

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

کلیه حقوق مادی مرتبط بر نتایج مطالعات، ابتكارات و  
نوآوری های ناشی از تحقیق موضوع این پایان نامه  
متعلق به دانشگاه رازی است.



دانشکده فنی و مهندسی

گروه مکانیک

## پایان نامه جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک

### گرایش طراحی کاربردی

عنوان پایان نامه:

پوسته استوانه ای ارتوکرومپیک FGM تحت بار حرارتی

استاد راهنما:

دکتر محمد حسین یاس

نگارش:

علی تلافی داریان

اسفند ۱۳۸۸



دانشکده فنی و مهندسی

گروه مهندسی مکانیک

پایان نامه جهت اخذ درجه کارشناسی ارشد رشته مهندسی مکانیک

گرایش طراحی کاربردی نام دانشجو علی تلافی داریان

تحت عنوان:

پوسته استوانه ای ارتوتروپیک FGM تحت بار حرارتی

در تاریخ ۸۸/۱۲/۳ توسط هیأت داوران زیر بررسی و با درجه عالی به تصویب نهایی رسید.

۱- استاد راهنمای گروه مکانیک دکتر محمد حسین یاس با مرتبه ای علمی دانشیار

امضاء

۲- استاد داور داخل گروه مکانیک دکتر حشمت الله حقیقت با مرتبه ای علمی استادیار

امضاء

۳- استاد داور خارج از گروه مکانیک دکتر اکبر علی بیگلو با مرتبه ای علمی دانشیار

امضاء

## سپاسگزاری

با حمد و ستایش و سپاس بیکران از ایزد منان، پروژه حاضر تحت عنوان "پوسته استوانه ای هدفمند اوتوفوپیک تحت بار حرارتی" توسط استاد فاضل و ارجمند جناب آقای دکتر محمد حسین یاس به اینجانب علی تلافی داریان دانشجوی کارشناسی ارشد طراحی کاربردی، پیشنهاد گردید، با کوشش و تلاش مستمر خود زیر نظر جناب آقای دکتر یاس نگارش نمودم. از زحمات بی دریغ استاد معزز جناب آقای دکتر یاس که در چندین ترم نیز از محضر علمی درخاشانشان بهره مند گردیدم، تشکر خالصانه و مخلصانه داشته و این مجموعه علمی را به حضورشان تقدیم می دارم، شاید که مورد قبول واقع گردد.

علی تلافی داریان

## تقدیم اثر

با سپاس و تشکر فراوان از پدر، مادر و همسر عزیزم که در لحظات  
سخت زندگی یار ویاورم بودند، این مجموعه را هر چند ناچیز به حضور همسر  
مهربانم تقدیم می نمایم.

علی تلافی داریان

## چکیده:

هدف از انجام این پژوهه، تحلیل پوسته استوانه ای هدفمند ارتوتروپیک تحت بار گذاری حرارتی واستاتیکی است. به این منظور ابتدا تحلیل حرارتی واستاتیکی پوسته استوانه ای هدفمند با طول بی نهایت تحت بارگذاری حرارتی و استاتیکی با استفاده از روش عددی (تفاضل محدود) انجام شده است. حل این قسمت، با توجه به اینکه بارگذاری حرارتی واستاتیکی به صورت متقارن محوری و با طول بی نهایت است، تحت حالت کرنش صفحه‌ای، انجام شده است. معادلات حاکم با استفاده از چهار معادله تعادل استخراج می‌شود و برای حل آنها از روش تفاضل محدود استفاده می‌شود و برای یافتن جواب‌های مورد نظر از روش غیرمستقیم گوس سایدل استفاده شده است. در اینجا مدول یانگ و ضریب هدایت حرارتی و ضریب انبساط حرارتی به صورت رابطه غیرخطی در راستای خدامت پوسته تغییر می‌کند.

