

وزارت فرهنگ و آموزش عالی
دانشگاه علوم و فنون مازندران

پایان نامه

برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

رشته عمران گرایش سازه

موضوع

تحلیل سازه های چند مرتبه متشکل از دال و دیوار بصورت
ورقهای تا شده بر روی دیافراگم های انتهائی، به کمک سری فوریه

دانشجو

محمد ناوی

8415-

استاد راهنما

دکتر رسول میر قادری

زمستان ۱۳۷۸

وزارت فرهنگ و آموزش عالی
دانشگاه علوم و فنون مازندران

پایان نامه

مقطع کارشناسی ارشد

رشته : عمران گرایش سازه

عنوان تحلیل سازه های چند مرتبه متشکل از دال و دیوار به صورت ورقهای
موضوع ناشده بر روی دیافراگم های انتهائی به کمک سری فوریه

استاد راهنما: دکتر رسول میرقادری
استاد/ان مشاور: دکتر کاظمی، دکتر واثقی
دانشجو: محمد ناوی

بنام خدا

سپاسگزاری

با سپاس و تشکر از زحمات کلیه اساتید بویژه زحمات بیدریغ و
فداکاریهای خالصانه استاد گرانقدر آقای دکتر رسول میرقادری که
در طول تحصیل راهبر و راهنمای من بوده اند.

فهرست

صفحه	عنوان :
۴	فهرست علائم:
۶	چکیده
۷	فصل اول: شکل و انواع عمومی ورقهای تا شده
۸	مقدمه
۱۰	(۱-۱) شکل و رفتار عمومی ورقهای تا شده
۱۲	(۲-۱) مزیت سیستم ورقهای تا شده
۱۳	(۳-۱) تاریخچه نحوه آنالیز ورقهای تا شده
۱۵	فصل دوم: تحلیل صفحات تا شده
۱۶	(۱-۲) روشهای مختلف تحلیل صفحات تا شده
۲۰	(۲-۱-۲-۲) روش تحلیل عددی ورقهای تا شده با استفاده از سری فوریه
۲۱	(۲-۱) روش حل لوی برای تحلیل ورقهای مستطیل شده
۲۶	(۳-۲) تشریح روش تحلیل صفحات تا شده به همراه دیافراگم های انتهائی
۴۴	(۴-۲) استفاده از تحلیل ماتریسی سازه ها در تحلیل ورقهای تا شده
	فصل سوم :
۴۹	تحلیل ورقهای تا شده به همراه المانهای الحاقی
۵۱	(۱-۳) تحلیل سازه های ورق تا شده به همراه تیرهای تقویت کننده عرضی
۵۱	(۲-۳) تحلیل ورقهای تا شده به همراه تیر های تقویت کننده طولی

فصل چهارم :

- تحلیل عددی سازه های متشکل از صفحات تاشده ۵۴
۱-۲) کلیاتی در تحلیل عددی سازه های متشکل از صفحات تاشده ۵۵
چند مثال در تحلیل صفحات تاشده ۶۶

ضمیمه A

راهنمای استفاده از برنامه کامپیوتری تحلیل سازه های تاشده

- A-۱) نحوه استفاده از برنامه تحلیل صفحات تاشده یک
A-۱-۱) الگوریتم کلی برنامه تحلیل صفحات تاشده یک
A-۲) مقدمه سه
A-۳) نحوه دریافت اطلاعات ورودی پنج
A-۴) دریافت اطلاعات و مشخصات به صورت فایل ورودی هشت

ضمیمه ۲ A

معادلات سختی ورق های تاشده به همراه تقویت کننده های عرضی

- A۲-۱) تحلیل ورق های تاشده به همراه المانهای الحاقی یازده

فهرست علائم

t, a, b به ترتیب ابعاد صفحه در جهت طولی و عرضی و ضخامت صفحه

v, G, E به ترتیب مدول الاستیسیته، مدول برشی و ضریب پواسون

$$D = \frac{Et^3}{12(1-\nu^2)}$$

سختی خمشی ورق

x, y, z = محوره‌های مختصات محلی

w, v, u = به ترتیب جابجایی در جهت x, y, z

v_{ij}, u_{ij}, w_{ij} = به ترتیب مقادیر u, v, w در امتداد لبه i در صفحه j-ی می باشد

