



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات، ابتکارات و  
نوآوری های ناشی از تحقیق موضوع این پایان نامه  
متعلق به دانشگاه رازی است.



پایان نامه جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد رشته ی فیزیک  
گرایش حالت جامد

عنوان پایان نامه

بررسی چگالی حالت ها و ظرفیت گرمایی نانو نوارهای  
آرمچیر گرافینی، بورون نیتراید، سیلیکون کربن و  
اکسیدبریلیوم با استفاده از رهیافت تابع گرین

استاد راهنما:

دکتر حمزه موسوی

نگارش:

زهرا یارمحمدی

شهریور ماه ۱۳۹۲



پایان نامه جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد رشته ی فیزیک گرایش حالت جامد

نام دانشجو

زهرا یارمحمدی

تحت عنوان

بررسی چگالی حالت ها و ظرفیت گرمایی نانو نوارهای  
آرمچیر گرافینی، بورون نیتراید، سیلیکون کربن و  
اکسیدبریلیوم با استفاده از رهیافت تابع گرین

در تاریخ ۱۳۹۲/۶/۲۰ توسط هیأت داوران زیر بررسی و با درجه عالی به تصویب نهایی رسید.

- |                         |                   |                          |       |
|-------------------------|-------------------|--------------------------|-------|
| ۱- استاد راهنما         | دکتر حمزه موسوی   | با مرتبه ی علمی استادیار | امضاء |
| ۲- استاد داور داخل گروه | دکتر علی فتحعلیان | با مرتبه ی علمی استادیار | امضاء |
| ۳- استاد داور داخل گروه | دکتر حامد رضانیا  | با مرتبه ی علمی استادیار | امضاء |

## مشکر و قدردانی

در ابتدا از زحمات استاد که تقدیرم جناب آقای دکتر حمزه موسوی کمال مشکر و قدردانی را دارم که راهنمای بسیار خوبی برای من در تمامی مراحل پایان نامه بودند و همواره با صبر و خوش رویی پاسخگوی سوالات من بودند. همچنین از تمامی اساتید دانشکده علوم دانشگاه رازی که در طول دوران کارشناسی ارشد افتخار نگارگری آنها را داشته‌ام ممنون و سپاسگزارم.

## تقدیم به پدر و مادر عزیزم

خدای رابی شاکرم که از روی کرم، پدر و مادری فداکار نصیبم ساخته تا در سایه درخت پر بار وجودشان بیسایم و از ریشه آنها شاخ و برگ گیرم و از سایه وجودشان در راه کسب علم و دانش تلاش نمایم. والدینی که بودنشان تاج افتخاری است بر سرم و نامشان دلیلی است بر بودنم چرا که این دو وجود پس از پروردگار مایه هستی ام بوده اند. آموزگارانی که برایم زندگی؛ بودن و انسان بودن را معنا کردند.

حال این برگ سبزی است تخم درویش تقدیم آنان...

به پاس عاطفه سرشار و کرمای امیدبخش وجودشان که در این سردترین روزگار ان بهترین پشتیبان است  
به پاس قلب های بزرگشان که فریادرس است و سرگردانی و ترس در پناهشان به شجاعت می گراید  
و به پاس محبت های بی دینشان که هرگز فروکش نمی کند.  
باشد که حاصل تلاشم، نسیم کوزه غبار خشکیان را بزداید.

و تقدیم به خواهر و برادر عزیزم:

به همسفران مهربان زندگیم مریم و علی نازنینم

که در کنار هم آموختیم و به امید هم به آینده چشم می دوزیم. قلم لبریز از عشق به شاست و خوشبختی تان منتهای آرزویم.

## چکیده

در این پایان نامه به بررسی چگالی حالتها و ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر گرافینی، بورن نیتراید، سیلیکون کربن و بریلیوم اکساید می پردازیم. برای این کار ابتدا با استفاده از تقریب تنگ بست هامیلتونی سیستم را در کوانتس دوم محاسبه می کنیم و سپس به کمک رهیافت تابع گرین، معادله و نمودار چگالی حالتهای نانونوارهای آرمچیر را برای عرض های مختلف می نویسیم و به کمک آن، معادله ظرفیت گرمایی را نیز بدست می آوریم و در این مرحله نیز نمودارها و نتایج را مورد بررسی و مقایسه قرار می دهیم. در مرحله ی بعد به لبه ی نانو نوار گاز هیدروژن اضافه می کنیم و اثرات حضور گاز را بر روی نانو نوارهای آرمچیر مختلف از طریق نمودار چگالی حالت و ظرفیت گرمایی مورد بررسی و مقایسه قرار می دهیم.

