

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده برق و کامپیوتر

به کارگیری روش‌های مبتنی بر شبیه سازی در آشکارسازی راداری

رساله دکتری مهندسی برق - مخابرات

محمد فرzan صباحی

استاد راهنما

دکتر سید محمود مدرس هاشمی



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده برق و کامپیوتر

رساله دکتری مهندسی برق - مخابرات آقای محمد فرزان صباحی تحت عنوان

به کار گیری روش‌های مبتنی بر شیوه سازی در آشکارسازی راداری

در تاریخ ۱۲/۱/۸۶ توسط کمیته تخصصی زیر مورد بررسی و تصویب نهایی قرار گرفت.

- | | |
|-----------------------------|-------------------------------|
| دکتر سید محمود مدرس هاشمی | ۱- استاد راهنمای رساله |
| دکتر عباس شیخی | ۲- استاد مشاور رساله |
| دکتر سید جمال الدین گلستانی | ۳- استاد داور |
| دکتر محمد مهدی نایبی | ۴- استاد داور |
| دکتر محمدرضا تابان | ۵- استاد داور |
| دکتر سید محمد علی خسروی فرد | ۶- استاد داور |
| دکتر علی‌محمد دوست حسینی | سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده |

مراتب قدر دانی خود را از جناب آقای دکتر مدرس هاشمی که از راهنمایهای ارزنده و دقت نظر ایشان بسیار بهره مند گشتم اعلام می دارم. همچنین از جناب آقای دکتر شیخی که هیچگاه از کمک به اینجانب مضایقه ننمودند تشکر می نمایم. سپاسگذار داوران محترم دکتر نایبی، دکتر گلستانی، دکتر تابان و دکتر خسروی فرد و همه اساتید و پرسنل خدوم دانشکده برق می باشم.

همچنین بر خود لازم می بینم قدر دانی ویژه خود را از همسر گرامیم و خانواده محترمم که در تمامی مراحل همراهیم نمودند اعلام کنم.

کلیه حقوق مادی مترتب بر نتایج مطالعات،
ابتكارات و نوآوریهای ناشی از تحقیق موضوع
این رساله متعلق به دانشگاه صنعتی اصفهان است.

هر آبروی که اندوختم زدافت و دین
فثار خاک ره آن نگار خواهم کرد

فهرست مطالب

۱	چکیده	۵
۱ فصل اول: مقدمه		
۲	۱-۱ تاریخچه	۱
۶	۲-۱ هدف و ساختار رساله	۶
۲ فصل دوم: آشکارسازی راداری		
۷	۱-۲ مقدمه	۲
۹	۲-۲ معیارهای آشکارسازی	۹
۹	معیار MAP	۱-۲-۲
۱۰	معیار ML	۲-۲-۲
۱۰	معیار بیز	۳-۲-۲
۱۰	معیار Min-Max	۴-۲-۲
۱۱	معیار نیمن- پیرسون	۵-۲-۲
۱۱	۳-۲ روشهای آشکارسازی راداری	۱۱
۱۲	۱-۳-۲ آشکارسازی بهینه، آزمون ALR	۱۲
۱۲	۲-۳-۲ آزمون UMP	۱۲
۱۲	۳-۳-۲ آزمون GLRT	۱۲
۱۳	۴-۲ مدل کردن اهداف راداری	۱۳
۱۳	۵-۲ مدل کردن کلاتر	۱۳
۱۵	۱-۵-۲ مدل کردن دامنه کلاتر بصورت تصادفی	۱۵
۱۶	۲-۵-۲ مدل کردن همبستگی بوسیله توزیع های ترکیبی	۱۶
۱۷	۳-۵-۲ شبیه سازی رایانه ای توزیعها	۱۷
۲۲	۶-۲ نتیجه گیری	۲۲
۳ فصل سوم: روشهای مبتنی بر شبیه سازی		
۲۳	۱-۳ مقدمه	۳
۲۴	۲-۳ نمونه برداری اهمیتی	۲۴
۲۵	۳-۳ نمونه برداری اهمیتی با نمونه برداری مجدد	۲۵
۲۶	۴-۳ نمونه برداری بر مبنای رد- قبول	۲۶
۲۷	۵-۳ همگرائی روش نمونه برداری اهمیتی	۲۷

