



دانشکده فیزیک

گروه فیزیک نظری و اختر فیزیک

پایان نامه

جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته فیزیک (گرایش اختر فیزیک)

عنوان :

**تحقیق در اثرات خورشید بر روی آب و هوای زمین**

استاد راهنما :

**دکتر علی عجب شیری زاده**

استاد مشاور :

**دکتر زهرا فاضل مراغه**

پژوهشگر :

**مسعود مهروانی بهروز**

بهمن ماه ۱۳۸۹

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



دانشکده فیزیک

گروه فیزیک نظری و اختر فیزیک

پایان نامه

جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته فیزیک (گرایش اختر فیزیک)

عنوان :

**تحقیق در اثرات خورشید بر روی آب و هوای زمین**

استاد راهنما :

**دکتر علی عجب شیری زاده**

استاد مشاور :

**دکتر زهرا فاضل مراغه**

پژوهشگر :

**مسعود مهورانی بهروز**

بهمن ماه ۱۳۸۹

تقدیم ہے:

ہمسر صبور و فداکار م

## سپاسگذاری :

اینک که در انتهای این راه در آغاز راه دیگری ایستاده ام وظیفه شاگردی خود می دانم که مراتب سپاس و قدر دانی خویش را با خلوص و صمیمیت هر چه تمام تر به محضر استاد گرانمایه **آقای دکتر علی عجب شیری زاده** تقدیم دارم که در مقام استاد راهنمایی این پایاننامه، با بزرگواری مرا از راهنمایی ها و محبت های خویش بی هیچ مضایقه ای بهره مند نمودند، و علاوه بر راهنمایی های علمی از شخصیت والای ایشان نکته ها آموختم.

خداوند متعال را شاکرم که نعمت درک محضر استاد فرزانه ای همچون **سرکار خانم دکتر زهرا فاضل مراغه** را نصیبم فرمودند تا در سمت مشاور پایاننامه از محضر شان بهره مند گردم، مراتب سپاس و قدر دانی خود را تقدیم ایشان می کنم.

از **آقای دکتر داوود محمد زاده جسور** که دآوری این پایاننامه را به عهده داشتند و هم به خاطر کمک و راهنمایی های ایشان تشکر می کنم.

و بوسه می زنم بر دستان پر مهر پدر و مادر عزیزم و ستایش می کنم وجود مقدس شان را به پاس عاطفه سرشار و گرمای امید بخش وجود شان که در این سردترین روزگاران پشتیبان من بوده اند.

در پایان از همراهی و مساعدت دوستان عزیزم و همکلاسی های گرمی ام تمام کسانی که مرا در طی مدت تحصیلی یاری کردند نهایت تشکر را می کنم.

نام : مسعود	نام خانوادگی : مهروانی بهروز
عنوان پایان نامه : تحقیق در اثرات خورشید بر روی آب و هوای زمین	
استاد مشاور : دکتر زهرا فاضل مراغه	استاد راهنما : دکتر علی عجب شیری زاده
مقطع تحصیلی : کارشناسی ارشد      رشته : فیزیک      گرایش : نجوم و اختر فیزیک دانشگاه : تبریز      دانشکده : فیزیک      تاریخ فارغ التحصیلی : بهمن ماه ۱۳۸۹      تعداد صفحه : ۹۸	
واژه نامه : چرخه فعالیت خورشیدی - لک های خورشیدی - دما - شار پرتو کیهانی - تابش خورشیدی - شبکه عصبی مصنوعی	
<p style="text-align: right;"><b>چکیده :</b></p> <p>لک های خورشیدی موجود در روی سطح خورشید از شاخص های مهمی هستند که فعالیت مغناطیسی خورشید را نشان می دهند . از سال ۱۶۱۰ میلادی بر اساس مطالعات انجام یافته درباره خورشید دانشمندان دریافته اند ، تعداد این لک ها از هر بیشینه تا بیشینه بعدی یک چرخه ۱۱ ساله را طی می کنند . بعضی از دانشمندان بین فعالیت مغناطیسی خورشید و آب و هوای زمین یک رابطه مستقیم و بعضی هم رابطه معکوس پیدا کرده اند .</p> <p>در این تحقیق ما با توجه به داده های موجود برای تعداد لک های خورشیدی و سایر شاخص های موجود برای فعالیت مغناطیسی خورشید ، با تنظیم یک کد نرم افزاری بوسیله شبکه های عصبی مصنوعی اقدام به پیش بینی تعداد لک های خورشیدی و سایر پارامتر های موثر در فعالیت خورشیدی در چرخه های آتی کرده و همچنین تغییرات دما و بارش زمین برای منطقه ایران تا سال ۲۰۱۸ را بدست آورده ایم .</p>	