θ_i = چرخش صفحه در امتداد لبه i

v_{ij}, N_{ij}, S_{ij} = به ترتیب مقادیر برش طولی بر واحد طول، نیروی محوری بر واحد طول

نیروی برشی عرضی بر واحد طول در امتداد لبه i

M_{ij} = لنگر بر واحد طول صفحه در امتداد لبه i

m = تعداد جملات سری فوریه

$\bar{w}_{ijm}, \bar{v}_{ijm}, \bar{u}_{ijm}$ = به ترتیب دامنه مقادیر w, v, u در امتداد لبه i در مود m ام

$\bar{\theta}_{im}$ = دامنه چرخش صفحه در لبه i ام در مود m ام

$\bar{v}_{ijm}, \bar{N}_{ijm}, \bar{S}_{ijm}$ = به ترتیب مقادیر v, u, w در امتداد لبه i ام در مود m ام

ξ, η = جابجاییهای متعامد در مختصات عمومی

\bar{k}'_m = ماتریس سختی صفحه در مختصات محلی در مود m ام

\bar{d}'_m = بردار دامنه تغییر مکانهای لبه صفحه در مود m ام و در مختصات محلی

$\bar{\Gamma}'_m$ = بردار دامنه نیروهای انتهایی صفحه در مود m ام و در مختصات محلی

$\bar{\Gamma}'_{fm}$ = بردار دامنه نیروهای گیرداری انتهایی صفحه در مود m ام و در مختصات محلی

$$\begin{aligned}
 \bar{k}_m &= \text{ماتریس سختی صفحه در مختصات عمومی در مود } m \text{ ام} \\
 \bar{d}_m &= \text{بردار دامنه تغییر مکانهای صفحه در مود } m \text{ ام و در مختصات عمومی} \\
 \bar{r}_m &= \text{بردار نیروهای انتهایی صفحه در مود } m \text{ ام و در مختصات عمومی} \\
 r_{fm} &= \text{بردار نیروهای گیرداری انتهایی صفحه در مود } m \text{ ام و در مختصات عمومی} \\
 \bar{k}_m &= \text{ماتریس سختی کل سیستم در مود } m \text{ ام} \\
 \bar{D}_m &= \text{بردار دامنه تغییر مکانهای کلی در مود } m \text{ ام} \\
 \bar{R}_m &= \text{بردار دامنه نیروهای خارجی در مود } m \text{ ام} \\
 R_{fm} &= \text{بردار دامنه نیروهای گیرداری کلی در مود } m \text{ ام}
 \end{aligned}$$

چکیده

سازه های تشکیل شده از ورق کاربرد وسیعی در زمینه سازه های مهندسی دارند، سازه های ورق تا شده با توجه به عملکرد آن مورد توجه بوده و از انواع پوششهای مناسب برای فضاهای بزرگ می باشند در این پایان نامه سعی شده با ارائه روشی مبتنی بر استفاده از سری فوریه در حل معادلات حاکم بر رفتار صفحات یک روش تحلیلی فراهم آید. برای این منظور ابتدا تحلیل سازه های ورق تا شده تحت اثر بارهای خمشی و غشائی بررسی شده و در ادامه با استفاده از سری فوریه در حل معادلات دیفرانسیل حاکم بر رفتار صفحات روش مناسبی برای تحلیل اینگونه از سازه ها ارائه می گردد.

سازه های ورق تا شده که در این پایان نامه مورد مطالعه قرار گرفته است، متشکل از مجموعه ای از ورقهای تا شده که بر روی دیافراگم های انتهائی قرار دارند بوده، بطوریکه شرایط مرزی حل لوی برای آنها بر قرار می باشد. با توجه به مجزا بودن جوابهای سری فوریه در این ورقها، معادلات حاکم برای مجموعه ورقهای تا شده بر حسب تغییر مکانهای داخل صفحه ای و خارج از صفحه ای لبه پیوسته ورق نوشته شده و کل سیستم ورقهای تا شده بر حسب این تغییر مکان تحلیل می گردد. و سپس نیروهای داخلی در هر یک از ورقها بدست می آید. در پایان یک نرم افزار کامپیوتری برای تحلیل این ورقها تهیه گردیده و مثالهایی برای نشان دادن کارائی روش فوق، مورد تحلیل قرار گرفته است.

