



به نام خداوندی که شرافت و کرامت انسان را بر فرشتگان در علم  
و دانستن قرار داد،

(و علم «اَدَمُ اَلَا سَمَا، كُلُّهَا شَمٌ عَرَضْتُمْ عَلَيْهِ الْمَلَكَةَ ...»)

سوره بقره آيه ۲۹

به نام آن ذات ربوبی که در اولین سخن گفتن با رسولش نام  
قلم و گوهر دانش را زینت بخش کلام گردانید و ستایش او را  
که بر ما منت نهاد تا در حد توان، مدرک معارف حقه اش باشیم  
و پژوهندگان راه دانش.

۱۷۸۷

۱۳۷۸ / ۱۰ / ۲۵



دانشگاه تهران

دانشگاه فنی

۱۴۸۱۹ گروه مهندسی مکانیک

پایان نامه:

جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک  
کراиш طراحی کاربردی

عنوان:

طراحی و مدلسازی جعبه فرمان های هیدرولیک

استاد راهنمای:

دکتر محمد رضا حائری یزدی

نگارش:

حسن فخر خنده

تابستان ۱۳۷۸

۲۷۱۷۸

## **تقدیر و تشکر:**

بر خود لازم می‌دانم از زحمات بی‌پایان خانواده‌ام که در کلیه مراحل تحصیلی مشوق و حامی من بوده‌اند تشکر و سپاسگزاری نمایم.

از تلاش‌های خالصانه، دلسوزانه، پیگیر و مستمر جناب آقای دکتر حائری یزدی جهت انجام پژوهش که بدون آن کمک‌ها این پژوهش به پایان نمی‌رسید، تقدیر و قدردانی می‌نمایم.

از مساعدت‌های جناب آقای دکتر قاضوی و حضور ایشان در جلسات پژوهش و تسهیلاتی که به منظور ادامه کار پژوهش فراهم نمودند، تشکر نموده و همچنین از جناب آقای دکتر صالحزاده که در جلسات مختلف پژوهش شرکت کرده و از جهت منابع اطلاعاتی و فنی کمک‌های شایان توجهی نمودند کمال تشکر را داشته باشم.

در اینجا لازم می‌دانم از تشریف‌فرمائی داوران گرامی نیز تشکر نمایم

## چکیده:

اهمیت سیستم فرمان در کنترل و هدایت وسیله‌نقلیه و استفاده روزافزون سیستم فرمان‌های قدرت در خودروها، ارائه مسائل مربوط به تحلیل و بررسی این سیستم‌ها را لازم می‌نمایاند. در این پایان‌نامه نخست به معرفی و نحوه عملکرد انواع جعبه‌فرمان‌های مکانیکی پرداخته شده است. سپس به مزایا و معایب هرکدام از سیستم‌های مکانیکی اشاره گردیده است. با آشنایی اولیه حاصل شده از این سیستم‌ها، سپس جعبه‌فرمان‌های قدرتی مورد بررسی و مطالعه قرار گرفته و انواع آنها با توجه به تقسیم بندی‌های مختلف، در قالب یکی از آن دسته‌بندی‌ها معرفی شده است. تقسیم بندی انجام شده بر اساس نوع قرار گیری ادوات هیدرولیکی با سه دسته سیستم‌های اهرم‌بندی (لينکيچي)، نيمه مجموعه‌ای و مجموعه‌ای كامل ارائه شده است. بخاطر متدال و رايچ بودن کاربرد جعبه‌فرمان‌های مجموعه‌ای كامل سعی شده است که اين مورد آخر بيشتر بررسی گردد. در اين خصوص انواع جعبه‌فرمان‌های مجموعه‌ای كامل ارائه شده و نحوه عملکرد هرکدام مورد تجزيه و تحليل قرار گرفته است. سپس به پيشرفت‌های حاصل شده در اين زمينه و پيدايش جعبه‌فرمان‌های مججهز به سنسور سرعت اشاره شده است. همچنين نحوه عملکرد تجهيزات اصلی جعبه‌فرمان‌های هیدروليک بيان گردیده است.

