مدل های مورد نظر با نتایج آزمایشگاهی حاصله از آبزدایی اسمزی قطعات تیغه ای و استوانه ای شکل سیب درون محلول های آب و ساکاروز در غلظت های ۳۰، ۴۰ و ۵۰ درصد وزنی و نمونه های کروی شکل گوجه گیلاسی در محلول آب و نمک در غلظت های ۱۰، ۱۸ و ۲۵ درصد وزنی و سه دمای ۳۰، ۴۰ و ۵۰ درجه ی سانتی گراد، مورد مقایسه قرار گرفته اند. غلظت های تعادلی مورد نیاز در مدل ریاضی توسط مدل آذوارا و ضرایب نفوذ موثر رطوبت و حل شونده توسط قانون دوم فیک تخمین زده شدند. نتایج این تحقیق نشان داده می دهند که مقادیر متوسط پیش بینی شده درصد جذب مواد جامد و کاهش رطوبت توسط روش تقریب چند جمله ای سهموی تطابق نسبتا خوبی با داده های آزمایشگاهی و همچنین مقادیر پیش بینی شده توسط روش دقيق تحلیلی داشته و همچنین نتایج حاصله از مدل گسترش یافته لامپ بر اساس تقریب یک چند جمله ای توانی دقیق تر از مدل سهموی است.

کلید واژه: لامپ، آبزدایی اسمزی، تقریب سهموی، تقریب توانی، انتقال جرم.

Abstract

Mathematical Modeling of Mass Transfer during Osmotic Dehydration of Materials Using an Enhanced Lumped Model

Hadiseh Tondro Safsari

In this study, mass transfer phenomenon during osmotic dehydration of materials was investigated and an improved lumped mathematical model was developed for prediction of moisture and solute variations during dehydration. Improved lumped model has been developed based on a polynomial approximation method. For this purpose, parabolic and power law profile expressions have been used to obtain the average moisture and solute concentrations in the spatial direction. Analytical solutions of Fick's second law of diffusion in infinite slab, infinite cylinder and spherical geometries were presented for prediction of concentration profiles during osmotic dehydration process. The proposed models were validated by experimental water loss and solute gain data obtained from osmotic dehydration of infinite slab and infinite cylindrical shape samples of apple in sucrose solution and spherical shape samples of cherry tomato in salt solution. Experiments of apple samples were conducted at nine combinations of three solution concentrations (30%, 40% and 50% w/w) and three temperatures (30°C, 40°C and 50°C) while experiments of cherry tomato samples were conducted at three solution concentrations (10%, 18% and 25% w/w) and three temperatures (30°C, 40°C and 50°C). The two-parameter model, developed by Azuara et al., was used to predict water loss and solute gain at equilibrium condition and also the moisture and solute effective diffusivities were estimated by fitting the experimental moisture loss and solid gain data to the Fick's second law of diffusion.

Results have been shown that the predicted values of average water loss and solute gain by parabolic polynomial approximation method fit approximately well to the experimental data. In addition to the results of arbitrary power law expression for the approximate solution leads to higher accuracy of concentration distribution over the whole domain of the experimental times.

Keywords: Lumped, osmotic dehydration, parabolic approximation, power law approximation, mass transfer.

فصل ۱ : مقدمه

۱-۱. مقدمه‌ای بر آبزدایی اسمزی

اکثر میوه‌ها و سبزیجات، زمان برداشت مشخص و ماندگاری محدودی دارند و با توجه به فعالیت‌های میکروبی و بیوشیمیایی میوه‌های چیده شده، به سرعت در معرض فساد قرار می‌گیرند. بر این اساس به منظور افزایش زمان ماندگاری آن‌ها به چند هفته، یک سال یا بیشتر از روش‌های گوناگونی در حفظ و نگهداری مواد غذایی استفاده می‌شود. این روش‌ها شامل: کنسرو سازی، انجماد، خشک کردن، تخمیر، پاستوریزه کردن، افروختن مواد شیمیایی، بسته‌بندی و تابش می‌باشند [Burrows, 1996]. شایان ذکر است که، کنسرو سازی، انجماد و خشک کردن، مهمترین روش‌هایی هستند که در مقیاس صنعتی به منظور حفظ و نگهداری مواد مورد استفاده قرار می‌گیرند [McMinn, et al. 1999]. انتخاب روش نگهداری به نوع و جنس مواد خام و اولیه بستگی دارد [Jayaraman, et al. 1992]. این در حالیست که افزایش تقاضا به جهت عدم استفاده از مواد شیمیایی برای حفظ و نگهداری مواد غذایی از یک سو و لزوم بالا بودن میزان تولید در گستره‌ی وسیعی از محصولات غذایی از سویی دیگر، انگیزه‌های زیادی را برای استفاده از روش‌های خشک کردن در تولیدکنندگان ایجاد نموده است.

