

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

«اثری» کوچک است، خیلی کوچک و شاید هیچ!

اما به یاد عهد قدیم و رسم ادب

تقدیم می شود به:

« شهیدان گمنام هشت سال دفاع مقدس »

یادشان به خیر! جوانمردانی که بی ادعا بودند و نه حتی در پی این که یاد و اثری از آنها باقی بماند،

خوشا به حالشان که به عهد خویش وفا کردند و به منتهای آرزویشان رسیدند و

با نسیم صحرا و مادرشان حضرت زهرا (س) همراز شدند.

با سپاس از سه وجود مقدس:

آنان که ناتوان شدند تا ما به توانایی برسیم ...

موهایشان سپید شد تا ما روسفید شویم ...

و عاشقانه سوختند تا گرمابخش وجود ما و روشنگر راهمان باشند ...

پدرانمان

مادرانمان

استادانمان

دانشگاه یزد
دانشکده علوم
گروه شیمی

پایان نامه
برای دریافت درجه کارشناسی ارشد
شیمی فیزیک

برازش سطح انرژی پتانسیل بین مولکولی F_2-F_2 با سطح نظری
 $QCISD(T)/aug-cc-pVTZ$ و محاسبه ی ترازهای
چرخشی مولکول F_2

استاد راهنما: دکتر محمد رضا نوربالا

استاد مشاور: دکتر محمد کمالوند

پژوهش و نگارش: معصومه مروّج

مهرماه ۱۳۹۰

چکیده

در این رساله به برازش سطح انرژی پتانسیل برهم‌کنش (IPES) سامانه‌ی F_2-F_2 پرداخته شده است. این مقادیر توسط نوربالا و درواه با روش از اساس و با سطح QCISD(T)/aug-cc-pVTZ محاسبه شده‌اند.

مطالعات نشان داده که تغییرات زاویه دو وجهی Φ در دایمر F_2 تأثیرات کمی را بر مقادیر IPES وارد می‌کند، بنابراین با استفاده از انتگرال‌گیری عددی تابعیت IPES به زاویه Φ حذف شده است. سپس برای فرایند برازش، IPESs در چند جمله‌ای‌های لژاندر، P_λ ، و توابع قدرت شعاعی، V_λ ، بسط داده شده‌است. مقادیر P_λ و V_λ محاسبه شده‌اند و با استفاده از این مقادیر یک تابع M-file مناسب در برنامه مطلب (MATLAB) طراحی شده که قادر است IPESs را برای تمام فاصله‌های بین‌مولکولی، R، (از $2/1 \text{ \AA}$ تا 12 \AA) و زاویه‌های دلخواه θ_2 محاسبه کند.

در روش دوم سعی شده است مقادیر IPESs، $V(R, \theta_2, \Phi)$ ، در یک تابع انرژی پتانسیل مناسب برازش شود. بدین منظور ابتدا مقادیر IPESs بدون بُعد شده‌اند و سپس این مقادیر در تابع هارتری-فاک برازش شده است. علاوه‌براین در این پژوهش، ۶ تابع انرژی پتانسیل جدید به شکل $V(r)$ پیشنهاد شده است و توانایی برازش این توابع با کمک مقادیر IPESs دایمر F_2 و دایمر O_2 بررسی شده‌اند که تطابق خوب بین نتایج برازش با مقادیر از اساس، مناسب بودن این توابع را تایید می‌کنند.

در این رساله هم‌چنین ترازهای چرخشی مولکول فلوئور با استفاده از روش از اساس و با ۱۰ سطح نظری متفاوت محاسبه شده است و تأثیر هر روش بر ترازهای چرخشی مورد بررسی قرار گرفته‌اند. برای انجام این محاسبات از نرم افزار LEVEL استفاده شده است و مقادیر انرژی پتانسیل مورد نیاز با نرم افزار GUASSIAN03 به‌دست آمده‌اند.