با حل معادلات حاکم مقادیر جابجایی برای لایه‌های مختلف بدست آمده و با استفاده از روابط کرنش- جابجایی و تنش- کرنش، مقادیر تنش در لایه‌های مختلف بدست آمده است. در اینجا رفتار استاتیکی استوانه جدار ضخیم هدفمند ارتوتروپ برای مقادیر مختلف از توان ماده هدفمند بررسی شده و همچنین رفتار استاتیکی استوانه جدار ضخیم هدفمند ارتوتروپ با رفتار استاتیکی استوانه جدار ضخیم ساخته شده از مواد مرکب دو لایه، سه لایه و چهار لایه تحت شرایط مشابه مقایسه شده است. درنهایت رفتار استاتیکی استوانه هدفمند ارتوتروپ برای مقادیر مختلف از توان ماده هدفمند برای خدامت‌های مختلف بررسی شده است.

## فهرست مطالب

عنوان		صفحه
<b>فصل اول - مقدمه</b>		
۱-۱ - مقدمه	۲	
۱-۲ - تاریخچه	۷	
<b>فصل دوم - روش‌های تولید مواد «هدفمند» و روابط حاکم بر آنها</b>		
۲-۱ - روش های تولید مواد هدفمند	۹	
۲-۱-۱ - روش متالوژی پودر	۹	
۲-۱-۲ - روش پلاسمای جت	۱۰	
۲-۱-۳ - روش گریز از مرکز	۱۱	
۲-۱-۴ - روش های الکترو فیزیکی	۱۱	
۲-۱-۵ - نشت بخار مواد، توسط روش های شیمیایی و فیزیکی	۱۲	
۲-۲ - مواد هدفمند برتر از مواد مركب لایه ای	۱۳	
۲-۳ - مدل‌های ریاضی موجود برای خواص مکانیکی مواد هدفمند	۱۵	
<b>فصل سوم - تحلیل پوسته استوانه ای از جنس مواد هدفمند ارتوتروپیک تحت بارگذاری حرارتی و استاتیکی</b>		
۳-۱ - روابط حاکم	۲۰	
۳-۱-۱ - ارتباط تنش- کرنش مواد، در حالت ارتوتروپیک	۲۲	

۲-۱-۲- سختی ها و ثابت های مهندسی مواد ارتوتروپ ..... ۲۴

۳-۱-۳- استخراج معادله های تعادل بر حسب جابجایی ..... ۲۵

۳-۲- حل مساله ..... ۳۰

۳-۲-۱- روش تفاضل محدود ..... ۳۰

۳-۲-۲- روش گوس سایدل ..... ۳۱

۳-۲-۳- حل مسأله به روش تفاضل محدود ..... ۳۲

#### فصل چهارم - تحلیل و بررسی نتایج

۴-۱- مقدمه ..... ۴۳

۴-۲- نتایج عددی ..... ۴۴

۴-۳- نتیجه گیری ..... ۷۱

۴-۴- پیشنهادها ..... ۷۳

## فهرست نمودارها و جدول ها

### الف) فهرست نمودارها

شكل(۱-۳)- تغییرات  $E_1$  در راستای ضخامت استوانه با شعاع داخلی ۰/۲۵ متر و شعاع خارجی ۰/۵

مترا.....۲۰

شكل(۲-۳)- تغییرات  $\alpha_1$  در راستای ضخامت استوانه با شعاع داخلی ۰/۲۵ متر و شعاع خارجی ۰/۵

مترا.....۲۱

شكل(۱-۴)- تغییرات تنش شعاعی  $\sigma$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای  $N=0.01$

.....N۴۶

شكل(۲-۴)- تغییرات تنش شعاعی  $\sigma$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای  $N=0.5$

.....۴۷

شكل(۳-۴)- تغییرات تنش شعاعی  $\sigma$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای  $N=5$

.....۴۷

شكل(۴-۴)- تغییرات تنش شعاعی  $\sigma$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای  $N=20$

.....۴۸

شكل(۵-۴)- تغییرات تنش محیطی  $\sigma_\theta$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای

.....N۵۴۸

شكل(۶-۴)- تغییرات تنش محیطی  $\sigma_\theta$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای

.....N۲۰۴۹

شكل(۷-۴)- تغییرات تنش طولی  $\sigma_x$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروف در راستای ضخامت برای  $N=5$

.....۴۹

شکل(۸-۴)- تغییرات تنفس طولی  $\sigma_x$  برای ماده‌ی هدفمند ایزوتروپ در راستای ضخامت برای  $N=20$  ۵۰.....