فصل اول

شکل و انواع عمومی ورقهای تاشده

مقدمه :

سیستم سازه های ورق تا شده که تحلیل آن براساس روش مبتنی بر استفاده از سری فوریه، در این پایان نامه مورد بررسی قرار می گیرد، یکی از انواع سازه های تشکیل شده از ورق می باشد که رفتار قابل توجه ای تحت اثر بارهای خمشی و غشایی دارد، این سیستم سازه ای را می توان برای پوشش سطح های وسیع استفاده نمود و با توجه به پیشرفت در روش های اجرایی و قابلیت هماهنگی این نوع سازه با روشهای اجرایی، می توان استفاده بیشتری از این نوع سیستم سازه ای نمود. در این پایان نامه سعی شده با ارائه روشی مبتنی بر استفاده از سری فوریه در حل معادلات حاکم بر رفتار صفحات، یک روش تحلیلی عملی و دقیق فراهم آورد. برای این منظور ابتدا تحلیل سازه های ورق تا شده منشوری تحت اثر بارهای خمشی و غشایی بررسی شده و روابط حاکم به دست می آید، در مرحله بعد این روابط برای سازه های ورق تا شده همراه با اعضاء تقویت کننده مانند تیرهای طولی و عرضی بسط داده می شود و با توجه به روابط بدست آمده برنامه کامپیوتری ارائه شده که استفاده کننده می تواند براحتی سازه ورق مورد نظر خود را تحلیل نماید.

در این روش هر ورق بدون توجه به ابعاد آن یک المان کامل سازه ای فرض شده و بدین ترتیب تعداد المانها در کل سازه به حداقل می رسد. بنابراین از حجم اطلاعات ورودی و خروجی، زمان تحلیل و حافظه مورد نیاز کامپیوتر کاسته شده و محاسبه نتایج به سهولت انجام می شود. برای افزایش دقت محاسبات بر خلاف روشهای دیگر، تعداد المانها تغییر نکرده و فقط جمله های بیشتری از سری فوریه در نظر گرفته می شود و بدلیل استفاده از توابع شکلی مناسب همگرایی سریعی با استفاده از چند گام اولیه فراهم می آید. در حالیکه تحلیل این نوع سیستم سازه ای به روش های تقریبی گذشته خالی از خطا نبوده و استفاده عملی از نرم افزارهای موجود نیز به آسانی صورت نمی گیرد زیرا برای افزایش دقت، لازم است تعداد المانها افزایش یافته بنا بر این حجم اطلاعات ورودی و خروجی افزایش یافته و کنترل نتایج به راحتی مقدور نمی باشد و در بعضی از مواقع اضافه نمودن المانهای

تقویتی مانند تیرهای طولی و عرضی، مشکلات عددی متعددی را در تحلیل فراهم می آورد. با توجه به مشکلات یاد شده وجود نرم افزاری مناسب برای تحلیل سازه های ورق تا شده ضرورت می یابد.

در فصل اول: با شکل و رفتار سیستم های ورق تا شده آشنا می شویم و به مزیت های این سیستم پی می بریم و نحوه آنالیز این نوع سیستم را مرور می کنیم.

در فصل دوم: رفتار سیستم ورق تا شده منشوری ساده تحت اثر بارهای خمشی و غشایی را بررسی نموده و روشهای تحلیل این نوع سیستم سازه ای ارائه می گردد.

در فصل سوم: تحلیل سیستم سازه ای ورق تا شده همراه اعضا تقویت کننده، مانند تیرهای طولی را بررسی می کنیم، در این فصل روابط حاصل در فصل قبل را توسعه داده و روابط کلی برای صفحات تا شده همراه با تقویت کننده های طولی را بدست می آوریم و روابط بدست آمده را برای استفاده در یک برنامه کامپیوتری مرتب می کنیم.

