

وزارت علوم، تحقیقات و فناوری دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه گاوازنگ - زنجان

## تلهاندازی بهینهی هواویزها به وسیلهی انبرک نوری

### پایاننامهٔ کارشناسی ارشد

محمد صادقي

استاد راهنما: سید نادر سید ریحانی

#### دی ۱۳۹۰





م سکر وقدردانی

از خانوادهام بهخصوص پدر و مادرم بهخاطر زحمات بی دریغشان ممنونم. از آقای دکتر ثبوتی که همچون پدری مهربان برای همه دانشجویان و دانشگاه هستند، بهخاطر ایجاد چنین محیطی مناسب برای آموزش و پژوهش، سپاسگزارم. از استاد عزیزم دکتر سید نادر سید ریحانی بهخاطر کمکها و راهنماییهای ارزشمندشان متشکرم. در نهایت از همه دوستان و همکلاسیهای خوب و عزیزم که در این مدت روزهای خوب و بهیادماندنی را با آنها داشتم، متشکرم و برای همه آنها صمیمانه آرزوی موفقیت و سربلندی میکنم.

چکىدە

انبرک نوری باریکه لیزر بهشدت کانونی شده است که قادر به تلهاندازی و دستکاری ذرات در ابعاد میکرونی و زیر میکرونی است. در سالهای اخیر آزمایشهایی در زمینه میکرودستکاری ذرات در هوا نیز انجام شده است که اطلاعات با ارزشی در مورد هواویزها بهدست دادهاند. استفاده از روغنهای غوطهوری با ضرایب شکست مختلف منجر به کاهش یا افزایش ابیراهی کروی میشود. به ازای روغن با ضریب شکست معین، میزان ابیراهی کروی در عمق مشخصی کمینه میشود. این عمق، عمق بهینه نامیده میشود که در آن بهره تله نوری حداکثر است. همچنین اثر طول لوله مکانیکی، در رسیدن به وضعیت بهینه، از اهمیتی ویژه برخوردار است. در این پایاننامه عمق بهینه تله نوری، برای قطرههای میکرونی (محلول آب نمک) تلهاندازی شده در هوا، به طور تجربی بهدست آورده شده است. نتایج تجربی ما نشان میدهند که هر روغن غوطهوری یک عمق بهینه دارد و بهازای ۱۰/۰ تغییر در ضریب شکست روغن غوطهوری، عمق بهینه ۱/۴ میکرون جابهجا میشود. در فصل آخر این پایاننامه نتایج تجربی این کار ارائه شده و نتایج بهدست آمده با نتایج تئوری مقایسه شده است که از توافق خوبی برخوردارند. از این نتیجه برای تلهاندازی میکرو کرههای سیلیکا در هوا استفاده شده است که از توافق خوبی

واژههای کلیدی: تله نوری، روغن غوطهوری، عمق بهینه، طول لوله

فهرست

١	ب نوری	۱ انبرک
۲	تاريخچە	۱.١
٨	روشهای نظری برای مطالعه انبرک نوری	۲.۱
٩	۱.۲.۱ رژیم رایلی	
۱۱	۲.۲.۱ رژیم می ۲.۲.۱	
۱۲	۳.۲.۱ رژیم اپتیک هندسی	
14	درجەبندى انبرك نورى	۳. ۱
18	۱.۳.۱ روش تحلیل طیف توانی	
۲.	۲.۳.۱ روش نیروی مقاومت سیال	
21	۳.۳.۱ روش همپاری انرژی	
22	۴.۳.۱ روش تحلیل انرژی پتانسیل	
22	چيدمان انبرک نوري	۴.۱
74	۱.۴.۱ ليزر	
۲۵	۲.۴.۱ میکروسکوپ	
٣٢	۳.۴.۱ فوتوديود	