برای بررسی مسائل طراحی، مواردی که در جريان طراحی باید مورد توجه قرار گيرند و سیستم را بر اساس آن تحليل نمود، مشخص شده است. يك يکی از جعبه‌فرمان‌های موجود مججهز به شير کنترل با جابجايي خطی شبیه‌سازی گردیده است. در این الگو سعی شده که کلیه حرکتها در سیستم به جابجايي خطی تبدیل گردد تا بيان نحوه عملکرد و استخراج معادلات حاكم بر آن آسانتر شود. با توجه به الگوی ارائه شده، معادلات حاكم بر هرکدام از اجزاء جعبه‌فرمان بدست آمده و با داشتن فرضياتی آنها به معادلات

خطی تبدیل شده‌اند. سپس دیاگرام بلوکی هر یک از عضوها ترسیم گردیده است. با ارتباط دادن این دیاگرام‌ها، مدار کنترل کل مجموعه جعبه‌فرمان بدست آمده است.

در قسمت پایانی نتایج حاصل از این دیاگرام‌ها ارائه گردیده و نتایج بر اساس سه ورودی استاندارد پله، شیب و ورودی سینوسی مورد بررسی قرار گرفته است. همچنین تأثیر برخی از پارامترهای سیستم در رفتار مجموعه نشان داده شده است. و در آخر پیشنهاداتی برای ادامه کار پروژه مطالبی بیان می‌گردد.

## فهرست مطالب

عنوان	
چکیده	
مقدمه .....	۱
فصل اول: بررسی انواع جعبه فرمانها و مکانیزم ها	۶
۱-۱- کلیات .....	۶
۱-۲- انواع جعبه فرمان .....	۷
۱-۲-۱- جعبه فرمان مارپیچی .....	۷
۱-۲-۲- جعبه فرمان حلزونی با دندۀ تاج خروشی .....	۸
۱-۲-۳- جعبه فرمان کشوئی .....	۸
۱-۲-۴- جعبه فرمان حلزونی، غلتکی .....	۱۱
۱-۲-۵- جعبه فرمان انگشتی .....	۱۲
۱-۲-۶- جعبه فرمان ساقمهای .....	۱۳
فصل دوم: بررسی جعبه فرمانهای قدرتی	
۲-۱- کلیات .....	۱۷
۲-۲- تقسیم بندی سیستم‌های فرمان قدرت .....	۱۹
۲-۳- فرمان قدرتی اهرمیندی .....	۲۰
۲-۴- فرمان قدرتی نیمه مجموعه‌ای .....	۲۲
۲-۵- فرمان قدرتی مجموعه‌ای کامل .....	۲۳
۲-۵-۱- جعبه فرمان مجموعه‌ای از نوع شیرخطی .....	۳۰
۲-۵-۲- جعبه فرمان هیدرولیک جبران کننده .....	۳۳
۲-۵-۳- جعبه فرمان قدرتی با شیر دورانی .....	۳۴
۲-۶- آخرین تحولات و توسعه سیستم‌های جعبه فرمان هیدرولیک .....	۴۰
۲-۷- اجزاء اصلی سیستم فرمان هیدرولیک .....	۴۹
۲-۷-۱- پمپ و مخزن .....	۵۰
۲-۷-۲- شیر کنترل جریان .....	۵۱
۲-۷-۳- شیر محدود کننده فشار .....	۵۲