۳۰	۶-۳ تکنیکهای کاهش واریانس در روشهای مونت کارلو.....
۳۰	۱-۶-۳ تقسیم بندی ناحیه انتگرال گیری
۳۱	۲-۶-۳ کاهش بعد انتگرال گیری
۳۱	۳-۶-۳ روشهای شبه مونت کارلو.....
۳۱	۷-۳ نمونه برداری اهمیتی وفقی.....
۳۳	۸-۳ نمونه برداری مونت کارلو بر مبنای زنجیره مارکف MCMC.....
۳۴	۱-۸-۳ الگوریتم متروپولیس - هستینگ
۳۶	۲-۸-۳ نمونه بردار گیز.....
۳۷	۳-۸-۳ استفاده از خروجی MCMC.....
۳۷	۹-۳ درستنمائی کناری.....
۳۸	۱-۹-۳ روشهای آنالیز عددی.....
۳۸	۲-۹-۳ روشهای مبتنی بر نمونه برداری اهمیتی.....
۴۱	۳-۹-۳ روش لاپلاس.....
۴۲	۴-۹-۳ استفاده از خروجی MCMC.....
۴۲	۱۰-۳ روشهای بیزی ترتیبی
۴۲	۱-۱۰-۳ مدل فضای حالت
۴۳	۲-۱۰-۳ دنبال کردن بیزی
۴۵	۳-۱۰-۳ فیلتر کالمون
۴۶	۴-۱۰-۳ روشهای مبتنی بر شبکه.....
۴۷	۵-۱۰-۳ فیلتر کالمون تعمیم یافته (EKF).....
۴۷	۶-۱۰-۳ روشهای تقریبی مبتنی بر شبکه
۴۹	۱۱-۳ مونت کارلوی ترتیبی.....
۵۱	۱-۱۱-۳ زوال الگوریتم
۵۶	۲-۱۱-۳ استفاده از توابع توزیع زیر بهینه و جبران عملکرد
۵۶	۱۲-۳ انواعی از فیلترهای ذره ای
۵۶	۱-۱۲-۳ فیلتر SIR یا بوت استرپ
۵۷	۲-۱۲-۳ فیلتر ذره ای با استفاده از متغیر کمکی، AVPF یا ASIR
۵۸	۳-۱۲-۳ فیلتر ذره ای تنظیم شده RPF
۵۹	۴-۱۲-۳ فیلتر ذره ای گوسی، GPF
۶۲	۱۳-۳ تخمین مشترک پارامتر و حالت توسط فیلتر ذره ای
۶۷	۱۴-۳ روش رائو بلکولیزیشن
۶۸	۱۵-۳ نتیجه گیری

٤ فصل چهارم : آشکارسازهای ذره ای	۶۹
۱-۴ مقدمه	۶۹
۲-۴ آشکار ساز ذره ای	۷۰
۱-۲-۴ الگوریتم PD1	۷۱
۲-۲-۴ الگوریتم PD2	۷۱
۳-۴ ارزیابی عملکرد آشکارساز ذره ای	۷۳
بررسی عملکرد الگوریتمها در تخمین پارامترهای نامعلوم	۷۳
آشکارسازی همدوس هدف با دامنه مجھول در کلاتر گوسی سفید با واریانس نامعلوم	۷۶
آشکارسازی همدوس هدف با دامنه مجھول در کلاتر گوسی رنگی با کواریانس نامعلوم	۸۲
آشکارسازی بهینه محلی (LOD) در کلاتر گوسی رنگی با کواریانس نامعلوم	۸۷
آشکارسازی همدوس هدف با دامنة مجھول در کلاتر K ترکیبی با کواریانس معلوم	۸۸
آشکارسازی همدوس هدف با دامنة مجھول در کلاتر K ترکیبی با کواریانس نامعلوم	۹۲
۴-۴ ارتباط آشکارساز ذره ای با روش های ALR و GLRT	۹۴
۵-۴ پیچیدگی و زمان محاسبات	۹۵
۶-۴ نتیجه گیری	۹۷
۵ فصل پنجم : آزمون نسبت توزیع پیشین و پسین	۱۰۰
۱-۵ مقدمه	۱۰۰
۲-۵ محاسبه نسبت درستنمایی در مدل‌های تودرتو	۱۰۱
۳-۵ آشکارسازی در کلاتر گوسی	۱۰۳
۱-۳-۵ کلاتر گوسی با پارامترهای معلوم	۱۰۴
۲-۳-۵ کلاتر گوسی با پارامترهای نامعلوم	۱۰۵
۴-۵ نتایج شبیه سازی	۱۰۶
۱-۴-۵ آشکارسازی همدوس هدف با دامنة مجھول در کلاتر گوسی سفید با واریانس نامعلوم	۱۰۶
۲-۴-۵ آشکارسازی همدوس هدف با دامنة مجھول در کلاتر گوسی رنگی با کواریانس نامعلوم	۱۰۷
۵-۵ بررسی خاصیت CFAR در آشکار ساز PPRT	۱۰۸
۱-۵-۵ خاصیت CFAR نسبت به تغییر توان کلاتر	۱۱۱
۲-۵-۵ خاصیت CFAR نسبت به تغییر طیف کلاتر	۱۱۲
۳-۵-۵ مقایسه کارآبی CFAR_PPRT و ARGLR	۱۱۳
۶-۵ آشکارساز PPRT در داپلر نامعلوم	۱۱۷
۱-۶-۵ آشکارسازی همدوس هدف با دامنة مجھول در کلاتر گوسی سفید با واریانس نامعلوم	۱۱۷
۲-۶-۵ آشکارسازی همدوس هدف با دامنة مجھول در کلاتر گوسی رنگی با کواریانس نامعلوم	۱۱۸