۳۷	دازی نوری هواویزها	تلەانا	۲
٣٧	هواويز	۱.۲	
۴.	تاريخچه تلهاندازي در هوا	۲.۲	
41	ویژگیهای تلهاندازی هواویزها	۳. ۲	
41	تولید نمونه های هواویز و هدایت آنها به سمت تله	4.1	
44	۱.۴.۲ مەپاش		
40	۲.۴.۲ شارش هواویزها و طراحی محفظه نمونه		
49	ملاحظات تلهاندازی هواویزهای مایع	۵.۲	
41	۱.۵.۲ فشار بخار		
٥١	۲.۵.۲ تبخير		
٥۴	۳.۵.۲ جذب		
۵۶	۴.۵.۲ اندازه قطره تلهاندازی شده و توان تله		
۵۸	مقایسه کیفیت تله نوری در طولموجهای ۱۰۶۴ نانومتر و ۵۳۲ نانومتر	9.1	
۶.	تلەاندازى ھواويزھاى جامدىمىمىمىمىمىمىمىمىمىمىمىمىمىمىمىم	۷.۲	
۶۴	م آزمایش	نتايج	٣
۶۵	وسایل مورد استفاده در آزمایش	1.٣	
۶۵	۱.۱.۳ محفظه نمونه		
۶٨	۲.۱.۳ سرلوله		
۶٩	ابیراهی کروی	۲.۳	
۷۳	اثر روغن غوطهوري بر جابهجايي كانون	۳.۳	
۷۴	اندازه گیری قطر ذره	۴.۳	
vv	يافتن سطح شيشه	٥.٣	

۷۹	•	•	•	•	•	•	•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		ى	لر;	نغ	سى	برر		۶.	٣
۸۲		•	•	•		•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	Ċ	ربح	ج	ج ت	نتاب		۷.	٣
٨٨		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•		•	ى	ئير	جه گ	نتي		٨.	٣
٩٠		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•			•		•	•	مع	راج	م
۹۵		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		Ċ	<b>-</b>	گلي	انگ	به ا	ں ب	رسې	له فا	نام	اژه	و
٩٩		•		•				•	•	•		•				•	•	•	•	•						•			ں ب	سې	نار	ه ف	ہ با	سى	گليہ	به اذ	نام	اژه	و

ليست تصاوير

۲	انحراف دم ستاره دنبالهدار در عبور از کنار خورشید [۳۵]	۱.۱
٣	تابش پرتو نور با تکانه p1 بر سطح یک آینه بازتابنده کامل	۲.۱
	باریکه لیزر ذره را به جلو و متمایل به محور باریکه حرکت میدهد. پس از قرار	۳. ۱
۴	گرفتن روی محور باریکه ذره به حرکت خود ادامه داده تا به دیواره مقابل برسد [۱۳].	
۵	تله دوباریکهای [۱۳]	4.1
۶	تله شناوری [۱۴]	۵.۱
	با کانونی کردن باریکه لیزر میتوان علاوه بر راستای عرضی در امتداد محوری نیز	۶.۱
٧	گرادیان شدت ایجاد کرد که این امر باعث محدود شدن ذره در سه بعد میشود [۳۴].	
	نمایش کیفی چگونگی وارد شدن نیرو به یک کره شفاف. شکل a نیروی گرادیانی	۷. ۱
	عرضی ناشی از باریکه گوسی را نشان میدهد. شکلهای b و c نیروی گرادیانی	
۱۳	محوري را نشان ميدهند [۳۵]	
۱۵	عبور پرتو از داخل کره [۳۵]	٨. ١
18	شباهت نیروی تله با نیروی فنر [۱۱]	۹.۱
	برازش معادله ۲۰.۱ بر دادههای تجربی (نقطهها) برای کره پلیاستایرن غوطهور در	۱•.۱
١٨	آب. محورهای شکل لگاریتمی هستند	

