

الله أكبر  
الله أكبر

This document was created with Win2PDF available at <http://www.daneprairie.com>.  
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.

دانشگاه بین‌المللی امام خمینی



IMAM KHOMEINI  
INTERNATIONAL UNIVERSITY

وزارت علوم تحقیقات و فن آوری  
دانشگاه بین‌المللی امام خمینی (ره)  
دانشکده علوم پایه

پایان نامه جهت دریافت درجه کارشناسی ارشد  
فیزیک نجومی

بررسی تغییرات بعد فراکتالی توزیع الکترونیهای بهمن های هوایی  
با انرژی پرتو کیهانی

توسط

شعبان طاهری الموتی

استاد راهنما

دکتر داوود پور محمد

استاد مشاور

دکتر هاشم حامدی وفا

شهریورماه ۱۳۹۰



This document was created with Win2PDF available at <http://www.daneprairie.com>.  
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.

## چکیده

توزیع فراکتالی ذرات ثانویه در بهمن های هوایی آنها را از سایر توزیعهای متقارن متمایز می سازد در پژوهشهای قبلی توزیع فراکتالی ذرات ثانویه در بهمن های هوایی در انرژیهای  $10^{14} \text{eV}$ ،  $10^{15} \text{eV}$  و  $10^{17} \text{eV}$  بررسی شده است، [1] و [2].

در پژوهش حاضر طیف وسیعتری از انرژیها شامل ضرایب ۲، ۴ و ۸ از انرژیهای فوق و همچنین انرژیهای  $10^{17} \text{eV}$  و  $2 \times 10^{17} \text{eV}$  بررسی شده است. محاسبه بعد فراکتالی توزیع در انرژیهای فوق و رسم فراوانیها نشان می دهد که، این مقادیر توزیع متقارنی را در بیشتر انرژیها و فاصله ها نشان می- دهند. در این پژوهش بستگی بعد فراکتالی به لگاریتم انرژی و عدد جرمی بررسی شده است که نشان می دهد با افزایش انرژی تا مقدار معینی بعد فراکتالی افزایش می یابد و سپس ثابت می شود. همچنین با توجه به نمودارهای به دست آمده نتیجه می گیریم که با افزایش جرم مقادیر بعد فراکتالی کاهش می یابد. بعلاوه با استفاده از معادله ی تخمین جرم توانستیم بستگی بعد فراکتالی را به جرم ذره اولیه به دست آوریم که حاصل آن چند جمله ایهای درجه ی یک، دو و سه بر حسب جرم است. چگونگی محاسبه و نتایج آن به طور کامل آمده است.

This document was created with Win2PDF available at <http://www.daneprairie.com>.  
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.

## فهرست مطالب

صفحه

عنوان

مقدمه..... ۱۰

### فصل اول

پرتوهای کیهانی..... ۱۱

۱-۱ زمینه ی کاری پرتوهای کیهانی متعلق به کجاست؟..... ۱۲

۲-۱ طیف انرژی..... ۱۳

۳-۱ ترکیبات..... ۱۸

۴-۱ چگالی انرژی پرتوهای کیهانی..... ۲۰

۵-۱ فرآیندهای الکترومغناطیسی در ماده..... ۲۲

۶-۱ شتاب تصادفی ذرات باردار..... ۲۶

۷-۱ ذره شتابدار در شوکهای نجومی..... ۲۸

۸-۱ پرتوهای کیهانی در کهکشان..... ۳۱

۹-۱ ماده بین ستاره ای و میدان مغناطیسی..... ۳۳

۱۰-۱ پرتوهای کیهانی در بالای اتمسفر..... ۳۴

۱۱-۱ پرتوهای کیهانی در اتمسفر..... ۳۴

۱۲-۱ ساختار جوی..... ۳۵

۱۳-۱ تحلیل تقریبی..... ۳۷

۱۴-۱ پرتوهای کیهانی زیر زمین..... ۳۸



## فصل دوم

۳۹.....	بهمن های پرتو کیهانی.....
۴۰.....	۱-۲ بهمن الکترو مغناطیسی.....
۴۱.....	۲-۲ تئوری بهمن الکترو مغناطیسی.....
۴۶.....	۳-۲ محاسبات مونت کارلو.....
۴۹.....	۴-۲ بهمن هادرونی.....

