

۱۳۷۸ / ۲ / ۱۲



دانشگاه تهران

دانشکده فنی

گروه مهندسی برق و کامپیوتر

عنوان پایان نامه:

# تحلیل آرایه های موجبری شکافدار مسطح به منظور طراحی با سطح گلبرگ فرعی بسیار پایین

*Analysis of Planar Slotted-Waveguide Arrays  
for Very Low Sidelobe Level (VLSL) Design*

استاد راهنما:

جناب آقای دکتر جلیل راشد محصل

کوچک

دانشجو:

علی باستانی

تابستان ۱۳۷۸

۲۹۷۴۷

موضوع:

## تحلیل آرایه‌های موجبری شکاف دار مسطح به منظور طراحی با سطح گلبرگ فرعی بسیار پایین

توسط: علی باستانی

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

رشته مهندسی برق - مخابرات

از این پایان نامه در تاریخ ۷۸/۶/۳۰ در مقابل هیأت داوران دفاع به عمل آمد و مورد تصویب قرار گرفت.

سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده فنی: دکتر محمدعلی بنی‌هاشمی

مدیر گروه آموزشی: دکتر محمود کمره‌ای

سرپرست تحصیلات تکمیلی گروه: دکتر محمود کمره‌ای

استاد راهنمای: دکتر جلیل راشد محصل

عضو هیأت داوران: دکتر محمود کمره‌ای

عضو هیأت داوران: دکتر فرج آرم

۲۹۷۴۷

## سپاس و امتنان

اینک، که به یاری خدای مهربان و بزرگ و توانا، تدوین این رساله پایان یافته است؛ گفتگو از چگونگی انجام کار و مراحل و کیفیات آن و تب و تاب و نا آرامی برای پیدا کردن مطالب از مأخذها، پروراندن هر مطلب، نظم و سامان دادن به آن، در آوردن همه موضوعات و مسائل در یک رشته به هم پیوسته منطقی و رساندن سراسر اینها به نتیجه ای معقول و مقبول که مستلزم کار توانفرسای شبازروزی بود، به فرصت و هنگام دیگری مسؤول می گردد؛ اما از گفتن یک نکته گزیری نیست :

به عنوان یک اصل، هر انسانی که گام در راه فرآگیری دانش می گذارد، پیش از هر کاری، سرنوشت او از این رهگذر تعیین می شود که چه کسی آموزش و راهنمایی او را بعده گیرد و در این مرحله، او با چه کسانی و با چه ویژگی های علمی و اخلاقی روزگار بگذراند.

سخن دل است اینکه می گوییم: استادان و مقامات گروه نه بر پایه رفتار من، که بر بنیاد منش والای علمی و اخلاق اسلامی خود برخورد کردند، که اگر چنین "همراهان سخت عناصر" و بزرگوار در کار نمی بودند، این راه با کامیابی پیموده نمی گردید.

ولی در کار تحقیق و نگارش این رساله، به خصوص، جناب استاد دکتر جلیل راشد- محصل حقی گران به گردن من دارند. ایشان که در نظر من اسوه شکوهمند سعه صدر، نادیده گرفتن کاستی های علمی و اخلاقی، ادب آموزی پدرانه مهر آمیز هستند؛ با قبول راهنمایی این بندۀ در سراسر مراحل کار، مرا همراهی نمودند. ایشان از ابتدا، پیوسته دست نوشته های مرا قبول می گردند و از نظر می گذراندند، که نظر صائب شان را در همه موارد به کار بستم.