شکل(۹-۴)- تغییرات تغییر دمای شعاعی در راستای ضخامت استوانه برای مقادیر مختلف از توان هدفمند ۵۱.....

شکل(۱۰-۴)- تغییرات تغییر مکان شعاعی در راستای ضخامت استوانه برای مقادیر مختلف از توان هدفمند ۵۲.....

شکل(۱۱-۴)- تغییرات تنفس شعاعی  $\sigma_z$  در راستای ضخامت برای مقادیر مختلف از توان هدفمند ۵۳.....

شکل(۱۲-۴)- تغییرات تنفس طولی  $\sigma_x$  در راستای ضخامت برای مقادیر مختلف از توان هدفمند ۵۴.....

شکل(۱۳-۴)- تغییرات تنفس محیطی  $\sigma_\theta$  در راستای ضخامت برای مقادیر مختلف از توان هدفمند ۵۵.....

شکل(۱۴-۴)- تغییرات دماشعاعی در راستای ضخامت استوانه برای ماده هدفمند ( $N=1$ ) و مقایسه با پوسته‌های مرکب دو لایه، سه لایه ۵۷.....

شکل(۱۵-۴)- تغییرات تغییر مکان شعاعی در راستای ضخامت استوانه برای ماده هدفمند ( $N=1$ ) و مقایسه با پوسته های مرکب دو لایه، سه لایه ۵۸.....

شکل(۱۶-۴)- تغییرات تنفس شعاعی  $\sigma_z$  در راستای ضخامت استوانه برای ماده هدفمند ( $N=1$ ) و مقایسه با پوسته‌های مرکب دو لایه، سه لایه و چهار لایه ۵۹.....

شکل(۱۷-۴)- تغییرات تغییر مکان شعاعی نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.01$  برای ضخامت‌های مختلف ۶۰.....

شکل(۱۸-۴)- تغییرات تغییر مکان شعاعی نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.5$  برای ضخامت‌های مختلف ۶۱.....

شکل(۱۹-۴)- تغییرات تغییر مکان شعاعی نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=5$  برای ضخامت‌های مختلف ۶۱.....

شکل(۲۰-۴)- تغییرات تغییر مکان شعاعی نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=20$  برای ضخامت‌های مختلف ۶۲.....

شکل(۲۱-۴)- توزیع تنفس شعاعی  $\sigma_z$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.01$  برای ضخامت‌های متفاوت ۶۳.....

شکل(۲۲-۴)- توزیع دما نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.5$  برای ضخامت‌های متفاوت ۶۴.....

شکل(۲۳-۴)- توزیع دما نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=5$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۴

شکل(۲۴-۴)- توزیع دما نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=20$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۵

شکل(۲۵-۴)- توزیع تنش محیطی  $\sigma_\theta$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.01$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۶

شکل(۲۶-۴)- توزیع تنش محیطی  $\sigma_\theta$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.5$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۶

شکل(۲۷-۴)- توزیع تنش محیطی  $\sigma_\theta$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=5$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۷

شکل(۲۸-۴): توزیع تنش محیطی  $\sigma_\theta$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=20$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۷

شکل(۲۹-۴)- توزیع تنش طولی  $\sigma_x$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.01$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۸

شکل(۳۰-۴)- توزیع تنش طولی  $\sigma_x$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=0.5$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۹

شکل(۳۱-۴)- توزیع تنش طولی  $\sigma_x$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=5$  برای ضخامت های متفاوت..... ۶۹

شکل(۳۲-۴)- توزیع تنش طولی  $\sigma_x$  نسبت به ضخامت استوانه برای  $N=20$  برای ضخامت های متفاوت..... ۷۰