فصل اول : بررسی منابع

۱	۱-۱	ستاره خورشید
۲	۱-۲	مشخصات فیزیکی خورشید
۳	۱-۳	تعادل گرمایی
۴	۱-۴	منابع تامین انرژی خورشید
۴	۱-۴-۱	انرژی گرمایی
۶	۱-۴-۲	انرژی گرانشی
۷	۱-۴-۳	منابع انرژی هسته ای خورشید
۷	۱-۴-۳-۱	زنجیره پروتون - پروتون ( P - P )
۸	۱-۴-۳-۲	زنجیره کربن - نیتروژن ( C - N )
۹	۱-۵	MHD
۹	۱-۵-۱	معادلات اساسی MHD خورشیدی
۱۰	۱-۵-۲	پارامترهای اساسی در MHD
۱۰	۱-۵-۲-۱	عدد مغناطیسی رینولدز ( $R_m$ )
۱۱	۱-۵-۲-۲	بتای پلاسما ( $\beta$ )

۱۱	۱-۵-۳	موضوعات مهم در MHD خورشید
۱۲	۱-۶	ساختار درونی و بیرونی خورشید
۱۴	۱-۶-۱	ساختارهای موجود در فوتوسفر خورشید
۱۴	۱-۶-۱-۱	لک های خورشیدی
۱۶	۱-۶-۱-۲	تغییر عرض خورشیدی لک های خورشیدی ( نمودار پروانه ای )

## فصل دوم : مبانی و روش ها

۱۹	۲-۱	فعالیت خورشیدی
۲۰	۲-۲	شاخص های فعالیت خورشیدی
۲۰	۲-۲-۱	تعداد لک های خورشیدی
۲۱	۲-۲-۲	چرخه خورشیدی
۲۲	۲-۲-۲-۱	دیناموی خورشیدی (یک مدل چرخه خورشیدی)
۲۴	۲-۲-۳	شراره های خورشیدی
۲۴	۲-۲-۴	پرتو کیهانی
۲۶	۲-۲-۵	تابندگی خورشیدی
۲۶	۲-۲-۵-۱	مقدمه
۲۷	۲-۲-۵-۲	اندازه گیری تابندگی خورشیدی بر اساس رده طیفی
۲۸	۲-۲-۵-۳	رادیومتر های موجود در <b>SORCE</b>
۲۸	۲-۲-۵-۴	تغییرات تابندگی خورشیدی و ارتباط آن با آب و هوای زمین
۲۹	۲-۲-۶	طوفان های ژئومغناطیسی



۲۹	اندیس های ژئومغناطیسی	۲-۲-۶-۱
۳۱	اندیس های $Kp$ ، $K$ ، $ap$ و $Ap$	۲-۲-۶-۲
۳۲	علل تغییرات آب و هوای زمین	۲-۳
۳۲	مقدمه	۲-۳-۱
۳۳	چرخه خورشیدی و رابطه آن با دمای هوای زمین	۲-۳-۲
۳۷	مکانیسم های اثر چرخه خورشیدی بر آب و هوا	۲-۳-۲-۱
۳۹	$CME$ ، $HSS$ و $MCS$	۲-۴
۴۰	طول چرخه خورشیدی ( دوره یک چرخه خورشیدی )	۲-۵
۴۳	اثر گلخانه ای یا تغییر غلظت $CO_2$	۲-۶
۴۵	پرتو کیهانی و ارتباط آن با آب و هوای زمین	۲-۷
۴۷	اثر پرتو کیهانی بر دمای هوا	۲-۷-۱
۴۸	شبکه های عصبی مصنوعی	۲-۸
۴۸	مقدمه	۲-۸-۱
۴۸	مسائل مناسب برای یادگیری شبکه های عصبی	۲-۸-۲
۴۹	مفهوم شبکه	۲-۸-۳
۵۰	شبکه عصبی مصنوعی	۲-۸-۳-۱
۵۱	مدل ریاضی شبکه عصبی مصنوعی	۲-۸-۴
۵۲	پرسپترون چند لایه	۲-۸-۵
۵۴	آموزش شبکه به روش پس انتشار خطا	۲-۸-۶
۵۶	الگوریتم پس انتشار خطا	۲-۸-۷
۶۱	روند شبیه سازی مسائل	۲-۸-۸