فهرست مطالب

صفحه	عنوان
۱	فصل اول: مقدمات و مبانی نظری
۲	۱-۱) مقدمه
۴	۲-۱) شیمی کوانتومی
۴	۱-۲-۱) مبنای شیمی کوانتومی
۵	۲-۲-۱) روش‌های محاسبات مکانیک کوانتومی
۶	۳-۱) محاسبات از اساس
۷	۱-۳-۱) روش هارتری-فاک
۸	۲-۳-۱) روش‌های تصحیح همبستگی الکترونی
۹	۱-۲-۳-۱) روش‌های برهم‌کنش پیکربندی
۱۰	۲-۲-۳-۱) نظریه‌ی اختلال مولر-پلست
۱۱	۳-۲-۳-۱) روش خوشه‌ی جفت‌شده
۱۲	۴-۱) مجموعه پایه
۱۳	۱-۴-۱) مجموعه‌های پایه‌ی کمینه
۱۳	۲-۴-۱) مجموعه‌های پایه‌ی ظرفیت-شکافته
۱۴	۳-۴-۱) مجموعه‌های پایه‌ی همبستگی-سازگار
۱۵	۵-۱) خطاهای مجموعه پایه
۱۵	۱-۵-۱) خطای قطع مجموعه‌ی پایه
۱۵	۲-۵-۱) خطای برهم‌نهی مجموعه‌ی پایه (BSSE)
۱۶	۶-۱) نظریه‌ی اختلال تقارن-سازگار
۱۷	۷-۱) نیروهای بین‌مولکولی
۱۷	۱-۷-۱) پتانسیل برهم‌کنش برد بلند
۱۹	۲-۷-۱) پتانسیل برهم‌کنش برد کوتاه
۱۹	۸-۱) تابع انرژی پتانسیل بین‌مولکولی

۱۹	مدل کره سخت (۱-۸-۱)
۲۰	مدل مراکز نقطه‌ای جاذبه یا دافعه (۲-۸-۱)
۲۰	مدل ساترلند (۳-۸-۱)
۲۱	پتانسیل لنارد- جونز (۴-۸-۱)
۲۱	تعریف پتانسیل لنارد- جونز (۱-۴-۸-۱)
۲۳	بیان‌های متفاوت پتانسیل لنارد- جونز (۲-۴-۸-۱)
۲۴	پتانسیل کیهارا (۵-۸-۱)
۲۴	پتانسیل مورس (۶-۸-۱)
۲۶	پتانسیل کرونا (۷-۸-۱)
۲۶	پتانسیل‌های خاص (۸-۸-۱)
۲۷	برازش (۹-۱)
۲۸	انواع مختلف برازش منحنی (۹-۱)
۲۸	برازش خطی و چندجمله‌ای (۱-۹-۱)
۲۹	تعریف برازش خطی و چندجمله‌ای (۱-۱-۹-۱)
۲۸	دلایل عدم استفاده از چندجمله‌ای مرتبه‌ی بالا برای برازش (۲-۱-۹-۱)
۲۹	برازش هندسی (۲-۹-۱)
۳۰	برازش سایر منحنی‌ها برای نقاط داده‌ها (۳-۹-۱)
۳۰	ایجاد یک درون‌یابی چندجمله‌ای (۱۰-۱)
۳۱	مفاهیم (۱۱-۱)
۳۱	مربع R (۱-۱۱-۱)
۳۲	ریشه‌ی میانگین مربع انحراف (۲-۱۱-۱)
۳۲	خطای مطلق و خطای نسبی (۳-۱۱-۱)
۳۳	اسپلین (۴-۱۱-۱)
۳۴	حداقل مربعات (۵-۱۱-۱)
۳۵	ترازهای چرخشی (۱۲-۱)