۱۱۹	۷-۵ نتیجه گیری
۱۲۰	۶ فصل ششم : نتیجه گیری و پیشنهادات
۱۲۰	۱-۶ نتیجه گیری
۱۲۴	۲-۶ ارائه پیشنهادات.
۱۲۶	مراجع

فهرست شکلها

شکل ۱-۲ : تولید رایانه ای توزیع همبسته K	۲۱
شکل ۱-۳ : توصیف نمونه برداری اهمیتی	۲۵
شکل ۲-۳: شمای کلی یک فضای حالت	۴۳
شکل ۳-۳ : نمونه برداری مجدد	۵۴
شکل ۴-۳ : فیلتر ذره ای با نمونه برداری مجدد	۵۵
شکل ۱-۴ : طیف فرکانسی نویز در رابطه ۹-۴ (شکل از [۱۲۴])	۷۴
شکل ۲-۴ : میانگین مربعات خطای نرمالیزه شده در تخمین α در تکرارهای متوالی الگوریتم PD1	۷۴
شکل ۳-۴ : میانگین مربعات خطای نرمالیزه شده در تخمین a_1 در تکرارهای متوالی الگوریتم PD1	۷۵
شکل ۴-۴ : میانگین مربعات خطای نرمالیزه شده در تخمین a_2 در تکرارهای متوالی الگوریتم PD1	۷۵
شکل ۵-۴ : میانگین مربعات خطای نرمالیزه شده در تخمین σ^2 در تکرارهای متوالی الگوریتم PD1	۷۵
شکل ۶-۴ : مقایسه آشکار ساز PD1 با GLRT در نویز سفید با واریانس مجهول	۷۸
شکل ۷-۴ : مقایسه آشکار ساز PD2 با GLRT در نویز سفید با واریانس مجهول	۷۸
شکل ۸-۴ : مقاوم بودن آشکار ساز PD1 نسبت به تغییر پارامترها	۷۹
شکل ۹-۴ : مقاوم بودن آشکار ساز PD2 نسبت به تغییر پارامترها	۷۹
شکل ۱۰-۴ : مقایسه آشکار ساز PD1 و PD2 با GLRT در نویز سفید با واریانس مجهول در تعداد پالس کم	۸۰
شکل ۱۱-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در نویز سفید با واریانس مجهول و هدف شبه سورلینگ I	۸۱
شکل ۱۲-۴ : مقایسه آشکار ساز PD1 با GLRT در نویز گوسی رنگی AR با کواریانس مجهول	۸۴
شکل ۱۳-۴ : مقایسه آشکار ساز PD2 با GLRT در نویز گوسی رنگی AR با کواریانس مجهول	۸۴
شکل ۱۴-۴ : بررسی عملکرد آشکارسازهای PD نسبت به GLRT در مقادیر مختلف پارامترها	۸۵
شکل ۱۵-۴ : بررسی عملکرد آشکارسازهای PD نسبت به GLRT در مقادیر مختلف پارامترها	۸۵
شکل ۱۶-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در نویز گوسی رنگی AR با کواریانس مجهول در تعداد پالس کم	۸۶
شکل ۱۷-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در نویز گوسی رنگی AR با کواریانس مجهول در تعداد پالس کم	۸۶
شکل ۱۸-۴ : مقایسه آشکار ساز PD با GLRT در نویز گوسی رنگی با کواریانس مجهول در حالتی که دامنه هدف معلوم است (LOD)	۸۷

