

دانشگاه علم و صنعت ایران
دانشکده کامپیوتر

الگوریتم های مسیریابی تضمین
کننده QoS برای محیط هایی با
سروریس های مختلف

یاسر علمی سولا

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

استاد راهنمای : دکتر مرتضی آنالویی

آذر 1382

تقدیم به پدر و مادر
عزیزم

سپاسگزاری

نکوهش مکن چرخ نیلوفری را
برون کن زسر با خیره سری را
بری دان ز افعال چرخ برین را
نشاید نکوهش ز دانش بری را
بسوزند همه چو درختان بی بر
سزا خود همین است مر بی بری را
درخت تو گر بار دانش بگیرد
به زیر آوری چرخ نیلوفری را

سپاسگزار ایزد یکتا هستم که به من امکان داد در
راهی قدم بردارم که امروز بتوانم درختی باشم که به
نظر خود سزاوار سوختن نیستم و این مساله مرهون تلاش
بسیاری است که از روز نخست رنجم را کشیده و دستم را
گرفته اند . در این راه پدر و مادرم همچون تکیه
گاهی بودند که در زمانهای آشتفتگی و بی قراری به
آنها تکیه می کردم . بسیاری از افراد در زندگی
باعث شدند که من در این راه قدم بردارم بعضی نقش
اساسی داشتند و عده ای هم تلنگری زده و گذشتند .
مهمنترین کسانی که خود را مديون آنها می دانم ،
کسانی هستند که مطلبی به من آموختند ، از اوایل
تولد که مادرم دستم را گرفته و راه رفتن را به من
آموخت و پدرم که برخی حکمت های زندگی را بر من
آشکار ساخت ، تا به امروز که اساتیدی گراناییه چون
دکتر آنالویی حرکت در مسیر علم و دانش را به من
آموختند . خود را مديون تمامی این افراد میدانم و
امیدوارم در طول زندگی فرصتی برای جبران زحماتشان
حاصل شود .

یاسر علمی سولا

چکیده

کیفیت سرویس^۱ و سرویس های مختلف^۲ شبکه موضوعاتی هستند که در چند سال اخیر کانون توجه بسیاری از تحقیقات و پژوهشها در حیطه شبکه های کامپیووتری قرار گرفته اند. دلایل نیاز به سرویس های مختلف برای ایجاد کیفیت سرویس (*QoS*) در اینترنت اولین موضوعی است که در این رساله مورد بررسی قرار می گیرد. در این پایان نامه مقدمه ای در مورد دلایل نیاز به *QoS* و سرویس های مختلف در شبکه اینترنت بیان می شود و نیز مشخصه ها و ویژگی های مورد نیاز برای مکانیزم های ارائه شده جهت ارائه سرویس های مختلف برای کلاس های جریان متفاوت، بررسی می شود. پس از درک نیاز به سرویس های مختلف، دو معما ری استاندارد که توسط *IETF* برای ارائه سرویس های مختلف پیشنهاد شده اند را معرفی خواهیم کرد: معما ری سرویس های جتمع *IntServ* و معما ری سرویس های مختلف *DiffServ*. ویژگی ها، مشخصات اصلی و خواه عملکرد هر کدام از این دو معما ری به همراه مقایسه ای بین این روشها و نیز مقایسه ای بین این روشها و مدل بهترین تلاش بیان خواهند شد. این دو بحث را می توان پیش درآمدی جهت ورود به بحث اصلی این رساله در نظر گرفت. موضوع این رساله بررسی الگوریتم های مسیریابی *QoS* در محیط هایی با سرویس های مختلف است. فصل اول به بررسی انواع الگوریتم های مسیریابی *QoS* می پردازد. در فصل اول مقدمه ای درباره ویژگی های الگوریتم های مسیریابی *QoS* بیان شده و با توجه به سلسله مراتب پیچیدگی الگوریتم ها، به ترتیب پنج الگوریتم مختلف که هر کدام به گونه ای خاص رساله عمومی مسیریابی *QoS* را ساده سازی کرده اند معرفی می شوند این ساده سازی برای خارج کردن مسائل مسیریابی *QoS* از حالت *NP-hard* اجسام پذیرفته است. الگوریتم *DCCR*، الگوریتم *DCUR+SSR*، الگوریتم *DCUR*، الگوریتم *k-WSP* و الگوریتم *CCPF* الگوریتم هایی هستند که به ترتیب پیچیدگی و تعداد پارامترهایی که در امر تصمیم گیری دخالت دارند، معرفی می شوند. در فصل دوم، جهت بررسی الگوریتم *DCUR* و ارزیابی آن، نرم افزار شبیه ساز *IQRS* معرفی شده و نیز ملاحظات طراحی و پیاده سازی این نرم افزار ارائه خواهد شد. در فصل سوم الگوریتم *DCUR* که الگوریتمی برای یافتن مسیرهایی با حداقل هزینه و ارضاء یک قید تاخیر است، مورد بررسی دقیقتی قرار خواهد گرفت. جهت بهبود خواه استفاده از منابع شبکه، وزنهایی