## فصل سوم : نتایج و بحث

- ۶۵ ۳-۱ منحنی های مربوط به تغییرات و پیش بینی تعداد لک های خورشیدی
- ۶۷ ۳-۲ منحنی های مربوط به تغییرات و پیش بینی تابندگی خورشیدی
- ۶۹ ۳-۲-۱ همبستگی تغییرات میزان تابندگی خورشیدی و تعداد لک های خورشیدی با یکدیگر
- ۷۰ ۳-۳ منحنی ها و جدول مربوط به تغییرات و پیش بینی پرتو کیهانی
- ۷۲ ۳-۳-۱ همبستگی تغییرات میزان شار پرتو کیهانی و تعداد لک های خورشیدی با یکدیگر
- ۷۲ ۳-۳-۲ همبستگی تغییرات سالیانه میزان شار پرتو کیهانی و تابندگی خورشیدی با یکدیگر
- ۷۴ ۳-۴ منحنی ها و جدول مربوط به تغییرات و پیش بینی شار رادیویی خورشید
- ۷۶ ۳-۴-۱ همبستگی تغییرات میزان شار رادیویی خورشید و تعداد لک های خورشید با یکدیگر
- ۷۷ ۳-۵ منحنی ها و جدول مربوط به تغییرات و پیش بینی اندیس ژئومغناطیسی  $Kp$
- ۷۸ ۳-۶ منحنی ها و جدول مربوط به تغییرات و پیش بینی اندیس ژئومغناطیسی  $Ap$
- ۷۹ ۳-۷ منحنی ها و جدول مربوط به تغییرات و پیش بینی اندیس ژئومغناطیسی  $Dst$
- ۸۱ ۳-۸ همبستگی تغییرات اندیس ژئومغناطیسی  $Kp$  ،  $Ap$  و  $Dst$  و تعداد لک های خورشیدی با یکدیگر
- ۸۲ ۳-۹ منحنی های مربوط به تغییرات و پیش بینی دمای هوای متوسط زمین
- ۸۲ ۳-۹-۱ همبستگی تغییرات دمای میانگین سالیانه هوا و لک های خورشیدی با یکدیگر

- ۸۳ ۳-۹-۲ همبستگی تغییرات دمای میانگین سالیانه هوا و شار پرتو کیهانی با یکدیگر
- ۸۳ ۳-۹-۳ همبستگی تغییرات دمای میانگین سالیانه هوا و شار رادیویی خورشید با یکدیگر
- ۸۵ ۳-۱۰ منحنی و جدول مربوط به تغییرات و پیش بینی دمایی شهر تبریز
- ۸۶ ۳-۱۱ منحنی و جدول مربوط به تغییرات و مقادیر پیش بینی شده بارش سالیانه شهر تبریز
- ۸۷ ۳-۱۲ مقایسه میزان تغییرات دما و بارش پیش بینی شده برای شهر تبریز
- ۸۷ ۳-۱۲-۱ همبستگی تغییرات دمایی میانگین سالیانه هوای تبریز با میزان بارش میانگین سالیانه

