



# بررسی نظری ساختار الکترونی و ویژگیهای شیمیایی عایق توپولوژیکی دوبعدی بیسموت: رهیافت نظریهی تابعی چگالی

- پایاننامهی کارشناسی ارشد نفیسه فلسفی
- استاد راهنما: دکتر فریبا نظری استاد مشاور: دکتر سعید عابدین پور

خرداد ۱۳۹۳



تقديم به كسانى كه

از آنها <mark>زاده شد</mark>م و

کسی که از او **جاودانه** 

استادی که سپیدی را بر تخته سیاه زندگیم نگاشت و

**مادری** که تار مویی از او بپای من سیاه نماند و

روح پاک پدرم که عالمانه به من آموخت تا ایستادگی را تجربه کنم.

سپاس از خدایی که هر چه دارم از اوست، خدایی که این بنده ی کوچک را در دریای بیکران علم، همچون قطره ای ساخت تا وسعت آن را از دریچه ی اندیشه های ناب معلمانی بزرگ تماشاکند. سپاس از تمام کسانی که نامشان رزق روحم شده، جراتم می بخشد و روشنم می دارد..... از استاد عزیز و محربانم <mark>دکتر فریبا نظری</mark> بخاطر سعه ی صدر و رهنمون های دلسوزانه شان، کسی که در لحظه لحظه ی تحصیل پشتیبان و راهنمایم بود، آموخت مرا تا بیاموزم و هرگز محبت مادرانه ی خود را از من دريغ نكرد. و از اساتید گرامی دکتر عابدین پور و دکتر قربان زاده که زحمت مشاوره ی این پایان نامه را متحمل شدند. سپاس از <mark>مادرم</mark>، نازنین یار بی صدای شب های پرتلاطم زندگی ام که نه می توانم موهایش را که در راه عزت من سفید شدند، سیاه کنم و نه برای دست هایش که در راه افتخار من پینه زدند مرهمی باشم. و تقدیم به روح بزرگوار **پدرم** که چون مشعل امیدبخش مسیر پرپیچ و خم زندگی ام بود . از دوستان عزیزم خانم نرجس انصاری و الهام آشوری هم به خاطر همه ی راهنمایی هایشان سپاسگذارم. و در آخر نیز از تمام کسانی که نفس خیرشان، بدرقه ی راهم بود سپاس گذارم.



چکیدہ

امروزه بیسموت با برهمکنش اسپین-مدار قوی و ساختاری لایهای متشکل از دولایهها، توجه زیادی را بهسوی خود جلب کرده است. بهمنظور شناسایی ویژگیهای ذاتی و آشنایی با عملکرد متفاوت گونههای مختلف (بهخصوص گونههای محیطی) با بهکارگیری نظریهی تابعی چگالی برهمکنش اتم اکسیژن (بهعنوان یک گونهی محیطی) و اتم مغناطیسی پلاتین با نانو نوار زیگزاگ بیسموت (۱×۱۲) بررسی شده است. لازم به یادآوری است که سامانهی بیسموت در ابعاد متفاوت دارای ویژگیهای مختلفی است. بهطوریکه در سامانهی شبهفلزی سهبعدی بیسموت با کاهش بعد، گسترهای از ویژگیهای نارسانایی تا شبهفلزی در سامانههای متشکل از دولایههای آن دیده میشود. با انتخاب سامانهای با بزرگترین شکاف نواری از میان سامانههای دوبعدی یاد شده و کاهش مجدد بعد آن، ویژگی توپولوژیکی دوبعدی (حالتهای لبه و اتصال آنها از طریق مخروط دیراک) نیز با افزایش اندازهی نانونوار تا عرض ۱×۱۲ مشاهده شده است. ویژگی توپولوژیکی این نانونوار پس از انجام تعدادی بررسی (شامل توزیع چگالی بار نوارهای مرزی و اشباع شدن پیوندهای آزاد در لبه) مورد تایید قرار گرفته است. گزینش اتم اکسیژن و اتم مغناطیسی پلاتین نیز پس از بررسی جذب چندین اتم در سامانهی دوبعدی بیسموت و ساختار نواری حاصل از آنها صورت گرفته است. نتیجهی بررسیها گزینش موقعیت جانشینی را بهوسیلهی اتم پلاتین و موقعیت پل را نیز توسط اتم اکسیژن و در هر دو حالت با جذب شیمیایی نشان میدهد. از سوی دیگر جذب گونههای جاذب پلاتین و اکسیژن در سامانهی توپولوژیکی مربوطه، بهترتیب با جذب بار نسبت به خود و دفع آن، موجب القای ویژگی فلزی و ابقای ویژگی نارسانایی در تودهی دوبعدی عایق مربوط به نانونوار توپولوژیکی شده است. با ادامهی بررسیهای مربوط به آلاییدن نانونوار یکبعدی نیز ویژگی متفاوتی از سوی هر دو اتم پلاتین و اکسیژن مشاهده شده است.

فهرست مطالب

صفحه	عنوان
	فصل اول
	مقدمهى عمومى
١	۱.۱ مقدمه
۱.	مراجع
	فصل دوم
	روش های محاسباتی
١٢	١.٢ مقدمه
١٨	۲.۲ نظریه ی تابعی چگالی
22	۱.۲.۲ تقریب چگالی موضعی (الدیای)
۲۳	۲.۲.۲ تقریب شیب چگالی تعمیمیافته (جیجیای)
40	۳.۲ آستانه یا حد انرژی
۲۷	۴.۲ فضای معکوس و نقطههای K
29	۵.۲ تقریب پتانسیل مجازی
٣٢	۶.۲ محاسبههای بر پایهی دیافتی در سطح ترکیبهای
37	۷.۲ چگالی حالت های الکترونی
۳۶	۸.۲ چگالی موضعی حالتهای الکترونی
٣٧	۹.۲ محاسبههایی بر پایهی دیافتی با رفتار همبستگی الکترونی تصحیح یافته
٣٧	۱۰.۲ محاسبههایی بر پایهی دیافتی با برهمکنشهای پراکندگی تصحیح یافته
٣٨	۱۱.۲ خطای خود برهمکنشی، سامانههایی با الکترونهای بهشدت همبسته
٣٩	۱۲.۲ نقطههای قوت و ضعف نظریهی تابعی چگالی با استفاده از تابع پایههای موج تخت
۴.	مراجع
	فصل سوم
	مروری بر کارهای گذشته
47	۱.۳ مروری بر تاریخچهی عایق های توپولوژیکی