	۱۱.۱ برازش معادله ۲۰.۱ بر دادههای تجربی برای قطره آب نمک در هوا. محورهای
١٩	شكل لگاريتمي هستند
	۱۲.۱ وارد کردن اثرات سطحی و پارامترهای هوا در نرمافزار طیف توانی، جهت تحلیل
۲.	ذره تله شده در هوا
۲۳	۱۳.۱ چیدمان عمومی انبرک نوری
74	۱۴.۱ طرحواره انبرک نوری مورد استفاده در این پایاننامه
28	۱۵.۱ تصویر میکروسکوپ وارون به کار گرفته شده در این پایاننامه
۲۷	۱۶.۱ ابیراهی کروی
	$ heta_{max}$ اباریکه لیزر به طور موازی به عدسی تابیده و بیرونیترین پرتو تحت زاویه ۱۷.۱
۲۸	كانونى مىشود
	۱۸.۱ مفهوم طول لوله مکانیکی. a) طول لوله محدود b) طول لوله بینهایت. (BFP)
29	صفحه کانون پشتی، d قطر باریکه و D اندازه روزنه است [۱۶]
۳.	۱۹.۱ تصویر عدسی شیئی به کار گرفته شده در این پایاننامه
۳١	۲۰.۱ تصویر عدسی چگالنده به کار گرفته شده در این پایاننامه
	۲۱.۱ الف) مسیر پرتوهای روشن کننده نمونه و پرتوهای تصویرساز رسم شدهاند [۱۵].
	ب) جهت تنظیم نوردهی کلر ابتدا با تنظیم دیافراگمها و عدسیها یک تصویر مبهمی
	از جسم و دیافراگم میدان دیده میشود(a). با تنظیم دقیق عدسیها و بستن کامل
	دیافراگم تصویر چند وجهی مشاهده میگردد(b). تصویر چند وجهی به وسط میدان
٣٢	دید آورده میشود(c). پس از وضوح کامل، دیافراگمهای بسته را باز میکنند(d).

- ۲۲.۱ چگونگی کارکرد فوتودیود. در شکل a هر ۴ فوتودیود به طور مساوی روشن شدهاند و در نتیجه ولتاژ یکسانی ایجاد میکنند. در شکل b فوتودیودهای ۱ و ۲ روشن شده و تولید ولتاژ میکنند. در شکل c فوتودیود ۱ روشن نشده و ولتاژ آن صفر است،
- فوتودیود ۴ بیش از بقیه روشن شده که ولتاژ بیشتری نیز ایجاد میکند [۳۶]. . . ۳۴ ۲۳.۱ نمودار ولتاژ-جابهجایی که از جاروب کره دی الکتریک ۲/۱ میکرونی، چسبیده به سطح شیشه لامل، توسط لیزر بهدست میآید. ضریب تبدیل برابر ۲۰۵nm/۷
- ۱.۲ تشکیل قطرههای ابر بر اساس مقدار هواویزهای موجود در هوا متفاوت است. در
  شکل سمت راست قطرههای ریز ابر به دلیل هواویزهای زیاد تشکیل شدهاند، در
  شکل سمت چپ قطرههای بزرگتر ابر به دلیل هواویزهای کمتر تشکیل شدهاند و
  هر کدام مقدار بازتاب متفاوتی برای نور خوشید دارند [۳۶].
- ۲.۲ شمایی از هسته تشکیل باران به همراه قطرههای ابر و یک قطره باران [۳۶]. . . . ۳۹
- ۳.۲ طرحواره روش مورد استفاده گروه امری و همکاران جهت تلهاندازی هواویزها [۱۷]. ۴۲
- ۴.۲ طرحواره روش مورد استفاده گروه ماگم و همکاران جهت تلهاندازی هواویزها [۱۸]. ۴۳
- ۶.۲ محل قرارگیری مخزن مایع(A) و نوسانگر(B) [۱۹]. . . . . . . . . ۴۵
- ۸.۲ سرلوله نوعی مورد استفاده با مهپاش ۲۲ [۲۰]. ۲۰ ۲۰۰ ۴۷
- - ۱۰.۲ منحنیهای فشار بخار کل و فشار بخار جزئی محلولهایی که نسبت به قانون رائول
- انحراف منفی دارند. خطهای سیاه بر مبنای قانون رائول رسم شدهاند [۲۱]... ۴۹
- ۱۱.۲ تغییر ضریب شکست محلول آب نمک بر حسب میزان غلظت نمک. . . . . . ۵۰

۲ تصویر میکروکره سیلیکای ۹۷/۰ میکرونی. در شکل سمت چپ میکروکره درون	۰.۲
تله و به فاصله ۸ میکرونی از شیشه قرار دارد. با مسدود کردن نور لیزر میکروکره از	
تله خارج میشود (شکل سمت راست). سختی تله ۶۲/۰ پیکونیوتن بر میکرومتر	
محاسبه شد و توان لیزر در خروجی لیزر تا قبل از عدسی شیئی ۱۰ میلیوات	
اندازه گېرې شد	