## فصل سوم

۵۱.....	آشکارسازی.....
۵۱.....	۱-۳ آشکارسازهای پرتو کیهانی.....
۵۳.....	۲-۳ آشکارسازی بهمن هوایی.....
۵۵.....	۳-۳ آرایه های بهمن هوایی.....
۵۶.....	۴-۳ آشکارسازهای چرنکوف.....
۵۶.....	۵-۳ آشکارسازهای فلئورسنت.....
۵۸.....	۶-۳ طیف انرژی و ترکیبات درزانو.....

## فصل چهارم

۶۴.....	تحلیل فراکتالی و موجکها.....
۶۵.....	۱-۴ تبدیل موجک.....
۶۶.....	۲-۴ تحلیل چند فراکتالی بهمن های شبیه سازی شده.....

## فصل پنجم

۶۸..... بررسی تغییرات بعد فراکتالی توزیع الکترونهاى بهمن هاى هوايى.....

## فصل ششم

۷۴..... تجزيه و تحليل محاسبات.....

۷۴..... ۱-۶ بررسی توزیع مقادیر بعد فراکتالی.....

۹۴..... ۲-۶ جداسازی براساس تحلیل چند متغیره.....

## فصل هفتم

۱۰۹..... نتایج.....

۱۰۹..... ۱-۷ نحوه ی توزیع مقادیر بعد فراکتالی.....

۱۰۹..... ۲-۷ تغییرات مقادیر میانگین بعد فراکتالی.....

۱۱۰..... ۳-۷ بستگی بعد فراکتالی به جرم.....

۱۱۰..... ۴-۷ بستگی بعد فراکتالی به انرژی.....

۱۱۱..... ۵-۷ جداسازی براساس تحلیل چند متغیره.....

۱۱۲..... منابع.....

## فهرست جدول ها

صفحه	عنوان
	<b>فصل دوم</b>
۴۲.....	جدول ۱-۲: مقادیر $\Pi$ در معادله ی (۲-۲) برای ذرات اولیه و بهمن های متفاوت.....
	<b>فصل ششم</b>
۸۲.....	جدول ۱-۶ : مقادیر متوسط و انحراف معیار توزیعهای گاوسی محاسبه شده از هیستوگرام ها.....
۹۶.....	جدول ۲-۶ : مقادیر $P_1$ و $P_2$ محاسبه شده برای ذرات مختلف در انرژیهای متفاوت.....
۱۰۱.....	جدول ۳-۶ : چند جمله ایهای برازش شده برای $P_1$ در انرژیهای مختلف همراه با درجه درستی آن.....
۱۰۲.....	جدول ۴-۶ : چند جمله ایهای برازش شده برای $P_1$ در انرژیهای مختلف همراه با درجه درستی آن.....
۱۰۳.....	جدول ۵-۶ : چند جمله ایهای برازش شده برای $P_1$ در انرژیهای مختلف همراه با درجه درستی آن.....
۱۰۴.....	جدول ۶-۶ : چند جمله ایهای برازش شده برای $P_2$ در انرژیهای مختلف همراه با درجه درستی آن.....
۱۰۵.....	جدول ۷-۶ : چند جمله ایهای برازش شده برای $P_2$ در انرژیهای مختلف همراه با درجه درستی آن.....
۱۰۶.....	جدول ۸-۶ : چند جمله ایهای برازش شده برای $P_2$ در انرژیهای مختلف همراه با درجه درستی آن.....
۱۰۷.....	جدول ۹-۶ : رابطه های محاسبه شده برای $P_1$ و $P_2$ بر حسب جرم بهمن در انرژیهای مختلف.....