عنوان	صفحه
۲.۳ مروری بر کارهای صورت گرفته درزمینهی عایقهای توپولوژیکی سهبعدی	۵۲
۱.۲.۳ بررسیهای تجربی درزمینهی عایقهای توپولوژیکی سهبعدی	66
۲.۲.۳ بررسیهای نظری صورت گرفته در رابطه با عایقهای توپولوژیکی سهبعدی	۵V
۳.۳ عايقهاي توپولوژيکي دوبعدي	۵۸
مراجع	54
فصل چهارم	

## نتيجه و بحث

۶ <i>۸</i>	۱.۴ جزييات ساختاري بيسموت
٧.	۲.۴ اصول محاسباتی
۷١	۳.۴ نتايج
۷١	۱.۳.۴ ساختارھای سەبعدی
٧٢	۱.۳.۴ الف) سلول واحد شش وجهی
٧٣	۱.۳.۴ ب) سلول واحد لوزوجهی
V۵	۴.۴ ساختارهای دوبعدی
٨٢	۵.۴ ساختارهای یکبعدی
۸۳	۱.۵.۴ حذف اثر اندازهی کوانتومی و تحقق فاز عایق توپولوژیکی دوبعدی
٨V	۲.۵.۴ اثبات رفتار عایق توپولوژیکی دوبعدی در نانو نوار 1 ×ZBNR-12
۸V	۱.۲.۵.۴ مشاهدهی رفتار عایق در تودهی نانو نوار 1 ×ZBNR-12
λλ	۲.۲.۵.۴ منشا حالتهای لبه
٩٠	۳.۲.۵.۴ رفتار متفاوت اتمهای لبه و توده در نمودارهای پیدیاواس
٩٠	۴.۲.۵.۴ رفتار غیر بدیهی حالتهای لبه
٩٢	۵.۲.۵.۴ نمایش توزیع چگالی بار در حالتهای لبهی نانو نوار ZBNR
٩٣	۶.۲.۵.۴ نمایش توزیع چگالی بار در حالتهای موجود در سطح فرمی ZBBu
94	۷.۲.۵.۴ بررسی توزیع چگالی بار حالتهای توده در ساختار نواری ZBNR
٩۶	۸.۲.۵.۴ بررسی توزیع بار لاودین بهعنوان معیار دیگری بر توجیه رفتار متفاوت
٩۶	۳.۵.۴ شناخت بیشتر نانو نوارهای بیسموت

صفحه	عنوان
	۴.۵.۴ شناخت جایگاههای فعال سطح نانو نوار 1×12- ZBNR و انتخاب مناسبترین اتم
٩٧	برای آلاییدن آن
۱۰۰	۵.۵.۴ جایگیری اتم پلاتین در سامانهی 1×12- ZBBu
١٠٣	۶.۵.۴ بررسی رفتار اتم پلاتین جایگیری شده در سامانهی 1×12- ZBNR
١٠۵	۷.۵.۴ آلاییدن سامانهی 1×2 <b>BBu -</b> 12 بهوسیلهی اتم اکسیژن
١٠٩	۸.۵.۴ بررسی رفتار اتم اکسیژن جایگیری شده در سامانهی 1×12- ZBNR
111	نتيجه گيري
١١٣	مراجع
110	پيوست الف
111	پيوست ب

فهرست شكلها

صفحه	عنوان
۲۵	شکل (۱.۲) طبقهبندی مفید از تابعیها که توسط پردیو و همکارانش ارایه شده است
۲۸	شکل (۲.۲) سمت چپ: فضای معکوس و راست ناحیهی بریلوین مربوط به شبکهی مکعبی
	شکل (۳.۲) یک شبکهی مکعبی به همراه شانزده نقطهی k در ناحیهی بریلوین و ناحیهی بریلوین
24	کاسته که دارای سه نقطهی k متمایز است
٣.	شکل (۴.۲) سه حالت s با کمترین انرژی مربوط به اوربیتالهای اتم هیدروژن
	شکل (۵.۲) تصویر پتانسیل تمام الکترون (خطهای پر) و پتانسیل مجازی (خطهای نقطهچین) به
٣١	همراه تابع موج مربوط به هر يک.
٢٣	شکل (۶.۲) تصویر سطحی با شاخصهای میلر (110) است
	شکل (۷.۲) موقعیتهای جذبی متفاوت شامل موقعیت سر، پل، حفرهی چهارتایی و سهتایی به-
٣۴	صورت شماتیک در یک سطح نوعی نشان دادهشده است
	شکل (۱.۳) تبدیل فنجان به دونات (دو شکل همارز توپولوژیک که دارای تعداد حفرهی یکسان
۴۳	هستند) را طی ده مرحله نشان میدهد
	شکل (۲.۳) <b>الف)</b> اثر کوانتومی هال را نشان میدهد و ب) نیز ساختار نواری این سامانه با حالت-
<i>kk</i>	های لبهی هادی در شکاف نواری توده ای
۴۷	شکل (۳٫۳) <b>الف)</b> حالتهای مرزی و <b>ب)</b> توزیع انرژی یک عایق توپولوژیکی یکبعدی
	شکل (۴.۳) <b>الف)</b> ساختار عایق توپولوژیکی دوبعدی و جریانهای اسپینی خالص و <b>ب)</b> نیز
<b>*</b> V	ساختار نواری آن را به همراه حالتهای لبهی اسپین- قطبیدهی هادی نشان میدهد
	شکل (۵.۳) <b>الف)</b> نوارهای انرژی تودهی کادمیوم تلورید عایق با شکاف نواری بزرگی در حدود
	۱/۶ الکترونولت و ب) نوارهای انرژی تودهی جیوه تلورید با ساختار نواری وارونه. پ)
	وارونگی نوارهای چاه کوانتومی سهتایی در ضخامتهای بالای حد بحرانی و نوارهای نرمال در
49	ضخامتهای پایین حد بحرانی
	شکل (۶.۳) <b>الف)</b> سطوح دوبعدی فلزی در یک عایق توپولوژیکی سهبعدی و <b>ب)</b> ساختار نواری
۵.	اسپینی حالتهای سطحی
	شکل (۷.۳) حالتهای سطحی <b>الف)</b> غیر بدیهی عایق توپولوژیکی بیسموت سلنید با رابطهی
۵.	خطی و ب) بدیهی طلا که دارای رابطهای سهموی است
٥۴	شکل (۸.۳) پدیدهی خمشدگی نوار را نشان میدهد