۵۴	.....	۴-۷-۲- شیرهای کنترل جهت
۵۴	.....	۵-۷-۲- شیرهای کنترل جهت از نوع خطی
۵۷	.....	۶-۷-۲- شیر واکنش هیدرولیکی
۵۹	.....	۷-۷-۲- شیرهای دورانی
		<b>فصل سوم: طراحی و مدل سازی مدار هیدرولیک جعبه فرمان قدرتی</b>
۶۷	.....	۱-۳- کلیات
۷۱	.....	۲-۳- نکات اساسی در طراحی سیستم فرمان هیدرولیک
۷۵	.....	۳-۳- شبیه سازی سیستم هیدرولیک مجموعه فرمان
۷۸	.....	۱-۳-۳- شبیه سازی شیر کنترل جهت
۸۴	.....	۲-۳-۳- شبیه سازی شیر محدود کننده واکنش هیدرولیکی
۸۶	.....	۳-۳-۳- شبیه سازی مکانیزم انتقال ورودی به شیر کنترل جهت و عملگر
۹۱	.....	۴-۳-۳- شبیه سازی عملگر هیدرولیکی (سیلندر و پیستون)
۹۴	.....	۵-۳-۳- شبیه سازی چرخدنده شانهای و تاج خروسی
۹۵	.....	۴-۴- الگوی خطی شیر کنترل جهت
۹۵	.....	۵-۵- الگوی خطی عملگر
۹۶	.....	۶-۳- مدار کنترل سیستم هیدرولیک فرمان
۹۶	.....	۱-۶-۳- مدار کنترل عملگر هیدرولیک
۹۷	.....	۲-۶-۳- مدار کنترل شیر هیدرولیک
۹۸	.....	۳-۶-۳- مدار کنترل شیر واکنش هیدرولیکی
۹۹	.....	۴-۶-۳- مدار کنترل پیچ حلزون و مهره حلزون
۱۰۰	.....	۴-۶-۳- مدار کنترل کل مجموعه جعبه فرمان هیدرولیک
۱۰۳	.....	۷-۳- مدار کنترل الگوی غیرخطی مجموعه جعبه فرمان
۱۰۶	.....	۸-۳- مدار کنترل کل سیستم فرمان
		<b>فصل چهارم: بحث و نتیجه‌گیری</b>
۱۰۹	.....	۱-۴- کلیات
۱۱۰	.....	۲- نتایج اجزاء جعبه فرمان
۱۱۳	.....	۱-۲-۴- نتایج پیستون عملگر

۱۱۶	.....	۴-۲-۲- نتایج شیر کنترل جهت .....
۱۱۷	.....	۴-۲-۳- نتایج شیر واکنش هیدرولیکی .....
۱۱۹	.....	۴-۲-۴- نتایج مکانیزم انتقال ورودی به شیر کنترل جهت و عملگر (بیچ حلزون و مهره حلزون) .....
۱۲۰	.....	۴-۳- مطالعه رفتار جعبه فرمان به ازای ورودی‌های استاندارد (ورودی پله و سینوسی) .....
۱۲۴	.....	۴-۳- تأثیر پارامترهای جعبه فرمان بر روی عملکرد کلی آن .....
۱۲۸	.....	۴-۴- نتیجه‌گیری و پیشنهادات .....
		ضمیمه ۱ - .....
		مراجع .....