¹Quality of Service

²Differentiated Services

دینامیک به لینک های شبکه نسبت می دهیم ، وزن‌هایی که در هر لحظه وابسته به میزان بکارگیری منابع شبکه اند . سپس تاثیر پارامترهای مختلف مسیریابی در خود بکار گیری منابع شبکه را در الگوریتم *DCUR* اولیه و الگوریتم *DCUR* دینامیک بررسی خواهیم کرد . همچنین تاثیرات پارامتر محدودیت تاخیر نیز در شبیه سازی مشابهی مورد بررسی قرار خواهد گرفت . در فصل انتهایی ، نتیجه گیری و پیشنهاد کارهای آتی ارائه شده است .

فصل اول : الگوریتم های مسیریابی *QoS* *Error! Bookmark not defined.*

1-1 مقدمه ای بر انواع الگوریتم های مسیریابی *QoS*.....

14..... 2-1 الگوریتم *DCCR*

- | | |
|---------|--|
| 16..... | 1-2-1 مدلسازی مساله |
| 18..... | 2-2-1 معرفی روش <i>SSR+DCCR</i> |
| 23..... | 3-2-1 بهبود الگوریتم <i>DCCR</i> |
| 24..... | 4-2-1 کاهش فضای جستجو در <i>DCCR</i> به کمک <i>SSR</i> |

25..... 3-1 الگوریتم *DCUR*

- | | |
|---------|--|
| 26..... | 1-3-1 توسعه الگوریتم بلمن - فورد |
| 27..... | 2-3-1 اطلاعات مسیریابی |
| 29..... | 3-3-1 خود عمل الگوریتم <i>DCUR</i> |
| 38..... | 4-3-1 حذف حلقه ها |
| 42..... | 5-3-1 نیاز به بروزرسانی اطلاعات مسیریابی |

45..... 4-1 الگوریتم *CCPF*

- | | |
|---------|--|
| 46..... | 1-4-1 برنامه نویسی چند هدفی در مسیریابی <i>QoS</i> |
| 49..... | 2-4-1 تعاریف اولیه در الگوریتم <i>CCPF</i> |

52..... 5-1 خلاصه و نتیجه گیری فصل اول

Error! Bookmark not defined. *IQRS*

56..... 1-2 مدلسازی شبکه

59..... 2-2 تولید شبکه های تصادی تصادی

- | | |
|---------|-----------------------------|
| 60..... | 1-2-2 تولید لینک ها در شبکه |
| 60..... | 2-2-2 حفظ حداقل درجه هر نود |
| 62..... | 3-2-2 متصل بودن گراف |

65..... 3-2 پیاده سازی الگوریتم های مسیریابی *QoS*

- | | |
|---------|--|
| 66..... | 1-3-2 روش تعریف پروسیجر مسیریابی در شبیه ساز |
| 66..... | 2-3-2 استقلال پروسیجر مسیریابی |