در فصل چهارم: روند اجرای برنامه بر مبنای روابط بدست آمده در فصل دوم و سوم تشریح شده سپس مثالهای مختلف از سازه های ورق تا شده به کمک نرم افزار فوق تحلیل شده و مقایسه نتایج جالب توجه بوده و نشان دهنده کارایی این روش برای سازه های ورق تا شده می باشد. سپس از نتایج حاصل از فصل چهارم، نتیجه گیری انجام شده که نشان می دهد استفاده از روش فوق در تحلیل سازه های ورق تا شده نسبت به روش های دیگر تحلیل مزیت دارد. زیرا در این روش هر ورق یک المان سازه ای فرض شده و تعداد المانهای در نظر گرفته شده به حداقل می رسد.

بنا بر این از تعداد درجات آزادی کاسته شده و تعداد معادلات حاکم بر رفتار سازه به حداقل می رسد در نتیجه از حجم اطلاعات ورودی و خروجی و حافظه کامپیوتر کاسته شده و سرعت تحلیل افزایش می یابد. در این روش نحوه دریافت اطلاعات ورودی ساده بوده و برخلاف روشهای دیگر افزایش دقت تنها با افزایش تعداد جملات سری فوریه امکان می یابد و تعداد المانها تغییر نمی کند. در این روش تعداد اعضا تقویت کننده بر تعداد درجات آزادی و معادلات حاکم بر رفتار ورق تا شیری ندارد.

در فصل ضمیمه ۱: نحوه و روند اجرای برنامه شرح داده شده است.

در فصل ضمیمه ۲: نحوه بدست آمدن ماتریس سختی ورقهای تا شده به همراه تقویت کننده های عرضی شرح داده شده است.

۱-۱) شکل و رفتار عمومی ورقهای تاشده

ورقهای تاشده که خطوط تقاطع ورقهای ساده تشکیل دهنده آن، بموازات امتداد خاصی است ورقهای تاشده منشوری خوانده می شود و در این پایان نامه آنالیز این نوع ورقهای تاشده مورد بررسی قرار می گیرد.

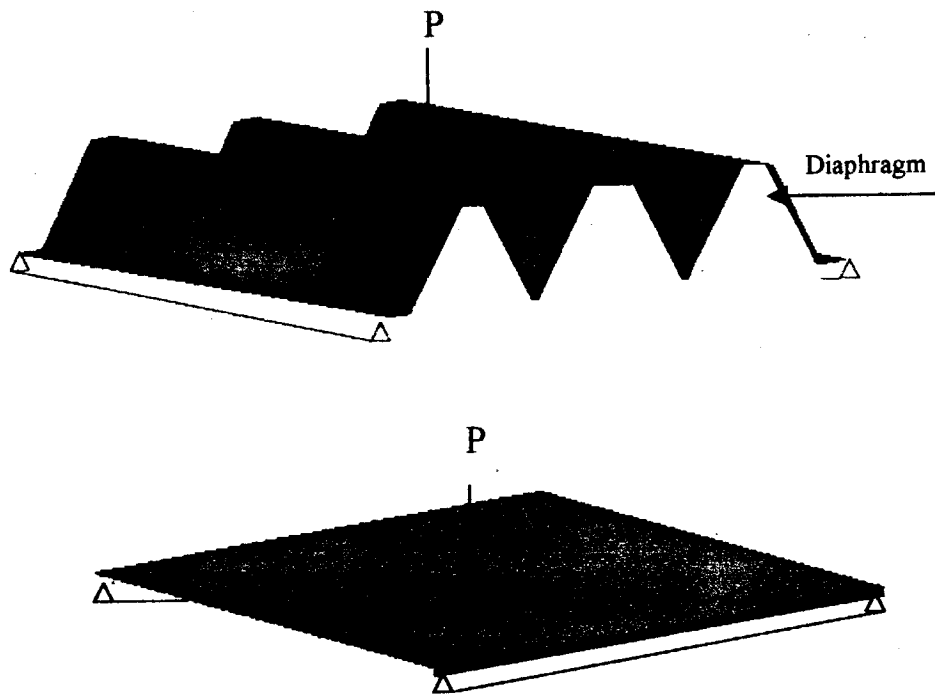
ورقهای تاشده را می توان از خانواده سازه های پوسته ای به شمار آورد. از این دیدگاه، ورقهای تاشده پوسته هایی هستند که تغییر انحناء آنها نا پیوسته بوده و از نظر ریاضی تاوه های تشکیل دهنده اینگونه از سازه ها، دارای شعاع انحناء بینهایت می باشند.