## ب) فهرست جداول ها

جدول(۳-۱)- نمادهای قابل نمایش تنش-کرنش.....	۲۳.....
جدول(۴-۱)- تغییر مکان سطح داخلی و خارجی پوسته‌ی هدفمند به ازای Nهای مختلف.....	۴۵.....
جدول(۴-۲). خواص آلومینیم و گرافیت - اپوکسی.....	۵۶.....
جدول(۴-۳). کسر حجمی آلومینیم و گرافیت - اپوکسی در پوسته استوانه ای ۲/۳ لایه ارتوتروپیک.....	۵۶.....

## علائم

$C$  تانسور سختی الاستیک ماده‌ی هدفمند

$C_{ji}$  مولفه‌های تانسور سختی الاستیک ماده‌ی هدفمند

$E_i(r)$  مدول یانگ استوانه‌ی هدفمند در جهت  $i$

$\alpha_i(r)$  ضریب انبساط حرارتی در جهت  $i$

$G$  مدول برشی

$R_1, R_i, a$  یا  $R_{in}$  شعاع داخلی استوانه ( $m$ )

$R_2$  یا  $R_o$  یا  $R_{out}, b$  شعاع خارجی استوانه ( $m$ )

$S_{ji}$  مولفه‌های تانسور سازگاری ماده‌ی هدفمند

$h$  ضخامت استوانه ( $m$ )

$n$  تعداد گره‌ها در جهت ضخامت استوانه

$q$  مقدار بار بر سطح

$u$  مولفه‌ی شعاعی بردار تغییر مکان ( $m$ )

$u_i$  تغییر مکان شعاعی گره‌ی  $i$  ( $m$ )

$v$  مولفه‌ی محیطی بردار تغییر مکان ( $m$ )

$w$  مولفه‌ی طولی بردار تغییر مکان ( $m$ )

تانسور کرنش

$\varepsilon$

کرنش شعاعی

$\varepsilon_r$

کرنش محیطی

$\varepsilon_\theta$

کرنش طولی

$\varepsilon_x$

کرنش برشی

$\gamma_{xr}$

تانسور تنش  $(\frac{N}{m^2})$

$\sigma_r$

تنش شعاعی  $(\frac{N}{m^2})$

$\sigma_\theta$

تنش محیطی  $(\frac{N}{m^2})$

$\sigma_r$

تنش طولی  $(\frac{N}{m^2})$

$\tau_{ij}$

تنش برشی  $(\frac{N}{m^2})$

ضرائب پواسون (نسبت کاهش طول در جهت زبر اثر افزایش طول در جهت)

$V_{ij}$

# فصل (١)

مقدمة

## ۱-۱- مقدمه

با گسترش روزافرون علوم و فنون و در همین ارتباط تکنولوژی نوین، شناخت و به کارگیری مواد نو در صنایع روز به روز از اهمیت بیشتری برخوردار می‌شوند. در این راستا تحقیقات صنعتی و دانشگاهی توجه خاصی به شناخت، تولید و گسترش مواد نو دارند. به کارگیری مواد مرکب لایه ای، آلیاژهای حافظه دار و مواد پیزوالکتریک و ... و گسترش دامنه استفاده از این مواد از جمله تلاش های محققین جهت نیل به اهداف فوق می‌باشد. به طور کلی هریک از مواد مورد اشاره دارای ویژگی خاصی هستند که حوزه کاری هر دسته را محدود می‌نماید. مواد نو که در سال های اخیر تولید و مورد استفاده قرار گرفته‌اند، به صورت زیر دسته بندی می‌شوند:

- مواد مرکب<sup>۱</sup>

- آلیاژهای حافظه دار<sup>۲</sup>

- مواد پیزوالکتریک<sup>۳</sup>

- نانو مواد<sup>۴</sup>

- مواد هدفمند<sup>۵</sup>

گسترش به کارگیری این نوع مواد در صنایع باعث گردید فعالیت های علمی و صنعتی بی‌شماری در زمینه‌های تولید و بررسی خواص متالورژیکی و همچنین تحلیل و به کارگیری این نوع مواد در سازه‌ها و اجزاء مکانیکی صورت گیرد.