67..... 4-2 اجداد جریان های ترافیک

68..... 5-2 مسیریابی ایستا

68..... 6-2 مسیریابی پویا

فصل سوم : ارزیابی الگوریتم <i>DCUR</i>	<i>Error! Bookmark not defined.</i>
1-3 بررسی صحت عمل IQRS	76
2-3 بررسی ارتباط بار عرضه شده بر روی لینک های مختلف با متغیر Δ	76
3-3 معرفی تابع وزنگذاری دینامیک	78
4-3 تاثیرات پارامتر Δ در خروجی الگوریتم <i>DCUR</i> دینامیک	79
5-3 مقایسه <i>DCUR</i> استاتیک و <i>DCUR</i> دینامیک	81
6-3 بررسی حالات یک شبکه خام ب 50 نود	87
7-3 مقایسه شبکه هایی با $\Delta = \frac{R}{2}$ ، وزنده ثابت و پویا :	91
8-3 خلاصه و نتیجه گیری	96
فصل چهارم : نتیجه گیری نهایی و پیشنهاد کارهای آینده	<i>Error! Bookmark not defined.</i>
not defined.	
1-4 پیشنهاد کارهای آینده	102
ضمام	
ضمیمه A-1 : مقدمه ای بر کیفیت سرویس در اینترنت	105
A-1-1 تعريف QoS اینترنت	108
A-1-2 تغییرات در روترا	109
ضمیمه A-2 : معماری های <i>DiffServ</i> و <i>IntServ</i>	110
ضمیمه A-2-1 معماری سرویس های جتمع (<i>Integrated Service</i>)	113
A-2-1-1 روش <i>IntServ</i>	114
A-2-1-2 پروتکل رزروسازی منابع	115
A-2-1-3 مشخصه های اصلی معماری <i>IntServ</i>	116
ضمیمه A-2-2 معماری سرویس های مختلف (<i>Differentiated Services</i>)	117
A-2-2-1 مشخصه های اصلی معماری <i>DiffServ</i>	117
A-2-2-2 تعریف اصطلاحات <i>DiffServ</i>	118
ضمیمه A-3-2 مقایسه ای بین <i>intServ</i> و <i>DiffServ</i>	120
ضمیمه B-1 مدلسازی مساله در <i>DCCR</i>	121
ضمیمه B-2 : اطلاعات ذخیره شده در بردارهای <i>cost</i> و <i>delay</i> در الگوریتم <i>DCUR</i>	123
ضمیمه B-3 صحت و درستی الگوریتم <i>DCUR</i>	124
ضمیمه B-4 : الگوریتم مسیریابی با قید پهنای باند	128
B-4-1 ایده اصلی در الگوریتم مسیریابی <i>QoS</i> با محدودیت بر روی پهنای باند..	130
B-4-2 معیارهای بهینه سازی	131
B-4-3 تعیین مسیر	132
B-4-4 حافظت در برابر حلقه	134
B-4-5 انتخاب مسیر و تخصیص پهنای باند	134
ضمیمه B-5 : الگوریتم <i>k-WSP_{AP}</i> و <i>k-WSP_{EP}</i>	135
B-5-1 ایده اصلی در روش <i>k-WSP</i>	136

138.....	تعريف مساله.....	B-5-2
139.....	متد سرویسد هی در صف بندی وزن دار منصف (WFQ).....	B-5-3
140. (k-WSP _{EP}).....	الگوریتم مسیریابی برای مسیرهای از پیش محاسبه شده دقیق.....	B-5-4
147.....	جدول مسیریابی.....	B-5-5
(k-WSP _{AP}).....	الگوریتم مسیریابی برای مسیرهای از پیش تعریف شده تقریبی.....	B-5-6
147.....		
149.....	ضمیمه B-6 ایده اصلی در الگوریتم CCPF	
153.....	ضمیمه C-1 : کد شبیه ساز IQRS	
159.....	ضمیمه C-2 : پیچیدگی زمانی الگوریتم DCUR	
161.....	مراجع.....	

الگوريتم هاي مسيريابي QoS

در دهه اخیر ، رشد روزافزون اینترنت باعث بروز مسائل و مشکلات جدیدی شده است . از یک سو ساختار *TCP/IP* به گونه ای طراحی شده که امکان رشد و افزایش شبکه ها و میزبانهای جدید به آن به راحتی امکانپذیر بود ولی از سوی دیگر بعضی اجزای اینترنت برای جای دادن این رشد به اندازه کافی مناسب نبودند . این مساله باعث بروز مشکلاتی شد . این مشکلات از خواه سرویس دهی اینترنت به جریان های ترافیکی یعنی مدل بهترین تلاش ، نشات می گرفت . کاربران نیاز به سرویسهای متفاوتی داشتند ، کاربردهایی نظیر کاربردهای مالتی مدیا نیاز به تضمین مشخصه های ترافیکی خاصی از طرف شبکه داشتند . کیفیت خدمات (*QoS*) و نیز سرویس های خائف مطالی است که امروزه به یک مبحث مهم در زمینه شبکه تبدیل شده است . دو راه حل سرویس های جتمع^۳ و سرویس های مختلف^۴ از سوی IETF برای پشتیبانی از *QoS* و کلاسهای مختلف سرویس ارائه شده است که هر دو این راه حل ها برای مسیریابی نیاز به مکانیزم های مسیریابی متفاوت با روشهای مسیریابی سنتی دارند .