## فهرست اشکال

۸	.....	شکل ۱-۱- جعبه فرمان از نوع حلزونی با دندنه تاج خروسوی
۹	.....	شکل ۱-۲- جعبه فرمان از نوع کشوئی(شانهای)
۱۱	.....	شکل ۱-۳- جعبه فرمان حلزونی، غلتکی
۱۲	.....	شکل ۱-۴- جعبه فرمان انگشتی
۱۴	.....	شکل ۱-۵- جعبه فرمان ZF از نوع ساچمهای
۱۵	.....	شکل ۱-۶ - نمای برش خورده جعبه فرمان از نوع ساچمهای (تصاویر جانبی و رویرو).
۲۰	.....	شکل ۱-۷- شماتیک دو نوع سیستم فرمان قدرت
۲۱	.....	شکل ۲-۱- نحوه عملکرد سیستم هیدرولیک فرمان از نوع اهرم بندی
۲۲	.....	شکل ۲-۲- فرمان قدرتی نیمه مجموعه‌ای مجهز به شیر حرکت خطی
۲۳	.....	شکل ۲-۳- فرمان قدرتی نیمه مجموعه‌ای مجهز به شیر دورانی
۲۴	...	شکل ۲-۴- فرمان قدرتی نیمه مجموعه‌ای از نوع ساچمهای مجهز به شیر دورانی
۲۵	.....	شکل ۲-۵- جعبه فرمان رک و پینیون از نوع مجموعه‌ای کامل مجهز به سنسور سرعت
۲۶	.....	شکل ۲-۶- جعبه فرمان ساچمهای از نوع مجموعه‌ای کامل مجهز به سنسور سرعت.
۲۷	.....	شکل ۲-۷- نمای داخلی جعبه فرمان مجموعه‌ای از نوع شیر دورانی
۲۸	.....	شکل ۲-۸- اجزاء داخلی شیر کنترل از نوع دورانی و نمایش مسیرهای جریان سیال.
۲۹	.....	شکل ۲-۹- جعبه فرمان مجموعه‌ای با شیر دورانی(طرح ساگینو)
۳۰	.....	شکل ۲-۱۰- جعبه فرمان مجموعه‌ای از نوع شیر کنترل خطی (کرایسلر)
۳۱	.....	شکل ۲-۱۱- جعبه فرمان قدرتی مجموعه‌ای از نوع شیر کنترل خطی در حالت خشی
۳۲	.....	شکل ۲-۱۲- شیر خطی در حالت گردش به چپ
۳۳	.....	شکل ۲-۱۳- شیر خطی در حالت گردش به راست
۳۴	.....	شکل ۲-۱۴- فرمان قدرتی نوع جبران کننده
۳۵	.....	شکل ۲-۱۵- جریان روغن در شیر دورانی در حالت خشی
۳۶	.....	شکل ۲-۱۶- جریان روغن در شیر دورانی در حالت گردش به راست
۳۷	.....	شکل ۲-۱۷- جریان روغن در شیر دورانی در حالت گردش به چپ

۳۹	شکل ۲-۲۰- نمای انفجاری یک جعبه فرمان قدرتی با شیر دورانی .....
۴۱	شکل ۲-۲۱- دیاگرام شماتیک یک مدار هیدرولیکی فرمان قدرتی در حالت حرکت مستقیم .....
۴۳	شکل ۲-۲۲- منحنی های مشخصه سیستم حس کننده برای سرعت های مختلف خودرو
۴۵	شکل ۲-۲۳- جعبه فرمان قدرتی مجهز به سنسور سرعت ( نمونه ZF ) .....
۴۶	شکل ۲-۲۴- دیاگرام جعبه فرمان مجهز به سنسور سرعت ( نمونه ZF ) .....
۴۶	شکل ۲-۲۵- نمودار تغییرات نسبت تبدیل جعبه فرمان بر حسب زاویه چرخش غریلک
۴۷	شکل ۲-۲۶- نمودار تغییرات گشتاور ورودی بر حسب زاویه چرخش غریلک برای دو حالت نسبت تبدیل ثابت و متغیر .....
۴۸	شکل ۲-۲۷- سیستم دو مداره جعبه فرمان هیدرولیک مربوط به خودروهای سنگین ..
۵۲	شکل ۲-۲۸- منحنی تغییرات جریان بر حسب سرعت دورانی پمپ در یک شیر کترل جریان .....
۵۳	شکل ۲-۲۹- طرح ساده ای از یک پمپ با شیر ترکیبی در دو حالت فعال شیر ..
۵۴	شکل ۲-۳۰- منحنی تغییرات جریان بر حسب فشار در یک شیر محدود کننده فشار ..
۵۵	شکل ۲-۳۱- شیر با اسپول خطی در وضعیت جابجا شده .....
۵۶	شکل ۲-۳۲- شکل هندسی لبه شیر ماسوره ای چهار راهه .....
۵۷	شکل ۲-۳۳- منحنی مشخصه جابجا بی - فشار شیر چهار راهه .....
۵۸	شکل ۲-۳۴- شیر با اسپول خطی به همراه شیر محدود کننده نیروی واکنش در مدار واکنش هیدرولیکی .
۵۸	شکل ۲-۳۵- شیر با اسپول خطی به همراه شیر محدود کننده نیروی واکنش در مدار واکنش هیدرولیکی .
۵۹	شکل ۲-۳۶- منحنی نیروی فرمان دادن بر حسب بار چرخها در یک شیر کترل خطی .
۶۰	شکل ۲-۳۷- شکل برش خورده یک شیر با اسپول دورانی .....
۶۲	شکل ۲-۳۸- ساخت شیر به روش ROLL - IMPRINTING .....
۶۳	شکل ۲-۳۹- منحنی مشخصه شیر دورانی .....
۶۴	شکل ۲-۴۰- شیر دورانی از نوع ستاره ای .....
۶۵	شکل ۲-۴۱- منحنی مشخصه شیرهای ستاره ای .....
۶۹	شکل ۳-۱- نمودار دبی لازم پمپ در سیستم هیدرولیک فرمان بر حسب مقادیر مختلف فشار .....
۷۵	شکل ۳-۲- نمایش ساده ای از سیستم هیدرولیک مجموعه جعبه فرمان .....