**کلمات کلیدی :** گرافین، بورن نیتراید، سیلیکون کربن ، بریلیوم اکساید، تقریب تنگ بست، تابع گرین، چگالی حالتها، ظرفیت گرمایی، نانو نوار





## فهرست مطالب

صفحه	عنوان
	فصل اول : مقدمه ای بر نانو ساختارها
۲	۱-۱- فناوری نانو..... .....
۳	۲-۱- ساختارهای کربن..... .....
۵	۱-۲-۱- گرافیت..... .....
۶	۲-۲-۱- دوده..... .....
۶	۳-۲-۱- فولرین..... .....
۷	۴-۲-۱- الماس..... .....
۸	۵-۲-۱- نانو لوله های کربنی..... .....
۹	۳-۱- گرافین..... .....
۱۲	۴-۱- بورون نیتراید..... .....
۱۲	۱-۴-۱- بورون نیتراید هگزاگونال..... .....
۱۳	۲-۴-۱- بورون نیتراید مکعبی..... .....
۱۴	۵-۱- سیلیکون

۱۵	کربن..... ۱-۶- بریلیوم
	اکساید..... .....
۱۵	۱-۷- نانو نوارها..... .....
	فصل دوم : معرفی مدل های بس ذره ای و تقریب تنگ بست
۱۹	۲-۱- مقدمه..... .....
۱۹	۲-۲- جملات هامیلتونی در بلور یک جسم جامد.....
۲۱	۲-۳- قضیه بلاخ..... .....
۲۳	۲-۴- مدل الکترون های بدون برهمکنش بلاخ.....
۲۶	۲-۵- تقریب تنگ بست.....
۳۰	۲-۶- هامیلتونی تنگ بست در کوانتس دوم.....
	فصل سوم : معرفی تابع گرین و محاسبه ی چگالی حالت ها
۳۲	۳-۱- مقدمه..... .....
۳۲	۳-۲- مقدمه ای از مکانیک کوانتوم.....
۳۴	۳-۳- نظریه ی پاسخ خطی.....
۳۶	۳-۴- مقدمه ای بر تابع گرین.....
۳۷	۳-۵- تابع گرین در نظریه ی بس ذره

۳۸	ای..... ۳-۶- معادله حرکت برای تابع
	.....گرین
۴۷	فصل چهارم : بررسی چگالی حالت ها و ظرفیت گرمایی نانو نوارها ۴-۱-
	.....مقدمه
۴۸	۴-۲- نمایش ماتریسی نانو نوارهای
	.....آرمچیر
۵۹	۴-۳- ظرفیت
	.....گرمایی
	.....
۶۳	فصل پنجم : رسم نمودارها، بحث و نتیجه گیری ۵-۱-
	.....مقدمه
۶۴	۵-۲- رسم
	.....نمودارها
	.....
۶۴	۵-۲-۱- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر گرافینی بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو
	.....نوار
۶۸	۵-۲-۲- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر بورون نیتراید بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو
	.....نوار
۷۲	۵-۲-۳- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر سیلیکون کربن بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو
	.....نوار
۷۶	۵-۲-۴- نمودار چگالی حالت‌های نانو اکساید بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نوارهای آرمچیر بریلیوم نانو