۳۵	۱-۱۲-۱) مولکول‌های چرخنده‌ی خطی، متقارن، کروی و نامتقارن
۳۶	۱-۱۲-۲) مولکول‌های دواتمی و چنداتمی خطی
۳۶	۱-۱۲-۲-۱) فرکانس‌ها یا اعداد موج جهش
۳۸	۱-۱۲-۲-۲) شدت‌ها
۳۹	۱-۱۲-۳) انحراف گریز از مرکز
۴۰	۱-۱۲-۴) مولکول‌های دواتمی در حالت‌های ارتعاشی برانگیخته
۴۱	۱-۱۲-۳) مولکول‌های چرخنده‌ی متقارن
۴۲	۱-۱۲-۴) مولکول‌های چرخنده‌ی نامتقارن
۴۳	۱-۱۲-۵) مولکول‌های چرخنده‌ی کروی
۴۴	۱-۱۳) مولکول فلئوئور
۴۴	۱-۱۳-۱) تاریخچه
۴۴	۱-۱۳-۲) ویژگی‌های فلئوئور
۴۵	۱-۱۳-۲) کاربردهای فلئوئور
۴۶	۱-۱۴) اهداف پژوهش
۴۷	۱-۱۴-۱) اهمیت و کاربردهای این پژوهش
۴۸	فصل دوم: برازش سطح انرژی پتانسیل بین مولکولی F_2-F_2
۴۹	۱-۲) مقدمه
۵۰	۲-۲) جمع آوری داده‌های مورد نیاز برای برازش
۵۰	۱-۲-۲) روش محاسبات
۵۲	۲-۲-۲) هندسه‌ی مورد استفاده
۵۲	۲-۳-۲) سطح انرژی پتانسیل سامانه F_2-F_2
۵۷	۳-۲) برازش انرژی پتانسیل برهم‌کنش دایمر F_2 به شکل $V(R,\Theta)$
۵۸	۱-۳-۲) محاسبه‌ی چند جمله‌ای‌های لژاندر
۶۰	۲-۳-۲) محاسبه‌ی توابع قدرت شعاعی
۶۸	۳-۳-۲) کاهش قدم‌های توابع قدرت شعاعی

۷۰	۴-۳-۲) برازش انرژی پتانسیل برهم‌کنش دایمر F_2 با استفاده از مقادیر P_λ و V_λ
۷۳	۵-۳-۲) مقایسه‌ی نتایج برازش با داده‌های اولیه
۸۲	۴-۲) برازش سطح چهاربعدی انرژی پتانسیل برهم‌کنش دایمر F_2
۸۲	۱-۴-۲) ساده سازی سطح چهاربعدی
۸۶	۲-۴-۲) برازش داده‌های بدون بُعد
۸۸	۳-۴-۲) محاسبه‌ی خطای مطلق برازش
۹۱	۵-۲) ارائه فرمول‌های عمومی جدیدی برای تابع انرژی پتانسیل
۹۲	۱-۵-۲) حذف تابعیت ϕ و θ_2 از IPES
۹۲	۲-۵-۲) به‌دست آوردن ۶ رابطه جدید برای تابع انرژی پتانسیل
۹۳	۳-۵-۲) ارزیابی معادلات جدید
۹۳	۱-۳-۵-۲) برازش انرژی پتانسیل برهم‌کنش با استفاده از معادلات جدید
۹۶	۲-۳-۵-۲) محاسبه‌ی مجموع مربع خطای مطلق، R^2 و RMSE
۹۷	۳-۳-۵-۲) محاسبه‌ی خطای مطلق توابع جدید
۱۰۴	۴-۵-۲) مقایسه معادلات جدید با معادلات هارتری-فاک
۱۰۸	۶-۲) بحث و نتیجه‌گیری
۱۰۹	فصل سوم: محاسبه‌ی انرژی ترازهای چرخشی مولکول فلونور
۱۱۰	۱-۳) مقدمه
۱۱۰	۲-۳) مراحل انجام محاسبات
۱۱۱	۳-۳) محاسبه انرژی پتانسیل مولکول فلونور
۱۱۱	۱-۳-۳) روش محاسبات
۱۱۱	۲-۳-۳) تأثیر روش QCISD و CCSD بر مقادیر انرژی پتانسیل
۱۱۳	۳-۳-۳) تأثیر مجموعه پایه‌های مختلف بر انرژی پتانسیل
۱۱۴	۴-۳) محاسبه‌ی انرژی ترازهای چرخشی مولکول فلونور
۱۱۴	۱-۴-۳) روش محاسبات
۱۱۵	۲-۴-۳) پارامترهای برنامه LEVEL

۱۲۰	۳-۴-۳) ترازهای چرخشی مولکول فلوئور
۱۳۰	۳-۵) تأثیر سطوح نظری متفاوت بر ترازهای چرخشی
۱۳۰	۳-۵-۱) اثر روش‌های QCISD و CCSD
۱۳۱	۳-۵-۲) اثر مجموعه پایه‌های مختلف بر ترازهای چرخشی
۱۳۲	۳-۶) بحث و نتیجه‌گیری
۱۳۴	منابع و مآخذ