۸۸ نتیجه گیری

۸۹ پیوست

۹۱ فهرست شکل ها

۹۴ فهرست جداول

۹۵ منابع

## مقدمه :

لک های موجود در سطح خورشید از شاخص های مهمی است که فعالیت خورشید را معین می کند . با توجه به تغییر تعداد لک ها در گذر زمان ، دیده می شود که این تغییرات یک چرخه تقریباً یازده ساله را طی می کند . فعالیت خورشید در هر چرخه و ارتباط آن با آب و هوای زمین یک مساله جدال انگیز بین دانشمندان و ستاره شناسان بوده است . بسیاری از دانشمندان بین پارامترهای فعالیت مختلف هواسنجی و فعالیت خورشیدی رابطه ای مستقیم پیدا کرده اند ، ( مثلاً با افزایش فعالیت خورشید دما در سطح زمین هم افزایش می یابد و برعکس ) ، و بعضی هم رابطه معکوس یافته اند ، ( مثلاً با افزایش فعالیت خورشید دما در سطح زمین کاهش می یابد و برعکس ) . نتیجه مطالعات اخیر این بوده است که اثرات مستقیم فعالیت خورشیدی در کوتاه مدت روی آب و هوای زمین اندک می باشد و لیکن تغییرات بلند مدت فعالیت خورشیدی ممکن است در دمای هوا و بارش تاثیر بگذارد .

مهمترین اثر مشهودی که تاثیر فعالیت خورشید بر آب و هوای زمین را می تواند نشان دهد تابندگی خورشیدی (**Irradiance**) می باشد . تغییرات موجود در تعداد لک های خورشیدی همبستگی بالایی با تغییرات تابندگی خورشیدی دارد و همچنین تغییرات نسبی در تابندگی خورشیدی با تغییرات نسبی دما رابطه مستقیم دارد . البته اخیراً پیشنهاد شده است که به جای شمارش تعداد لک ها- برای نشان دادن فعالیت خورشید و تاثیر آن بر آب و هوا- تغییرات بازه زمانی چرخه های فعالیت خورشیدی به عنوان یک قسمت مهم در تغییرات دمای جهان در نظر گرفته شود . فعالیت بالای خورشید دلالت بر چرخه کوتاه و فعالیت کمتر خورشید دلالت بر چرخه بلند دارد . البته طول چرخه ها به تعداد مینیمم ها و ماکزیمم های موجود در هر چرخه بستگی دارد . پس طول چرخه ها ممکن است با شاخص های فیزیکی با معنی در رابطه با فعالیت خورشیدی در ارتباط باشد .

از عوامل دیگری که به دلیل فعالیت خورشیدی باعث تغییر در آب و هوای زمین می شود شار پرتو کیهانی می باشد . این پرتو که حدود نود درصد آن را پروتون تشکیل داده است از فضای خارج جو به اتمسفر زمین رسیده و باعث ایجاد فعل و انفعالاتی در جو می شود . با بررسی و آنالیز داده هایی که بوسیله ماهواره های مختلف هواسنجی تهیه شده است ، مشاهده می شود میزان تغییرات پوشش ابری زمین با تغییرات این پرتو همبستگی بسیار بالایی دارد و می دانیم تغییرات پوشش ابری ، تغییرات دمایی و بارش را به دنبال خواهد داشت .