برای اجاز سخن ، دلایل نیاز به *QoS* ، تعریف کاربردهای حساس به *QoS* ، مشخصه های *QoS* مربوط به جریانهای ترافیکی و نیز مشخصه راه حل های پیشنهادی جهت تضمین *QoS* ، بطور کامل در فمیمه A-1 بیان شده است.

دو روش ارائه شده توسط IETF یعنی *DiffServ* و *IntServ* به همراه خواه عملکرد این دو معماری و مقایسه این دو

³ Integrated Services

⁴ Differentiated Services

روش و مقایسه این روشها با مدل بهترین تلاش نیز در ضمیمه A-2 بیان شده است.

در این فصل قصد داریم تفاوت بین الگوریتم های مسیریابی QoS و الگوریتم های مسیریابی سنتی را مورد بررسی قرار دهیم. این بخش به این شکل سازمان دهی شده است که در ابتدا یک دید کلی در مورد روش‌های مسیریابی QoS بیان می‌کنیم، سپس از الگوریتم های مسیریابی QoS ساده‌تر شروع کرد و به ترتیب پیچیدگی، چندین الگوریتم مسیریابی QoS را معرفی کنیم. اکثر جث این فصل بر روی الگوریتمی به نام $DCUR$ انجام خواهد شد. از دیگر الگوریتم های ارائه شده مثل $DCCR$ ، $CCPF$ برای تکمیل و بهبود $DCUR$ و نیز طراحی یک شیوه ساز مناسب استفاده خواهیم کرد.

1-1 مقدمه ای بر انواع الگوریتم های مسیریابی QoS
مسئله مسیریابی تک پخشی QoS^5 به صورت زیرتعریف می‌شود: یک گره مبدأ s ، یک گره مقصد d ، جموعه ای از محدودیت های QoS^6 که بآن نشان داده می‌شود و احتمالاً یک یا چند هدف بهینه سازی، داده شده است، بهترین مسیر قابل قبول از s به d را پیدا کنید که آن را تحقق بخشد. در این بخش به ترتیب الگوریتم های مسیریابی زیر معرفی می‌شوند:

- الگوریتم $DCCR$: الگوریتمی که دارای محدودیت QoS بر روی پارامتر تاخیر بوده و هدف اصلی آن حداقل کردن پارامتر هزینه است.

- الگوریتم $DCUR$: الگوریتمی که دارای محدودیت QoS بر روی پارامتر تاخیر بوده و هدف آن مشابه با

⁵unicast

⁶Constraint

DCCR ، حداقل کردن پارامتر هزینه است . این الگوریتم بر اساس الگوریتم بلمن-فورد عمل می نماید .

3- الگوریتم *CCPF* : الگوریتمی که از برنامه ریزی چند هدفی برای ارضاء همざمان چندین محدودیت *QoS* و بهینه سازی چندین پارامتر مختلف مسیریابی استفاده میکند .

(دو الگوریتم به نامهای *K-WSP* و الگوریتم تضمین کننده پهناي باند هم در اين پيان نامه در قسمت هاي مختلف مورد ارجاع قرار مي گيرند ولي بدليل ارتباط كمتر اين الگوریتم ها در بخش ضميمه 4 و 5 به بررسی آنها پرداخته شده است)

تفاوت اصلی الگوریتم هاي مسیر يابي *QoS* با الگوریتم هاي مسیریابی سنتی در تعداد پارامترهای بکاربرده شده برای ایجاد تصمیمات مسیریابی است . در الگوریتم هاي مسیریابي سنتی هدف فقط بهینه سازی يك پارامتر است که اين پارامتر مي تواند طول مسیر ، هزینه مسیر ، تاخیر مسیر يا تعداد گام مسیر باشد . از نقطه نظر پياده سازی ، الگوریتم هاي مشابه ديجسترا يا بلمن فوردمي توانند کوتاهترین مسیر⁷ يا کم هزینه ترين مسیر⁸ را ارائه نمایند . ولي در مسیر يابي *QoS* که به آن مسیر يابي محدودیت هم گفته ميشود همواره بيش از يك پارامتر در ایجاد تصمیمات مسیریابی دخالت دارند . اين پارامترهای ثانوي می توانند به صورت قيد⁹ و يا به صورت پارامetri جهت بهینه شدن