- شکل ۱۹-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در نویز گوسی رنگی با کواریانس معجهول در حالتی که کوچکترین دامنه ممکن هدف معلوم است (LOD) ۸۸
- شکل ۲۰-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس معلوم ($v=1$) ۹۰
- شکل ۲۱-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس معلوم و تعداد ۵ پالس دریافی (v=1) ۹۱
- شکل ۲۲-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس معلوم و تعداد ۱۰ پالس دریافی (v=0.1) ۹۱
- شکل ۲۳-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس معلوم و تعداد ۵ پالس دریافی (v=0.1) ۹۲
- شکل ۲۴-۴ : مقایسه آشکار ساز PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس نامعلوم (v=0.1) ۹۳
- شکل ۲۵-۴ : مقایسه آشکار ساز PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس نامعلوم و تعداد پالس کم (v=0.1) ۹۴
- شکل ۲۶-۴ : مقایسه آشکار سازهای PD با GLRT در کلاتر رنگی ترکیبی K با کواریانس نامعلوم و تعداد پالس کم (v=1) ۹۴
- شکل ۲۷-۴ : مقایسه روشهای CALR و PD2 در حجم پردازشی یکسان ۹۷
- شکل ۱-۵ : مقایسه ROC روش PPRT با GLRT در حالت نویز سفید گوسی با واریانس معجهول ۱۰۶
- شکل ۲-۵ : تغییرات احتمال آشکارسازی با Ω در حالت نویز سفید گوسی با واریانس معجهول ۱۰۷
- شکل ۳-۵ : مقایسه ROC روش PPRT با GLRT در حالت کلاتر رنگی گوسی AR با کواریانس معجهول ۱۰۸
- شکل ۴-۵ : مقایسه منحنی $P_D - SNR$ روش PPRT با GLRT در حالت کلاتر گوسی رنگی AR با کواریانس معجهول ۱۰۸
 $(P_{fa} = 10^{-3})$
- شکل ۵-۵ : عدم تغییر P_{fa} با تغییرات σ^2 در آشکارساز CFAR-PPRT ($\mu = 10$) ۱۱۲
- شکل ۶-۵ : عدم تغییر P_{fa} با تغییرات اندازه قطب در آشکارساز CFAR-PPRT ($\mu = 3$) ۱۱۲
- شکل ۷-۵ : عدم تغییر P_{fa} با تغییرات زاویه قطب در آشکارساز CFAR-PPRT ($\mu = 3$) ۱۱۳
- شکل ۸-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت عدم وجود داده های ثانویه و $P = 10$ ۱۱۴
- شکل ۹-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت عدم وجود داده های ثانویه و $P = 20$ ۱۱۴
- شکل ۱۰-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت عدم وجود داده های ثانویه و $P = 50$ ۱۱۴
- شکل ۱۱-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت عدم وجود داده های ثانویه و $P = 10$ ($P_{fa} = 10^{-3}$) ۱۱۵
- شکل ۱۲-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت عدم وجود داده های ثانویه و $P = 20$ ($P_{fa} = 10^{-3}$) ۱۱۵

- شکل ۱۳-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت وجود ۵ داده ثانویه ۱۱۶
- شکل ۱۴-۵ : مقایسه کارآئی روش ARGLR و CFAR-PPRT در حالت وجود ۳ داده ثانویه ($P_{fa} = 10^{-3}$) ۱۱۶
- شکل ۱۵-۵ : تغییرات احتمال آشکارسازی با Ω در حالت نویز گوسی رنگی AR با پارامترهای نامعلوم ۱۱۷
- شکل ۱۶-۵ : مقایسه عملکرد GLRT و PPRT در داپلر نامعلوم در حضور کلاتر گوسی سفید با واریانس مجهول ۱۱۸
- شکل ۱۷-۵ : مقایسه عملکرد ARGLR و PPRT در داپلر نامعلوم در حضور کلاتر گوسی رنگی با کواریانس نامعلوم ۱۱۹