صفحه	عنوان
	شکل (۹.۳) عایق توپولوژیکی بیسموت سلنید آلاییده بهوسیلهی ناخالصی غیر مغناطیسی
۵۶	(تاليم)
۶١	شکل (۱۰.۳) <b>الف)</b> ساختار بلوری سلول واحد ششوجهی بیسموت، متشکل از سه دولایهای
	شکل (۴٫۱) سلول واحد تودهی بیسموت در دو ساختار ششوجهی بهرنگ دایرههای قرمز و
۶٩	لوزوجهی بەرنگ دایرەھای زردرنگ
	شکل (۲.۴) ناحیههای بریلوین مربوط به شبکهی <b>الف)</b> ششوجهی و <b>ب)</b> لوزوجهی. <b>پ)</b> ساختار
٧٢	اتمی سلول واحد ششوجهی و ت) ساختار اتمی سلول واحد لوزوجهی
	شکل (۳.۴) نمودارهای مربوط به بهینهسازی <b>الف)</b> و <b>ب)</b> پارامترهای شبکهی a و c، آستانهی
	انرژی جنبشی پ) با لحاظ کردن اساوسی و ت) بدون لحاظ کردن این برهمکنش ث) بهینه-
V٣	سازی تعداد نقطههای k در سلول واحد HBBu
	شکل (۴.۴) <b>الف)</b> ساختار نواری تودهی ششوجهی بیسموت (HBBu) با لحاظ کردن اساوسی.
	ب) بدون لحاظ کردن این برهمکنش. پ) ساختار نواری تودهی لوزوجهی (RBBu) با لحاظ
٧۴	کردن اساوسی و <b>ت)</b> بدون لحاظ کردن این برهمکنش
	شکل (۵.۴) قسمت ا <b>لف)</b> نمودار چگالی حالتهای الکترونی تودهی ششوجهی
٧۵	بیسموت (HBBu) با لحاظ کردن اساوسی و ب) بدون لحاظ کردن این برهمکنش
	شکل (۶.۴) ساختارهای اتمی مربوط به سامانههای دوبعدی متشکل از دولایههای اتمی که دارای
V۶	ضخامتهای متفاوتی از یک تا ده، دولایهی اتمی هستند
	شکل (۷.۴) ساختار نواری یک، دولایهای از بیسموت با لحاظ کردن اساوسی که در شکل <b>الف)</b>
VV	با انجام فراًیند اُسایش و در شکل ب) بدون انجام این فراًیند صورت گرفته است
	شکل (۸.۴) ساختار نواری فیلم (۱۱۱) بیسموت با ضخامتهای متفاوت <b>الف)</b> یک، <b>ب) د</b> و، <b>پ)</b>
V٨	سه، ت) چهار، ث) پنج و ج) شش، چ) هفت، ح) هشت، خ) نه، د) ده، دولایهای
	شکل (۹.۴) الف) ساختار تودهی ششوجهی بیسموت. ساختارهای اتمی <b>ب)</b> و <b>پ)</b> ساختار
	دولایهی اتمی اول بیسموت، <b>ت</b> ) و <b>ث)</b> ساختار دولایهی اتمی دوم و <b>ج)</b> و <b>چ)</b> ساختار دولایهی
<b>٧</b> ٩	اتمی سوم که از نمای پهلو و بالا نشان دادهشدهاند
	شکل (۱۰.۴) <b>الف)</b> ساختار نواری بدون لحاظ کردن اساوسی برای دولایهی اول و دوم و سوم
	بیسموت که به ترتیب از ساختار تودهی بیسموت در شکل (۴. ۸) <b>الف)</b> بریدهشدهاند. <b>ب</b> ) ساختار
	نواری آنها با لحاظ کردن اساوسی. پ) نمودار مربوط به دیاواس ساختارهای متشکل از یک،
٨.	دولایهی اتمی بدون لحاظ کردن اساوسی و ت) با لحاظ کردن این برهمکنش