⁷Shortest Path

⁸Least Cost

⁹constraint

طرح شوند که در هر دو صورت مساله مسیریابی QoS مساله ای $NP-hard$ ¹⁰ خواهد بود

در واقع این الگوریتم ها برای تضمین کیفیت سرویس، با پارامترهای زیادی سر و کار دارند که این افزونی پارامتر ها باعث میشود که این الگوریتم ها دارای پیچیدگی زمانی فوق العاده زیادی باشند. در همه روشها و الگوریتم های پیشنهاد شده [12,13,14,15] سعی شده است که به گونه ای صورت مساله ساده سازی شود. معمولاً این ساده سازی با کاهش تعداد پارامترها یا محدود کردن مقادیر پارامترهای مسیریابی در یک بازه مشخص و روشایی از این قبیل انجام شده است.

الگوریتم های $DCUR$ ، $DCCR$ ، الگوریتم تضمین کننده پهنایی باند ، $k-WSP$ و $CCPF$ نیز همگی حالات خاصی را در نظر گرفته اند. به این شکل که $DCUR$ و $DCCR$ و $CCPF$ پارامترهای تصمیم گیری را به دو پارامتر هزینه¹¹ و تاخیر¹² و الگوریتم تضمین کننده پهنایی باند پارامترهای تصمیم گیری را به دو پارامتر هزینه و پهنایی باند ، کاهش داده است. این کاهش پارامترها در جهت ساده شدن الگوریتم مسیریابی و متناسب با آن کم شدن پیچیدگی زمانی اجرای الگوریتم انجام شده است.

بسیاری از کاربردهای جدید مثل صوت یا تصویر نیاز به تاخیر انتها به انتهای مشخصی دارند به عبارت دیگر کاربردهایی اینچنین که در آنها حداقل تاخیر ممکن برای بسته ها مشخص و محدود است را کاربردهای حساس به تاخیر¹³ می گوییم. این کاربردها در

() Non Polinomial¹⁰

¹¹cost

¹²delay

¹³delay sensitive

صورتی که بسته های یک جریان با تاخیری بیش از مقدار مشخص شده به مقصد برسند یا بطور کامل بی نتیجه خواهد بود و یا افت شدیدی در کیفیت کاربرد حاصل میشود . در این کاربردها ، هدف اصلی الگوریتم مسیریابی ارضاء قیود تاخیر برای جریانهای شبکه است . یعنی مسیری برای یک جریان (یک بسته) انتخاب شود که تاخیر مورد نیاز بسته را برآورده سازد . در عین حال الگوریتم مسیریابی باید همراه با ارضاء قیود تاخیر، مسیری با حداقل هزینه را ارائه کند . این هزینه می تواند پارامتری نظیر مقدار بکارگیری منابع شبکه¹⁴ یا پارامترهایی نظیر فاصله و امثال آن باشد . مساله مهم و قابل توجه این است که این نوع مسیریابی مشابه مسیریابی کوتاهترین مسیر همراه با یک محدودیت (قید) اضافی است . بطور کلی می توان گفت هدف از مسیریابی کوتاهترین مسیر یا مسیریابی کمترین هزینه ، بهینه سازی است ولی در اینجا با یک مساله بهینه سازی روبرو شده ایم که یک پارامتر اضافی (قید تاخیر یا ...) را نیز باید ارضاء نماید . بنابراین می توان این مساله را جزو مسائل بهینه سازی چندپارامتری در نظر گرفت . همانطور که گفته شد این مسائل از نظر تئوریک مسائلی $NP-hard$ [16] بوده و برای ارائه راه حل مناسب باید تغییراتی در صورت مساله ایجاد کنیم .

