

به نام خداوند بخشندۀ مهربان

۱۴۰۰/۹-۲۰۳۴۱۰۰



۸۹۴۰۲۰۷۹

دانشگاه شهید چمران اهواز

دانشکده‌ی مهندسی

گروه برق

پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد

عنوان:

تجزیه و تحلیل پایداری موتورهای الکتریکی شش فاز

Stability Analysis of Six- Phase Induction Motor

نگارش:

مهدی دیلمانی

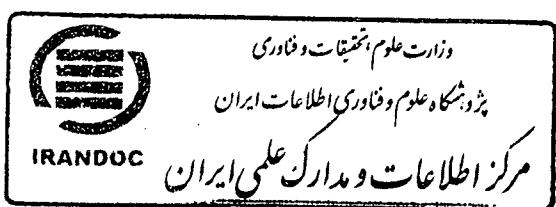
اساتید راهنما:

دکتر رضا کیانی نژاد، دکتر قدرت ا... سیف السادات

استاد مشاور:

دکتر سعیدا... مرتضوی

بهمن ۱۳۸۹



۱۶۰۰۷۹

۱۳۹۰/۳/۲۹

# مدیریت تحصیلات تکمیلی

..... تاریخ .....

..... پیوست .....

بسمه تعالیٰ

## (نتیجه‌ی ارزشیابی پایان نامه‌ی دوره‌ی کارشناسی ارشد)

بدینوسیله گواهی می‌گردد پایان نامه‌ی آقای مهدی دیلمانی دانشجوی رشته‌ی مهندسی برق -  
قدرت از دانشکده‌ی مهندسی به شماره دانشجویی ۸۷۳۱۸۰۲ تحت عنوان :

تجزیه و تحلیل پایداری موتورهای الکترونیکی شش فاز

جهت اخذ درجه‌ی کارشناسی ارشد در تاریخ ۱۳۸۹/۱۱/۱۰ توسط هیئت داوران مورد ارزشیابی قرار گرفت  
و با درجه‌ی عالی تصویب گردید.

امضاء مرتبه‌ی علمی

۱-اعضاي هیئت داوران:

دانشیار

الف: استاد راهنمای اول: دکتر رضا کیانی نژاد

استادیار

استاد راهنمای دوم: دکتر سید قدرت الله سیف السادات

استادیار

پ: استاد مشاور: دکتر سعیدالله مرتضوی

استادیار

ج: داور ۱: دکتر محسن صنیعی

استادیار

د: داور ۲: دکتر کریم انصاری اصل

استادیار

دانشیار

ه: نماینده‌ی تحصیلات تکمیلی دانشگاه (استاد ناظر): دکتر یوسف صیفی کلویان

۲-مدیرگروه: دکتر رضا کیانی نژاد

استادیار

۳-معاون پژوهشی و تحصیلات تکمیلی دانشکده: دکتر سید رضا علوی زارع

استاد

۴-مدیرکل تحصیلات تکمیلی: دکتر رحیم پیغان



تقدیم به پدر و مادر عزیزم

که در تمام مراحل زندگی یار و یاورم بودند و هستند

## با تشکر فراوان از ...

اساتید راهنما، دکتر کیانی نژاد و دکتر سیف السادات، که دلسویانه مرا در تمام مراحل تحقیق یاری کردند و راهگشای مسیر بودند. همچنین استاد مشاور، دکتر مرتضوی، که هیچ محبتی را از من دریغ نداشتند. برای همه اساتید توفیق خدمت به این مملکت را آرزومندم.