## فهرست شکل ها

صفحه

عنوان

### فصل اول

- شکل ۱-۱: نقاط لوزی از رصد هوایی توسط **Kohlhorster** و دایره ها و ستاره ها اندازه گیریها از زیر آب توسط **Millikan** است..... ۱۲
- شکل ۱-۲: طیف انرژی هسته های پرتو کیهانی بالای **100 GeV**..... ۱۴
- شکل ۱-۳: طیف انرژی پرتو های کیهانی برای قسمت با انرژی بالای طیف، منحنی تعداد ذرات در انرژی کل برنوکلئون را نشان می دهد. بخش کم انرژی طیف تعداد نوکلئونهای یک تابع از انرژی بر نوکلئون را می دهد..... ۱۶
- شکل ۱-۴: نمودار شماتیک یک تلسکوپ کوچک پرتو کیهانی..... ۱۶
- شکل ۱-۵: طرحی از آشکار ساز فضایی دانشگاه شیکاگو..... ۱۷
- شکل ۱-۶: فراوانی نسبی عناصر پرتوهای کیهانی (خط پر) در مقایسه با عناصر منظومه شمسی (خط چین)..... ۱۹
- شکل ۱-۷: طیف انرژی عناصر مختلف از پرتوهای کیهانی برای انرژیهای سمت چپ خط عمود شار در طی دوره خورشیدی تغییر می کند، این اثر مدولاسیون خورشیدی نامیده می شود..... ۲۱
- شکل ۱-۸: توزیع چگالی انرژی در پرتوهای کیهانی..... ۲۲
- شکل ۱-۹: سطح مقطع پراکندگی کامپتون بر حسب تابعی از انرژی فوتون..... ۲۴
- شکل ۱-۱۰: تصویر شماتیک از ایده فرمی که پراکندگی ذره در ابر مغناطیسی را نشان می دهد..... ۲۶
- شکل ۱-۱۱: تصویر شماتیک از ذره شتابدار در شوکهای نجومی. صفحه بالایی سرعتها و حرکت ذره آزمایشی در تصویر آزمایشگاه را نشان میدهد. صفحه پایینی سرعتها در تصویر شوک را نشان می دهد..... ۲۹
- شکل ۱-۱۲: شکل کهکشان را از لبه مشاهده می کنید. نقطه سیاه مرکز کهکشان را نشان می دهد. فاصله منظومه شمسی از مرکز کهکشان **kpc 8/5** است..... ۳۲

## عنوان

## صفحه

شکل ۱-۱۳: کهکشان را از قطب شمال مشاهده می کنید. مرکز کهکشان نشان داده شده است. طول جغرافیایی با پیکانها نشان داده شده است. دایره نازک مدار خورشید را نشان می دهد..... ۳۲

شکل ۱-۱۴: عمق جوی عمودی وابسته به ارتفاع (خط)، و چگالی جوی (نقاط) از مدل جوی معادله (۲۱-۱)..... ۳۶

## فصل دوم

شکل ۲-۱: مدل اسباب بازی هیتلر از بهمن گسترده. در این شکل  $E_c = \frac{E}{128}$  است..... ۴۰

شکل ۲-۲: توزیع طولی بهمن برای الکترونها در تقریب B در بهمنهای فوتونی با انرژیهای مختلف که با استفاده از معادله سن بهمن محاسبه شده است. انرژی اولیه به ترتیب با نمودارها نشان داده شده است. عمق ماکزیمم بهمن با دایره ها نشان داده شده است..... ۴۳

شکل ۲-۳: مقایسه حل تقریب A با فرمول گرایزن برای  $\beta = 10^6$ . خط پر نشان دهنده ی توزیع بهمن برای الکترونها و خط چین برای فوتونها در تقریب A است. نقطه چین نتیجه ی به دست آمده از فرمول گرایزن است..... ۴۴