۷۹	شکل ۳-۳- نمایش ساده شیرکنترل جهت جعبه فرمان در سه وضعیت مختلف عملکرد
۸۰	شکل ۴-۳- تغییرات ضریب تخلیه با جابجایی اسپول شیر .....
۸۱	شکل ۵-۳- نمایش ساده شیر هیدرولیک بهمراه مشخصات هندسی .....
۸۵	شکل ۶-۳- نمایش نیروهای اعمال شده به اسپول (نیروی فشر و نیروی واکنش هیدرولیک ) .....
۸۶	شکل ۷-۳- نمودار تغییرات اختلاف فشار در شیر واکنش هیدرولیک بر حسب اختلاف فشار ( $P_L$ ) .....
۸۸	شکل ۸-۳- مکانیزم شبیه سازی شده پیچ حلزون و مهره حلزون .....
۹۱	شکل ۹-۳- تصویر پیکر آزاد پیستون .....
۹۲	شکل ۱۰-۳- نمایش مشخصات مربوط عملگر هیدرولیک .....
۹۴	شکل ۱۱-۳- شبیه سازی شده چرخدنده شانه ای و تاج خروسی همراه با نمایش نیروها.
۹۷	شکل ۱۲-۳- مدار کنترل سیلندر هیدرولیک .....
۹۸	شکل ۱۳-۳ - مدار کنترل شیر کنترل جهت(ورودی = جابجایی اسپول، خروجی = دبی )
۹۸	شکل ۱۴-۳ - مدار کنترل شیر واکنش هیدرولیک(ورودی : فشار - خروجی : نیروی هیدرولیک) .....
۱۰۰	شکل ۱۵-۳ - مدار کنترل پیچ حلزون و مهره حلزون .....
۱۰۲	شکل ۱۶-۳ - مدار کنترل کل سیستم هیدرولیک مجموعه جعبه فرمان هیدرولیک ...
۱۰۳	شکل ۱۷-۳ - مدار کنترل غیر خطی شیر کنترل جهت(ورودی = جابجایی اسپول، خروجی = دبی ) .....
۱۰۴	شکل ۱۸-۳ - مدار کنترل غیر خطی شیر واکنش هیدرولیک(ورودی : فشار - خروجی : نیروی هیدرولیک) .....
۱۰۵	شکل ۱۹-۳ - مدار کنترل سیلندر هیدرولیک در حالت غیر خطی .....
۱۰۶	شکل ۲۰-۳- مدار کنترل غیر خطی سیلندر هیدرولیک (برای حالت ارتباط مکانیکی جابجایی ها) .....
۱۰۶	شکل ۲۱-۳- مدار کنترل غیر خطی سیلندر هیدرولیک (برای حالت جابجایی هیدرولیکی )
۱۰۷	شکل ۲۲-۳- مدار کنترل کل سیستم فرمان یک خودرو .....
۱۱۴	شکل ۴-۱- نتایج حاصل از سیلندر هیدرولیک بازی اعمال جریان ثابت (ورودی پله).
۱۱۵	شکل ۴-۲- نتایج حاصل از سیلندر هیدرولیک بازی اعمال جریان سینوسی .....