\*\*\*

یاد باد آنچه مرا گفت استاد  
غیر یک اصل که ناگفته نهاد:  
حیف استاد به ما یاد نداد

یاد باد آنکه مرا یاد آموخت  
هرچه می دانست آموخت مرا  
قدر استاد نکو دانستن

## چکیده

یک شکاف باریک در دیواره پهن موجبر مستطیلی به کمک روش ممان تحلیل شده است. در این روش اثر القای مجدد روی دیواره ها و ضخامت دیواره موجبر لحاظ شده است. در واقع روش ممان برای حل یک جفت معادله انتگرالی- حاصل از شرایط مرزی و بکمک توابع گرین- بکار رفته است. در نتیجه حل این دو معادله، مولفه مماسی میدان الکتریکی روی سطوح بالایی و پایینی شکاف بدست آمده است. این میدان ها با یک سری تابع سینوسی بسط شده است و نشان داده شده است که تنها چند جمله برای همگرایی پاسخ ها کافی است. در نتیجه ابعاد ماتریس حاصل کاهش یافته است. سپس نتایج تحلیل پارامتر های مختلف شکاف با نتایج اندازه گیری ها مقایسه شده است.

این روش عددی برای تحلیل تابش از آرایه موجبری شکافدار مسطح توسعه داده شده است. این مساله ابتدا به صورت معادلات انتگرالی و بکمک اصل تعادل تدوین شده است. سپس این معادلات به روش ممان حل شده است. برای این منظور از توابع پایه سینوسی فراگیر و روش گلرکین استفاده شده است. روش ممان به محاسبه ماتریس های ادمیتانس نیاز دارد که در آنها توابع دایادی گرین مختلفی بکار رفته است. تکینی یکی از انتگرال های ماتریس ادمیتانس نیم فضا به روشنی مناسب رفع شده است. نهایتاً نتایج تحلیل مشخصات آرایه های خطی و مسطح با نتایج اندازه گیری ها مقایسه شده است.

**کلید واژه ها:** آرایه های موجبری شکافدار مسطح، روش ممان، تابش الکترومغناطیسی

## فهرست

۱	پیشگفتار
۵	فصل اول : معرفی موجبر تک شکاف
۶	۱-۱. مقدمه
۷	۱-۲. تک شکاف روی موجبر مستطیلی
۱۰	۱-۳. روش های تحلیل تک شکاف
۱۵	فصل دوم : معرفی آرایه موجبری شکافدار
۱۶	۲-۱. مقدمه
۱۷	۲-۲. آرایه های تشیدی
۱۹	۲-۳. آرایه های غیرتشیدی
۱۹	۲-۴. روش های تحلیل آرایه موجبری شکافدار
۲۰	۲-۵. روش های طراحی آرایه موجبری شکافدار
۲۲	فصل سوم : تحلیل موجبر تک شکاف

۱-۱. مقدمه	۲۳
۱-۲. فرمولبندی روش ممان	۲۵
۱-۳. اثر نیم فضا	۳۲
۱-۴. اثر حفره	۳۴
۱-۵. اثر موجبر	۴۰
۱-۶. اثر موج تلبشی	۴۹
۱-۷. محاسبه ضرایب انعکاس و انتقال	۵۰
<b>فصل چهارم : موجبر تک شکاف، نتایج عددی</b>	<b>۵۱</b>
۴-۱. مقدمه	۵۲
۴-۲. نتایج عددی برای شکاف مستطیلی	۵۳
۴-۳. نتایج عددی برای شکاف با گوشه های گرد	۶۰
۴-۴. نتیجه گیری	۶۴
<b>فصل پنجم : تحلیل آرایه موجبری شکلفدار</b>	<b>۶۸</b>
۵-۱. مقدمه	۶۹
۵-۲. معادلات انتگرالی و روش ممان	۷۲
۵-۳. درایه های ماتریس ادمیتنس برای ناحیه موجبر	۷۷
۵-۴. درایه های ماتریس ادمیتنس برای ناحیه نیم فضا	۸۱

۵-۵. درایه های ماتریس اهمیت‌نلس برای ناحیه حفره	۸۲
۵-۶. درایه های بردار تحریک	۸۳
فصل ششم : آرایه موجبری شکافدار، نتایج تحلیل	
۶-۱. مقدمه	۸۴
۶-۲. آرایه های یک بعدی (خطی)	۸۶
۶-۳. آرایه های دو بعدی (مسطح)	۹۷
۶-۴. نتیجه گیری	۹۷
فصل هفتم : نتیجه گیری و پیشنهادها	
۷-۱. نتیجه گیری	۹۹
۷-۲. پیشنهادها	۱۰۰
مراجع	۱۰۱