شکل ۲-۴: سطح مقطع تولید زوج با خط چین، سطح مقطع کامپتون با نقطه چین و مجموع این دو با خط پر نشان داده شده است. نقاط نشان دهنده ی سطح مقطع در روش مسل است..... ۴۶

شکل ۲-۵: تعداد الکترونها (خط پر) و فوتونها (خط چین) که با تئوری بهمن در تقریب B محاسبه شده است. خط نقطه چین نتایج از فرمول گرایزن و نقاط نتیجه محاسبات مونت کارلو با یک انرژی آستانه ی ۱۰ MeV است. ذره ی اولیه یک فوتون با انرژی ۱۰۰۰ GeV است..... ۴۷

شکل ۲-۶: تعداد الکترونها با انرژی بالای ۱ GeV در یک بهمن فوتونی با انرژی اولیه ی ۱۰<sup>۵</sup> GeV. خطها توزیع طولی بهمن را برای ۱۰ بهمن خاص نشان می دهد و مربعات میانگین ۱۰۰ بهمن است..... ۴۸

شکل ۲-۷: توزیع عرضی الکترونها و فوتونها ی با انرژی بالای ۱/۵ (دایره ها) ۱۰ (لوزیها)، و ۱۰۰ (پنج ضلعیها) در ماکزیمم بهمن فوتونی با انرژی ۱۰۰۰ GeV. نقاط تو پر مربوط به الکترون است..... ۴۹

## فصل سوم

شکل ۳-۱: شکل طرح وار یک الکتروسکوپ که Hess در کشف پرتو های کیهانی استفاده کرد..... ۵۱

- شکل ۲-۳: طرح شماتیک اسپکترومتر مغناطیسی. در بعضی نمونه ها یک کالریمتر در پایین آرایش وجود دارد..... ۵۲
- شکل ۳-۳: نمایش بهمن گسترده و آشکار سازی آن..... ۵۴
- شکل ۴-۳: ساده ترین طرح یک بعدی گرفته شده از مسیر بهمن. جبهه ی بهمن روی صفحه ی تعریف شده به وسیله ی زاویه ی سمتی تصویر شده است..... ۵۶
- شکل ۵-۳: طیف انرژی همه هسته های پرتو کیهانی در ناحیه زانو..... ۵۹
- شکل ۶-۳: یک مدل ساده از زانو که انرژی قطع آن در  $10^7 \text{ GeV}$  است ناحیه سایه دار داده های شکل قبل را نشان می دهد..... ۶۰
- شکل ۷-۳: نتایج مطالعات از ترکیبات پرتو کیهانی در ناحیه زانو..... ۶۲

## فصل پنجم

- شکل ۱-۵: نمودار  $\log T$  بر حسب  $\log a$  برای فوتون در انرژی  $10^{15} \text{ eV}$  برای فاصله ی صفر تا ۳ متر..... ۶۹
- شکل ۲-۵: نمودار  $\log T$  بر حسب  $\log a$  برای فوتون در انرژی  $10^{15} \text{ eV}$  برای فاصله ی ۴ تا ۶ متر..... ۷۰
- شکل ۳-۵: نمودار  $\log T$  بر حسب  $\log a$  برای فوتون در انرژی  $10^{15} \text{ eV}$  برای فاصله ی ۸ تا ۱۰ متر..... ۷۱
- شکل ۴-۵: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی برای فوتون در سه منطقه برای یک بهمن با انرژی  $10^{17} \text{ eV}$  که با استفاده از برنامه  $\text{linfit}$  محاسبه شده است..... ۷۲
- شکل ۵-۵: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی برای پروتون در سه منطقه با انرژی  $10^{14} \text{ eV} \times 10^8$ ..... ۷۳

## فصل ششم

- شکل ۱-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{14} \text{ eV}$ ..... ۷۴
- شکل ۲-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{14} \text{ eV} \times 2$ ..... ۷۵
- شکل ۳-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{14} \text{ eV} \times 8$ ..... ۷۶