2-1 الگوریتم DCCR

در این بخش روشهای برای یافتن یک مسیر با کمترین هزینه و همزمان با آن با یک قید تاخیر انتها به انتهای مشخص ارائه می کنیم [22] . می توان این مساله را

¹⁴network utilization

به صورت مساله $DCLC$ ¹⁵ فرموله کرد و یا بطور عمومی تر می توان آنرا به عنوان یک مساله بهینه سازی قیود¹⁶ در نظر گرفت . بسیاری از مقالات ارائه شده در مورد این مساله مسیریابی ، مساله را به یک مساله مسیریابی چندقیدی¹⁷ (یا به اختصار MCP) تبدیل کرده اند . تفاوت بین یک مساله MCP با مسائل $DCLC$ این است که مساله MCP فقط به دنبال یک جواب ممکن جستجو می کند در صورتی که در $DCLC$ هدف یافتن مسیری بهینه با قیود مشخص شده است . بنابراین بدليل عدم بهینه سازی جواب مطمئنا روشهای MCP الگوریتم های ساده تری هستند . با این همه حتی در مسائل MCP هم اگر یکی از پارامترهای تصمیم گیری مسیر تجمعی¹⁸ باشد و مقادیر آن به صورت مقادیری حقیقی تعریف شده باشند (یا مقادیر صحیح نامحدود) ، باز هم مساله به یک مساله $NP-hard$ تبدیل خواهد شد . برخی روشهای قبلی مثل [17] و [18] سعی بر این داشته اند که با حذف یکی از این شروط مساله را از حالت $NP-hard$ خارج نمایند یعنی یا مقادیر حقیقی را به مقادیر صحیح تبدیل کرده و یا فقط یک بازه خاص و معین برای تغییرات مقادیر پارامترها بکار بردۀ اند .

با توجه به اینکه مسائل MCP نسبت به $DCLC$ ساده تر هستند و از نظر زمان اجرای الگوریتم ، یک الگوریتم برای حل مساله MCP زمان کمتری نسبت به یک الگوریتم $DCLC$ خواهد داشت . روشنی که در این قسمت ارائه می کنیم نمونه ای از این روشهای است که

¹⁵Delay Constraint Least Cost

¹⁶Constraint optimization

¹⁷Multiple-Constraints Path

¹⁸additive

مسیرابی مقید به هزینه-تاخیر¹⁹ یا به اختصار *DCCR* نامیده میشود . این روش در شبکه های بزرگ با لینک های متقارن یا نامتقارن می تواند به سرعت جوابی نزدیک به بهترین جواب ممکن را ارائه نماید . این الگوریتم در مرحله اول با توجه به وضعیت شبکه یک حد بالایی برای هزینه²⁰ معرفی میکند . سپس با استفاده از الگوریتم k -کوتاهترین مسیر²¹ [19] مسیر دخواه را با ارائه یک تابع وزن خطی برای تاخیر و هزینه بدست می آورد . در روش ارائه شده ، اولویت بیشتر به هزینه²² داده شده است . در روش *DCCR* اگر حد بالایی هزینه بطور دقیقتر تعیین شود (کاهش یابد) به دقیقتر بودن جواب کمک خواهد کرد و همچنین کم شدن این حد بالایی ، زمان اجرای الگوریتم را نیز کاهش خواهد داد . بنابراین به عنوان یک بهبود ، الگوریتم ارائه شده در [20] را برای تعریف دقیق فضای مساله بکار خواهیم برد .

1-2-1 مدلسازی مساله

یک شبکه را به صورت مجموعه ای از نودها (روتر یا سویچ) که بوسیله لینک هایی به یکدیگر متصل شده اند مدل سازی می کنیم [21] . در این مدل V مجموعه ای از نودها و E مجموعه ای از یالهای گراف است . به دلیل دور شدن از بحث اصلی ، مدل دقیق ریاضی مساله در ضمیمه *B-2* بیان شده است.