---

## پیشگفتار

## پیشگفتار

سادگی ساختار هندسی، بازدهی زیاد، وزن سبک، قابلیت اطمینان بالا و قابلیت کار در توانهای بالا موجب شده اند که آتنن های آرایه ای شکافدار کاربرد وسیعی در مخابرات و سیستم های رادار پیدا کنند. آتنن های آرایه ای شکافدار چه از نوع تشديدي و چه از نوع موج متحرک باشند؛ امكان تنظيم دقیق دامنه و فاز تحريك شکافها را فراهم می نمایند. به موازات کاربرد های رو به توسعه آرایه های شکافدار، که سطح گلبرگ فرعی کمتر و بازدهی زيادتری را طلب می کنند، نياز به تعیین هرچه دقیق تر مشخصات شکاف، بهبود مدلهاي آرایه، و دقت افزونتر در ساخت بيشتر شده است. با روشهاي طراحی و ساخت امروزی می توان از يك آتنن آرایه ای شکافدار از نوع تشديدي، سطح گلبرگ فرعی کمتر از  $dB - 28$ - روی چهار درصد پهناي باند فرکانسى را انتظار داشت. آتنن های آرایه ای شکافدار از نوع موج متحرک معمولاً سطح گلبرگ فرعی کمتری نسبت به نوع تشديدي دارند. در عوض بازدهی آنها کمتر است و بعلاوه پرتو آنها با تغيير فرکانس حرکت می کند [3].

مشکل اساسی در طراحی آنتن های آرایه ای شکافدار ناکامل بودن روش‌های تحلیل آنهاست. در واقع روش‌های تحلیل موجود همگی از نوع نیمه تجربی هستند. از آنجا که دقیق ابزارهای اندازه گیری همواره محدود است و در این روشها نتایج حاصل از اندازه گیری مبنای محاسبات عددی تحلیل قرار می گیرد؛ لذا دقیق تحلیل بستگی به دقیق ابزارهای اندازه گیری دارد. از سوی دیگر، در این روشها برای ساده شدن مساله بعضی از متغیرها ثابت فرض می شوند. در نتیجه به هنگام طراحی، تعداد متغیرها کاهش می یابد و به همین خاطر در طراحی بر مبنای چنین تحلیلی آزادی عمل کمتری خواهیم داشت.

خطای ذاتی روش نیمه تجربی و محدودیت تعداد متغیرها، در طراحی هایی با هدف سطح گلبرگ فرعی خیلی پایین اهمیت زیادی می یابد. زیرا در اینگونه طراحی ها دو نکته حائز اهمیت است:

- خطای روش تحلیل حداقل باشد.
- روش تحلیل به گونه ای باشد که در طراحی حداکثر آزادی عمل را داشته باشیم.

این نکات و به خصوص نکته دوم هنگامی اهمیت بیشتری می یابد که بخواهیم عواملی مثل نوع دی الکتریک برای پوشش سطح آرایه، نوع ماده داخل موجبرها، آلیاژ موجبرها، تولرانس ساخت، و ... را نیز در طراحی داخل کنیم.

در این پایان نامه روشی را برای تحلیل آنتن های آرایه ای شکافدار ارائه خواهیم کرد که در آن هر دو نکته فوق لحاظ گردد. همان طور که گفته شد؛ بیشترین کاربرد چنین روشی، در طراحی آنتن های آرایه ای شکافدار با سطح گلبرگ فرعی بسیار پایین خواهد بود.

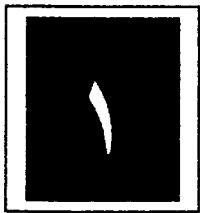
در فصل اول، موجبر تک شکاف را معرفی خواهیم کرد و سپس روش‌های تحلیل آن را مرور خواهیم کرد.