- شکل ۴-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{15} \text{ eV} \times 2$  و  $10^{15} \text{ eV} \times 4$ ..... ۷۷
- شکل ۵-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{15} \text{ eV} \times 8$  و  $10^{16} \text{ eV} \times 1$ ..... ۷۸
- شکل ۶-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{16} \text{ eV} \times 2$  و  $10^{16} \text{ eV} \times 4$ ..... ۷۹
- شکل ۷-۶: نمودار فراوانی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه برای فوتون با انرژی  $10^{15} \text{ eV} \times 8$  و  $10^{17} \text{ eV} \times 1$ ..... ۸۰
- شکل ۸-۶: نمودار تغییرات بعد فراکتالی بر حسب جرم اتمی برای انرژی  $10^{14} \text{ eV}$ . نقاط دایره، مربع ولوزی به ترتیب نشان دهنده ی مقادیر بعد فراکتالی در شعاعهای  $0 \leq r \leq 3m$ ،  $4 \leq r \leq 6m$  و  $10m \leq r \leq 8$  هستند. میله های خطا نشان دهنده ی انحراف معیار هستند..... ۸۳
- شکل ۹-۶: نمودار بعد فراکتالی بر حسب جرم اتمی برای انرژیهای  $10^{14} \text{ eV} \times 2$  و  $10^{14} \text{ eV} \times 4$ . سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۸۴
- شکل ۱۰-۶: نمودارها برای انرژیهای  $10^{14} \text{ eV} \times 8$  و  $10^{15} \text{ eV} \times 1$ . سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۸۵
- شکل ۱۱-۶: نمودارها مربوط به انرژیهای  $10^{15} \text{ eV} \times 2$  و  $10^{15} \text{ eV} \times 4$ . سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۸۶
- شکل ۱۲-۶: نمودارها مربوط به انرژیهای  $10^{15} \text{ eV} \times 8$  و  $10^{16} \text{ eV} \times 1$ . سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۸۷
- شکل ۱۳-۶: نمودارها مربوط به انرژیهای  $10^{16} \text{ eV} \times 2$  و  $10^{16} \text{ eV} \times 4$ . سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۸۸
- شکل ۱۴-۶: نمودارها مربوط به انرژیهای  $10^{16} \text{ eV} \times 8$  و  $10^{17} \text{ eV} \times 1$ . سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۸۹
- شکل ۱۵-۶: نمودار مربوط به انرژی  $10^{17} \text{ eV} \times 2$  است. سایر توضیحات مشابه شکل ۸-۶ است..... ۹۰

- شکل ۶-۱۶: نمودار تغییرات بعد فراکتالی بر حسب لگاریتم انرژی برای فوتون و پروتون. نقاط دایره ، مربع و لوزی مقادیر بعد فراکتالی در سه منطقه است.....۹۱
- شکل ۶-۱۷: نمودار تغییرات بعد فراکتالی بر حسب لگاریتم انرژی برای هلیوم و آلومینیوم.....۹۲
- شکل ۶-۱۸: نمودار تغییرات بعد فراکتالی بر حسب لگاریتم انرژی برای آهن .....۹۳
- شکل ۶-۱۹: منحنی برازش شده  $P_1$  بر حسب عدد جرمی در انرژی  $10^{16} eV$ .....۹۸
- شکل ۶-۲۰: منحنی برازش شده  $P_2$  بر حسب عدد جرمی در انرژی  $2 \times 10^{15} eV$ .....۹۹
- شکل ۶-۲۱: منحنی برازش شده  $P_1$  بر حسب عدد جرمی در انرژی  $10^{17} eV$  .....۹۹
- شکل ۶-۲۲: منحنی برازش شده  $P_2$  بر حسب عدد جرمی در انرژی  $10^{14} eV$ .....۱۰۰



This document was created with Win2PDF available at <http://www.daneprairie.com>.  
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.