۲۱.۲ تصویر میکروکره سیلیکای ۱/۸۶ میکرونی. در شکل سمت چپ میکروکره درون تله و به فاصله ۱۶ میکرونی از شیشه قرار دارد. با مسدود کردن نور لیزر میکروکره از تله خارج میشود (شکل سمت راست). سختی تله ۵۵/۰ پیکونیوتن بر میکرومتر محاسبه شد و توان لیزر در خروجی لیزر تا قبل از عدسی شیئی ۱۴ میلیوات اندازه گیری شد.

۶۲

- ۲۲.۲ تصویر میکروکره سیلیکای ۲۰/۱ میکرونی. در شکل سمت چپ میکروکره درون تله و به فاصله ۱۲ میکرونی از شیشه قرار دارد. با مسدود کردن نور لیزر میکروکره از تله خارج میشود (شکل سمت راست). سختی تله ۴۸/۰ پیکونیوتن بر میکرومتر محاسبه شد و توان لیزر در خروجی لیزر تا قبل از عدسی شیئی ۱۸ میلیوات اندازه گیری شد.
- ۱.۳ مراحل ساخت محفظه نمونه برای تلهاندازی نمونه های کلوئیدی. ابتدا لام و لامل را
  ۱.۳ مراحل ساخت محفظه نمونه برای تلهاندازی نمونه های کلوئیدی. ابتدا لام و لامل را
  با استفاده از چسب دو طرفه ۱۰۰ میکرونی به هم چسبانده (مراحل ۱ و۲) و سپس
  نمونه را توسط نمونه گیر به داخل محفظه ایجاد شده تزریق میکنیم (مرحله ۳).
  نهایتا دو طرف این محفظه را با روغن سیلیکون می بندیم (مرحله ۴).
- ۲.۳ طرحواره محفظه نمونه مورد استفاده در این پایاننامه. قطر روزنه A حدود ۲ میلیمتر، قطر روزنه B حدود ۱ میلیمتر و فاصله A تا B حدود ۵ میلیمتر است. ذره مورد نظر درست در زیر روزنه B تلهاندازی می شود.... ۶۸

69	مراحل ساخت محفظه نمونه برای هواویزهای مایع	۳.۳
٧٠	سرلوله مورد استفاده در این پایاننامه	۴.۳
	شمایی از کانونی شدن پرتوی لیزر بعد از عبور از چند مرز تخت، وقتی که ضریب	۵.۳
٧١	شکست روغن غوطهوری از n <sub>1</sub> به n <sub>5</sub> افزایش یافته است	
٧٢	چگونگی تاثیر طول لوله مکانیکی برای تلهاندازی در عمقهای زیاد	۶.۳
۷۵	جابهجایی پرتوی کناری برای روغنهای غوطهوری مختلف.	۷.۳
٧۶	نمودار درجهبندی پیکسل بر حسب جابهجایی	۸.۳
٧۶	تصویر ذره پلیاستایرن ۳ میکرونی برای تعیین قطر ذره	٩.٣
vv	تصویر قطره آب نمک ۴ میکرونی تله شده	۱۰.۳
vv	طرح پراش نور لیزر در نزدیکی سطح شیشه لامل	۱۱.۳
	توزیع شدت محوری (a) و گرادیان شدت متوسط (AIG) در راستای محوری (b)	۱۲.۳
٧٨	برای یک ذره تلهاندازی شده در هوا [۳۷]	
	فرکانس گوشه بر حسب عمق برای روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۱۸	۱۳.۳
	(شکل سمت چپ) و روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۷ (شکل سمت	
	راست). در این نمودار از عدسی شیئی با طول لوله مکانیکی نامحدود استفاده شده	
٧٩	است. محدوده خطا در شکل نشاندهنده ۵ بار داده گیری در هر عمق است	
	نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۱ برای ذره ۴/۴ میکرون(a)، ۴/۲	14.4
	میکرون(b)، ۳/۸ میکرون(c)، ۴ میکرون(d). محدوده خطا در شکل نشاندهنده	
٨٠	۳ بار داده گیری در هر عمق است	
	نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۳ برای ذره ۵ میکرون(a)، ۳/۶	10.7
	میکرون(b)، ۴/۸ میکرون(c)، ۴ میکرون(d)، ۴ میکرون(e). محدوده خطا در	
۸١	شکل نشاندهنده ۳ بار داده گیری در هر عمق است	