(ورودی سینوسی)

- شکل ۴-۳- نتایج حاصل از دو الگوی خطی و غیرخطی شیر کترل جهت ..... ۱۱۷
- شکل ۴-۴- نتایج حاصل از دو الگوی خطی و غیرخطی شیر واکنش هیدرولیکی ..... ۱۱۸
- شکل ۴-۵- نتایج حاصل از دو الگوی خطی و غیرخطی مارپیچ و مهره توپی ..... ۱۲۰
- شکل ۴-۶- نتایج حاصل از دو الگوی خطی و غیرخطی جعبه فرمان هیدرولیک برای جابجایی ثابت (ورودی پله) ..... ۱۲۲
- شکل ۴-۷- نتایج حاصل از دو الگوی خطی و غیرخطی جعبه فرمان هیدرولیک برای جابجایی سینوسی (ورودی سینوسی) ..... ۱۲۴
- شکل ۴-۸- منحنی های احساس فرمان بازای مقادیر مختلف پارامتر های سیستم جعبه فرمان هیدرولیک ... ۱۲۶

## فهرست علائم

<b>A</b>	سطح مقطع مؤثر پیستون
<b>a</b>	فاصله افقی همپوشانی اسپول در وضعیت خشی
<b>Be</b>	ضریب تراکم پذیری روغن
<b>β</b>	ضریب تراکم پذیری روغن
$\beta_c$	ضریب تراکم پذیری معادل سیال و لوله بین شیر و عملگر
<b>b</b>	ضریب میرایی ویسکوز بین پیستون و جداره سیلندر
<b>Cd</b>	ضریب تخلیه شیر کنترل جهت
<b>cs</b>	فاصله افقی بازشدگی اسپول در وضعیت خشی
<b>Cdo</b>	ضریب تخلیه شیر واکنش هیدرولیکی
<b>Ctl</b>	ضریب نشتی داخلی سیلندر
<b>C<sub>1,2</sub>(Z)</b>	ظرفیت سیال محبوس شده
<b>d<sub>o</sub></b>	قطر راهگاه شیر محدود کننده واکنش هیدرولیک
<b>d<sub>n</sub></b>	قطر راهگاه شیر محدود کننده واکنش هیدرولیک
<b>d</b>	قطر محفظه شیر واکنش هیدرولیک
<b>D</b>	قطر پیستون عملگر
<b>Fc</b>	نیروی واردہ از سوی نیروی واردہ از سوی ورودی سیستم به پیستون عملگر
<b>Fg</b>	نیروی مقاوم روی پیستون از طرف چرخدنده تاج خروجی
<b>f(P<sub>L</sub>)</b>	نیروی هیدرولیکی ایجاد شده توسط محفظه های واکنش هیدرولیکی
<b>F<sub>P</sub></b>	نیروی پیش بار فنر شیر محدود کننده واکنش هیدرولیک
<b>Ff</b>	نیروی اصطکاک خشک بین پیستون و سیلندر
<b>Fw</b>	بار معادل موجود در تایرها
<b>h</b>	لقی بین اسپول و جداره شیر کنترل جهت
<b>hs</b>	لقی بین اسپول و جداره شیر کنترل جهت
<b>k</b>	ضریب سختی فنر شیر کنترل جهت
<b>Ksmall</b>	شیب در ناحیه همپوشانی کامل
<b>Ko</b>	شیب در ناحیه همپوشانی
<b>Klarge</b>	شیب خارج از ناحیه همپوشانی
<b>Ku</b>	ضریب تخلیه