V

صفحه	عنوان
	شکل (۱۱.۴) <b>الف)</b> ساختار اتمی یک ابر سلول (۳×۳) HBBu از نمای بالا <b>ب)</b> ساختار ابر سلول
٨٢	را با شبکهی لانهزنبوری مشابه با گرافن از نمای بالا نشان میدهد
	شکل (۱۲.۴) ساختار نانو نوار زیگزاگ (ZBNR-M×N) با طول M و عرض N از نمای الف)
	پهلو و ب) روبرو .ساختار نانو نوار دسته صندلی (ABNR-M×N) با طول M و عرض N پ)
7	از نمای پهلو و <b>ت)</b> از نمای بالا
	شكل (۱۳.۴) ساختار نواري نانو نوار ا <b>لف) 1×2=ZBNR ب) 1×4=ZBNR پ) 1</b> ×6
	ت) ZBNR-9×1 (ٹ ZBNR-12×1 ج) ZBNR-12×1 چ) ZBNR-9×1 ح) 10×1 ح
)	ZBNR و XBNR-12×1 برای مقایسه باهم کشیده شدهاند
	شکل (۱۴.۴) حالتهای لبهی بدیهی و غیر بدیهی را در نانو نوارهای الف) 1×10 و ب) 1×12
	نشان می دهد
	شکل (۱۵.۴) <b>الف)</b> و <b>ب)</b> ساختار نواری دو نانو نوار کوچک با اندازهی حداقل (1×2–ZBNR و
	1×4–ZBNR) پ) و ت) دو نانو نوار آخر (1×10–ZBNR و 1×12–ZBNR) که بدون لحاظ
	كردن اساوسي رسم شده اند
	شکل (۱۶.۴) <b>الف)</b> ساختار نواری 1×2BBu–12 بدون لحاظ کردن اساوسی و <b>ب)</b> با لحاظ
	کردن این برهمکنش پ) نمودار دیاواس 1×2BBu–12 بدون لحاظ کردن اساوسی و <b>ت)</b> پی-
	دیاواس این ساختار بر روی اوربیتالهای p و s و d تمام ۲۴ اتم 1×2BBu-12 بدون اساوسی
	شکل (۱۷.۴) ساختار نواری نانو نوارهای 1×6-ZBNR <b>الف)</b> به صورت خالص و ب) اشباع شده
	با دو اتم هیدروژن و ساختار نواری نانو نوار 1×2BNR <b>پ)</b> بهصورت خالص و ت)
	اشباعشده با دو اتم هیدروژن
	شکل (۱۸.۴) پیدیاواس اوربیتالهای p اتمهای توده، میانی و لبهی نانو نوار 1×2BNR
	مشخص شده در شکل بالايي نمودار
	شکل (۱۹.۴) طرح شماتیک از ساختار نواری یک عایق <b>الف)</b> معمولی (عایق توپولوژیکی بدیهی)
	ب) يک عايق توپولوژيکي دوبعدي (غير بديهي)
	شكل (۲۰.۴) ساختار نوارى 1×2BNR-12
	شکل (۲۱.۴) یک ساختار نواری شماتیک (Sb(111 متشکل از ۲۰ دولایهی اتمی
	شکل (۲۲.۴) ساختار نواری نانو نوار 1×12- ZBNR که حالتهای لبهی A و B را در انرژی
	فرمى نشان مىدهد

	صفحه	عنوان
(۲۳.۴) توزیع چگالی بار نانو نوار 1×12- ZBNR مربوط به حالتهای لبه در نقطههای a <sub>1</sub> ،		شکل (۲۳.۴) توزیع چگالی بار نانو نوار 1×12- ZBNR مربوط به حالتهای لبه
ا و b2 در ساختار نواری نانو نوار 1×12- ZBNR	٩٢	b1 ،a2 و b2 در ساختار نواری نانو نوار 1×12- ZBNR
(۲۴.۴) ساختار نواری سامانهی دوبعدی، 1×12- ZBBu به همراه دو نوار A (کمینهی نوار		شکل (۲۴.۴) ساختار نواری سامانهی دوبعدی، 1×12- ZBBu به همراه دو نوار
) و B (بیشینهی نوار ظرفیت)	٩٣	هدایت) و B (بیشینهی نوار ظرفیت)
(۲۵.۴) توزیع چگالی بار سامانهی دوبعدی1×12- ZBBu مربوط به پنج نقطهی برگزیده از		شکل (۲۵.۴) توزیع چگالی بار سامانهی دوبعدی1×12- ZBBu مربوط به پنج نة
ی نوار هدایت b <sub>1</sub> ، a <sub>2</sub> ، a <sub>3</sub> ، a <sub>2</sub> ، a <sub>3</sub> و a <sub>5</sub> و نقطههایb <sub>1</sub> ، b <sub>2</sub> ، b <sub>3</sub> ، b <sub>3</sub> و b <sub>5</sub> مربوط به بیشینهی نوار		کمینهی نوار هدایت b4 ، b1 ، b2 ، b1 و a5 و a5 و نقطههایb1 ، b2 ، b3 ، b2 و b5 مربوط
вВ с	94	ظرفيت B
(۲۶.۴) ساختار نواری نانو نوار زیگزاگ بیسموت با اندازهی ۱×۱۲ که یکی از نوارهای		شکل (۲۶.۴) ساختار نواری نانو نوار زیگزاگ بیسموت با اندازهی ۱×۱۲ که
ی در آن با رنگ آبی نشان دادهشده است	۹۵	تودهای در آن با رنگ آبی نشان دادهشده است
(۲۷.۴) توزیع چگالی بار سه نوار برگزیده از میان نوارهای ظرفیت ساختار نواری در نانو		شکل (۲۷.۴) توزیع چگالی بار سه نوار برگزیده از میان نوارهای ظرفیت ساختا
ZBNR -12×	۹۵	نوار 1×12- ZBNR
(۲۸.۴) توزیع بار اتمهای تشکیلدهندهی نانو نوار 1×12– ZBNR برحسب فاصله از لبهی		شکل (۲۸.۴) توزیع بار اتمهای تشکیلدهندهی نانو نوار 1×2DNR برحسم
ار	٩۶	نانو نوار
(۲۹.۴) <b>الف)</b> و <b>ب)</b> ساختار اتمی نانو نوار 1×12- ZBNR را از نمای پهلو و روبهرو قبل		شکل (۲۹.۴) <b>الف) و ب)</b> ساختار اتمی نانو نوار 1×12- ZBNR را از نمای په
ام فرآیند آسایش <b>پ) و ت)</b> بازآرایی اتمهای لبه در 1×12- ZBNR پس از انجام فرآیند		از انجام فرآیند آسایش <b>پ)</b> و <b>ت)</b> بازآرایی اتمهای لبه در 1×12- ZBNR پس
ل را نشان میدهد	٩٧	آسایش را نشان میدهد
(۳۰.۴) بخشی از ساختار نانو نوار (1×12- ZBNR) به همراه مکانهای فعال سطحی با		شکل (۳۰.۴) بخشی از ساختار نانو نوار (1×12- ZBNR) به همراه مکانهای
،های اختصاری T, B1, B2, H	٩٧	علامتهای اختصاری T, B1, B2, H
(۳۱.۴) الف) و ب) و پ) و ت) و ث) و ج) و چ) و ح) و خ) و د) و ذ) و ر) و ژ) و		شکل (۳۱.۴) <b>الف) و ب) و پ) و ت) و ث) و ج) و چ) و ح) و خ) و د) و</b>
ربوط به آلاییدن تودهی 1×2BBu-12 به ترتیب با اتمهای بور، کربن، فلوئور، آهن و		س) مربوط به آلاییدن تودهی 1×2BBu-12 به ترتیب با اتمهای بور، کربن،
منگنز، نیتروژن، اسمیم، آنتیموان، تیتانیوم، قلع، لیتیم، پلاتین و اکسیژن است	٩٩	کروم، منگنز، نیتروژن، اسمیم، آنتیموان، تیتانیوم، قلع، لیتیم، پلاتین و اکسیژن است
(۳۲.۴) نمودار انرژی جذب اتم پلاتین در ساختار 1×12- ZBBu در موقعیتهای مختلفی		شکل (۳۲.۴) نمودار انرژی جذب اتم پلاتین در ساختار 1×12- ZBBu در موق
شکل (۲۹.۴) مشخص شده است	۱	که در شکل (۲۹.۴) مشخص شده است
(۳۳.۴) <b>الف)</b> ساختار نواری ساختار 1×12- ZBBu آلاییده شده با اتم پلاتین بدون در نظر		شکل (۳۳.۴) ا <b>لف)</b> ساختار نواری ساختار 1×12- ZBBu آلاییده شده با اتم پلا
اساوسی و ب) دیاواس مربوط به 1×12- ZBBu آلاییده شده با اتم پلاتین در جایگاه		گرفتن اساوسی و <b>ب)</b> دیاواس مربوط به 1×12- ZBBu آلاییده شده با اتم پ
نى بەعنوان موقعيت پايدار جذبى	۱۰۱	جانشيني بەعنوان موقعيت پايدار جذبي
(۳۴.۴) نمودار اختلاف بار اتمهای 1×12– ZBBu آلاییده شده با پلاتین که تنها اختلاف		شکل (۳۴.۴) نمودار اختلاف بار اتمهای 1×12- ZBBu آلاییده شده با پلاتین
ود آمده در اتمهای اطراف پلاتین را نشان میدهد	1.7	به وجود آمده در اتمهای اطراف پلاتین را نشان میدهد