چکیده

قسمت عمده رساله حاضر به کاربرد روشهای مبتنی بر شبیه سازی (مونت کارلو) در آشکارسازی راداری اختصاص دارد. در این روشهای با استفاده از تولید اعداد تصادفی، عملیات تخمین پارامتر های نامعلوم و یا محاسبه آماره آشکار ساز انجام می پذیرد. پس از مطالعات نسبتاً جامعی در زمینه روشهای مونت کارلو، دو آشکار ساز بر مبنای روش نمونه برداری اهمیتی ارائه شده است. در این آشکار سازها، که آنها را آشکار ساز ذره ای می نامیم، با استفاده از تولید اعداد تصادفی اقدام به محاسبه تقریبی نسبت درستنمایی از طریق تخمین پارامتر های نامعلوم (شبیه GLRT) و یا نتگرال گیری روی پارامتر های نامعلوم (شبیه ALR) می نماییم. روشهای ارائه شده، با توجه به طبیعت عددی آنها، قابل اعمال به طیف وسیعی از مسایل آشکار سازی و بخصوص مسائلی که روشهای تحلیلی برای آنها وجود ندارد خواهد بود. نتایج شبیه سازی در چندین حالت مختلف نشان دهنده این است که در حالاتی که روش GLRT قابل اعمال است، آشکار ساز های پیشنهادی عملکرد قابل رقابت و حتی بهتری دارند. از طرف دیگر آشکار ساز های پیشنهادی به بسیاری از مسائل که در آنها تخمین ML پارامتر ها موجود نبوده و یا توزیع پیشین آنها مشخص است، قابل اعمال می باشد. در بخش دیگری از این رساله، دیدگاه جدیدی در مورد آشکارسازی راداری ارائه شده است. در این بخش با استفاده از روشهای بیزی و با فرض اینکه مدل سیگنال دریافتی تحت فرضیه های H_0 و H_1 فقط در مقدار بعضی از پارامتر های مدل تفاوت داشته باشند، نشان داده شده که می توان نسبت درستنمایی را با استفاده از توزیعهای پسین و پیشین پارامتر ها بدست آورد. بر این مبنای یک آشکار ساز با ساختار ساده برای کلاتر گوسی ارائه شده است که در مقایسه با آشکار ساز های GLRT مرسوم برتری قابل توجهی دارد. همچنین با اصلاحاتی در قاعدة آشکار سازی خاصیت CFAR برای آشکار ساز پیشنهادی ایجاد شده است.

۱ فصل اول: مقدمه

۱ + تاریخچه

امروزه، سیستم‌های راداری کاربردهای بسیار زیادی در صنایع مختلف نظامی و غیر نظامی دارا می‌باشند. یک سیستم راداری با استفاده از امواج منعکس شده از اجسام و پردازش آنها، اطلاعات مورد نیاز از محیطی که در آن قرار دارد را استخراج می‌کند. این اطلاعات شامل وجود یا عدم وجود اهداف و همچنین به شرط موجود بودن هدف، ویژگی‌های دیگری از قبیل سرعت، فاصله، شکل و ... می‌باشد. فرآیند تشخیص وجود یا عدم وجود هدف، آشکارسازی نامیده می‌شود. آشکارساز با توجه به سیگنال دریافتی تشخیص می‌دهد که این سیگنال می‌تواند مربوط به بازتاب از هدف مورد نظر باشد یا خیر. در صورتی که هدفی موجود نباشد، سیگنال دریافتی فقط حاوی نویز یا بازتابهایی از محیط خواهد بود که اصطلاحاً کلاتر نامیده می‌شود. کلاتر می‌تواند مربوط به بازتابهای غیر مفیدی از سطح زمین یا دریا، کوه، ابر، باران، ... باشد. علاوه بر کلاتر باید نویزی که در گیرنده اضافه می‌شود را نیز در نظر گرفت. در نهایت می‌توان آشکارسازی را معادل آزمون - فرضیه^۱ زیر مدل کرد:

$$\begin{aligned} H_0 : y(t) &= n(t) \\ H_1 : y(t) &= s(t) + n(t) \end{aligned} \tag{1-1}$$

که $s(t)$ ، $n(t)$ و $y(t)$ به ترتیب سیگنال بازگشته از هدف، سیگنال کلاتر (+نویز گیرنده) و سیگنال دریافتی آشکارساز هستند. H_0 به مفهوم عدم وجود هدف و H_1 به مفهوم وجود هدف است. با فرض اینکه گیرنده، سیگنال

¹ Hypothesis Test

دريافتی را به درستی دمدوله، فيلتر و نمونه برداری کند می توان مدل گسسته آزمون فرضیه فوق را در نظر گرفت. همچنین اگر فرض کنیم از رادار پالسی استفاده می شود، به ازای هر پالس ارسالی رادار چندین پالس برگشتی می تواند وجود داشته باشد. در نتيجه می توان آزمون فرضیه را بصورت زیر نوشت [۱]

$$\begin{aligned} H_0 : \mathbf{y} &= \mathbf{n} \\ H_1 : \mathbf{y} &= \mathbf{s} + \mathbf{n} \end{aligned} \quad (۲-۱)$$

که \mathbf{s} ، \mathbf{n} و \mathbf{y} به ترتیب بردارهای مربوط به هدف، کلاتر(+)نویز و سیگنال دریافتی می باشند. در بسیاری از رادارهای جدید، با ایجاد همزمانی بین فرستنده و گیرنده، از اطلاعات فاز سیگنال دریافتی نیز استفاده می شود که در این صورت بردارهای فوق شامل عناصر مختلط خواهد بود.