فهرست مطالب

عنوان	صفحه
چکیده	
مقدمه	
فصل اول:	
مدلسازی موتور القایی شش فاز در حالت سالم و قطع فاز	
۱	- ۱-۱-۱
۱	۱-۱-۱
۱۱	- ۲-۱-۱
۱۲	- ۳-۱-۱
۱۳	- ۴-۱-۱
۱۵	- ۵-۱-۱
۱۶	- ۶-۱-۱
۱۸	- ۷-۱-۱
۲۰	- ۲-۱-۱
۲۴	- ۳-۱-۱
۲۴	- ۱-۳-۱
۲۹	- ۲-۳-۱
۳۰	- ۳-۳-۱
۳۳	- ۴-۳-۱
۳۵	- ۵-۳-۱
مش بام، تخمین: دن: ولتاژ فازها	

فصل دو

۳۹	ایداری کننده‌های خطی و نقطه‌ی تعادل موتور الکایی شش فاز
۴۰	۱-۱-۲- مقدمه ای بر پایداری
۴۱	۱-۱-۱- سیستم غیرخطی و خطی و نقطه‌ی تعادل
۴۵	۱-۱-۲- تعاریف پایداری
۴۷	۱-۱-۳- دو روش لیپانوف
۴۸	۲-۱- پایداری کننده‌های خطی
۵۴	۲-۲-۱- کنترل حلقه باز ولتاژ/فرکانس
۶۱	۲-۲-۲- کنترل سرعت با تنظیم لغزش
۶۲	۲-۳-۱- کنترل سرعت با کنترل شار و گشتاور
	۲-۳-۲- پایداری نقطه‌ی تعادل موتور الکایی شش فاز

۶۳	۱-۳-۲- نقطه‌ی تعادل موتور وقتی ورودی صفر است
۶۴	۲-۳-۲- نقطه‌ی تعادل موتور وقتی موتور کم بار است

### فصل سوم

#### پایداری کنترل میدان‌گرای غیرمستقیم موتور شش‌فاز با خطای قطع فاز

۶۹	۱-۳- دستگاه مرجع سنکرون برای موتور شش فاز با خطای قطع فاز
۷۳	۲-۳- کنترل میدان‌گرا
۷۵	۱-۲-۳- کنترل میدان‌گرای مستقیم
۷۷	۲-۲-۳- کنترل میدان‌گرای غیرمستقیم
۸۰	۳-۳- تنظیم ولتاژ اینورتر
۸۱	۴-۳- پایداری کنترل میدان‌گرای غیرمستقیم در حالت ایده‌آل
۸۴	۵-۳- بررسی پایدار محلی کنترل میدان‌گرای غیرمستقیم در حالت غیر ایده‌آل
۸۴	۱-۵-۳- معرفی سیستم
۸۶	۲-۵-۳- یافتن نقاط تعادل
۸۷	۳-۵-۳- بررسی یکتایی جواب
۹۰	۴-۵-۳- تنظیم کنترل کننده PI برای روابط بودن
۹۵	۵-۵-۳- پرش بین نقاط تعادل
۹۸	۶-۳- بررسی پایداری کنترل میدان‌گرای غیرمستقیم از دید کنترل غیرخطی (بررسی پسیو بودن سیستم)
۹۸	۱-۶-۳- معرفی سیستم
۱۰۱	۲-۶-۳- تجزیه‌ی سیستم
۱۰۳	۳-۶-۳- پایداری جامع
۱۰۸	۴-۶-۳- بازه‌های عملکرد