در فصل دوم، آرایه‌های موجبری شکافدار را معرفی خواهیم نمود و روش‌های تحلیل و طراحی آنها را بررسی خواهیم کرد. این فصل از لحاظ مقایسه با روش تحلیل ارائه شده در این پایان نامه اهمیت دارد.

در فصل سوم، روش مورد نظر خود را برای تک شکاف ارائه خواهیم داد. پس از آن در فصل چهارم، با ذکر نمونه‌های عملی متعددی صحت روش ارائه شده در فصل قبل را ارزیابی خواهیم کرد.

آنگاه در فصل پنجم، روش ارائه شده در فصل سوم را برای آرایه‌ای از شکافها بسط خواهیم داد. در این فصل یکی از محسن عمدۀ روش این پایان نامه، یعنی "عمیم پذیری" آشکار خواهد شد.

درستی تحلیل فصل پنجم را با ارائه چند نمونه عملی در فصل ششم نشان خواهیم داد. نهایتاً، در فصل هفتم نتایج بحث‌های فصل‌های قبل را جمع بندی نموده برای روش طراحی پیشنهاد‌هایی را ارائه خواهیم کرد.



---

معرفی

# موجبرتک شکاف

## ۱-۱. مقدمه

برای اینکه شکافی به صورت یک عنصر فعال -که به فضای اطراف تابش داشته باشد- عمل کند؛ باید به روشی آنرا تحریک کرد. آنتهای شکافدار بسته به نوع تحریک به چند دسته تقسیم می شوند. اگر شکاف روی صفحه هادی بزرگی ایجاد شده باشد، می توان آنرا بوسیله خط انتقال یا موجبر تحریک نمود. نوع خاصی از آنتهای شکافدار با ایجاد شکاف روی بدنه موجبرهای دایره ای یا مستطیلی ساخته شده و بوسیله جریان سطحی موجبر تحریک می شود. البته کاربرد موجبر مستطیلی شکافدار بیش از کاربرد موجبر دایره ای شکافدار است. لذا در این فصل انواع شیارهایی که می توان روی بدنه موجبر مستطیلی ایجاد کرد، معرفی می شوند و برای سه نوع پر استفاده آنها روابطی ارائه می گردد.

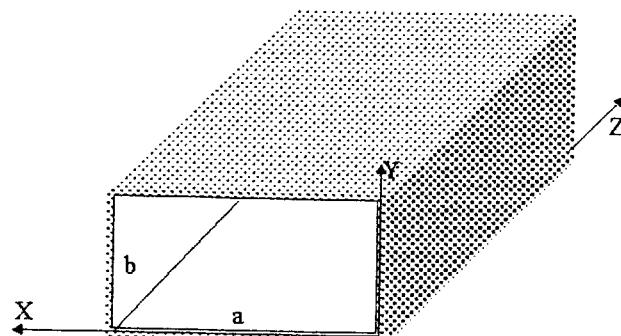
## ۲-۱. تک شکاف روی موجبر مستطیلی

در دستگاه مختصات شکل ۱-۱ مولفه های نرمالیزه شده میدان منتشر شونده در جهت مثبت محور  $Z$  برای مُد  $TE_{10}$  به صورت زیر است [۱] :