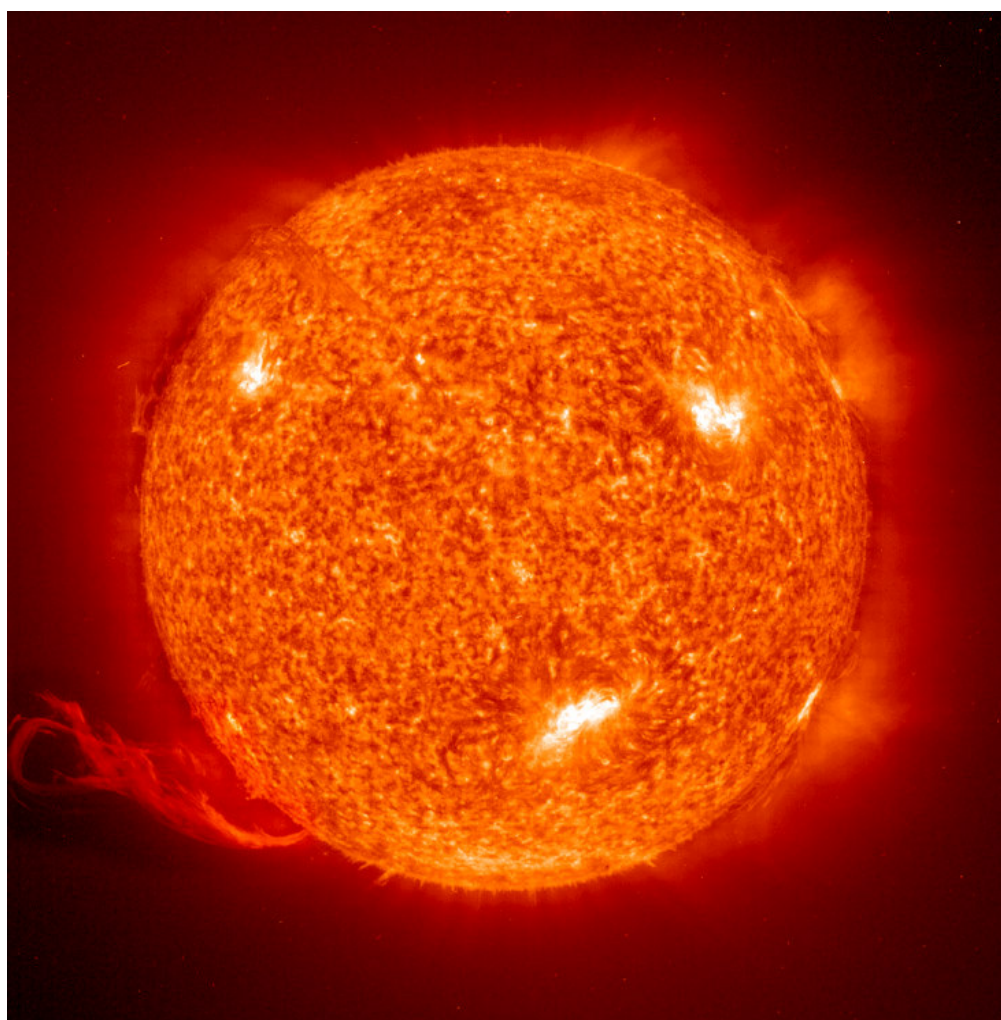
با استفاده از داده های ماهواره ای که در سایت های علمی ذیربط ( **NOAA** ، **SOHO** ) و تجزیه و تحلیل داده ها و تنظیم کد پیش بینی با استفاده از شبکه های عصبی مصنوعی در نرم افزار **MATLAB** نسبت به استخراج نتایج و تعبیر آنها اقدام خواهد گردید .

فصل اول :-

بررسی منابع

(۱-۱) ستاره خورشید

خورشید نزدیک ترین ستاره و منبع اصلی تامین کننده انرژی برای زندگی در روی زمین است . شکل (۱-۱) . خورشید همچنین وسیله ای برای مطالعه پلاسمای داغ مغناطیده<sup>۱</sup> است که امکان ساخت آن در آزمایشگاه های زمینی نیست . خورشید یک ستاره یکپارچه و متغیر و ساخته شده از گازی است که دانسیته آن در مرکز<sup>۲</sup> به قدری است که اجازه رخدادهای گرما - هسته ای را می دهد . فشار رو به بالایی که از ادامه این واکنش های گرما - هسته ای بوجود آمده است از فرو ریزش ستاره به داخل در اثر نیروهای گرانشی بین اتم ها جلوگیری می کند .



شکل (۱-۱)

۱) Hot Magnetic Plasma

۲) Core

جدول ۱: خورشید در یک نگاه

قطر	$1/392 \times 10^6 \text{ km}$ (۱۰۹ برابر قطر زمین)
مساحت	$6/088 \times 10^{18} \text{ m}^2$ (۱۱۹۰۰ برابر مساحت زمین)
حجم	$1/4122 \times 10^{27} \text{ m}^3$ (۱۰۳۰۰،۰۰۰ برابر حجم زمین)
جرم	$1/9891 \times 10^{27} \text{ kg}$ (۳۳۲۹۴۶ برابر جرم زمین)
چگالی متوسط	$1/409 \text{ gr/cm}^3$
متوسط فاصله از زمین	$1/496 \times 10^8 \text{ km}$ (۸/۳۱ دقیقه نوری)
متوسط فاصله از مرکز کهکشان	$2/5 \times 10^{17} \text{ km}$ (۲۶۰۰۰ سال نوری)
طول حرکت وضعی	۲۵-۲۵ روز
سرعت گردش به دور مرکز کهکشان*	۲۵۰ km/s
درخشندگی	$3/826 \times 10^{26} \text{ J/s}$
درخشندگی ظاهری	-۲۶/۷۴
رده طیفی	G2V
قدر مطلق	۴/۸۳
گرانش سطحی	۲۷/۹۴ g
سرعت گریز از خورشید	$617/7 \text{ km/s}$ (۵۵ برابر سرعت گریز از زمین)
درجه حرارت سطح	۵.۷۷۸ K
درجه حرارت تاج	۵.۰۰۰.۰۰۰ K
درجه حرارت هسته	۱۵.۰۰۰.۰۰۰ K
* نسبت به سرعت متوسط سایر ستارگان در کهکشان‌های همسایه	



