

تشکر و قدردانی :

با استعانت از پروردگار منان لازم می دانم مراتب سپاس و قدردانی خود را که زبان از گفتن آن قاصر است از استاد راهنمای گرانقدر جناب آقای دکتر علی بهاری داشته باشم. استادی که علاوه بر هدایت و راهنمایی علمی همچون شمعی مشفق و دلسوز روشنگر راهم بودند. از استادان بزرگوار جناب آقای دکتر کوروش نوذری و جناب آقای دکتر فرشاد صحبت زاده مشاورهای پایان نامه اینجانب نیز نهایت تقدیر و سپاس را تقدیم می کنم.

همچنین از آقای مهندس نادر پوربخشیان مسئول آزمایشگاه های دانشگاه آزاد اسلامی بخاطر مساعدت و همکاری ایشان در پیشرفت و تسریع پژوهش اینجانب تشکر و قدردانی می نمایم. از تمام دوستان و همراهانی که به نحوی در پیشرفت کارم از وجود ارزشمندشان سود بردم سپاسگزارم.

از پدر و مادر بسیار گرانقدر و مهربانم نهایت مراتب سپاس را دارم. در نهایت از همسر عزیز و مهربانم و فرزندم که در طول تحصیلم با وجود دوری و مشکلاتم همواره همراه و مشوق من بوده اند صمیمانه تشکر و قدردانی می نمایم.

تقدیم به :

ستاره های زندگیم

همسرم و محمد امین



دانشگاه مازندران دانشکده علوم پایه

جهت اخذ درجه ی دکتری رشته فیزیک حالت جامد

عنوان: رشد و بررسی ویژگی های نانوساختاری مواد دی الکتریک فلزی

استاد راهنما: دکتر علی بهاری

اساتيد مشاور:

دکتر کوروش نوذری و دکتر فرشاد صحبت زاده

نگارش: **مهران رياضيان**

تیر ۱۳۹۱

فهرست مطالب

صفحه	
	فصل اول : تيتانيم
١	۱–۱ مقدمه
٤	۱–۲ دی اکسید تیتانیم
٥	۱–۲–۱ فاز روتایل
٦	۱–۲–۲ فاز آناتاز
Α	۱–۲–۳ فاز بروکیت
٩	۱–۲–٤ فازهای دیگر دی اکسید تیتانیم
٩	۱–۳ خاصیت های دی اکسید تیتانیم
٩	۱-۳-۱ خاصیت فوق آب دوستی
)•	۱-۳-۲ خاصیت دی الکتریکی دی اکسید تیتانیم
۱.	۱-۳-۳ خاصیت فتوکاتالیستی
١٢	۱-۶ کاربردهای دی اکسید تیتانیم
12	۱-۵ نتیجه گیری
	فصل دوم : روش های سنتز TiO ₂
17	۲-۱ مقارمه
17	۲-۲ روش های سنتز TiO ₂
1V	TiO ₂ تولید صنعتی TiO ₂
١٨	۲–۲–۲ روش های تحقیقاتی
١٨	۲–۲–۱ روش هیدروترمال
77	۲–۲–۲ روش حلال گرمایی
٢٤	۲-۲-۲ روش مکانوشیمیایی
70	۲–۲–۲–۵ روش های مایسل و مایسل معکوس
77	۲-۲-۲ روش اکسیداسیون مستقیم