### فصل چهارم

#### نتیجه‌گیری و پیشنهادات

۱۱۱	۱-۴- نتیجه‌گیری
۱۱۳	۲-۴- پیشنهادات

### پیوست

#### مراجع

## فهرست شکل ها

شکل ۱-۱. مدل مداری موتور القایی با اینورتر تغذیه کننده	۳
شکل ۲-۱. صفحه‌ی شارهای استاتور	۷
شکل ۳-۱. نمایش بردارهای دستگاه مرجع گردان در دستگاه مرجع ساکن	۱۱
شکل ۴-۱. نمایش بردارهای دستگاه مرجع گردان در دستگاه مرجع ساکن	۱۲
شکل ۵-۱. سرعت موتور	۱۹
شکل ۶-۱. گشتاور الکتریکی موتور	۱۹
شکل ۷-۱. جریان‌های شش فاز استاتور	۲۰
شکل ۸-۱. جریان رتور	۲۰
شکل ۹-۱. شبیه‌سازی خطی موتور حول نقطه‌ی کار	۲۳
شکل ۱۰-۱. مقایسه‌ی پاسخ موتور خطی شده و غیر خطی به تغییر بار	۲۳
شکل ۱۱-۱. موتور شش فاز در حالت قطع فاز a از اینورتر	۲۴
شکل ۱۲-۱. صفحه‌ی شار موتور در حالت قطع فاز	۲۶
شکل ۱۳-۱. بلوك دیاگرام مدل‌سازی موتور شش فاز در حالت خطای قطع فاز	۲۳
شکل ۱۴-۱. سرعت موتور در حالت قطع فاز	۱۴
شکل ۱۵-۱. گشتاور تولیدی موتور در حالت قطع فاز	۱۵
شکل ۱۶-۱. جریان‌های $z_3^i$ و $z_4^i$ در دستگاه شش بعدی	۲۵
شکل ۱۷-۱. مجموع جریان‌های $z_3^i$ و $z_4^i$ در دستگاه شش بعدی	۳۵
شکل ۱۸-۱. مقایسه ولتاژ فاز b از هر دو روش	۳۸
شکل ۱-۲. مفهوم پایداری در مسیر حالت سه سیستم مختلف	۴۲
شکل ۲-۲. مسیر حالت گردش محدود که منجر به ناپایداری می‌شود	۴۳
شکل ۳-۲. کنترل حلقه باز ولتاژ/فرکانس	۴۹
شکل ۴-۲. تاثیر تغییر بار و ولتاژ تغذیه بر کنترل حلقه باز	۵۰
شکل ۵-۲ a. عملکرد گذرای کنترل حلقه باز ولتاژ/فرکانس	۵۰
شکل ۵-۲ b. عملکرد گذرای کنترل حلقه باز ولتاژ/فرکانس	۵۱
شکل ۶-۲. فرمان فرکانسی $\omega$ در کنترل حلقه باز ولتاژ/فرکانس	۵۱
شکل ۷-۲. پاسخ سرعت به تغییر فرمان فرکانسی	۵۲
شکل ۸-۲. پاسخ گشتاور به تغییر فرمان فرکانسی	۵۲
شکل ۹-۲. مکان هندسی مقدار ویژه ماتریس حالت A به ازای تغییر مقاومت رتور	۵۴
شکل ۱۰-۲. رفتار ناپایدار موتور به ازای مقادیر خاصی از مقاومت رتور	۵۴
شکل ۱۱-۲. کنترل سرعت با تنظیم لغزش	۵۵