#### VII

فهرست جدول

عنوان صفحه جدول (۱.۴): مقایسهی پارامترهای ساختاری بهدست آمده با دو منبع مختلف، یکی تجربی و دیگری با بهکارگیری بستهی نرم افزاری کوانتوم اسپرسو و تقریب چگالی موضعی...... ۸١

# فصل اول

### مقدمەي عمومى

#### ۱.۱ مقدمه:

نانو مواد با بعدهای کوچک خود دارای ویژگیهای الکتریکی، مکانیکی، نوری و مغناطیسی جالبتوجهی هستند. ازاینرو نامزد مناسبی در نانو الکترونیک، نانو مکانیک، نانو فوتونیک و بیوتکنولوژی محسوب می-شوند. بیسموت شبهفلزی از گروه پانزده جدول تناوبی، دارای ویژگیهای فیزیکی منحصربهفردی است. ازاینرو تلاشهای بسیاری درزمینهی سنتز انواع مختلفی از نانو ساختارهای آن صورت میگیرد. دلیل این جلبتوجه را میتوان در ویژگیهای الکترونیکی و نوری متفاوت نانو مواد بیسموت نسبت به حالت تودهای آن دانست. بهعنوان نمونه نانوسیمهای بیسموت ویژگیهای ترموالکتریکی قابل توجهی نسبت به تودهی خود نشان میدهند. این ویژگی برخلاف ویژگی تودهی بیسموت است که فاقد ویژگی ترموالکتریکی است. اثر ترموالکتریک اشاره به یدیدهای دارد که در آن اختلاف دما ایجاد یک یتانسیل الکتریکی میکند و یا یتانسیل الکتریکی تولید یک اختلاف دما میکند. نانولولههای دسته صندلی و زیگزاگ بیسموت نیز برخلاف ویژگی شبهفلزی تودهی خود دارای ویژگی نیمههادی هستند. در میان تمام نانو ساختارهای بیسموت با ویژگیهای قابل توجه، نانو نوارهای آن بهعنوان ستارهی درخشان این جمع شناخته می شوند. ازاینرو توجه زیادی را به-سوی خود جلب نمودهاند. بررسیهای انجامشده، حکایت از پایداری بیشتر نانو نوارهای بیسموت نسبت به نانو نوارهای گرافن دارد. از سوی دیگر نانو نوارهای بیسموت با داشتن برهمکنش اسیین– مدار ؓ قوی (که ازاین پس برگرفته از مخفف انگلیسی آن (SOC) اس اوسی نامیده می شود)، دارای فاز کوانتومی اسیینی هال<sup>۴</sup> (یعنی عایق توپولوژیکی دوبعدی) هستند و جریانهای لبهی اسیین- قطبیده دارند. ازاینرو بدون نیاز به اعمال میدان یا تغییر ساختار، دارای شرایط مساعد جهت کاربرد در فن اُوری اسیین ترونیک<sup>۵</sup> خواهند بود.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Armchair

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Zigzag

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Spin – Orbit Coupling (SOC)

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Quantum Spin Hall Phase (QSH)