## مقدمه

مطالعه ی بهمن های هوایی از این نظر مهم است که می توان ذرات مولد این بهمن ها و یا ذرات ثانوی تولید شده در اثر برخورد بهمن ها با اتمسفر زمین را تشخیص داد. در تحقیق پیش رو که در ادامه ی تحقیق خانم بحرینی، [۱]، انجام شده است، تغییرات بعد فراکتالی توزیع الکترونها ی بهمن های هوایی با انرژی پرتو کیهانی بررسی شده است. در تحقیق خانم بحرینی فقط انرژیهای مولد بهمن های هوایی شامل سه انرژی  $10^{14} \text{ eV}$ ،  $10^{15} \text{ eV}$ ،  $10^{16} \text{ eV}$  بود ولی در پژوهش حاضر طیف وسیعتری از انرژیها شامل ضرایب ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷ و ۸ از سه انرژی فوق و همچنین انرژی  $10^{17} \times 1$  و  $10^{17} \times 2$  الکترون ولت مورد بررسی قرار گرفته اند.

البته ضرایب بالا شامل فوتون است ولی ذرات دیگر مانند آلومینیوم، آهن، پروتون و هلیوم ضرایب کمتری از انرژیهای فوق را شامل می شوند  $10^{14}$  انرژی مشترک مربوط به همه ی ذرات فوق مورد بررسی قرار گرفته اند که عبارتند از:  $10^{14} \text{ eV}$ ،  $10^{15} \text{ eV}$ ،  $10^{16} \text{ eV}$ ،  $10^{17} \text{ eV}$ ،  $2 \times 10^{14} \text{ eV}$ ،  $2 \times 10^{15} \text{ eV}$ ،  $2 \times 10^{16} \text{ eV}$ ،  $2 \times 10^{17} \text{ eV}$ ،  $4 \times 10^{14} \text{ eV}$ ،  $4 \times 10^{15} \text{ eV}$ ،  $4 \times 10^{16} \text{ eV}$ ،  $4 \times 10^{17} \text{ eV}$ ،  $8 \times 10^{14} \text{ eV}$ ،  $8 \times 10^{15} \text{ eV}$ ،  $8 \times 10^{16} \text{ eV}$ ،  $8 \times 10^{17} \text{ eV}$

مشاهده می شود که نسبت به تحقیق بحرینی، [۱]، که در ادامه ی فعالیتهای رستگار زاده و صمیمی، [۲]، بوده است بسیار گسترده تر و جامعتر می باشد. هدف ما در این پژوهش این است که آیا می-توان در انرژیهای بالا هم نتایج قابل قبولی مشابه آنچه در پژوهشهای قبلی به دست آمده را نتیجه گرفت؟ که در ادامه پاسخ این سوال و نتایج کامل آمده است.

در این کار روش جدا سازی بهمن های هوایی، بر اساس تحلیل موجکی<sup>۱</sup> ساختار فراکتالی توزیع ذرات ثانوی در انرژیهای فوق بررسی شده است. بهمن های هوایی که در این کار مورد بررسی قرار گرفته اند توسط کد شبیه سازی کرسیکا<sup>۲</sup> که از برنامه های مورد استفاده محققان در زمینه شبیه سازی بهمن های هوایی است تولید شده اند.

۱۵۰۰ بهمن با  $10^{14}$  انرژی ذکر شده و برای ذرات اولیه ی فوتون، پروتون، هلیوم، آلومینیوم و آهن شبیه-سازی شده اند، همه ی بهمن ها دارای زوایای سمت الراسی و سمتی صفر هستند. یعنی حالت فرود عمودی بررسی شده و از حالتها ی غیر عمود که محاسبات را پیچیده می کند صرف نظر شده است.

<sup>۱</sup>.wavelet <sup>۲</sup>.CORSIKA



This document was created with Win2PDF available at <http://www.daneprairie.com>.  
The unregistered version of Win2PDF is for evaluation or non-commercial use only.