..... شکل ۱۲-۲. پاسخ کنترل تنظیم لغزش به تغییر بار و تغییر ولتاژ تغذیه	۵۵
..... شکل ۱۳-۲. پاسخ کنترل کننده $\text{PID}$ به ورودی پله گشتاور بار	۵۸
..... شکل ۱۴-۲. مکان هندسی قطب های سیستم کنترلی تنظیم لغزش	۵۸
..... شکل ۱۵-۲. نمایی بهتر از مکان هندسی ریشه ها در شکل ۲	۱۶-۲
..... شکل ۱۶-۲. مکان هندسی ریشه ها بعد از تغییر مکان صفرهای کنترل کننده	۵۹
..... شکل ۱۷-۲. پاسخ زمانی سیستم بعد از تغییر مکان صفرهای کنترل کننده	۶۰
..... شکل ۱۸-۲. مقایسه عملکرد کنترل کننده در دو سیستم خطی و غیر خطی	۶۰
..... شکل ۱۹-۲. عملکرد کنترل کننده در راه اندازی موتور	۶۱
..... شکل ۲۰-۲. کنترل سرعت با کنترل شار و گشتاور	۶۱
..... شکل ۱-۳. موتور معادل موتور خطدار در زیرفضای $qd$	۷۰
..... شکل ۲-۳. مدار معادل موتور در دستگاه مرجع سنکرون	۷۳
..... شکل ۳-۳. تزویج شارها بر روی یکدیگر در معادله $i$ ولتاژ رتور	۷۴
..... شکل ۴-۳. هم جهت کردن راستای محور $d$ دستگاه مرجع سنکرون با بردار شار رتور	۷۴
..... شکل ۵-۳. شمای کلی کنترل میدان گرای مستقیم	۷۵
..... شکل ۶-۳. تخمین گر شار رتور	۷۶
..... شکل ۷-۳. سرعت موتور پس از اعمال کنترل میدان گرای مستقیم	۷۷
..... شکل ۸-۳. گشتاور موتور پس از اعمال کنترل میدان گرای مستقیم	۷۷
..... شکل ۹-۳. شمای کلی کنترل میدان گرای غیرمستقیم	۷۸
..... شکل ۱۰-۳. سرعت موتور پس از اعمال کنترل میدان گرای غیرمستقیم	۷۹
..... شکل ۱۱-۳. گشتاور موتور پس از اعمال کنترل میدان گرای مستقیم	۷۹
..... شکل ۱۲-۳. موتور القایی پس از اعمال کنترل میدان گرای غیرمستقیم	۸۲
..... شکل ۱۳-۳. اعمال کنترل $P1$ برای کنترل سرعت موتور	۸۲
..... شکل ۱۴-۳. موتور وقتی کنترل $IFOC$ به صورت ایده‌آل انجام شود	۸۳
..... شکل ۱۵-۳. تابع $f$ بر حسب $r$ وقتی $k > 3$	۸۹
..... شکل ۱۶-۳. نمودار بیفرکیشن	۸۹
..... شکل ۱۷-۳. مقدار $q_1$ در بازه‌ی $D$ وقتی $\eta = 24$	۹۳
..... شکل ۱۸-۳. پاسخ سیستم وقتی $\eta = 10$	۹۴
..... شکل ۱۹-۳. پاسخ سیستم وقتی $\eta = 16$	۹۴
..... شکل ۲۰-۳. پاسخ سیستم وقتی $\eta = 24$	۹۵
..... شکل ۲۱-۳. مکان مقادیر ویژه‌ی سه ماتریس ژاکوبین در صفحه‌ی اعداد مختلط به صورت شماتیک وقتی $\eta = 4$	۹۶
..... شکل ۲۲-۳. مکان مقادیر ویژه‌ی سه ماتریس ژاکوبین در صفحه‌ی اعداد مختلط به صورت شماتیک وقتی $\eta = 24$	۹۷
..... شکل ۲۳-۲. خطای سرعت و جریان به ازای افزایش بار وقتی $k = 2$	۹۷
..... شکل ۲۴-۲. خطای سرعت و جریان به ازای افزایش بار وقتی $k = 4$	۹۸
..... شکل ۲۵-۳. شکل اتصال دو زیر سیستم $G_1$ و $G_2$	۱۰۲

- شکل ۳-۲۶. سرعت و گشتاور موتور وقتی  $R_r = 6$   
شکل ۳-۲۷. سرعت و گشتاور موتور وقتی  $R_r = 4$