	۱۶.۳ نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۵ برای ذره ۳/۶ میکرون(a)، ۴/۲
	میکرون(b)، ۳/۸ میکرون(c)، ۴/۲ میکرون(d)، ۴/۴ میکرون(e). محدوده خطا
٨٢	در شکل نشاندهنده ۳ بار داده گیری در هر عمق است
	۱۷.۳ نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۷ برای ذره ۴/۲ میکرون(a،b)، ۴/۴
	میکرون(c)، ۴/۴ میکرون(d)، ۴ میکرون(e). محدوده خطا در شکل نشاندهنده
۸۳	۳ بار داده گیری در هر عمق است
	۱۸.۳ نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۹ برای ذره ۵/۶ میکرون(a،d،e)،
	۴/۸ میکرون(b)، ۵ میکرون(c). محدوده خطا در شکل نشاندهنده ۳ بار داده گیری
٨۴	در هر عمق است
	۱۹.۳ نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۶۳ برای ذره ۵ میکرون (شکل سمت
	چپ) و ذره ۵/۵ میکرون (شکل سمت راست). محدوده خطا در شکل نشاندهنده
۸۵	۵ بار داده گیری در هر عمق است ۵
	۲۰.۳ نتایج روغن غوطهوری با ضریب شکست ۱/۵۱ برای ذره ۵ میکرون (شکل سمت
	چپ) و ذره ۴/۸ میکرون (شکل سمت راست). محدوده خطا در شکل نشاندهنده
٨Ç	
~/	۵ بار داده گیری در هر عمق است
~~	۵ بار دادهگیری در هر عمق است
~~	۵ بار داده گیری در هر عمق است
	۵ بار داده گیری در هر عمق است
٨٧	۵ بار داده گیری در هر عمق است
٨٧	۵ بار داده گیری در هر عمق است
٨٧	۵ بار داده گیری در هر عمق است

۲۳.۳	عمق بهینه بر حسب ضریب شکست روغن غوطهوری برای ذرات به قطر تقریبی ۴
	میکرون. با برازش یک منحنی خطی بر این دادهها، پارامترهای این منحنی در نمودار
	فوق نشان داده شدهاند

# فصل اول انبرک نوری

از زمان ابداع و کاربرد انبرک نوری<sup>۱</sup> کمتر از ۳۰ سال می گذرد و در این مدت این وسیله در حوزههای مختلف علوم تجربی از جمله فیزیک، شیمی، بیوفیزیک، بیوشیمی، زیست، میکروشاره و نانو تکنولوژی مورد استفاده قرار گرفته است. به طور ساده، انبرک نوری باریکهی لیزر کانونی شده توسط یک عدسی شیئی با گشودگی عددی بالا است که قادر به تلهاندازی ذرات می باشد. با استفاده از این وسیله میتوان نیروهایی از مرتبهی چند صدم پیکو نیوتن تا چند صد پیکو نیوتن، به اجسام میکرومتری و زیر میکرومتری اعمال نمود. ابعاد نور کانونی شده حدود ۱ تا ۳ میکرون است و در این ناحیه گرادیان شدت بسیار بزرگی ایجاد می شود. هنگامی که ذره به کانون نزدیک می شود، نیرویی متناسب با گرادیان شدت بر آن وارد شده که باعث تلهاندازی ذره می شود. این نیرو برای جابه جایی های کوچک، شبیه نیروی فنر است و یک چاه پتانسیل سه بعدی تقریبا هماهنگ ایجاد میکند.

<sup>&</sup>lt;sup>\</sup> Optical tweezers

#### ۱.۱ تاريخچه

در سال ۱۶۱۹ کپلر مشاهده کرد که دم ستارههای دنبالهدار، که در یک مدار بیضی گون به دور خورشید میچرخند، همیشه به سمت بیرون مدار و در جهت تابش نور خورشید قرار می گیرد (شکل ۱.۱). کپلر علت این پدیده را فشار تابشی ناشی از نور خورشید میدانست [۲].