۳-۱) تعادل گرمایی<sup>۱</sup> خورشید

حقیقت محض مشاهده خورشید به دلیل از دست دادن انرژی به صورت تابش می باشد . از طرف دیگر می بینیم که قدر ظاهری<sup>۲</sup> ، رنگ ، دمای موثر<sup>۳</sup> و ... خورشید عموماً با گذشت زمان تغییر نمی کند . این موضوع نشان می دهد که با وجود اتلاف انرژی در سطح ، خورشید سرد نمی شود . این موضوع در واقع نشان دهنده نوعی تعادل گرمایی در خورشید می باشد ، یعنی همان مقدار انرژی که در هر ثانیه به لایه سطحی خورشید می رسد ، از سطح آن به وسیله تابش خارج می شود . هیچ گونه تغییر موثری در شار سطحی خورشید دیده نمی شود ، بنابراین نتیجه می گیریم که اتلاف انرژی در سطح خورشید از لایه های زیرین جبران می شود ، یعنی :

$$(1) \quad \frac{dL}{dr} = 0 \quad \text{یا} \quad \nabla \cdot F = 0 \quad \text{یا} \quad \frac{d}{dr} (r^2 \pi F) = 0$$

اگر تولید انرژی نداشته باشیم :

F شار انرژی کل در هر سانتی متر مربع را نشان می دهد و r و L به ترتیب فاصله از مرکز و تابندگی<sup>۴</sup> خورشید است که :

$$(2) \quad F = \sigma T_{\text{eff}}^4 \quad \text{و} \quad L = 4\pi R^2 F$$

که برای خورشید :

$$F = 6/3 \times 10^{10} \text{ erg cm}^{-2} \text{ s}^{-1} \quad \text{و} \quad T_{\text{eff}} = 5800 \text{ K} \quad \text{و} \quad R = R_{\text{sun}}$$

نهایتاً به این نتیجه می رسیم که انرژی باید در ناحیه ای از خورشید تولید شود تا بتواند با اتلاف انرژی در سطح مقابله کرده و از انقباض بیشتر خورشید جلوگیری کند .

۱) Thermal Equivalent

۲) Visible Magnitude

۳) Effective Temperature

۴) Irradiance

## فصل اول : بررسی منابع

روابط (۱) شرط لازم و کافی برای تعادل می باشند ، به شرطی که دما در خورشید ثابت مانده و همچنین منبع انرژی ای در لایه مربوطه وجود نداشته باشد . این شرط ، شرط تعادل گرمایی نامیده می شود . در موارد خاصی که انتقال انرژی تنها از طریق تابش صورت گیرد ، شرط فوق ، تعادل تابشی<sup>۱</sup> نامیده می شود و به صورت زیر بیان می شود :

$$(۳) \quad \frac{d}{dr} ( r^2 F_r ) = 0$$

که در آن  $F_r$  شار انرژی تابشی<sup>۲</sup> است .

شار انرژی گرمایی طبقه بندی دمایی را معین می کند . جریان گرما همواره در جهت کاهش دما است . رابطه زیر ارتباط بین شار انرژی و شیب دمایی را نشان می دهد :

$$(۴) \quad \frac{dT}{dr} = - \frac{\pi F_r}{\sigma} \frac{3}{16} \frac{\kappa_{cm}}{T^3}$$

که در آن  $\sigma$  ثابت بولتزمن<sup>۳</sup> ،  $F_r$  شار انرژی تابشی ،  $T$  دما ،  $\kappa_{cm}$  سطح مقطع جذبی<sup>۴</sup> می باشد .