در نظریه آشکارسازی مبانی ریاضی مورد نیاز برای گرفتن تصمیم بهینه بین دو فرضیه رابطه (۱-۱) مطرح می شود. بدین منظور مدل‌های مختلفی برای سیگنال هدف و کلاتر ارائه شده است. کارهای اولیه و البته اساسی در این زمینه به دهه چهل و پنجاه میلادی بر می گردد. نورث^۲ با معلوم و حقیقی فرض کردن $(t)^d$ در حالتی که $(t)^n$ را سفید و گوسی در نظر بگیریم به طراحی آشکارساز بهینه پرداخت [۲]. تحقیقاتی که منجر به این مقاله شده بود بیست سال قبل از آن و بصورت محروم‌انه انجام گرفته بود. مارکوم^۳ [۳] همین مساله را با توجه به نظریه آشکارسازی و در حالتی که چند نمونه دریافتی موجود باشد حل کرد. سورلینگ^۴ [۴] با در نظر گرفتن مدل‌های مختلفی برای سیگنال هدف سعی کرد شرایط واقعی تری را در نظر بگیرد و از آن زمان تاکنون تحقیقات بسیار زیادی در زمینه تئوری آشکارسازی صورت گرفته است [۱]. مبنای این تحقیقات، در نظر گرفتن مدل‌های مختلف واقعی برای سیگنال هدف و کلاتر و حل مساله آشکارسازی بر اساس این مدلها بوده است.

اساساً دو گونه خطای در آشکارسازی راداری مطرح است. خطای نوع اول تشخیص اشتباه هدف، وقتی واقعاً هدفی وجود ندارد، است که احتمال هشدار غلط^۵ یا P_{fa} نامیده می شود و خطای نوع دوم از دست دادن هدف، در حالتی که هدف وجود دارد، است که احتمال از دست دادن هدف یا P_{miss} نام دارد. احتمال آشکارسازی^۶ یا همان $P_D - 1$ را با P_{miss} نشان می دهد. به منظور دستیابی به آشکارساز بهینه، معیارهای مختلفی در تئوری آشکارسازی بیان شده است که در فصل دوم به آنها اشاره خواهد شد. اغلب معیارهای آشکارسازی به مقایسه نسبت

² North

³ Marcum

⁴ Swerling

⁵ False Alarm Probability

⁶ Probability of Detection

درستنایی^۷ با یک سطح آستانه منجر می‌شوند. معیاری که عموماً در آشکارسازی راداری مورد قبول قرار می‌گیرد معیار نیمن پرسون^۸، NP^۹ است. مطابق معیار NP سطح آستانه به گونه‌ای تعیین می‌شود که با فرض احتمال هشدار غلط مشخص، احتمال آشکارسازی، P_D ، حداکثر شود. آشکارسازی که بر اساس معیار NP طرح شده باشد آشکارساز بهینه نیز نامیده می‌شود. مهمترین مشکلی که در استفاده از آشکارساز بهینه وجود دارد محاسبه نسبت درستنایی است. در حقیقت به دلیل اینکه مدلها بیکاری که برای سیگنال هدف و کلاتر مناسب هستند (مدلهای واقعی) اغلب پیچیده و شامل پارامترهای نامعلوم متعددی (مانند دامنه و فاز سیگنال برگشتی از هدف و...) می‌باشند، محاسبه تابع درستنایی تحت هر یک از فرضیه‌های H_0 و H_1 مستلزم حل انگرالهای با ابعاد بالا و یا تخمین پارامترهای گوناگون می‌شود. برای مواجهه با این مساله دو رویکرد کلی وجود دارد: رویکرد کلاسیک و رویکرد بیزی^{۱۰}. در رویکرد کلاسیک پارامترهای نامعلوم، مقادیر قطعی فرض می‌شوند. در این حالت سعی می‌شود با توجه به داده‌های دریافتی تخمینی از این پارامترها بدست آمده و مقادیر تخمینی بجای مقادیر واقعی بکار می‌رود. GLRT^{۱۱} یک مثال مهم از این روشهاست. در این روش تخمین ML^{۱۲} پارامترهای نامعلوم تحت هر یک از فرضیه‌های H_0 یا H_1 جایگزین مقادیر واقعی آنها شده و نسبت درستنایی محاسبه می‌شود [۵]. از معاوی این روش می‌توان به نداشتن مبنای دقیق تئوری، در دسترس نبودن تخمین ML بصورت تحلیلی در حالت کلی و برخورد کردن با تمام پارامترها بصورت پارامترهای قطعی اشاره کرد. به عبارت دیگر چنانچه اطلاعات پیشینی در مورد پارامترهای نامعلوم موجود باشد GLRT از آن استفاده نمی‌کند.