•

شکل ۱.۱: انحراف دم ستاره دنبالهدار در عبور از کنار خورشید [۳۵].

یکی از نتایجی که ماکسول هنگام فرمول بندی نظریه الکترومغناطیس بهدست آورد این بود که موج الکترومغناطیسی (پرتوهای نور) میتواند به اجسام نیرو وارد کند و آنها را در امتداد انتشار نور هل دهد. ماکسول در مقالهای که در سال ۱۸۷۳ منتشر شد، بیان کرد که: در محیطی که امواج الکترومغناطیسی منتشر میشوند همواره فشاری در جهت عمود بر جبههی موج وجود دارد که از لحاظ عددی برابر با

<sup>&</sup>lt;sup>\</sup> Radiation pressure

انرژي در واحد حجم است [۸].

لبدف فیزیکدان روسی در سال ۱۹۰۱، برای اولین بار بطور تجربی وجود فشار تابشی را مشاهده کرد [۹]. وی با کانونی کردن نور یک لامپ قوس الکتریک بر سطح یک ورقهی نازک پلاتینیوم به



شکل ۲.۱: تابش پرتو نور با تکانه p۱ بر سطح یک آینه بازتابنده کامل.

ضخامت ۰/۰۲ میلیمتر که از یک رشته قابل انعطاف آویزان بود، مشاهده کرد که با روشن کردن لامپ، ورقه نسبت به حالت تعادل خود مقداری میچرخد. با محاسبهی مقدار چرخش ورقه نسبت به حالت قبل از روشن شدن لامپ، مقدار نیروی تابشی وارد بر آن را بهدست آورد.

پس از آن با ظهور مکانیک کوانتمی، نور به صورت بستههای فوتون در نظر گرفته شد و تکانهی هر فوتون از رابطه زیر محاسبه شد:

$$p = E/c = h\nu/c = h/c \tag{1.1}$$

که *v* بسامد نور، λ طول موج نور، c سرعت نور و h ثابت پلانک است. هنگام برخورد فوتونها به اجسام، این تکانه میتواند به اجسام منتقل، و به آنها نیرو وارد کند. اما آشکارسازی این نیرو به علت

<sup>&#</sup>x27; Lebedev

ضعیف بودن آن، به آسانی امکانپذیر نیست. برای مثال فشاری که نور خورشید در یک ظهر آفتابی بر سطح یک بازتابندهی کامل در سطح زمین وارد میکند برابر با ۴/۷<sup>×-۱</sup>۰۰ × ۴/۷ است. بنابراین با منابع نور طبیعی نمیتوان اثرات فشار تابشی را مشاهده کرد.



شکل ۳.۱: باریکه لیزر ذره را به جلو و متمایل به محور باریکه حرکت میدهد. پس از قرار گرفتن روی محور باریکه ذره به حرکت خود ادامه داده تا به دیواره مقابل برسد [۱۳].

با اختراع لیزر در سال ۱۹۶۰ که یک منبع نور با توان بالا است اثرات فشار تابشی راحت تر مشاهده شد. آرتور اشکین اولین کسی بود که با انجام آزمایش های مختلف انبرک نوری را معرفی و طراحی نمود. اشکین که مدت ها قبل از اختراع لیزر به آشکارسازی فشار تابشی می پرداخت، ابتدا سعی کرد با ملاحظات نیمه کلاسیکی، تخمینی از اندازهی این نیرو به دست آورد [۱۰]. برای این منظور یک باریکه نور ناهمدوس با توان P به طور عمودی بر یک آینه تخت تاباند (شکل ۲۰۱). در نتیجه باریکه بازتابی در جهت عکس باریکه اولیه منتشر شده و تکانه هر فوتون بعد از بازتاب از آینه به اندازه کانهی می کند. تعداد فوتون هایی که در واحد زمان به آینه برخورد می کنند سالا P/hv است. بنابراین تغییر تکانهی باریکه فرودی در واحد زمان ۲*P*/hv می شود. طبق اصل پایستگی تکانه، تغییر تکانه آینه با تغییر تکانه

<sup>\</sup> Arthur Ashkin