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Spintronic

برای آشنایی با مفاهیمی چون اس اوسی، فاز کوانتومی اسپینی هال، جریان های لبه و فن آوری اسپین ترونیک، نیازمند آشنایی با مفهومی چون نظم توپولوژیک هستیم. نظم توپولوژیک عامل مهمی در ایجاد فازهای غیرمتداول ماده است و ارتباط تنگاتنگی با طبقهبندی مواد دارد [۱]. بهطوریکه وجود آن موجب تغییر در مبنای طبقهبندی مواد شد. همانطور که میدانیم فازهای متنوعی از ماده در طبیعت وجود دارد که اختلافشان ناشی از نظم متفاوت اجزای تشکیل دهنده آنها است. در جهان کلاسیک ماده در سه فاز اصلی جامد، مایع و گاز معرفی می شد [۲]. ولی بعدها با ظهور فیزیک کوانتومی دستهبندی جدیدی از حالتهای ماده بر مبنای نظریهی لاندائو ( [۳] (یک نظریهی عمومی برای فرموله کردن انتقال فاز پیوسته) صورت گرفت. لاندائو در سال ۱۹۴۰ حالت ماده را بر پایهی شکست خودبه خودی تقارن معرفی کرد که گام اساسی در توسعهی چنین نظریهی عمومی توجه به همبستگی نظمها و تقارنها (شکست تقارنها) بوده است [۴]. جامدهای بلوری، آهنرباها و ابررساناها (ابررسانایی یدیدهای مکانیک کوانتومی با مقاومت الکتریکی صفر است که در مواد و شرایط خاص (همانند سرد شدن تا یک دمای مشخصه) رخ می دهد) ازجمله موادی بودند که به کمک این نظریه معرفی شدند. در موارد یادشده به ترتیب تقارنهای انتقالی ، چرخشی ۳ و پیمانهای ٔ بهطور خودبه-خودی شکسته می شود [۵]. مثالی از شکست تقارن، تبدیل فاز مایع به جامد است. اتمهای یک مایع دارای توزيع تصادفي هستند. درنتيجه با اعمال تغيير فاصله بر روى اجزاي تشكيل دهندهي آن نيز، مايع شكل خود را حفظ میکند. بهعبارتدیگر گفته میشود فاز مایع دارای تقارن انتقالی پیوسته<sup>۵</sup> است. در جریان انتقال فاز، مايع به شبکهی بلوری تبدیل می شود که اتمهای آن در یک آرایش منظم سامان دهی شدهاند. یعنی تقارن انتقالي پیوستار به تقارن انتقالی گسسته تبدیل می شود که مکان اتمهای آن تنها بافاصلهای معین تغییر می کند (مرتبهای صحیح از ثابت شبکه). این تغییر یا کاهش تقارن، شکست تقارن نامیده می شود.

تا قبل از کشف اثر کوانتومی هال<sup>۶</sup> توسط کلینگ<sup>۷</sup> و همکارانش در سال ۱۹۸۰، فیزیکدانها بر این باور بودند که این نظریه قادر به توصیف تمام حالتهای ماده و انتقال فازهای میان آنها است [۲]. اما مطالعهی این اثر در طول ۳۰ سال گذشته منجر به الگوی طبقهبندی متفاوتی بر پایهی نظم توپولوژیک<sup>۸</sup> شد [۴]. نظم توپولوژیک و یا به بیان دقیق تر نظم کوانتومی نوع جدیدی از نظم را بیان میکند که در مادههای کوانتومی (فازهایی که در دمای صفر مطلق وجود دارند) ظاهر میشود [۲]. حالتهای منظم توپولوژیک دارای ویژگی-های عجیبی هستند که حالتهای مرزی به شکل کانالهای هادی یکی از این موارد است. با توجه به این نکته که عبور الکتریسیته از این کانالها با تولید گرما همراه نبوده، این ویژگی کاربرد این مواد را در ابزارهای الکترونیکی فراهم میکند. این حالتها اولین مثال از حالتهای کوانتومی بودند که نظریهی شکست خودبه-

- <sup>1</sup> Landau
- <sup>2</sup> Translational symmetry
- <sup>3</sup> Rotational symmetry
- <sup>4</sup> Gauge symmetry
- <sup>5</sup> Continuous translation symmetry
- <sup>6</sup> Hall
- 7 Von Klitzing

<sup>8</sup> Topological order

خودي تقارن لاندائو قادر به توصيف آنها نبود [۵]. با ظهور نظم تويولوژيک مشخص شد طبيعت غنيتر از چیزی است که نظریهی شکست تقارن لاندائو توصیف می کند. در سال های گذشته گروه جدیدی از حالت-های نظم توپولوژیک بانام حالتهای کوانتومی اسپینی هال ' شناخته شدهاند [۶]. باوجود شباهت زیاد حالت-های کوانتومی هال و حالتهای کوانتومی اسپینی هال، همانند برقراری جریانهای بدون اتلاف انرژی، تفاوتهای قابل توجهی نیز میان آنها وجود دارد. بهعنوان مثال حالتهای کوانتومی هال درنتیجهی اعمال میدان مغناطیسی خارجی قوی در دمای پایین به یک تیغهی رسانای دوبعدی ایجاد می شوند که درنتیجهی اعمال میدان، الکترونهای تودهی تیغه از حرکت منع شده و در مقابل یک جریان بدون اتلاف انرژی در لبه-های تیغه ایجاد می شود. در مقابل حالتهای کوانتومی اسپینی هال از میدان مغناطیسی بی نیاز بوده [۵] و یک خاصیت ذاتی به نام اس اوسی نقش میدان مغناطیسی موثر را در آنها بازی میکند [۶]. بهموجب این ویژگی، حالتهای الکترونی قابل توجهی در مرزهای هر دو فاز، به وجود می آید [۷]. اس اوسی اثری نسبیتی در مواد جامد است که شامل جفت شدن درجهی آزادی اندازه حرکت زاویهای مداری و اسیینی است. بهموجب این برهمکنش، الکترونهایی با اسیین متفاوت، نیرویی وابسته به اسیین را احساس خواهند کرد و در دو جهت متفاوت حرکت میکنند [۵]. ازاینرو حالتهای کوانتومی اسپینی هال یا بهاختصار عایقهای تویولوژیکی ً دوبعدی [۶] تنها اجازهی عبور الکترون را در لبه داشته و تودهی عایق آنها (ناحیهی محصور بین لبهها) از ترابرد الکترونها جلوگیری می کند. به همین خاطر این گروه از مواد دارای شکاف نواری در توده و حالت-های لبهی بدون شکاف نواری و هلیکال<sup>۳</sup> هستند (هلیکال به این معنی که الکترونهایی با جهت اسیین مخالف در لبه، در دو جهت مختلف حرکت میکنند). این حرکت توسط عاملی چون تقارن بازگشت زمانی \* محافظت می شوند. تقارن بازگشت زمانی یا بازگشت حرکتی که اصطلاح روشن تری برای این مفهوم است، اولین بار توسط ویگنر<sup>۵</sup> در سال ۱۹۳۲ فرمولبندی شد. در قالب مکانیک کلاسیک این تقارن را می توان به-صورت زیر خلاصه کرد. اگر از حرکت ذرهای از نقطهی a به b و در مرحلهی بعدی حرکت وارونش از نقطهی b به a فیلم گرفته شود و فیلم بهصورت معکوس پخش شود. در این حالت تشخیص اینکه حرکت اصلي ( b به b ) يا ( b به a ) بوده مشكل خواهد بود. به عبارت دقيق (x (−t) و (x (−t) هر دو جواب معادلهي حرکت نیوتن خواهند بود. چنین حرکتی دارای تقارن بازگشت زمانی است. به این معنا که نسبت به بازگشت زمان متقارن است. اما نکتهای که باید توجه داشت این است که در این نوع حرکت مفهوم نیروی اتلافی مانند اصطکاک جایی ندارد. در مکانیک کوانتومی تقارن بازگشت زمانی در قالب یک ایراتور یادواحد ٔ بهصورت رابطهي (۱–۱) تعريف مي شود.