از دوران باستان، آبزدایی اسمزی یکی از رایج‌ترین روش‌های طبیعی و قابل اعتماد در نگهداری مواد غذایی محسوب گردیده است. همواره به دلیل واکنش‌هایی از جمله قهوه ای شدن آزمیمی، امکان وجود تغییراتی نامطلوب در کیفیت مواد غذایی وجود داشت، که استفاده از روش آبزدایی اسمزی سبب کند شدن نرخ این واکنش‌های شیمیایی گردیده است [Acker, 1969; Kouassi, et al. 2001]. در گذشته، از ساکارز، عسل و نمک به عنوان مواد کمکی در خشک کردن میوه‌ها و سبزیجات استفاده می‌گردید [Goldblith, et al. 1972; Woodroof, et al. 1986] و این در حالیست که، ساکارز بیشتر به منظور حفظ کیفیت محصول خشک شده (معمولًا در مقدار کم) مورد استفاده قرار می‌گیرد، تا حذف آب موجود در آن.

به طور کلی خشک کردن یکی از روش‌های نگهداری مواد غذایی محسوب گردیده و از دلایل عمدی و مهمی که سبب توجه زیاد محققان به این فرآیند در مقایسه با سایر روش‌ها گردیده: افزایش زمان ماندگاری، تولید محصول با وزن و حجم کمتر، عدم نیاز به سردخانه و کاهش هزینه حمل و نقل و بسته‌بندی می‌باشد.

¹ Canning

آبزدایی اسمزی^۱، فرآیندی است که در آن با غوطه وری مواد غذایی از جمله میوه و سبزیجات در یک محلول تغليظ شده با فشار اسمزی بالاتر، آب از درون ماده‌ی غذایی به صورت جزئی خارج و به درون محلول اسمزی نفوذ می‌کند. در واقع آبزدایی اسمزی فرآیندی جهت خارج کردن بخشی از آب بافت گیاهی یا حیوانی می‌باشد که با غوطه ور کردن ماده‌ی غذایی در یک محلول هایپertonیک^۲ مناسب صورت می‌گیرد[Ponting, 1973]. در این فرآیند دیواره‌های سلول ماده‌ی غذایی به عنوان یک غشا نیمه تراوا عمل نموده و به علت وجود گرادیان غلظت بین محلول اسمزی و مایعات داخل سلولی نیروی محرکه‌ی لازم برای خروج آب از ماده‌ی غذایی ایجاد می‌شود.

هدف اصلی و بنیادین آبزدایی اسمزی مواد، کاهش محتوای آب در جهت به حداقل رساندن میزان واکنش‌های شیمیایی و تسهیل در توزیع و همچنین ذخیره سازی مواد غذایی است. کاهش رطوبت، بخش عمده و اصلی عملیات آبزدایی مواد غذایی می‌باشد. نیروی محرکه لازم جهت حذف آب، از اختلاف فشار اسمزی درون مواد غذایی و محلول اسمزی اطراف آن تامین می‌شود. آبزدایی اسمزی محبوب ترین و کارآمدترین راه برای کاهش رطوبت و حفظ کیفیت، رنگ، عطر و طعم مواد غذایی تحت شرایط محیط می‌باشد[Escríche, et al . 2000]. این فرآیند در دمای محیط نیز موثر است و از آن می‌توان به عنوان یک مرحله مقدماتی پیش از فرآیند‌های خشک کردن استفاده نمود. همچنین، نظر به اینکه تغییرات نامحسوسی در خواص ظاهری و کیفیت محصولات غذایی ایجاد می‌کند، اغلب در تهیه و تولید محصولات غذایی جدید از میوه و سبزی مورد استفاده قرار می‌گیرد.

۱-۲. نگرش کلی بر روش گسترش یافته لامپ

در طراحی‌ها و عملیات فنی و مهندسی همواره نیاز به مدلسازی یک فرآیند به عنوان ابزاری برای پیش‌بینی و انجام محاسبات وجود دارد. تعداد بسیار کمی از سیستم‌های معادلات دیفرانسیلی وجود دارند که راه حل‌های دقیق تحلیلی برای آنها قابل استفاده می‌باشد و حتی در برخی موارد، استفاده از این راه حل‌ها به دلیل پیچیده‌گی بسیار ناکارآمد می‌باشد. در نتیجه روش‌های تقریبی جهت تحلیل و بررسی مسائل ناپایایی انتقال حرارت و جرم گسترش یافته اند، این روش‌ها عبارتند از: روش‌های عددی،

¹ Osmotic Dehydration

² Hypertonic