نام خانوادگی: دیلمانی	نام: مهدی
عنوان پایان نامه: تجزیه و تحلیل پایداری موتورهای الکتریکی شش فاز	اساتید راهنمای: دکتر رضا کیانی نژاد، دکتر قدرت ا... سیف السادات
درجه تحصیلی: کارشناسی ارشد	رشته: برق گرایش: قدرت
محل تحصیل (دانشگاه): دانشگاه شهید چمران اهواز	دانشکده: مهندسی
تاریخ فارغ التحصیلی: ۱۰ بهمن ۱۳۸۹	تعداد صفحات: ۱۲۰
کلید واژه ها: موتور القایی شش فاز، خطای قطع فاز، کنترل اسکالر، پایداری، کنترل میدان گرا	چکدیده:
<p>در این پایان نامه به بررسی پایداری موتور القایی شش فاز در کنترل حلقه باز و حلقه بسته می پردازیم. در ابتدا موتور را در حالت سالم و قطع فاز مدل سازی می کنیم. سپس با معرفی یک فضای مرجع سنکرون جدید الگوریتم کنترلی میدان گرای مستقیم و غیرمستقیم را برای شرایط قطع فاز تنظیم و آن را بر مدل استخراج شده در قسمت قبل اعمال می کنیم. نتایج شبیه سازی عملکرد مناسب این کنترل کننده را نشان می دهند. ولی نتایج بدست آمده به شرطی صادق است که مقاومت رتور معلوم و بدون تغییر باشد که در حقیقت اینطور نیست. در اینجا مقاومت رتور را برای کنترل کننده تخمین زده و بازه‌ی تغییر مقاومت رتور را که در آن سیستم پایداری مجانبی جامع خود را حفظ می کند را مشخص می کنیم.  پایداری روش های کنترل اسکالر برای موتور القایی شش فاز را نیز بررسی کرده ایم. پس از آن می توانیم کنترل PI در کنترل سرعت با تنظیم لغزش با استفاده از مکان هندسی ریشه ها ارائه شده است. شبیه سازی های انجام شده در هر بخش صحت نتایج بدست آمده در محاسبات را نشان می دهند.</p>	

## مقدمه

موتورهای القایی نسبت به دیگر انواع موتورهای الکتریکی دارای کاربرد فراوان و گستردگری هستند تا جایی که گفته شده این موتورها بار صنعت را به دوش می‌کشند [۱]. موتورهای القایی در توانهای مختلف بین چند دهم وات تا چندصد اسپ بخار ساخته می‌شوند. کاربرد وسیع آنها به دلیل ساختار ساده، ارزان بودن و تعمیر و نگهداری کم آنهاست. در چند دهه‌ی اخیر نسل جدیدی از موتورهای القایی معرفی شده است که موتورهای القایی چندین فاز (multi-phase IM) نام دارند. این موتورها نسبت به نوع معمول سه فاز دارای مزایای فراوانی هستند که از مهمترین آنها قابلیت اطمینان بالای آنهاست. زیرا همانطور که دیده خواهد شد این موتور در صورت قطع یک فاز نه تنها به عملکرد خود ادامه می‌دهد، بلکه می‌توان آن را در این شرایط بگونه‌ای کنترل کرد که شاهد یک عملکرد روان و قابل قبول باشیم.

در بسیاری از کاربردهای صنعتی لازم به کنترل سرعت و گشتاور موتور است. ولی موتورهای القایی بر خلاف موتورهای جریان مستقیم رفتاری به شدت غیرخطی از خود نشان می‌دهند و کنترل آنها همواره مورد بحث و تحقیق بوده است. تاکنون روش‌های کنترلی زیادی برای موتورهای القایی پیشنهاد شده که می‌توان آنها را به دو دسته کنترل‌های خطی و غیرخطی دسته‌بندی کرد. هر کدام از این روش‌های کنترلی دارای مزایا و معایبی است. کنترل کننده‌های خطی برای مدت زیادی است که در صنعت به طور وسیعی کاربرد دارند. دلیل آن سادگی و قابل فهم بودن، آسانی در پیاده‌سازی و ارزان بودن آنهاست. علاوه بر آن کنترل کننده‌های خطی نسبت به تغییر پارامترهای سیستم مقاومت بالایی از خود نشان می‌دهند. از سوی دیگر این روش‌های کنترلی معمولاً دارای عملکرد نسبتاً کند هستند و فقط در محدوده‌ی خطی‌سازی شده عملکرد مطلوبی از خود نشان می‌دهند. با بالا رفتن سطح انتظارات برای سرعت و دقت بیشتر، کنترل کننده‌های غیرخطی با سرعت بالا شروع به رشد و تکامل کرده‌اند و هر روز بیش از پیش جایگزین کنترل کننده‌های خطی در صنعت می‌شوند. عملکرد این کنترل کننده‌ها معمولاً سریعتر و دقیق‌تر است و بر خلاف کنترل کننده‌های خطی دامنه‌ی عملکرد وسیعی‌تری دارند. در کاربردهایی مثل روباتیک و هواپما و ... که کیفیت عملکرد سیستم‌ها بسیار مهم است از این نوع کنترل کننده‌ها استفاده می‌شود [۱۰].