منظور نمودن ورقهای تاشده در شمار سازه های پوسته ای فقط یک اقدام ظاهری نبوده زیرا از لحاظ رفتار مکانیکی و مکانیسم انتقال نیرو، شباهتهای زیادی بین ایندو وجود دارد. مهمترین وجه اشتراک بین ورقهای تاشده و پوسته ها از نظر رفتاری، در یکسانی مکانیسم اصلی انتقال نیرو در آن سازه ها می باشد. سازه های پوسته ای، نیروهای خارجی را بوسیله میدان غشایی به تکیه گاهها منتقل می کنند و لنگر خمشی و پیچشی و تنشهای حاصل از آنها، مکانیسم های ثانویه انتقال نیرو بشمار می روند و در شرایط خاصی نیاز به دخالت آنها پیش می آید. ورقهای تاشده نیز با آنکه کاملاً فرم پوسته ای ندارند، با این وجود از ویژگیهای رفتاری سازه های پوسته ای برخوردار هستند. در یک ورق تاشده بخش زیادی از اثر بار خارجی به وسیله نیروهای داخلی واقع در صفحه تاوه ها به تکیه گاهها منتقل میشوند.

ورقهای تاشده، چنانکه از نامشان مشخص است، سازه هایی هستند که از اتصال چند صفحه ساده مایل با زوایایی نسبت به سطح افق تشکیل می یابند. برای آشنایی بیشتر نسبت به عملکرد این سازه، تجربه ساده ای انجام می دهیم.

یک ورق کاغذ، که تاوه ساده ای است را بر روی دو تکیه گاه قرار می دهیم. این ورق کاغذ نمی تواند باری را تحمل کند و حتی تحت اثر وزن خود نیز تغییر شکل زیادی می دهد و علت این امر آن است که لنگر دوم سطح مقطع ورق ناچیز می باشد. اکنون اگر ورق

فوق را تا کنیم و همان تجربه را انجام دهیم مشاهده می کنیم که در این حالت نه تنها ورق تا شده وزن خود را بدون خم شدن تحمل می کند بلکه می تواند مانند یک تیر وزن خود را نیز تحمل کند. زیرا با خم نمودن ورق کاغذ، مصالح را از محور خمش دورتر نموده و در نتیجه لنگر دوم سطح نسبت به محور خنثی افزایش می یابد. شکل (۱-۱). این تجربه ساده بیان کننده ویژگی اصلی رفتار مکانیکی ورقهای تا شده می باشد.



شکل (۱-۱) ویژگی اصلی ورق های تا شده

مساله تعیین شکل ورق و انتخاب ماده آن، به طوری که دارای بیشترین مقاومت در برابر مجموعه نیروهای وارده در شرایط مورد نظر باشد، مربوط به فرایند طراحی است. از این رو، ارائه یک فهم اساسی و دقیق از رفتار ماده و مناسب ترین شکل قرارگیری ورقها در کنار هم، کاری ضروری می باشد. طراحی ورقها عمدتاً متکی بر آنالیز تنش و تغییر شکل آنهاست، که مبحث اصلی این پایان نامه در این راستا قرار دارد.

۲-۱) مزیت سیستم ورقهای تا شده

ورقهای تا شده برای پوشش فضاها و وسیع مانند کارخانه ها، سالنهای اجتماعات، انبارها تالارها و سالنهای ورزشی و نیز در عناصر-ساختمانی قوطی شکل، مورد استفاده قرار می گیرد.

سطوحی که به تنهایی و یا از تداخل و ترکیب با یکدیگر بتوانند سازه ای را بوجود آورند و یا فضایی را بپوشانند را سیستم با سطح فعال گویند. سیستم ورقهای تا شده یکی از سیستم های با سطح فعال می باشد. و این سیستم بر اساس تا کردن صفحات برای تغییر جهت نیروها بوجود می آید. این سطوح به علت طبیعت پوششی چه از نظر سقف و چه از نظر نما ساده ترین و ابتدایی ترین صورتهای شکل گیری معماری هستند. این سیستم با مبنای صحیح ساختمانی به تنهایی فضا را پوشانده و احتیاج به سیستم دیگری ندارد.