<b>Ku30</b>	ضریب تخلیه اولیه راهگاه شماره ۳
<b>Ku40</b>	ضریب تخلیه اولیه راهگاه شماره ۴
<b>L<sub>0</sub></b>	طول معادل سیال و لوله با ستون روغن
<b>L10</b>	طول اولیه محفظه شماره ۱ سیلندر هیدرولیک
<b>L20</b>	طول اولیه محفظه شماره ۲ سیلندر هیدرولیک
<b>m</b>	نسبت تبدیل دنده شانه‌ای و دنده تاج خروشی
<b>ms</b>	شیب ضریب تخلیه شیر
<b>M1</b>	جرم معادل پیستون و متعلقات
<b>p</b>	طول گام مارپیچ
<b>P<sub>l0</sub></b>	اختلاف فشار اولیه دو طرف پیستون
<b>Ps0</b>	فشار اولیه پمپ قدرت
<b>P<sub>LH</sub></b>	اختلاف فشار شیر واکنش هیدرولیک
<b>Pln</b>	اختلاف فشار شیر واکنش هیدرولیک
<b>Pls</b>	فشار نهایی محفظه شیر واکنش هیدرولیک
<b>Pss</b>	فشار نهایی پمپ قدرت
<b>q</b>	نیروی ثابت اعمال شده توسط پیستون
<b>Qs</b>	جريان ثابت پمپ هیدرولیک
<b>ro</b>	جرم حجمی روغن مورد استفاده
<b>R</b>	شعاع زبانه مهره مارپیچ (جابجا کننده اسپول شیر کترل)
<b>S</b>	جابجایی اسپول
<b>Ss</b>	مقدار حدی جابجایی اسپول شیر کترل جهت
<b>Tin</b>	گشتاور ورودی
<b>V1</b>	حجم معادل سیال لوله
<b>w</b>	مقدار حدی راهگاه شیر
<b>ws</b>	عرض از مبدأ ضریب تخلیه شیر
<b>Y</b>	جابجایی شفت خروجی
<b>z</b>	جابجایی خطی پیستون
<b>η</b>	راندمان پیچ و مهره حلزونی (مارپیچ)
<b>θ</b>	زاویه ورودی
<b>Ψ</b>	زاویه چرخش مهره مارپیچ

مقدمه:

برای هدایت هر وسیله نقلیه احتیاج به یک سیستم فرمان می باشد که این سیستم باعث چرخیدن چرخهای جلو یا عقب و در نهایت باعث گردش وسیله نقلیه می گردد. حرکت و گردش چرخهای جلو از طریق چرخ دندها و مکانیزمهایی که بین غربیلک فرمان و چرخها قرار دارد ایجاد می شود. به این مجموعه اصطلاحاً سیستم فرمان گفته می شود. سیستم فرمان از دو جزء تشکیل شده است. جعبه فرمان در انتهای ستون فرمان و مکانیزمها که بین جعبه فرمان و چرخهای جلو قرار گرفته است.

امروزه انواع خودروها خصوصاً خودروهای نیمه سنگین و سنگین مجهرز به سیستم فرمان قادر تی می باشند. فرمانهای قادر تی برای کاهش کوشش چرخاندن فرمان طراحی شده اند که بواسیله اثر فشار هیدرولیکی بر روی پیستون عمل می کنند. این نوع فرمانها باعث می شوند که راننده آسانتر فرمان بگیرد و نیروی کمتری را صرف نماید. فشار هیدرولیکی مورد استفاده در این نوع فرمانها توسط پمپ هیدرولیک که از طریق میل لنگ موتور می چرخد ایجاد می گردد و روغن هیدرولیک در یک سیکل بسته، از پمپ به جعبه فرمان و از آن به منبع ذخیره و سپس به پمپ هدایت می شود.

موارد استفاده از فرمانهای قدرت یکی در خودروهای سنگین و دیگری در خودروهای مجهرز به تایرهای پهنازی زیاد می باشد. البته به نظر می رسد در دو حالت فوق استفاده از جعبه فرمانهای مکانیکی با نسبت تبدیل بالا سهل الوصول تر باشد. اما با افزایش نسبت تبدیل جعبه فرمان، هدایت و کنترل اتومبیل توسط راننده آهسته تر خواهد بود. این موضوع ایمنی خودرو را کاهش خواهد داد. لذا منطقی تر است بدون افزایش نسبت تبدیل جعبه فرمان از قدرت موتور جهت ایجاد یک نیروی کمکی برای چرخش چرخها استفاده گردد. بنابراین می توان به این روش با نیروی کمتر عملکرد فرمان را سریعتر و در نتیجه هدایت و کنترل خودرو را دقیق تر انجام داد.