- نوار.....
- .....
- ۸۰ ۵-۲-۵- بحث و نتیجه گیری نمودارهای چگالی حالت  
ها.....
- ۵-۲-۶- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر گرافینی با اضافه کردن گاز به لبه-  
۸۱ نانو ی نوار.....
- .....
- ۵-۲-۷- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر بورون نیتراید با اضافه کردن گاز  
۸۳ نانو لبه ی نوار.....
- .....
- ۵-۲-۸- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر سیلیکون کربن با اضافه کردن گاز  
۸۴ نانو لبه ی نوار.....
- .....
- ۵-۲-۹- نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر بریلیوم اکساید با اضافه کردن گاز  
۸۶ نانو لبه ی نوار.....
- .....
- ۵-۲-۱۰- مقایسه نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر گرافینی بدون اضافه  
۸۷ کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز  
هیدروژن.....
- ۵-۲-۱۱- مقایسه نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر بورون نیتراید بدون  
۸۹ اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز  
هیدروژن.....
- ۵-۲-۱۲- مقایسه نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر سیلیکون کربن بدون  
۹۰ اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز  
هیدروژن.....
- ۵-۲-۱۳- مقایسه نمودار چگالی حالت‌های نانو نوارهای آرمچیر بریلیوم اکساید بدون  
۹۲ اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز  
هیدروژن.....
- ۵-۲-۱۴- بحث و نتیجه گیری نمودارهای چگالی حالت های نانو نوارها با گاز  
۹۳

- هیدروژن.....
- ۹۴ ۵-۳- رسم نمودارهای ظرفیت گرمایی.....
- ۵-۳-۱- نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر گرافینی بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار.....
- ۹۴ ۵-۳-۲- نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر بورون نیتراید بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار.....
- ۹۶ ۵-۳-۳- نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر سیلیکون کربن بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار.....
- ۹۷ ۵-۳-۴- نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر بریلیوم اکساید بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار.....
- ۹۹ ۵-۳-۵- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر گرافینی، بورون نیتراید، سیلیکون کربن و بریلیوم اکساید بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار در یک عرض مشخص.....
- ۱۰۰ ۵-۳-۶- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار در عرض‌های مختلف برای یک ماده‌ی مشخص.....
- ۱۰۲ ۵-۳-۷- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر گرافینی بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز هیدروژن.....
- ۱۰۴ ۵-۳-۸- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر بورون نیتراید بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز هیدروژن.....
- ۱۰۵ ۵-۳-۹- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر سیلیکون کربن بدون اضافه کردن گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز
- ۱۰۷

- هیدروژن.....
- ۱۰۸ ۵-۳-۱۰- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر بریلیوم اکساید بدون اضافه کردن
- گاز به لبه‌ی نانو نوار با نانو نوار با لبه‌ی دارای گاز
- هیدروژن.....
- ۱۱۰ ۵-۳-۱۱- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر گرافینی، بورون نیتراید، سیلیکون
- کربن و بریلیوم اکساید با وجود گاز هیدروژن در لبه‌ی نانو نوار در یک عرض مشخص.....
- ۱۱۱ ۵-۳-۱۲- مقایسه نمودار ظرفیت گرمایی نانو نوارهای آرمچیر با گاز هیدروژن در لبه‌ی نانو نوار در عرض‌های مختلف برای یک ماده‌ی مشخص.....
- ۱۱۳ ۵-۳-۱۳- بحث و نتیجه‌گیری نمودارهای ظرفیت گرمایی.....
- ۱۱۵ منابع.....