$$T = Ke^{\frac{i\pi\sigma_y}{2}} = Ki\sigma_y$$

(1-1)

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Topological Insulator (TI)

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Helical

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Time Reversal Symmetry (TRS)

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup> Wigner

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup> Antiunitary

$$\begin{aligned} & > \text{ cr}\left[ \mathbf{V} \ \mathbf{X} \ \mathbf{Y} \$$

برای اینکه بیشتر با مفهوم عایق توپولوژی که دارای جریانهای لبهای حفاظتشده توسط تقارن بازگشت زمانی است آشنا شویم به معرفی جز بهجز آن می پردازیم. واژهی عایق تویولوژی مرکب از دو واژهی عایق و توپولوژی است. همانطور که میدانیم عایق بهتمامی ترکیباتی گفته میشود که وجود شکاف نواری بین ترازهای پر و خالی آنها، مانع از انتقال الکترون میشود. نتیجهی چنین شکافی فقدان هدایت الکتریکی است. ازاینرو ترکیب عایق، جریان الکتریکی را از خود عبور نمی دهد. اما منظور از تویولوژی چیست. تویولوژی شاخهای از ریاضی است که به مطالعهی ویژگیهایی از اشیا می پردازد که در اثر تغییر شکل نرم مانند کشیدن و خم کردن (و نه گسستن و تشکیل پیوند) تغییر نمیکنند. درنهایت عایقهای توپولوژی را ازاین جهت توپولوژیکی مینامند که ویژگیهایی متاثر از توپولوژی تودهی خود را نمایان میسازند. بهطوریکه تا زمان تغییر توپولوژی تودهی خود، قادرند ویژگیهای منحصربهفرد خود را حفظ کنند. عایقهای توپولوژیکی در ابتدا بهصورت دوبعدی (با بررسیهای نظری در سال۲۰۰۶) پیش بینی شدند و به دنبال آن در مواد واقعی مانند چاههای کوانتومی جیوه تلورید و کادمیوم تلورید ۳موردبررسی قرار گرفتند [۱۰] که در حدود یک سال بعد هم با روش های تجربی تایید شدند [۵]. به دنبال کشف حالت های کوانتومی اسپینی هال یا عایق های توپولوژی دوبعدی، عایقهای توپولوژیکی سهبعدی برای اولین بار، در آلیاژهای بیسموت آنتیمونید ٔ شناخته -شدند. اما تحقیقات گسترده در مورد عایقهای توپولوژی سهبعدی، با کشف رفتار توپولوژیکی در Bi2Se3 و Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub> به اوج خود رسید [۶]. عایقهای توپولوژیکی سهبعدی نیز مشابه با نسخهی دوبعدی خود دارای حالتهای سطحی رسانای (فلزی) هلیکال و تودهی عایق هستند که تفاوت حالتهای سطحی دوبعدی

<sup>3</sup> HgTe/CdTe

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Complex conjugate

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Unitary

<sup>&</sup>lt;sup>4</sup> Bi<sub>1-x</sub>Sb<sub>x</sub>

باحالتهای لبه یکبعدی در بعدهای آنها برای انتقال الکترون است. بهطوریکه، در حالتهای سطحی عایقهای تویولوژی سهبعدی، الکترونها توانایی حرکت را تنها در دو بعد سامانهی موردنظر دارند ولی در حالتهای لبه تنها حرکت الکترون در یک بعد امکانپذیر است. ویژگی جالب و منحصربهفرد حالتهای سطحی در عایقهای توپولوژی سهبعدی، مشابه باحالتهای لبه در عایقهای توپولوژیکی دوبعدی، برقراری جریانهای یکطرفه و بدون اتلاف انرژی در آنها است. دلیل این امر را چنین می توان تفسیر نمود که بار-های الکتریکی در مرزهای عایقهای تویولوژیکی برخلاف مواد معمولی، هنگام برخورد به ناخالصیها حرکت روبهجلو را بهجای بازگشت یخشی ( ریس پر اکندگی) در پیش می گیرند. این حرکت نتیجهای از قانون بقای اندازه حرکت زاویهای<sup>۲</sup> است. بهموجب قانون یادشده، بازگشت یخشی، یعنی چرخش اسیین در اثر چرخش تکانه (که نتیجهی قفل شدن این دو اندازه حرکت زاویهای است) تنها در حضور ناخالصیهای مغناطیسی یا میدان مغناطیسی خارجی رخ میدهد [۷]. درنتیجهی نبود بازگشت پخشی، جریانهای ابقایی یا جریان هایی با اتلاف انرژی اندک در مرزهای این مواد دیده می شود [۱۱]. بهموجب چنین جریان ابقایی طیف گستردهای از کاربردها، از الکترونیک تا تولید انرژی در این مواد نوید داده می شود و قادر به ساخت ابزارهایی خواهیم بود که کارکرد آنها با تولید گرما همراه نباشد. با این تفاسیر، حالتهای سطحی در عایقهای توپولوژیکی تضمین کنندهی هدایت الکتریکی بالا در این مواد است. باوجود چنین ویژگیهایی، عایقهای تويولوژيک بهعنوان ستارهي درخشان فيزيک ماده چگال شناخته مي شوند. علاوه بر الکترونيک، زمينهي ايتوالکترونيک" نيز بهتازگي خود را در ميان کاربردهاي اين مواد جايداده است. دليل اين توجه، ويژگيهاي انتقالي منحصربهفرد و وجود رابطهي خطي ميان انرژي و تكانه، در ساختار الكتروني اين تركيبها است. اين ویژگی با عنوان ساختار الکترونی دیراک در عایقهای توپولوژیک شناخته می شود. عایقهای توپولوژیک با داشتن چنین خصوصیتی مشابه با گرافن، رقیب قدرتمندی برای آن در کاربردهای فوتونیک و ایتوالکترونیک خواهند بود. از کاربردهای عایق توپولوژیک درزمینهی اپتوالکترونیک می توان به کاربرد آن در ساختار هادی-های شفاف و آشکارسازهای باند پهن اشاره کرد. خاصیت ترموالکتریکی در این قبیل مواد از دیگر زمینههای جلبتوجه آنها است. بهطوریکه تمامی عایقهای توپولوژیک را میتوان بهعنوان مواد ترموالکتریک معرفی کرد. مواد ترموالکتریک دارای شرایط لازم برای بروز اثر ترموالکتریک هستند، اثری که در آن اختلاف دما موجب ايجاد پتانسيل الكتريكي و يا پتانسيل الكتريكي موجب ايجاد اختلاف دما مي شود. شكاف نواري بهينه برای کاربردهای ترموالکتریک، یکمرتبه بزرگتر از انرژی گرمایی اتاق است. ازاینرو نیمههادیهایی با شکاف نواری باریک، بهترین مواد ترموالکتریک در دمای اتاق خواهند بود. در مورد عایقهای تویولوژیک اساوسی باقدرت کافی موجب تغییر ساختار نواری و به عبارتی افزایش شکاف نواری در تودهی آنها می-شود. قدرت این برهمکنش با افزایش جرم اتمی افزایش می یابد. از این رو ترکیباتی شامل عناصر (نیمه)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Back scattering