۲-۲-۲ روش نشست بخار شیمیایی	29
۲-۲-۲ روش نشست بخار فیزیکی	٣.
۲-۲-۲ روش سونوشیمی	٣١
۲-۲-۲ روش میکروموج	٣٣
۲–۲–۲۰ روش سل– ژل	٣٤
۲-۲-۲-۱۰ بررسی مواد اولیه در روش سل- ژل	٣٦
۲-۲-۲-۱۰ چگونگی انجام فرآیند روش سل- ژل	٣٦
۲-۲-۲-۱۰ هیدرولیز	٣٨
۲-۲-۲-۱۰-۶ رسوب و پلی مری شدن مونومرها برای تشکیل ذرات	۳٩
۲-۲-۲-۱۰ زمان دهی (کهنه سازی)	٤٢
۲-۲-۲-۱۰ عملیات گرمایی	٤٣
۲-۲-۲-۱۰-۷ بررسی فیزیکی سل ها	٤٧
۲-۲-۲-۱۰-۸ روش سل- ژل در سنتز نانومیله های TiO ₂	01
۲–۲–۱۰–۹ مزایا و معایب روش سل– ژل	٥٢
۲-۳ نتیجه گیری	٥٤
فصل سوم : اثر فتوكاتاليست	
۳–۱ مقدمه	٥٦
۳–۲ مفهوم فتوكاتاليست	०९
۳-۳ مكانيسم فتوكاتاليست	٦٢
۲-٤ نتیجه گیری	٦٣
فصل چهارم : سنتز نانوذرات و مطالعه ساختاری	
۱-٤ مقدمه	70
۲-۲ نانوذرات کامپوزیتی TiO ₂ -SiO ₂ نانوذرات کامپوزیتی	٦٥
۲-۲-۲ ساخت نانوذرات کامپوزیتی TiO ₂ -SiO ₂	٦٥
۲-۲-٤ مطالعه ساختاری نانوذرات کامپوزیتی TiO ₂ -SiO ₂	٦٨
٤-۲-۳ تخریب فتوکاتالیستی رنگ متیلن بلو به وسیله نانوذرات کامپوزیتی SiO ₂ -SiO ₂	٨٦

۲-۳ نانومیله های TiO ₂ و نانومیله های آلاییده شده با SiO ₂	٩١
۲-۳-۱ ساخت نانومیله های خالص TiO ₂ و نانومیله های آلاییده شده با SiO ₂	٩١
۲-۳-۲ مطالعه ساختاری نانومیله های TiO ₂ و نانومیله هایTiO ₂ آلاییده شده با SiO ₂	٩٥
۲–۵ نانوذرات کامپوزیتی TiO ₂ -CuO-SiO ₂ نانوذرات کامپوزیتی	11.
۲-۵-۱ ساخت نانوذرات کامپوزیتی TiO2-CuO-SiO ₂ ساخت نانوذرات کامپوزیتی	111
۲-٤-۲ مطالعه ساختاری نانوذرات کامپوزیتی TiO2-CuO-SiO2	110
۲-۵ نتیجه گیری	179
صل پنجم : نتیجه گیری	
۱–۱ نتیجه گیری	١٣١
۲-۲ پیشنهادها برای مطالعات آینده	137
نابع	١٣٨

عنوان	صفحه
نىكل ١–١. ساختار فاز روتايل	٦
نىكل ۱–۱. ساختار فاز آناتاز	V
نىكىل ١–١. ساختار فاز بروكيت	Α
نیکل۲ –۱. تصویر TEM از نانوذرات TiO ₂ بدست آمده از روش هیدروترمال	١٩
نیکل ۲–۲. تصویر TEM از نانومیله های TiO ₂ بدست آمده از روش هیدروترمال	۲.
نیکل ۲–۳. تصویر SEM از نانوسیم های TiO ₂ و تصویر الحاقی تصویر TEM از تک نانوسیم بدس	لدست
ُمدہ از روش ہیدروترمال	71
نیکل ۲–٤. تصویر TEM از نانولوله های TiO ₂ بدست آمده از روش هیدروترمال	22
نیکل ۲–۵. تصویر TEM از نانومیله های TiO ₂ بدست آمده از روش حلال گرمایی با نسبت وزنی	بنی پیش
باده/حلال/مواد فعال سطحی=١:٥: ٣	۲۳
نیکل ۲–٦. تصویر TEM از نانوسیم های TiO ₂ بدست آمده از روش حلال گرمایی	٢٤
نیکل ۲–۷. تشکیل میسل معکوس در ژل حاوی سورفکتانت	77
نیکل ۲−۸. تصاویر TEM از نانوذرات TiO₂ به شکل شاتل و در قسمت الحاقی به شکل گرد که ت	له توسط
زنگ تولید شده است.	۲۸
نیکل ۲−۹. تصاویر SEM از رشد نانومیله های TiO₂ در C° ۲۵۰	۳.
نیکل ۲–۱۰. تصاویر SEM از نانوسیم های TiO ₂ ساخته شده به روش PVD	3
شکل ۲–۱۱. تصاویر TEM از (A) نانولوله ها و (B) ویسکرهای TiO ₂ ساخته شده به روش	
سونوشيمي	٣٢
نیکل ۲–۱۲. نمایش طرحواره روش سل– ژل	٤١
نیکل ۲–۱۳. کاهش نیروهای سطحی در حفره هایی با اندازه متفاوت در جریان خشک شدن.	٤٦
نیکل ۲–۱٤. نمایش سد فضایی با مولکول های سورفکتانت جذب شده به سطح ذره	٤٩
نیکل ۲–۱۵. لایه دوگانه الکتریکی روی سطح منفی– بار شده. h فاصله سطح ذره و V _R پتانسیل را	رانش
ست.	01
نىكل ٣–١. نمودار شماتيك واكنش هاي فتوكاتاليستى	714