در رویکرد بیزی هر پارامتر بصورت یک متغیر تصادفی در نظر گرفته شده و مقدار درستنایی با میانگین گیری درستنایی شرطی روی توزیع مشترک پارامترها محاسبه می‌شود [۵]. نسبت درستنایی در این حالت نسبت درستنایی میانگین^{۱۳}، ALR^{۱۴}، نامیده می‌شود. البته توزیعهای پیشین همیشه معلوم نیستند و همچنین میانگین گیری عموماً به محاسبه انگرالهای پیچیده منجر می‌شود. روشهایی برای تقریب انگرالها در این حالت نیز ارائه شده است. با استفاده از این روشهای نسبت درستنایی میانگین تقریبی^{۱۵}، AALR^{۱۶} محاسبه می‌شود. در حقیقت، توابع با فرمهای

⁷ Likelihood Ratio

⁸ Neyman-Pearson

⁹ Bayesian Approach

¹⁰ Generalized Likelihood Ratio Test

¹¹ Maximum Likelihood

¹² Averaged Likelihood Ratio

¹³ Approximated ALR

ساده‌تری که انتگرال آنها شناخته شده است تقریب زده می‌شوند و سپس نسبت درستنمائی تقریبی بدست می‌آید.

بدیهی است که موجود بودن تقریب مناسب، بویژه وقتی که تعداد پارامترها زیاد است، مورد تردید می‌باشد.

مسائل متعددی وجود دارد که روش‌های فوق قابل اعمال به آن نیستند. یک راه حل عمومی در این موارد استفاده از

روش‌های عددی است. مثلاً در [۶] و [۷] به روش‌های CGLR^{۱۴} و CALR^{۱۵} اشاره شده است. در CGLR آشکارسازی

یک هدف با داپلر نامعلوم مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور برای داپلر هدف K نقطه بین یک بازه مشخص

(مثلاً $[0, 2\pi]$) در نظر گرفته و برای هر کدام از نقاط، درستنمائی شرطی بیشینه می‌شود. در نهایت نقطه‌ای که به

بیشترین درستنمائی شرطی منجر شده است برای محاسبه نسبت درستنمائی به کار می‌رود. در CALR نیز انتگرال‌ها، از

طریق تقسیم بندی ناحیه انتگرال گیری با نقاط متساوی الفاصله، و محاسبه مجموع تخمین زده می‌شوند. در [۸] یک

آشکارسازی چند کاناله بررسی شده و چون بدست آوردن تخمین ML از طریق تحلیلی مشکل بوده است یک روش

عددی برای پیدا کردن ریشه مشتق تابع درستنمایی ارائه شده است. البته برای بدست آوردن ماکریم تابع درستنمایی

می‌توان از روش‌های عددی دیگری نیز بهره جست. مثلاً روش نیوتون-رافسون^{۱۶}، که روش شناخته شده‌ای است [۹]،

روش‌های گرادیان و یا EM^{۱۷}. اغلب این روش‌ها، روش‌های تکراری هستند که تابع درستنمایی را در هر تکرار افزایش

می‌دهند تا حتی الامکان به مقدار بیشینه خود نزدیک شود [۱۰].

دسته مهم دیگری از روش‌های عددی، روش‌های مبتنی بر شبیه سازی هستند که تا کنون در بسیاری از شاخه‌های علوم

به کار گرفته شده‌اند. در این رساله برای نخستین بار کاربرد روش‌های عددی مبتنی بر شبیه سازی در آشکارسازی

راداری مورد بررسی قرار می‌گیرد. اساس کار در این روشها، تولید نمونه‌های تصادفی طبق یک تابع توزیع احتمال

دلخواه است. بطور کلی روش‌هایی که در آنها از اعداد تصادفی برای شبیه سازی استفاده می‌شود روش‌های شبیه سازی

مونت کارلو^{۱۸} نامیده می‌شوند. کلمه مونت کارلو در حقیقت بر گرفته از مراکز تفریح مشهور در مونت کارلو است

که در آنها برای تصادفی کردن بازیها از اعداد تصادفی استفاده می‌شده است. اولین استفاده عملی از این روش

در سال ۱۹۰۰ توسط لازارینی^{۱۹} انجام شده است. او با انجام ۳۰۴۸ آزمایش تصادفی، که عبارت از پرتاپ سوزن بین

دو خط با فاصله مشخص بود، π را تا ۷ رقم اعشار محاسبه کرد.