فهرست جداول

صفحه	عنوان
۴۵	جدول (۱-۱) ویژگی‌های فلئور
۶۱	جدول (۱-۲) برنامه نوشته شده به زبان MATLAB به منظور محاسبه توابع قدرت شعاعی
۶۴	جدول (۲-۲) مقدار قدم‌های R در فاصله‌های بین مولکولی مختلف
۶۵	جدول (۳-۲) مقادیر V_λ محاسبه شده با برنامه‌ی MATLAB
۶۸	جدول (۴-۲) برنامه نوشته شده در برنامه MATLAB برای محاسبه V_λ با قدم‌های ۰/۰۱ / ۰/۰۱ آنگسترومی
۶۹	جدول (۵-۲) مقادیر V_λ با قدم‌های ۰/۰۱ آنگسترومی برای انرژی پتانسیل برهم‌کنش اصلاح شده
۷۱	جدول (۶-۲) تابع نوشته شده در برنامه MATLAB برای محاسبه‌ی IPES
۷۵	جدول (۷-۲) مقادیر انرژی پتانسیل برهم‌کنش اصلاح‌شده و اصلاح‌نشده برای زاویه‌ی $\theta_2 = 0^\circ$ و مقادیر مربوط به برازش این داده‌ها
۸۶	جدول (۸-۲) مقادیر پارامترهای رابطه‌ی (۲-۳۳) برای IPES اصلاح‌نشده و اصلاح‌شده
۸۷	جدول (۹-۲) مقادیر عمق چاه پتانسیل D_e و قطر برخورد کره سخت σ بر اساس پتانسیل تصحیح‌نشده و تصحیح‌شده به‌دست آمده از روش QCISD/aug-cc-pVTZ برای کمپلکس F_2-F_2 برای زاویه ϕ ثابت ۰ و ۹ درجه و برای پنج مقدار زاویه θ_2 برابر ۰، ۳۰، ۴۵، ۶۰ و ۹۰ درجه.
۸۷	جدول (۱۰-۲) مقادیر عمق چاه پتانسیل D_e و قطر برخورد کره سخت σ بر اساس پتانسیل تصحیح‌نشده و تصحیح‌شده به‌دست آمده از روش QCISD/aug-cc-pVTZ برای کمپلکس F_2-F_2 برای زاویه θ_2 ثابت ۴۵ و ۹ درجه و برای پنج مقدار زاویه ϕ برابر ۰، ۳۰، ۴۵، ۶۰ و ۹۰ درجه
۹۴	جدول (۱۱-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه‌ی (۲-۳۵) به‌منظور برازش IPES دیم‌های O_2 و F_2

۹۴	جدول (۱۲-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه‌ی (۳۶-۲) به‌منظور برازش IPES دیم‌های O_2 و F_2
۹۴	جدول (۱۳-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه‌ی (۳۷-۲) به‌منظور برازش IPES دیم‌های O_2 و F_2
۹۵	جدول (۱۴-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه‌ی (۳۸-۲) به‌منظور برازش IPES دیم‌های O_2 و F_2
۹۵	جدول (۱۵-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه‌ی (۳۹-۲) به‌منظور برازش IPES دیم‌های O_2 و F_2
۹۵	جدول (۱۶-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه‌ی (۴۰-۲) به‌منظور برازش IPES دیم‌های O_2 و F_2
۹۶	جدول (۱۷-۲) مقادیر مجموع مربع خطای مطلق، R^2 و RMSE برای معادلات (۳۵-۲) تا (۴۰-۲)
۱۰۴	جدول (۱۸-۲) مقادیر پارامترهای ثابت رابطه (۳۵-۲) به‌منظور برازش داده‌های اصلاح‌شده و اصلاح‌نشده ی سطح چهار بعدی دیم F_2
۱۱۵	جدول (۱-۳) پارامترهای برنامه LEVEL
۱۱۹	جدول (۲-۳) پرونده ورودی برنامه‌ی LEVEL برای محاسبه انرژی ترازهای چرخشی مولکول فلوئور
۱۲۰	جدول (۳-۳) بخشی از خروجی کانال ۹ برنامه LEVEL
۱۲۱	جدول (۴-۳) ترازهای چرخشی مربوط به تراز ارتعاشی $v=0$
۱۲۲	جدول (۵-۳) ترازهای چرخشی مربوط به تراز ارتعاشی $v=1$
۱۲۳	جدول (۶-۳) ترازهای چرخشی مربوط به تراز ارتعاشی $v=2$
۱۲۴	جدول (۷-۳) ترازهای چرخشی مربوط به تراز ارتعاشی $v=3$
۱۲۵	جدول (۸-۳) ترازهای چرخشی مربوط به تراز ارتعاشی $v=4$
۱۲۶	جدول (۹-۳) ترازهای چرخشی مربوط به تراز ارتعاشی $v=5$