مقاومت سطوح در مقابل نیروهای فشاری و کششی اولین مشخصه سیستم با سطح فعال است و مناسب ترین مکانیزم تحمل بار در یک سیستم با سطح فعال هنگامی است که سطح، موازی جهت نیروی وارده باشد و ضعیف ترین مکانیزم هنگامی است که سطح، عمود بر بار وارده باشد. ورقهای تا شده یکی از سیستمهای با سطح فعال می باشد.

یکی دیگر از سیستم های با سطح فعال، سیستم های پوسته ای هستند. در مقایسه ورقهای تا شده با سیستم های پوسته ای، با وجود شباهت در رفتار مکانیکی مزیت های زیادی دیده می شود که به عنوان نمونه می توان از موارد زیر یاد کرد.

- ۱- سادگی قالب بندی، زیرا از سطوح صاف و بدون انحنا استفاده می شود.
- ۲- استفاده مناسب از قالب های پیش ساخته و متحرک که باعث سرعت اجرای کار می گردد. (سادگی در ایجاد دیافراگم نسبت به موارد مشابه برای پوسته ها).

۳- تحلیل و طراحی ساده تر.

۴- از نظر زیبایی، به دلیل داشتن هندسه مشخص و موزون، همانند پوسته ها جلوه می کنند.

۳-۱) تاریخچه نحوه آنالیز ورقهای تا شده

برای نخستین بار در سال ۱۹۲۴ سیستم ورقهای تا شده توسط G.Ehlers برای یک انبار وسیع زغال سنگ در آلمان استفاده گردید. اولین مقاله در مورد ورقهای تا شده در سال ۱۹۳۰ توسط [5] G.Ehlers منتشر گردید. و در آن گره های طولی بصورت مفصل فرض شده و از انتقال لنگر به ورقها و تغییر مکان گرهها صرف نظر شده است. در سال ۱۹۳۲ Gruber با در نظر گرفتن تغییر مکان گره ها و پیوستگی صفحات باعث پیشرفت در نحوه تحلیل صفحات تا شده گردید. و در روش خود از یک سری معادلات دیفرانسیل مرتبه چهار استفاده نمود که بوسیله سری هایی که بسرعت همگرا می شوند قابل حل بود روش وی نشان داد که فرض مفصلی و گیردار بودن گرهها اثر قابل توجه ای بر روی نتایج لنگر و تنشهای صفحه می گذارد. در سال ۱۹۵۳ Graemer در مقاله خود با توجه به نسبت طول به عرض هر تاوله، ورقهای تا شده را به دو گروه کوتاه و بلند طبقه بندی نمود. و نتایج خود را اعلام نمود. یک پیشرفت مهم در تحلیل ورقهای تا شده در سال ۱۹۴۷ توسط Winter و Pei صورت گرفت. در این روش که مشابه روش قدیمی توزیع لنگر بود از روابط جبری محاسبه توزیع تنش کاسته شد و چون از تغییر مکان گرهها صرف نظر گردید روش مفیدی برای حل ورقهای تا شده کوتاه بود در سال ۱۹۴۸ Grikman با در نظر گرفتن تغییر مکان گرهها و اثر آنها بر روی لنگرهای عرضی و تنشهای طولی باعث توسعه در نحوه آنالیز ورقهای تا شده گردید. نتایج این روش از حل معادلات چند مجهولی بر اساس لنگرهای عرضی بدست می آید.

در سال ۱۹۵۴ [6] Gaafar با در نظر گرفتن اثر تغییر مکان گرهها روش Winter و Pei را اصلاح نمود.

در سال ۱۹۵۷ توسط Goldberg روش جالبی برای آنالیز ورقهای تا شده منشوری ارائه شد. روش وی مشابه روش شیب افت در حل قابها می باشد.

در سال ۱۹۵۸ توسط [7] Simpson یک روش جدید و پیشرفته مبتنی بر اثر لنگر و توزیع تنش ارائه گردید. در سال ۱۹۵۹ Whitney با تغییراتی در روش Girkman یک روش