# فصل اول

مقدمه ای بر نانو ساختارهای  
کربن، بورون نیتراید، سیلیکون  
کربن و اکسید بریلیوم



## ۱-۱- فناوری نانو

فناوری نانو یا نانو تکنولوژی رشته‌ای از دانش کاربردی و فناوری است که موضوعات گسترده‌ای را پوشش می‌دهد. اساس نانو فناوری توانائی بدست گرفتن کنترل ماده در ابعاد نانومتری (کمتر از یک میلیارد متر) و بهره‌برداری از خواص و پدیده‌های این بعد در مواد، ابزارها و سیستم‌های نوین است. اولین جرقه فناوری نانو (البته در آن زمان به این نام شناخته نشده بود) در سال ۱۹۵۹ توسط ریچارد فاینمن<sup>۱</sup> متخصص کوانتوم نظری در سخنرانی معروف خود با عنوان "فضای زیادی در سطوح پایین وجود دارد" زده شد و پس از آن ایده نانو تکنولوژی را برای اولین بار اریک درکسلر<sup>۲</sup> به دنیا عرضه نمود. در واقع نانو تکنولوژی فهم و به کارگیری خواص جدیدی از مواد و سیستم‌هایی در ابعاد نانو است که اثرات فیزیکی جدیدی- عمدتاً متأثر از غلبه خواص کوانتومی بر خواص کلاسیک- از خود نشان می‌دهند. هدف اصلی اکثر تحقیقات نانو تکنولوژی شکل‌دهی ترکیبات جدید، با ایجاد تغییراتی در مواد موجود است. در فناوری نانو تنها کوچک بودن اندازه مد نظر نیست بلکه زمانی که اندازه مواد در این مقیاس قرار می‌گیرد، خصوصیات ذاتی آن‌ها از جمله رنگ، استحکام، مقاومت در برابر خوردگی و ... تغییر می‌یابد. در واقع اگر بخواهیم تفاوت این فناوری را با فناوری‌های دیگر بیان نماییم، می‌توانیم وجود "عناصر پایه" را به عنوان یک معیار ذکر کنیم. عناصر پایه در حقیقت همان عناصر نانو مقیاسی هستند که خواص آنها در حالت نانو مقیاس با خواصشان در مقیاس بزرگتر فرق می‌کند. مهارت مورد نظر در این تکنولوژی، دستکاری اتم‌ها بطور جداگانه و جای دادن دقیق آن‌ها در مکانی است که برای رسیدن به ساختار دلخواه و ایده‌آل مورد نظر می‌باشد. علم میان رشته‌ای نانو تقریباً "تمامی علوم مهندسی و پزشکی را در بر گرفته است. تاکنون بیشترین کاربرد را در صنایع سنگین، بهداشت، نساجی و کشاورزی داشته و در صنایعی نظیر رنگ، اتومبیل، کامپیوتر، شیمی، تصفیه آب و غیره نیز در حال توسعه است. ساخت، دستکاری و آنالیز نانو سیستم‌ها، توابع مختلفی را که قبلاً از وجود آن‌ها بی‌خبر بوده‌ایم آشکار و استفاده مفید و عرضه آنها به بشر باعث پیشرفت‌های ارزنده‌ای در استانداردهای زندگی می‌شود. ایجاد توانایی‌های علمی در علوم مهندسی و پزشکی از قبیل نمایش و تطبیق نیروهای مکانیکی و تعیین مشخصات آنها در سطح نانو، شروع و خاتمه تثبیت و پیگیری انجام کارهای مختلف در نانو ثانیه‌ها، بررسی پیشرفت تکنیک‌های آنالیتیکی مانند: آنالیزهای شیمیایی در ابعاد نانو و از

---

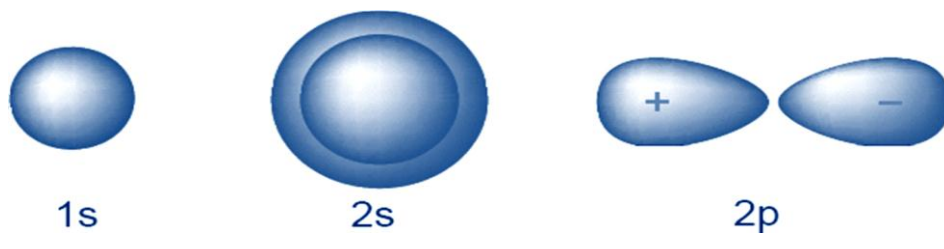
1-Richard Feynman  
2-Eric Dkslr

طرفی، فرصت دستیابی علوم مهندسی به نانوسنسورها، عناصر حافظه و تجهیز دستگاه‌های جدید و موثر در علم پزشکی از دستاوردهای این فناوری است.