فهرست شکل‌ها

صفحه	عنوان
۲۰	شکل (۱-۱) منحنی انرژی پتانسیل مدل کره‌ی سخت
۲۱	شکل (۲-۱) منحنی انرژی پتانسیل ساترلند
۲۲	شکل (۳-۱) منحنی انرژی پتانسیل مدل لنارد- جونز برای مولکول هیدروژن
۲۵	شکل (۴-۱) پتانسیل مورس و مدل نوسان گر هماهنگ
۳۶	شکل (۵-۱) محورهای اصلی لختی HCN
۵۲	شکل (۱-۲) نمایش هندسه‌ی عمومی سیستم F_2-F_2
	شکل (۲-۲) انرژی پتانسیل برهم‌کنش بین مولکولی F_2-F_2 به صورت تابعی از فاصله‌ی
۵۴	بین مولکولی R
۵۵	شکل (۳-۲) انرژی پتانسیل برهم‌کنش بین مولکولی F_2-F_2 به صورت تابعی از زاویه‌ی θ_2
۵۶	شکل (۴-۲) انرژی پتانسیل برهم‌کنش بین مولکولی F_2-F_2 به صورت تابعی از زاویه‌ی ϕ
	شکل (۵-۲) توابع قدرت شعاعی، V_λ ، بسط لژاندر پتانسیل‌های برهم‌کنش بین مولکولی
۶۷	F_2-F_2 به عنوان تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی R
	شکل (۶-۲) نمودار داده‌های IPES اصلاح‌نشده به دست آمده با روش از اساس و نتایج
	برازش آن‌ها به صورت تابعی از فاصله بین مولکولی برای زوایای θ_2 برابر با ۰
۷۶	درجه و ۳۰ درجه
	شکل (۷-۲) نمودار داده‌های IPES اصلاح‌شده به دست آمده با روش از اساس و نتایج
	آن‌ها به صورت تابعی از فاصله بین مولکولی برای زوایای θ_2 برابر با ۰ درجه
۷۶	و ۳۰ درجه
	شکل (۸-۲) نمودار داده‌های IPES اصلاح‌نشده به دست آمده با روش از اساس و نتایج
	برازش آن‌ها به صورت تابعی از فاصله بین مولکولی برای زوایای θ_2 برابر با
۷۷	۶۰ درجه و ۹۰ درجه

- شکل (۹-۲) نمودار داده‌های IPES اصلاح‌شده به دست آمده با روش از اساس و نتایج
برازش آن‌ها به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی برای زوایای θ_2 برابر
- ۷۷ با ۶۰ درجه و ۹۰ درجه.
- شکل (۱۰-۲) نمودار خطای مطلق برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی برای
۷۸ IPES اصلاح‌نشده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۰ درجه و ۳۰ درجه
- شکل (۱۱-۲) نمودار خطای مطلق برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی برای
۷۹ IPES اصلاح‌شده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۰ درجه و ۳۰ درجه
- شکل (۱۲-۲) نمودار خطای مطلق برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی
۷۹ برای IPES اصلاح‌نشده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۶۰ درجه و ۹۰ درجه
- شکل (۱۳-۲) نمودار خطای مطلق برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی
۷۹ برای IPES اصلاح‌شده. مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۶۰ درجه و ۹۰ درجه
- شکل (۱۴-۲) نمودار درصد خطای نسبی برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی
بین مولکولی برای IPES اصلاح‌نشده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۰ درجه و
۸۰ ۳۰ درجه
- شکل (۱۵-۲) نمودار درصد خطای نسبی برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی
۸۰ برای IPES اصلاح‌شده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۰ درجه و ۳۰ درجه
- شکل (۱۶-۲) نمودار درصد خطای نسبی برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی
۸۱ برای IPES اصلاح‌نشده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۶۰ درجه و ۹۰ درجه
- شکل (۱۷-۲) نمودار درصد خطای نسبی برازش به صورت تابعی از فاصله‌ی بین مولکولی
۸۱ برای IPES اصلاح‌شده مربوط به زوایای θ_2 برابر با ۶۰ درجه و ۹۰ درجه
- شکل (۱۸-۲) تغییرات انرژی پتانسیل برهم‌کنش نسبت به تغییرات فاصله‌ی بین مولکولی
برای موقعیتهای هندسی $\theta_2 = 0^\circ, \phi = 0^\circ, \theta_2 = 30^\circ, \phi = 90^\circ$.
- ۸۴ $\theta_2 = 45^\circ, \phi = 45^\circ, \theta_2 = 60^\circ, \phi = 0^\circ$ و $\theta_2 = 90^\circ, \phi = 90^\circ$