یک دسته از این مواد نو، مواد هدفمند می‌باشند که در بخش‌های بعد در این فصل به خواص و کاربردهای این مواد، بیشتر پرداخته خواهد شد.

<sup>1</sup> - Composites

<sup>2</sup> - Shape memory alloy

<sup>3</sup> - Piezo electricity material

<sup>4</sup> - Nano material

<sup>5</sup> - Functionally graded material

اف.جی.ام (FGM) چیست؟ کلمه اف.جی.ام عبارتی مخفف شده از کلمات Functionally Graded می‌باشد و به معنی ماده‌ای است غیر هموژن (از دو ماده مختلف تشکیل شده است که بصورت یک‌نواخت با هم ترکیب نشده‌اند) که از ترکیب دو ماده مختلف به دست آمده و تغییرات ترکیب مواد مذکور، توسط تابع معینی بیان می‌شود [۱].

براساس این تعریف می‌توان مواد گوناگون فلز و یا غیرفلز را به صورت یک ترکیب واحد در قالب مواد هدفمند بدست آورد که این امر باعث کاربرد بسیار گسترده مواد هدفمند در زمینه‌های مختلف مهندسی و کاربردی از جمله برق و الکترونیک، برق قدرت، مکانیک جامدات، شیمی، هوافضا، معدن، عمران و ... خواهد بود.

مفهوم مواد هدفمند اولین بار در سال ۱۹۸۴ توسط دانشمندان مواد ناحیه سندایی<sup>۱</sup> در ژاپن ارائه گردید [۱و۲]. در ابتدا این ایده فقط در حد یک نظریه باقی ماند و توانایی بالقوه این نظریه برای کسی مشخص نگردید. اما امروزه با توجه به توانایی مواد هدفمند برای تولید شدن با هر ترکیبی، کاربرد آن در صنایع مختلف برای همه باز و مشخص است. در بسیاری از صنایع، قطعات به کار رفته در نقاط مختلف، معمولاً دارای مرزهای متفاوت هستند که بسته به شرایط کاربرد آن قطعات، یک یا چند مرز مربوط به آنها در شرایط نامطلوب فیزیکی قرار می‌گیرند. در حالی که مرزهای دیگر اینگونه نیستند. مواد هدفمند این فکر را در ذهن بشر راه داد که عملای به جای اینکه تمام قطعه از مواد بالارزش و احیاناً گران قیمت که مقاومت خوبی در شرایط مرزی نامطلوب حاکم دارند، ساخته شود، می‌توان فقط در نواحی نزدیک مرزهایی با شرایط نامطلوب، از مواد مقاوم و گرانتر استفاده نمود و باقی قطعه را با کمک مواد ارزان‌تر و یا خواص فیزیکی مطلوب دیگر پوشش داد. مرز نامطلوب مذکور می‌تواند تحت حرارت بیش از حد یا بارگذاری مکانیکی زیاد و ... باشد. همچنین از کاربردهای دیگر مواد هدفمند می‌توان به استفاده در تولید موادی که در آنها خواستار خواص متفاوت درونی از قبیل مقاومت الکتریکی و یا خواص اپتیکی و مانند آن است، اشاره کرد.

---

<sup>1</sup> - Sendai

با پیشرفت سریع هوایپیماها و وسایل فضایی مربوط به علوم هوا فضا، نیاز به مقاومت در برابر گرادیان های شدید دمایی احساس گردید. این مسئله بخصوص برای بهبود عملکرد موتورهای دیزلی و بتزینی از دسته موتورهای احتراق داخلی و همچنین موتورهای توربینی از دسته موتورهای احتراق خارجی نیز صادق بوده و گرادیان های شدید دمایی در این وسایل نیز مشکل ساز گردیده و نیاز روز افزون به ماده ای چون ماده هدفمند احساس گردید. در این وسایل همان گونه که گفته شد شرایط نامطلوب، بارگذاری دمایی می باشد. این مسائل فقط در گوشه کوچکی از مسائل مکانیکی مطرح می باشند، ولی با توجه به وسعت عظیم کاربرد وسایل مذکور در سراسر دنیا توجه خاص به این گوشه کوچک لازم گردید [۳].