مساله مسیر *DCLC* : در یک شبکه $N=(V,E)$ با هزینه های غیر منفی $C(e)$ برای هر $e \in E$ و تاخیرهای غیرمنفی $D(e)$ ،

¹⁹Delay-Cost Constrained Routing

²⁰cost bound

²¹k-shortest path

²²cost

برای هر نود $e \in E$ ، برای هر $s \in V$ ، نود مقصد $d \in V$ و یک قید تاخیر ثابت Δ ، مساله مینی‌موم سازی قید به صورت زیر است :

$$\min_{P_i \in \rho'(s, d)} Cost(P_i) \quad (1-1)$$

که در آن $(s, d)' \rho$ جموعه‌ای از مسیرهای موجود بین s و d است که بتواند قید تاخیر مساله را ارضاء نماید. یعنی $(s, d)' \rho$ جموعه‌های مسیرهایی است که تاخیرشان از Δ کمتر است. بنابراین $\rho(s, d) \subseteq \rho'(s, d)$ است. اگر $P_i \in \rho(s, d)$ باشد، آنگاه $P_i \in \rho'(s, d)$ خواهد بود اگر و فقط اگر :

$$Delay(P_i) \leq \Delta \quad (2-1)$$

مساله $DCLC$ می‌تواند بطور کلی در جموعه مسائل بهینه سازی قیود COP^{23} قرار گیرد که شامل بهینه سازی یک یا چند پارامتر با در نظر گرفتن قیودی برای دیگر پارامترهاست (در اینجا هدف بهینه کردن $cost$ با در نظر گرفتن قید $delay$ است). نوع دیگری از این مساله که به آن مسیریابی چندقیدی MCP گفته می‌شود، فقط به دنبال یک جواب ممکن جستجو انجام داده به گونه‌ای که این جواب ممکن، تمامی قیود مساله را ارضاء نماید. در واقع این روش هیچگونه بهینه سازی انجام نمی‌دهد. در اینجا مانند برای اینکه مساله را از حالت بهینه سازی خارج کنیم از همین روش استفاده می‌کنیم. به این معنی که برای $cost$ یک قید در نظر می‌گیریم به گونه‌ای که فقط مسیرهایی برای ما قابل قبول خواهند بود که $cost$ آنها از مقدار مشخص شده کمتر باشد. بنابراین مساله $DCLC$ به یک مساله MCP مبدل خواهد شد (مساله ای که در آن هدف ما فقط یافتن مسیری است که هم قید $cost$ و هم قید $delay$ را

²³Constrained Optimization Problem

برآورده سازد). این مساله را مساله قیود تاخیر-هزینه DCC^{24} می نامیم. از نظر مدل سازی این مساله نیز مشابه مساله $DCLC$ است با این تفاوت که هدف $D(P_i) \leq \Delta_c$ و $C(P_i) \leq \Delta_d$ است به گونه ای که در آن $P_i \in \rho'(s, d)$ باشد اگر و فقط اگر $P_i \in \rho'(s, d)$ که در آن Δ_c نشانده‌ند حد بالایی هزینه و Δ_d حد بالایی تاخیر را نشان می دهند. مساله $DCLC$ و DCC هر دو جزو مسائل $NP-hard$ هستند با این تفاوت که مساله $DCLC$ با هدف $delay$ بهینه سازی بر روی پارامتر $cost$ و با ارضاء قید عمل میکند در حالی که $DCCR$ الگوریتمی است که فقط با هدف ارضاء محدودیت $delay$ و $cost$ اجرا میشود.

2-2-1 $SSR+DCCR$ روش معرفی

همانطور که گفته شد هدف از مسیریابی $DCLC$ یافتن مسیری از s به d است به گونه ای که اولاً $Cost(P_i) \leq \Delta_d$ حداقل شود و ثانیاً $Delay(P_i) \leq \Delta_d$ باشد. برای ساده تر شدن مساله در روش ارائه شده برای $cost$ هم یک حد بالایی (بطور تقریبی) معین می کنیم. در این حالت هر جواب ممکن برای DCC یک جواب برای $DCLC$ خواهد بود البته اگر حد بالایی $cost$ بطور صحیح تقریب زده شده باشد. در این روش در ابتدا مسیری با کمترین تاخیر یافت میشود (LD^{25}). هزینه این مسیر به عنوان حد بالای هزینه ها در نظر گرفته میشود. اگر هیچ مسیر ممکن دیگری با هزینه کمتر از آن وجود نداشته باشد، مسیر LD بهترین مسیر است و مسیری است که توسط الگوریتم بازگردانده میشود.