### ۱-۴) منابع تامین انرژی خورشید

#### ۱-۴-۱) انرژی گرمایی

برای جرم معلوم  $M$  و شعاع  $R$  به دلیل تعادل هیدرواستاتیکی<sup>۴</sup> ، دمای معینی در ناحیه داخلی خورشید برقرار است . اگر دما پایین تر باشد ، مقدار فشار به اندازه ای نمی رسد که نیروهای گرانشی را خنثی کند و در نتیجه خورشید فرو می ریزد و اگر هم دما بالاتر باشد فشار بیش از حد بالا رفته و خورشید منبسط می شود .

۱) Radiation Equivalent

۲) Radiation Flux

۳) Boltzmann Constant

۴) Hydrostatic Equilibrium

۵) Hydrostatic Equivalent

## فصل اول : بررسی منابع

انرژی گرمایی به ازای هر ذره در گاز به صورت :

$$(5) \quad E_k = \frac{3}{2} \kappa T$$

می باشد که  $\kappa = 1.38 \times 10^{-16} \text{ erg/}^\circ$  ثابت بولتزمن می باشد .

اگر گاز به صورت هیدروژنی فرض شود ، انرژی کل ستاره به صورت معادله (6) می باشد .

$$(6) \quad E_{\text{گرمایی}} = \int_0^R \frac{3}{2} \kappa T \cdot n \cdot 4\pi r^2 dr$$

که  $n = \frac{\rho}{m}$  ( تعداد ذرات در واحد حجم می باشد . )

با استفاده از رابطه فشار گاز کامل

$$(7) \quad P_g = n \kappa T$$

و با استفاده از معادله ترازمندی هیدرواستاتیکی

$$(8) \quad \frac{dP_g}{dr} = -\rho \frac{GM_r}{r^2}$$

که  $G$  ثابت گرانش می باشد .

با ضرب معادله بالا در  $4\pi r^2$  و انتگرال گیری از  $r = 0$  تا  $r = R$

$$(9) \quad \int_0^R \frac{dP_g}{dr} \cdot 4\pi r^2 dr = - \int_0^R \rho \frac{GM_r}{r^2} \cdot 4\pi r^2 dr = - \int_0^R \rho \frac{GM_r}{r} \cdot 4\pi r dr$$

از طرفی :

$$(10) \quad - \int_0^R 3\rho_g \cdot 4\pi r^2 dr = - \int_0^R \rho \frac{GM_r}{r} \cdot 4\pi r dr$$

## فصل اول : بررسی منابع

مقایسه رابطه ( ۶ ) با معادله ( ۹ ) نشان می دهد که

$${}^2E_{\text{گرمایی}} = - \int_0^R \rho \frac{GM_r}{r} 4\pi r^2 dr$$

( ۱-۴-۲ ) انرژی گرانشی

$$(۱۱) \quad dm = \rho 4\pi r^2 dr \quad \text{اگر}$$

$$E_{\text{گرمایی}} = \frac{1}{2} E_{\text{گرانشی}}$$

نکته :

"روابط استفاده شده در بحث انرژی گرمایی و انرژی گرانشی تا وقتی که شاره در تعادل هیدرواستاتیکی باشد و گاز از نوع گاز کامل باشد برقرار می باشند ."

شواهد قانع کننده ای همانند رسوب های مواد در لایه های قدیمی سنگی وجود دارد که نشان می دهند خورشید با تابندگی فعلی خود در ۴/۵ میلیارد سال گذشته فعالیت کرده است .

در این مدت مقدار انرژی از دست رفته خورشید برابر است با :

$$\begin{aligned} E_{\odot} &= L \times 4/5 \times 10^9 \text{ سال} = 4 \times 10^{33} \times 4/5 \times 10^9 \times 3 \times 10^7 \\ &= 5/4 \times 10^{50} \text{ erg} \end{aligned}$$

انرژی گرانشی آزاد شده ناشی از انقباض خورشید هم برابر است با :

$$E_g \approx 4 \times 10^{48} \text{ erg}$$

این انرژی صد برابر کوچکتر از آن است که بتوان چهار و نیم میلیارد سال موجب درخشش خورشید شود ، پس باید بدنبال منابع انرژی قوی تری باشیم .