وقتی اندازه‌ی ذرات از یک مقدار بحرانی کمتر می‌شود خواصی مانند ساختار الکترونی، رسانایی، واکنش پذیری، دمای ذوب و خواص مکانیکی آن ذره‌ها تغییر می‌کنند. این وابستگی رفتار به محقق اجازه می‌دهد که خواص آن ذرات را اداره کند. نانوفناوری علم پیوند دهنده دنیای امروز با آینده خوانده می‌شود، چرا که در حال حاضر این حوزه محور ابداعات و اختراعات علمی روز دنیا قرار گرفته است بطوریکه بهره‌گیری از خواص ماده در مقیاس نانو، نویدبخش فواید و منافع می‌باشد که موجب تحولات اساسی در زندگی انسان همچون صرفه‌جویی در مصرف انرژی، صرفه‌جویی اقتصادی، صرفه‌جویی در زمان، تامین محصول بیشتر با هزینه کمتر، افزایش کیفیت محصول و در نتیجه افزایش کیفیت و استانداردهای زندگی، ایجاد زندگی سالم، کاهش وابستگی‌های اقتصادی به سایر تکنولوژی‌های پیشرفته و افزایش درآمدهای ملی می‌شود. تحلیل گران بر این باورند که فناوری زیستی (Biotechnology) فناوری اطلاعات (IT) و فناوری نانو سه قلمرو علمی هستند که انقلاب سوم صنعتی را شکل می‌دهند [۱].

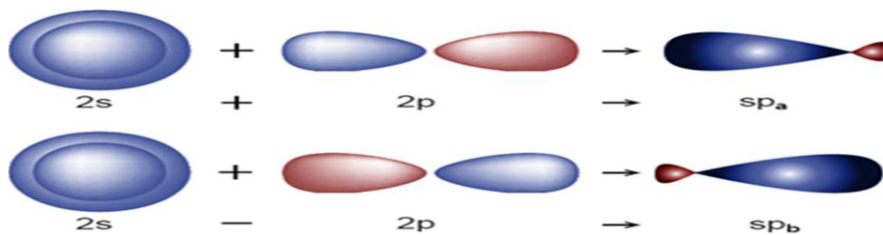
## ۱-۲- ساختارهای کربن<sup>۱</sup>

کربن ششمین عنصر از جدول تناوبی می‌باشد. بیشتر به صورت ترکیب در زغال سنگ، گاز طبیعی و نیز در موجودات زنده گیاهی و حیوانی وجود دارد. بطور کلی کربن بلوک سازنده‌ی تمام مولکول‌های آلی می‌باشد. همچنین این عنصر در ساختارهای کربن دار گوناگونی مانند الماس، گرافیت (متشکل از چند لایه گرافین)، فولرین (کربن ۶۰)، دوده (کربن بی شکل یا آمورف)، نانو لوله‌ها و نانو نوارها یافت می‌شود [۲]. کربن عنصری چهار ظرفیتی است که آرایش الکترونی آن به صورت  $1s^2 2s^2 2p^2$  می‌باشد. شکل اوربیتال‌های کربن در شکل (۱-۱) آورده شده است.



شکل (۱-۱) : اوربیتال‌های اتم کربن

در حالت پایه اوربیتال s اتم کربن یک تقارن کروی دارد و اوربیتال p دُمبلی شکل است که حول محورها تقارن دارد. خواص فیزیکی ساختارهای کربنی به چگونگی پیوندهایی که اتم های کربن در آن ها برقرار می کنند، بستگی دارد. برای اینکه این پیوندها تشکیل شوند آرایش حالت الکترونی کربن باید به گونه ای تغییر کند که بیش از دو الکترون به صورت الکترون والانس قابل استفاده باشد، این تغییر حالت آرایش الکترونی بوسیله فرایند شناخته شده ی هیبریداسیون<sup>۱</sup> صورت می گیرد. برهم نهی کوانتومی حالت  $|2s\rangle$  با  $n$  حالت  $|2p_j\rangle$  هیبریداسیون  $sp^n$  نامیده می شود، که نقش ضروری را در تشکیل پیوندهای کووالانسی کربن ایفا می کند.