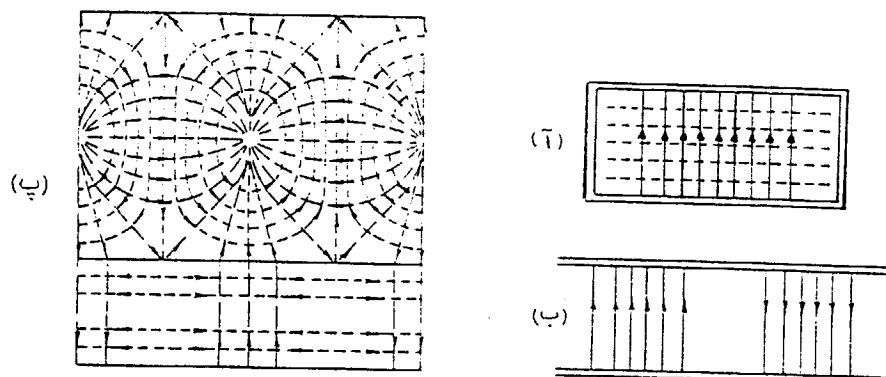
$$\begin{aligned} H_z(x, z) &= j \cos\left(\frac{\pi x}{a}\right) e^{j(\omega t - \beta_{10}z)} \\ H_x(x, z) &= \frac{-\beta_{10}}{\pi/a} \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right) e^{j(\omega t - \beta_{10}z)} \\ E_x(x, z) &= \frac{\omega \mu}{\pi/a} \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right) e^{j(\omega t - \beta_{10}z)} \end{aligned} \quad (1-1)$$

در شکلهای ۱-۲-آ، ۱-۲-ب و ۱-۲-پ توزیع میدان های الکتریکی و مغناطیسی و جریان سطحی در داخل و روی سطح موجبر نشان داده شده است.

اگر یک شکاف باریک روی یکی از دیواره های موجبر طوری ایجاد شود که شکاف در امتداد خطوط جریان سطحی باشد، ایجاد آشفتگی جزئی در توزیع جریان نموده و در نتیجه تزویج ناچیزی با فضای خارج ایجاد می شود (شکل ۱-۳). مثلاً ایجاد شکافی روی خط مرکزی موجبر باعث آشفتگی در توزیع جریان نخواهد شد (شکل ۱-۴).

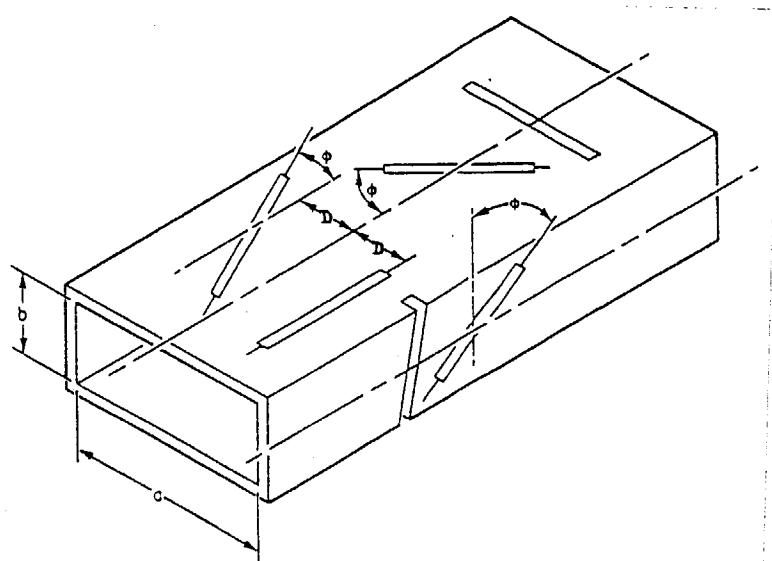


شکل ۱-۱. نمای موجبر مستطیلی و محورهای مختصات مورد استفاده.



شکل ۱-۲. توزیع جریان سطحی در موجبر مستطیلی برای مد TE<sub>10</sub> [3].  
 (ا) سطح مقطع طولی. (ب) سطح مقطع عرضی. (پ) سطح جانبی.  
 (میدان الکتریکی : - - - - - ، میدان مغناطیسی : - - - - - - - - - - - )

چنین شکافی می‌تواند برای اندازه گیری میدان الکتریکی داخل موجبر با استفاده از یک پروب مفید باشد. از دیگر انواع شکافهایی که قادر به تابش هستند می‌توان به شکافهای C-شکل و I-شکل اشاره کرد (شکل ۱-۳).



شکل ۱-۳. شکافهایی که قادر به تابش هستند.