اولین مسئله‌ای که درباره‌ی هر روش کنترلی مطرح می‌شود پایداری آن است. زیرا سیستمی که پایدار نباشد نه تنها غیرقابل استفاده بلکه بالقوه خطرناک نیز است. در کنترل خطی مسئله‌ی پایداری به سادگی قابل حل است. زیرا در آن یک نوع پایداری بیشتر مطرح نیست و آن پایداری جامع نمایی است که به راحتی با بررسی مکان هندسی مقادیر ویژه‌ی سیستم مشخص می‌شود. در طرف مقابل کنترل کننده‌های غیرخطی

قرار دارند که نه تنها طراحی آنها به سادگی کنترل کننده‌های خطی نیست بلکه بررسی پایداری آن نیازمند داشتن شناخت دقیقی از سیستم و ریاضیات خاصی است که در هر سیستم با سیستم دیگر متفاوت است. به همین دلیل امروزه پایداری کنترل کننده را اساس طراحی آن قرار می‌دهند.

مسئله‌ی دیگر روابست بودن کنترل کننده است. یعنی پایداری و عملکرد مطلوب کنترل کننده را با تغییر پارامترهای سیستم مورد بررسی قرار می‌دهند. این مسئله درباره کنترل موتور القایی به شدت مورد توجه است زیرا مقاومت رتور یا ثابت زمانی آن با تغییر شرایط کاری (مثل تغییر حرارت محیط) تغییر می‌کند. کنترل میدان‌گرا یکی از مهمترین انواع کنترل کننده‌های موتور القایی است. این روش کنترلی سعی دارد ولتاژ تغذیه‌ی موتور را به گونه‌ای تنظیم کند که رفتار موتور القایی مشابه رفتار خطی موتور جریان مستقیم شود و سپس سرعت آن را توسط کنترل کننده‌های خطی معمول مثل کنترل کننده PI کنترل کند. ولی این هدف کنترل کننده به شرطی تحقق پیدا می‌کند که الگوریتم کنترل به صورت ایده‌آل پیاده‌سازی شود که با تغییر مقاومت رتور این امر محقق نمی‌شود. در الگوریتم کنترلی برای مقاومت رتور یک مقدار تخمینی در نظر می‌گیرند. دامنه‌ی تغییرات رتور که در آن پایداری سیستم حفظ شود موضوع کار بسیاری از محققان بوده است.

در زمینه کنترل موتور القایی سه فاز و چندین فازه تحقیقات زیادی انجام شده است. آقای کروز در [۵] به مدلسازی موتور القایی سه فاز در حالت سالم و قطع فاز می‌پردازد و در [۹] پایداری کنترل حلقه باز موتور القایی سه فاز را با فرض تغییر پارامترهای موتور مورد بررسی قرار داده است. پس از آن آقای تولیت در [۳] موتور القایی پنج فاز در حالت قطع یک فاز را موضوع کار خود قرار می‌دهد. آقای لیپو در [۶] مدلسازی موتور القایی شش فاز را مدلسازی می‌کند. سپس در [۴] مدلسازی موتور را در حالت قطع یک فاز مورد بررسی قرار داده و در [۱۲] کنترل میدان‌گرای مستقیم را در شرایط خطأ به گونه‌ای تنظیم می‌کند که کنترل موتور به نرمی صورت گیرد. در [۲] آقای کیانی نژاد این مسئله را با رویکردی دیگری مورد توجه قرار می‌دهد و گشتاور موتور در شرایط خطأ را به دو مقدار ثابت و نوسانی تجزیه می‌کند. قانون کنترلی را به گونه‌ای مشخص می‌کند که این مولفه‌ی نوسانی گشتاور برابر صفر شود.