يدان	عندان
	علو ال
ىدول ۱–۱. مشخصات و ویژگی های کلی عنصر تیتانیم	جدول
ندول ۱–۲. مشخصات و ویژگی های کلی عنصر تیتانیم	جدول
ندول ٤–١. پیش ماده ها و ضرایب مولی به کار رفته در سنتز کامپوزیت TiO ₂ -SiO ₂ . ۲۷	جدول
ندول ٤−۲. نتایج XRF مربوط به ضریب وزنی پیش ماده ها به کار رفته در سنتز کامپوزیت	جدول
TiO2-SiO	-SiO ₂
ندول ٤–٣. تحلیل طیف های XRD برای نمونه های جدول ۲	جدول
ندول ٤–٤. کرنش شبکه و محتوای فاز بلوری روتایل برای نمونه هایی با درصد مختلف محتوای iO ₂	جدول
دماهای کلسینه مختلف.	و دماه
ىدول ٤–٥. داده هاى سينيتيكى كارايي فرآيند تخريب فتوكاتاليستى متيلن بلو با استفاده از نانوذرات	جدول
۹۰ . TiO ₂ -SiO	-SiO ₂
ندول ٤–٦. پیش ماده ها و ضرایب مولی به کار رفته در سنتز نانومیله های خالص TiO ₂ و نانومیله ها:	جدول
۲ییده شده با SiO ₂ .	آلاييده
ندول ٤–٧. تحلیل طیف های XRD برای نانومیله های خالص TiO ₂ و اندازه بلورک ها. ۹۷	جدول
ندول ٤–٨. تحليل طيف هاي XRD براي نانوميله هاي آلاييده TiO ₂ با SiO ₂ و اندازه بلورک ها. ٩٧	جدول
ندول ٤–٩. کرنش شبکه برای نانومیله خالص TiO ₂ آلاییده شده با SiO ₂ .	جدول
ندول ٤–١٠. پارامترهای زبری سطح نانومیله های TiO ₂ مطابق شکل های ٤–٣٨ تا ٤–٤٠. ا	جدول
ىدول ٤-١١. ضخامت، ظرفيت خازني، ثابت دي الكتريك	جدول
ندول ٤–١٢. پیش ماده ها و ضرایب مولی به کار رفته در سنتز کامپوزیت TiO ₂ -CuO-SiO ₂ . ۱۱۲	جدول
ندول ٤–١٣. تحلیل طیف های XRD برای دو ضریب مولی ٥/٠ و ١ مطابق جدول ٤–١٢ برای	جدول
امپوزیت TiO2-CuO-SiO2. اندازه بلورک ها از معادله شرر به دست آمده است. ۲۱۸	كامپوز
ندول ٤–١٤. انرژی فعال سازی تشکیل فازهای بلوری آناتاز و تنوریت در کامپوزیت -TiO ₂ -CuO	جدول
.SiO	.SiO ₂
ددول ٤–١٥. ترکیب شیمیایی به دست آمده از تحلیل EDX.	جدول

رشد و بررسی ویژگی های نانوساختاری مواد دی الکتریک فلزی

چکيده :

در کار حاضر ویژگی نانوساختاری یک اکسید فلزی (TiO₂) که علاوه بر اینکه یک ماده خوب دی الکتریک برای تولیدات آتی نانوترانزیستورهای اثر میدانی است، به عنوان یک ماده ی فتوکاتالیستی کاربرد دارد، مورد مطالعه قرار دادیم. برای این منظور از روش های XRF ،XRD ، TEM ،EDX، SEM تایف نمایی فرابنفش در محدوده مرئی و FTIR استفاده شده است. ویژگی های نانوساختاری، اندازه بلورک ها، کرنش شبکه، انرژی فعال سازی تشکیل فاز بلوری، پیوند های شیمیایی و ریخت شناسی سطح ذرات را مورد بررسی قرار دادیم. همچنین تاثیر متغیرهایی چون غلظت مولی پیش ماده ها، حضور ناخالصی و دمای کلسینه شدگی در روش مرطوب سل- ژل را