مهمترین مزایای این مواد عبارتند از:

- قابلیت بالای مقاومت حرارتی

- قابلیت بالای مقاومت مکانیکی

- قابلیت بالای مقاومت خوردگی

- تولید این نوع مواد منطبق با شرایط بهینه

کاربردهای مواد هدفمند:

- کاربرد وسیع در صنایع هوا فضا

- تولید پره های توربین

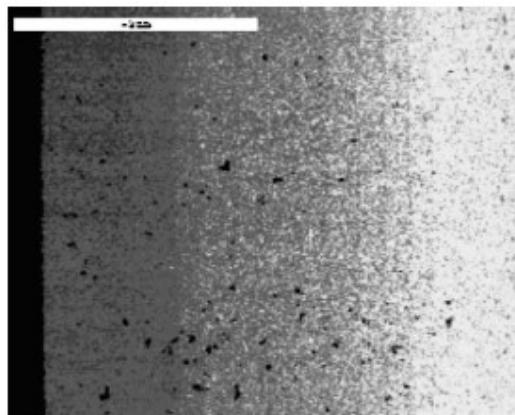
- به کارگیری در راکتورهای صنایع هسته‌ای

- به کارگیری در سیستم‌های تبدیل انرژی

- به کارگیری در مهندسی پزشکی [۶-۴]

خواص مکانیکی مواد هدفمند شامل: مدول الاستیسیته، چگالی، ضریب انتقال حرارت هدایتی به صورت تابعی پیوسته می باشند. به عبارت دیگر ریز ساختار این مواد به گونه‌ای است که به صورت پیوسته و

تدریجیاً از یک ماده، در راستایی مشخص به ماده‌ای کاملاً متفاوت میل می‌کند. در برخی از این مواد، خواص مکانیکی و نیز ریز ساختار آن، از ماده سرامیکی به سمت ماده فلزی میل می‌کند که این دسته از مواد هدفمند بیشترین کاربرد را در ارتباط با تحمل تنש‌های حرارتی دارا می‌باشد. همان طور که در شکل(۱-۱) نشان داده شده در هیچ نقطه‌ای از این ماده گسستگی یا انفصال در ریز ساختار مشاهده نمی‌شود و تغییرات به صورت کاملاً یکنواخت و با نرخی مشخص به صورت پیوسته می‌باشد [۷].



شکل(۱-۱):پیوستگی ریز ساختار مواد هدفمند [۱]

ولین بار پوشش حرارتی بوسیله اسپری پلاسمای که توسط آلیاژ‌های مختلف انجام گرفت، توانست حرفه‌ای ناگفته مواد هدفمند را به کرسی بنشاند و عملکرد فوق العاده و متحول کننده در این صنعت داشته باشد و توانست برای ولین بار ماده‌ای متشکل از دو ماده غیر فلز سرامیک و فلز را آنچنان در برابر هم قرار دهد که مقاومت برش میان آنها ماورای تصور گردد و از طرف دیگر تغییرات خواص میان دو ماده بسیار آرام و به دلخواه صورت گیرد.

به منظور تحلیل استوانه از جنس مواد هدفمند، استوانه تحت بار گذاری حرارتی و استاتیکی قرار گرفته و محاسبات انجام می‌پذیرد. برای این منظور فرض می‌شود که استوانه دارای طول نامحدود بوده و شرایط بار گذاری استوانه به گونه‌ای است که شرط تقارن محوری برقرار باشد. بار گذاری حرارتی و استاتیکی می‌تواند به صورت فشار داخلی و یا فشار خارجی و یا اعمال هر دو فشار به صورت هم زمان باشد. در این تحلیل فرض بر این است که استوانه تحت اثر فشار داخلی بوده و فشار خارجی صفر است.