¹⁴ Constrained GLR

¹⁵ Constrained ALR

¹⁶ Newton - Raphson

¹⁷ Expectation Maximization

¹⁸ Monte Carlo

¹⁹ Lazzarini

به دلیل اینکه تولید نمونه از توزیعهای دلخواه اغلب کار بسیار مشکلی است، معمولاً^{۲۰} با تولید نمونه از توابع توزیع دیگر و اختصاص وزن به نمونه ها سعی در رسیدن به روشهای آماری مناسب برای انجام تخمینها یا محاسبه انگرالها می شود. استفاده گسترده از روشهای مونت کارلو از سال ۱۹۴۹ شروع می شود. در این سال فیزیکدانی به نام متropolis^{۲۱} در مقاله مشهوری به معرفی روشهای مونت کارلو پرداخت [۱۱]. مقاله او پایه بسیاری از تحقیقات بعدی شد. در فصل سوم رساله حاضر انواع روشهای مونت کارلو و کاربردهای آن مفصلآ مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

۱۴ هدف و ساختار رساله

بر مبنای روشهای مونت کارلو می توان نسبت درستنمایی را بصورت تقریبی محاسبه کرد و بنابراین عملیات آشکارسازی را انجام داد. قسمت عمده رساله حاضر به کاربرد روشهای مبتنی بر شبیه سازی (مونت کارلو) در محاسبه نسبت درستنمایی می پردازد. به این منظور پس از طرح مقدمات لازم در مورد رادار و آشکارسازی و مسائل مربوط به آن در فصل دوم، اصول روشهای مونت کارلو را در فصل سوم بررسی خواهیم کرد. در این فصل روشهای مختلف نمونه برداری از یک توزیع احتمال بیان خواهد شد و بر مبنای این روشها دو روش اصلی برای محاسبه نسبت درستنمایی در فصل چهارم ارائه می شوند. آشکارسازهایی که با استفاده از این دو روش بدست می آیند را آشکارساز ذره ای^{۲۲} می نامیم. نتایج حاصل از آشکارسازی توسط آشکارسازهای ذره ای در چندین مساله مهم بررسی خواهد شد. در فصل پنجم رویکرد جدیدی در محاسبه نسبت درستنمایی با استفاده از دیدگاه بیزی بیان خواهد شد. مساله مورد بحث در این فصل مربوط به حالتی است که مدل سیگنال دریافتی تحت فرضیه های H_0 و H_1 را بتوان یکسان فرض نمود و تفاوت دو فرضیه فقط در ثابت بودن مقادیر بعضی از پارامترهای مدل در فرضیه H_0 باشد. بر مبنای این رویکرد جدید می توان آشکارسازهای ساده ولی کارآمدی را طراحی کرد. در فصل ششم نتیجه گیری کلی از مطالب ارائه شده بیان خواهد شد و پیشنهاداتی برای ادامه تحقیقات ارائه می شود.

²⁰ Metropolis

²¹ Particle Detectors

۲ + مقدمه

آشکارسازی یکی از مهمترین وظایف یک سیستم راداری است. در آشکارساز، با پردازش داده های رسیده به رادار در مورد وجود یا عدم وجود هدف تصمیم گیری می شود. مشاهداتی که در گیرنده یک رادار صورت می گیرد عمدتاً آغشته به نویز و کلاتر می باشد. گیرنده باید در مورد اینکه این مشاهدات فقط شامل نویز و کلاتر است و یا اینکه شامل سیگنال بازتابی از هدف بعلاوه نویز و کلاتر است تصمیم گیری کند. بنابراین عملاً با یک آزمون - فرضیه روبرو هستیم. در حقیقت، برخورد با این مساله به صورت آزمون - فرضیه راه را برای استفاده از نتایج تئوری تصمیم گیری آماری در آشکارسازی اهداف راداری باز می کند. از دهه ۵۰ میلادی که اولین کارها در این زمینه توسط مارکوم و سورلینگ انجام شد تا کنون همواره تئوری آشکارسازی راداری مورد توجه محققان بوده است. در تئوری تصمیم گیری، رخدادهای ممکن در قالب فرضیه های مختلف بیان می شوند. در کاربرد راداری عمدتاً دو فرضیه وجود یا عدم وجود هدف مطرح است که به ترتیب با H_0 و H_1 نشان داده می شوند. مساله ای که در این رساله مورد بررسی قرار می گیرد، آشکارسازی در یک رادار همدوس پالسی با یک آنتن است. اگر فرض کنیم به ازای ارسال هر پالس، P پالس در گیرنده دریافت می شود می توان مدل آزمون - فرضیه را به شکل زیر در نظر گرفت:

$$\begin{aligned} H_0 : \mathbf{y} &= \mathbf{n} \\ H_1 : \mathbf{y} &= \mathbf{s} + \mathbf{n} \end{aligned} \quad (1-2)$$

۲ فصل دوم: آشکارسازی راداری