در خواص ساختاری این اکسید، فازهای بلوری تشکیل شده نقش بسیار مهمی را بازی می کنند به گونه ای که حضور ناخالصی هایی چون SiO₂، CuO و نظایر آن تاثیر به سزایی در اندازه و رشد بلورک ها، متوقف کردن رشد یک فاز بلوری و به طور کلی ویژگی های فیزیکی- شیمیایی TiO₂ دارند. دریافتیم که این اکسید یک ماده با ضریب دی الکتریک بالا و همچنین یک فتوکاتالیست بسیار خوب است. با توجه به تشکیل زیر لایه میانی بی شکل بین اکسید تیتانیم و زیرلایه سیلیکونی، که می تواند سبب کاهش جریان نشتی و تونل زنی و مانع نفوذ بور از لایه گیت دی الکتریک فرا نازک شود، به این نتیجه رسیدیم که 20T را می توان به صورت یک ماده مناسب گیت دی الکتریک در ترانزیستورهای اثر میدانی و نیز یک مخرب آلاینده های ترکیبات آلی چون متیلن بلو معرفی نماییم.

واژه های کلیدی:

اكسيد تيتانيوم، نانوساختارها، نانوكامپوزيت ها، گيت دى الكتريك و روش سل- ژل.



۱–۱ مقدمه

تیتانیم (واژه لاتین تیتانز^۵ ، اولین فرزند پسر گایا^۵) در سال ۱۷۹۱ در انگلستان توسط ویلیام گرگور^۵ که متوجه وجود عنصر جدیدی در ایلمنیت شده بود، کشف شد . این عنصر چند سال بعد توسط هنریک کلاپورث^۵ شیمیدان آلمانی در کانی روطیل دوباره کشف گردید. در سال ۱۷۹۵، این عنصر جدید را بر اساس تیتان^۵ در اساطیر یونان نامگذاری نمود . ماتئو هانتر ^۵ در ۱۹۱۰ بوسیله حرارت جدید را بر اساس تیتان^۵ در اساطیر یونان نامگذاری نمود . ماتئو هانتر ^۵ در ۱۹۱۰ بوسیله حرارت جدید را بر اساس تیتان^۵ در اساطیر یونان نامگذاری نمود . ماتئو هانتر ^۱ در ۱۹۱۰ بوسیله حرارت ای دادن ۲۱۲۹ با سدیم در بمب فولادی در دمای ۲۰۰۸–۲۰۰ برای اولین بار تیتانیم فلزی خالص (٪ برای ۲۱۹۹) تهیه کرد. فلز تیتانیم تا سال ۱۹٤٦ خارج از آزمایشگاه کاربردی نداشت. در این سال، ویلیام جاستین کرول^۵ اثبات نمود که میتوان تیتانیم را بوسیله کاهش تتراکلرید تیتانیم با منیزیم بصورت جاری تجاری تولید کرد؛ (این روش امروزه همچنان مورد استفاده قرار می گیرد) . ویژگی های عنصر تیتانیم در جدول ۱–۱ آورده شده است.

تیتانیم بطور طبیعی دارای ۵ ایزوتوپ پایدار تیتانیم ٤٦ ، تیتانیم ٤٧ ، تیتانیم ٤٩ ، تیتانیم ٤٩ و تیتانیم ٥٠ است که فراوان ترین آنها تیتانیم ٨٨ (فراوانی طبیعی (٪ ٧٣/٨) می باشد. ١١ رادیوایزوتوپ هم برای این عنصر شناسایی شده است که پایدارترین آنها تیتانیم ٤٤ بانیمه عمر ٣٣ سال ، تیتانیم ٥٥ با نیمه این عنصر شناسایی شده است که پایدارترین آنها میتانیم ٤٤ بانیمه عمر ٣٢ سال ، تیتانیم ٥٠ با نیمه عمر ٨١ ر دقیقه هستند . عمر ٨٨/٨ دقیقه ، تیتانیم ٥١ با نیمه عمر ٢٥/٥ دقیقه و تیتانیم ٢٥ با نیمه عمر ٢٧ دقیقه هستند . سایر ایزوتوپهای پرتوزا ، نیمه عمری کمتر از ٣٣ ثانیه دارند که نیمه عمر بیش تر آن ها کم تر از نیم