شکل (۲-۱) : اوربیتال های هیبریدی sp

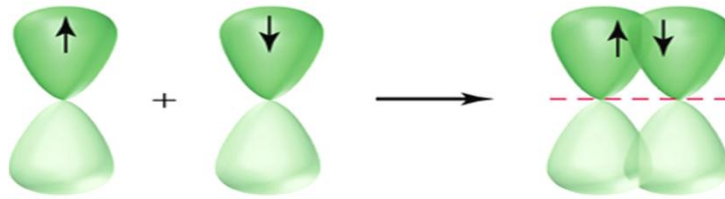
هنگامی که اتم های کربن در مجاورت یکدیگر قرار می گیرند، پتانسیل اتم های مجاور باعث ایجاد آشفتگی در اوربیتال های اتمی 2s و 2p شده و با ترکیب خطی این اوربیتال ها، اوربیتال های مولکولی پیوندی و غیرپیوندی تشکیل می شوند. در حالت عادی، اوربیتال های پیوندی بین اتم های مجاور بارهای الکترونی را در فضای بین اتم ها توده می کنند زیرا این ناحیه جایی است که پتانسیل های جاذبه ای اتمی قویترین و بیشترین هم پوشانی را دارند. چنین پیوندهایی را پیوند  $\sigma$  می نامند که از قوی ترین گونه های پیوند کووالانسی است [۳]. این نوع پیوند کووالانسی از همپوشانی محوری اوربیتال های هیبریدی با یکدیگر حاصل می شود.



شکل (۳-۱) : توزیع چگالی پیوند  $\sigma$

ازطرفی دیگر این امکان نیز وجود دارد که دو اتم مجاور از طریق توده کردن بارها در مناطق بالا و پائین خط جدایش دو اتم، پیوند تشکیل دهند که به چنین پیوندهایی، پیوند  $\pi$  می گویند. این پیوند توانایی

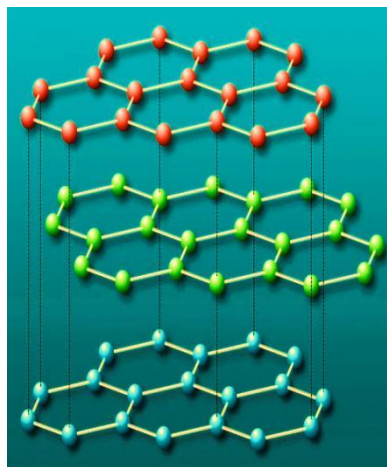
دوران را ندارد زیرا در صورت دوران، آرایش موازی اجزای اوربیتال p ناپود می‌شود. و از پیوندهای  $\sigma$  ضعیف ترند.



شکل (۱-۴): توزیع چگالی پیوند  $\pi$

### ۱-۲-۱- گرافیت

کربن، بشکل گرافیت بیشتر بصورت پودر است که بخش اصلی موادی مثل ذغال چوب را تشکیل می‌دهد. اتم کربن با استفاده از اوربیتال های پیوندی  $\pi$  که عمود بر راستای اتصال دو اتم مجاور هستند می‌تواند ساختار دو بعدی لایه ای گرافیت را تشکیل دهد. در گرافیت هر اتم کربن با سه اتم دیگر بصورت حلقه های شش وجهی به هم متصل شده اند هر دو گونه شناخته شده از گرافیت، آلفا (شش ضلعی) و بتا (منشور شش وجهی که سطوح آن لوزی است) خصوصیات فیزیکی همانند دارند تنها تفاوت آن ها در ساختار بلوریشان می‌باشد. گرافیت نوع آلفا بوسیله روش های مکانیکی قابل تبدیل به نوع بتا می‌باشد. ولی گرافیت نوع بتا در دمای ۱۳۰۰ درجه سانتی گراد به نوع آلفا تبدیل می‌شود [۴]. گرافیت سیاه و شکننده است و به آسانی با کشیدن روی یک سطح (به صورت توده ای) از هم جدا می‌شود. گرافیت ساختار لایه لایه ای دارد در هر لایه اتم های کربن در یک شبکه شش گوش قرار گرفته اند. فاصله بین اتم های کربن  $1/42\text{nm}$  است و فاصله بین لایه ها  $0/533\text{nm}$  می‌باشد [۵]. به همین دلیل از این ترکیب برای «روان کاری» و «روغن کاری» استفاده می‌شود.



شکل (۱-۵): ساختار گرافیت