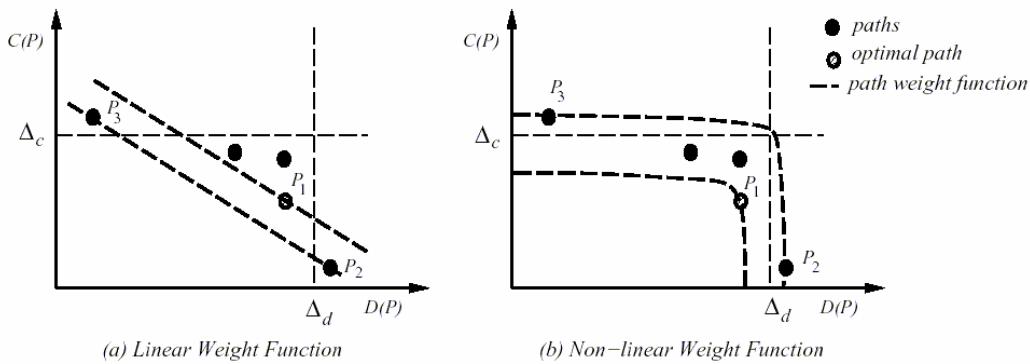
²⁴Delay-Cost Constraint

²⁵Least Delay

برای پیدا کردن مسیری با حداقل هزینه باید همه فضای راه حل ها²⁶ جستجو شود ، مانیاز داریم که تمامی راه حل های ممکن را برای DCC بررسی کنیم (مسیرهایی که هر دو قید ارائه شده را ارضانمایند) به این منظور ، از الگوریتم های مشهور کوتاهترین مسیر (مثل دیجسترا یا بلمن-فورد) استفاده می کنیم . ولی این الگوریتم ها بطور معمول فقط از یک پارامتر جهت ایجاد تصمیمات راهگزینی استفاده می کنند و ما جبوریم که تمامی پارامترهای مربوط به یک لینک را ترکیب کرده و وزن جدیدی ایجاد کنیم که این وزن جدید به عنوان پارامتر تصمیم گیری در الگوریتم کوتاهترین مسیر بکار گرفته شود ، با این روش می توان مسیری را بدست آورد که همه پارامترهای ممکن را با هم حداقل کند .

یک راه حل ساده استفاده از ترکیب خطی پارامترها است به عنوان مثال $w(e) = \alpha C(e) + \beta D(e)$ می تواند وزن جدیدی باشد که به هر لینک نسبت می دهیم . این روش دارای این مزیت است که فضای جستجوی مربوط به چندین قید را به یک قید خلاصه میکند یعنی میتوان فقط به دنبال این بود که مسیری بیابیم تا قید $\Delta = \alpha \Delta_c + \beta \Delta_d$ را ارضاء کند . ولی این تابع خطی برای وزن گذاری انعکاس مناسبی ازکیفیت مسیر نیست یعنی با این وزن گذاری جدید یک مسیر بهینه می تواند توسط یک مسیر نیمه بهینه حذف شود . یعنی مسیری بدتر ، دارای وزنی بهتر از یک مسیر بهینه است . شکل زیر این مساله را نشان میدهد :

²⁶solution space



شكل 1-1 : مقاييسه توابع وزني خطبي و غير خطبي [21]

در شکل (1-1) قسمت a دیده میشود که با اینکه تا خیر $P2$ از حد جاذبیشتر است و لی هنوز هم دارای کمترین وزن است به این دلیل که $cost$ این مسیر بسیار پایین است، بنابراین فرایند جستجو، مسیر بهینه واقعی را در نظر نگرفته و مسیر ممکن $P1$ را انتخاب نخواهد کرد و یا میتوان با استدلالی مشابه دید که مسیر $P3$ می تواند توسط این الگوریتم انتخاب شود در صورتی که مسیر بهینه $P1$ جواب واقعی مساله است.

برای حل این مشکل باید تابع وزن دیگری پیشنهاد کنیم. روش دیگری که در اینجا ارائه میشود یک تابع غیر خطی است و بطور دقیق تر یک تابع کسری است که به صورت زیر تعریف میشود [22] :

$$w(p) = \max\left(\frac{C(p)}{\Delta_c}, \frac{D(p)}{\Delta_d}\right) \quad (3-1)$$

می توان نشان داد که با اینتابع وزنی ، الگوریتم $DCCR$ می تواند کوتاهترین مسیر (مسیری که هم قید تاخیر و هم قید هزینه را برآورده سازد) را با یک نرخ موفقیت بالا ارائه نماید . در قسمت b شکل (1-1) دیده میشود که با ارائه اینتابع جدید دیگر P_2 یا