- 1-Titans
- 2- Gaia
- 3- William Gregor
- 4- Heinrich Klaproth
- 5- Titan
- 6- Matthew A. Hunter
- 7- William Justin Kroll

ثانیه می باشد. ایزوتوپ های تیتانیم از نظر وزن اتمی بین '۹۹/۳۹ amu (تیتانیم ٤٠) و ۹۹/۳۹ (تیتانیم ۹۹) و ۹۹۲۸۷ (تیتانیم ۵۸) قرار دارند. حالت فروپاشی اولیه قبل از فراوان ترین ایزوتوپ (تیتانیم ۵۸) جذب الکترون و حالت اولیه پس از آن ارسال بتا می باشد. محصول فروپاشی اولیه قبل از تیتانیم ۱۸ ایزوتوپ های عنصر ۲۳ (وانادیم) ایزوتوپ های عنصر ۲۳ (وانادیم) می باشد.

	1 H	2		17.88 1668 287 1.5 1.54 3.82 1.32 / 1 Ar] 3d	.47 / - 2 4s2 Tran:	sition	eleme s agona	222 3+4				Cher	13	14	15	16	17	18 He					
п	Li	Be		Titan	ium								В	C	N	0	F	Ne					
ш	Na	Mg	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	AI	Si	Р	5	CI	Ar					
IV V	Rb	Ca	SC	Ti Zr	V Nb	Cr	Mn	Fe	Co	Ni Pd	Cu	Zn	Ga	Ge	As	Se	Br	Kr					
vi	Cs	Ba	La	Hf	Та	w	Re	Os	Ir	Pt	Au	Hg	т	РЬ	Bi	Po	At	Rn					
VII	Fr	Ra	Ac	Rf	Db	Sg	Bh	Hs	Mt	Uun	Vuu	Uub	Uut	Uuq	Uup	Vuh	Uus	Uuo					
		vi	Ce	Pr	Nd	Pm	Sm	Eu	Gd	ть	Dy	Но	Er	Tm	УЬ	Lu]						
		VII	Th	Pa	U	Np	Pu	Am	Cm	Bk	Cf	Es	Fm	Md	No	Lr]						
									مومى	ء													
Ti	itan	ium	, Ti,	22															للماره	رى , ن	اختصا	ىلامت	نام , ء
			نتقالى	فلز ا																	L	شيمياي	گروه ا
		4	4, 4	, d																ى	، بلو	, تناوب	گروه ,
	450)7 kç	g/m ³	, 6																ى	, سخت	حجمى	جرم -
ینگ نگ										رنگ													
								مى	س ات	خواه													
$1 \times 10^{-26} kg$																					مى	وزن ات	
-	1	×1() ⁻¹⁰	m																	calc	اتمى .	شعاع
		1	36	pm																	سى	كووالا	شعاع

جدول ۱–۱. مشخصات و ویژگی های کلی عنصر تیتانیم [۱] .