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Law of conservation of angular momentum

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Optoelectronics

سنگین و دارای شکاف نواری مناسب، بهترین گزینه برای کاربردهای ترموالکتریک خواهند بود. درنهایت نیز زمینهی اسپین ترونیک کاربرد مهم و قابل توجه دیگر در عایق های توپولوژیک است [۱۲]. با توجه به بافت اسپینی منحصربه فرد این مواد، جریان های هلیکال سطحی، چگالی اسپینی خالصی را در این مواد به وجود

می آورد که می تواند در ساخت کارتهای حافظه و دستگاههای گشتاور اسپینی ٔ مفید واقع شود [۷]. گذشته از این موارد جستار عایقهای تویولوژیک یک مسالهی جدید، چالشبرانگیز و درحالتوسعه است. باوجود شناخت خواص اساسی آنها، هنوز در مراحل ابتدایی توسعهی آنها قرارگرفتهایم [۴] بهگونهای که هنوز بسیاری از اثرات شگفتانگیز آنها در مواد تویولوژیک فعلی تحققنیافته است. باوجود کشف ساختارهای تویولوژیک دوتایی همانند Bi<sub>2</sub>Se3 و Bi<sub>2</sub>Te3 با شکاف نواری بزرگ (در حدود eV eV) [۱۳] ، طبيعت لايهلايه و حضور نيروهاي واندروالسي ضعيف، جذب اتمهاي خارجي در ساختار آنها را تسهيل می کند. ازاین رو امکان دسترسی به ساختارهای پایداری از این ترکیبها تا حدودی مشکل به نظر می رسد. علاوه بر آن وجود این ویژگیها، اندازهگیری ترابرد در این مواد را نیز با مشکل روبهرو میکند. وجود این مشکلات زمینهساز جستجوی بیشتر در مورد مواد تویولوژیک جدید با ویژگیهای خاص شد. موادی که دارای خواص الکترونی، فیزیکی و شیمیایی بهتری نسبت به مواد توپولوژیک فعلی باشند. در این مرحله ترکیبهای سهتایی با ساختار III-V-VI2 معرفی شد که اعداد یونانی سه، پنج و هفت میتواند به ترتیب نشان دهنده ی ترکیبی از عناصر (III = In, Ti) و (V = Sb, Bi) یا (VI<sub>2</sub>= S, Se, Te) در جدول تناوبی باشد [۱۴]. ترکیبهای سهتایی گروه جدیدی از عایقهای توپولوژیکی با شکاف نواری مشابه با ساختارهای دوتایی، ولی ویژگیهای فیزیکی بهتری نسبت به آنها هستند [۱۵]. ازجمله ویژگیهای منحصربهفرد ترکیب-های سهتایی می توان به مشاهدهی دمای انتقال ابررسانایی اشاره کرد که درنتیجهی نوع ویژهای از آلاییدن حاملهای بار به وجود میآید. با ایجاد حالتهای ابررسانا در توده، حالتهای سطحی نیز، به دلیل اثر مجاورتی ابررسانا میشوند. این امر تحقق ابررسانایی توپولوژیک، یکی از اهداف دور فیزیک ماده چگال را نوید میدهد. ابررساناهای توپولوژیک دارای شکاف نواری در توده و حالتهای سطحی محافظتشدهی توپولوژیک شامل فرمیونهای مایورانا<sup>۲</sup> هستند (فرمیونهایی که بهعنوان پادذرمی خود عمل میکنند) [۱۵]. از سوی دیگر پیش بینی شده است که در فصل مشترک یک ابررسانای معمولی و عایق تویولوژیک نیز بتوان، فرمیونهای مایورانا را ایجاد کرد [۱۶]. پیش بینی شده است با تحقق فرمیونهای مایورانا و سپس مهار و مهندسی آنها بتوان کامپیوترهای کوانتومی توپولوژیک<sup>۳</sup> ساخت، کامپیوترهایی که بهطور شگفتآوری از هرگونه خطا ایمن هستند و انقلاب بزرگی را در عرصهی پردازش اطلاعات به وجود خواهند آورد [۱۷]. در چند سال گذشته بررسی های نظری و تجربی مهمی توسط پژوهش گران علم شیمی در پیوند با عایق های توپولوژیک آغازشده است که در بخش پیشرو به چند مورد از آنها اشاره می شود. بهعنوان نمونه، استفاده از

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Spin torque

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup> Majorana fermions

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup> Topological quantum computers