شکل (۱۹-۲) نمودار تغییرات V^* به صورت تابعی از R^* برای موقعتهای هندسی

$$\theta_2 = 0^\circ, \phi = 0^\circ, \theta_2 = 30^\circ, \phi = 90^\circ, \theta_2 = 45^\circ, \phi = 45^\circ, \theta_2 = 45^\circ, \phi = 0^\circ$$

۸۵ $\theta_2 = 90^\circ, \phi = 90^\circ$ و $60^\circ, \phi = 0^\circ$

شکل (۲۰-۲) مقایسه نتایج برازش با استفاده از رابطه (۳۳-۲) با مقادیر IPES

۸۸ بدون بعد برای موقعیت $\theta_2 = 0^\circ, \phi = 0^\circ$

شکل (۲۱-۲) مقایسه برازش با استفاده از رابطه (۳۳-۲) با مقادیر IPES بدون بعد برای موقعیت

۸۹ $\theta_2 = 30^\circ, \phi = 90^\circ$

شکل (۲۲-۲) مقایسه برازش با استفاده از رابطه (۳۳-۲) با مقادیر IPES بدون بعد

۸۹ برای موقعیت $\theta_2 = 45^\circ, \phi = 45^\circ$

شکل (۲۳-۲) نمودار خطای مطلق برازش مقادیر IPES بدون بعد با استفاده از رابطه

۹۰ برای موقعیت $\theta_2 = 0^\circ, \phi = 0^\circ$ (۳۳-۲)

شکل (۲۴-۲) نمودار خطای مطلق برازش مقادیر IPES بدون بعد با استفاده از رابطه

۹۰ برای موقعیت $\theta_2 = 30^\circ, \phi = 90^\circ$ (۳۳-۲)

شکل (۲۵-۲) نمودار خطای مطلق برازش مقادیر IPES بدون بعد با استفاده از رابطه

۹۱ برای موقعیت $\theta_2 = 45^\circ, \phi = 45^\circ$ (۳۳-۲)

شکل (۲۶-۲) ارزیابی معادله (۳۵-۲) برای برازش V^* دیمر F_2

شکل (۲۷-۲) ارزیابی معادله (۳۵-۲) برای برازش V^* دیمر O_2

شکل (۲۸-۲) ارزیابی معادله (۳۶-۲) برای برازش V^* دیمر F_2

شکل (۲۹-۲) ارزیابی معادله (۳۶-۲) برای برازش V^* دیمر O_2

شکل (۳۰-۲) ارزیابی معادله (۳۷-۲) برای برازش V^* دیمر F_2

شکل (۳۱-۲) ارزیابی معادله (۳۷-۲) برای برازش V^* دیمر O_2

شکل (۳۲-۲) ارزیابی معادله (۳۸-۲) برای برازش V^* دیمر F_2

شکل (۳۳-۲) ارزیابی معادله (۳۸-۲) برای برازش V^* دیمر O_2

شکل (۳۴-۲) ارزیابی معادله (۳۹-۲) برای برازش V^* دیمر F_2

شکل (۳۵-۲) ارزیابی معادله (۳۹-۲) برای برازش V^* دیمر O_2