1- Atomic mass unit

فصل اول: تيتانيم

[Argo	on]3d ² s ²				c	ساختار الكتروني						
2,	8, 10, 2	-€ بازای هر سطح انرژی										
۱.	ادامه جدول	جه اکسا است. ((اکسیل										
ى)	4 (أمفوتريا				ل (اکسید)	درجه انسيداسيو						
	شش گوش	ختار كريستالى										
			خواص فيزيكى									
	جامد					حالت مادہ						
1941 К (3034 °F)	اوب										
3560 K (5949 °F)					نقطه جوش						
10.64 10	⁶ m³/mol					حجم مولى						
42	1 kJ/mol					گرمای تبخیر						
15.4	5 kJ/mol				U	گرمای همجوشه						
0.49 Pa a	t 1933 K					فشار بخار						
4140 m/s at 2	293.15 K					سرعت صوت						
			متفرقه									
جه پائولینگ)	1.54 (در -					الكترونگاتيويته						
52	0 J/kg*K				ويژه	ظرفیت گرمایی						
2.34	سانائى الكتريكى 2.34 10 ⁶ /Ωm											
21.9	W/m*K					رسانائی گرمایی						
658.	8 kJ/mol				بزاسيون	1 st پتانسيل يونب						
1309.	8 kJ/mol				ليزاسيون	2 nd پتانسيل يون						
2652.	5 kJ/mol				يزاسيون	3 rd پتانسيل يون						
4174.	6 kJ/mol				يزاسيون	4 th پتانسيل يون						
958	1 kJ/mol				يزاسيون	5 th پتانسيل يون						
1153	3 kJ/mol				يزاسيون	6 th پتانسيل يون						
1359	0 kJ/mol				يزاسيون	7 th پتانسيل يون						
1644	0 kJ/mol				يزاسيون	8 th پتانسيل يون						
1853	0 kJ/mol				يزاسيون	th پتانسيل يون						
2083	3 kJ/mol				ونيزاسيون	10 th پتانسيل يو						
		پها	ايدارترين ايزوتو	ź								
DP	DE	E MeV	DM	نيم عمر.	NA	iso						
44scandium		0.268	3	1 E9 s	{syn.}	⁴⁴ Ti						
	۲ (۱۳۹۵) ۲ (۲۰۱۵) ۲											
ته ۲.3% اTip نوترون پایدار است.												
	48 Ti T3.8% أTباTi نوترون پايدار است.											
	⁴ 5.5% ⁴											
	TAITI نوترون پایدار است.											

۲-۱ دی اکسید تیتانیم

دی اکسید تیتانیم از اکسیدهای فلزی است که در زندگی روزمره کاربرد فراوانی دارد. این ماده پودر سفیدرنگی است که دارای سه فاز بلوری آناتاز، روتایل و بروکیت است. ویژگی های این فاز ها در جدول ۱-۲ آمده است . پودر این ماده به عنوان رنگدانه سفید در صنعت استفاده می شود. گاف انرژی این ماده حدود ۷۲ ۲۲ (برای آناتاز) است که می تواند نور فرابنفش را جذب کند. از این خاصیت می توان به عنوان جاذب نور فرابنفش در کرم های ضد آفتاب استفاده کرد. دو خاصیت مهم این ماده که آن را در زندگی بسیار کارا و مفید می سازد، خواص فتوکاتالیستی و فوق آب دوستی آن است. از این دو خاصیت برای تصفیه آب و فاضلاب ها، حذف آلودگی هوا و ساختمان ها، تسریع واکنش های فتوشیمیایی مانند تولید هیدروژن، ساخت سطوح و لایه های ضد مه و شیشه های خود تمیزشونده استفاده می شود.

فاز بلوري	رو تايل	آناتاز	بروكيت
ساختار بلورى	چار گوشه	چار گوشه	راست گوشه
چگالی (gr/cm ³)	٤/٢٧	٣/٩٠	٤/١٣
ضريب شكست	٢/٦٠٩	۲/٤٨٨	۲/٥٨٣
سختى	۲/۷۲	۲/٥٢	۲/٦٣
تراوايي	١٢٤	٤٨	٧A
نقطه ذوب	۱۸۲۵ °C	استحاله به فاز روتايل	استحاله به فاز روتایل
نقطه جوش	tavt °C		

جدول ۱-۲. مشخصات فیزیکی فازهای TiO₂ [۲و۳].

۱–۲–۱ فاز روتایل

روتایل متعلق به گروه فضایی چار گوشه یا تتراگونال ^۵ است. یاخته واحد با بردارهای A و o , و تعریف می شود و شامل دو اتم تیتانیم و ٤ اتم اکسیژن است به طوری که یون (Ti) در (0,0,0) و تعریف می شود و شامل دو اتم تیتانیم و ٤ اتم اکسیژن است به طوری که یون (Ti) در (0,0,0) و $\left(\frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}\right)$ قرار دارد و یون های اکسیژن (O) در (u,u,o) $\pm e \left(\frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}\right) \pm (1 + \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7})$ قرار دارد و یون های اکسیژن (O) در (O,o,o) $\pm e \left(\frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}\right)$ قرار دارد و یون های اکسیژن (O) در (O,o,o) $\pm e \left(\frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7}\right)$ قرار دارد و یون های اکسیژن (O) در (O,o,o) $\pm e \left(\frac{1}{7}, \frac{1}{7}, \frac{1}{7},$

^{1 -}Tetragonal