در زمینه بررسی پایداری و روابست بودن الگوریتم‌های کنترلی می‌توان به کارهای آقای بازانلا در [۱۴] و [۱۷] اشاره کرد که کنترل محلی نقطه تعادل این کنترل کننده را مورد بررسی قرار می‌دهد و در [۱۶] سعی می‌کند با استفاده از روش‌های عددی تابع لیاپانوف مناسب را برای اثبات پایداری جامع سیستم را نشان دهد. آقای اوگاتا در مقالات زیادی از جمله [۱۵] و [۱۹] به بررسی پایداری کنترل میدان‌گرای غیرمستقیم می‌پردازد.

هدف از انجام این پایان‌نامه بررسی پایداری کنترل حلقمباز و حلقمبسته‌ی موتور القایی در شرایط کارکرد سالم و خطای تکفاز است. ولی پیش از انجام هر تحقیق و بررسی نیازمند یک مدلسازی دقیق از موتور القایی شش فاز در شرایط سالم و مخصوصاً قطع‌فاز هستیم. همانطور که گفته شد کنترل خطی با وجود اینکه به عنوان کنترل‌کننده‌های نسل گذشته محسوب می‌شوند ولی استفاده‌ی گسترده‌ی آنها در صنعت ما را بر آن داشت که بخشی از این پایان‌نامه را به بررسی پایداری این روش‌های کنترلی اختصاص دهیم.

پیش از بررسی پایداری موتور القایی شش‌فاز در شرایط خطأ، به معرفی کنترل‌کننده‌های میدان‌گرایی می‌پردازیم که برای کنترل موتور در شرایط خطأ بهینه شده‌اند. این کار با استفاده از یک فضای سنکرون جدید انجام می‌شود. پس از آن پایداری این کنترل‌کننده‌ها را با فرض عدم اطلاع از مقاومت رتور مورد بررسی قرار می‌دهیم. این بررسی شامل دو بخش بررسی پایداری محلی و جامع می‌شود. نتیجه‌ی آن بدست آمدن بازه‌ای برای تخمین مقاومت رتور است که در این بازه پایداری سیستم حلقه بسته حفظ می‌شود.

## فصل اول

### مدل‌سازی موتور القایی شش‌فاز در حالت سالم و قطع‌فاز

در این فصل قصد داریم به مدل‌سازی موتور القایی در حالت سالم و قطع‌فاز بپردازیم. ترتیب ارائه‌ی مطالب به این صورت است: ابتدا موتور القایی شش‌فاز مدل‌سازی می‌شود. سپس آن را برای بررسی پایداری محلی در فصل سوم خطی‌سازی کرده و مدل سیگنال‌کوچک آن را استخراج می‌کنیم. در قسمت بعد مدل‌سازی موتور را در حالت قطع‌فاز مورد بررسی قرار می‌دهیم. این مدل در فصل‌های بعد برای کنترل موتور در حالت قطع‌فاز مورد استفاده قرار می‌گیرد. در پایان نیز یک روش تقریبی برای تخمین ولتاژ فازها ارائه شده است. برای اطمینان از صحت مدل‌سازی انجام شده نتیجه این دو روش را با هم مقایسه می‌کنیم.

#### ۱-۱-۱- مدل‌سازی موتور القایی شش‌فاز سالم

##### ۱-۱-۱-۱- معادلات ولتاژ موتور در فضای شش‌بعدی $qdz$

در بین انواع مختلف موتورهای جریان متناوب موتور القایی مخصوصاً نوع قفس‌سنجبی آن در صنعت کاربرد فراوانی دارد. این موتور از لحاظ اقتصادی بسیار به صرفه است و ساختاری مقاوم دارد. علاوه بر آن قابلیت اطمینان آن نسبتاً بالاست و در اندازه‌های مختلفی از کمتر از یک اسب بخار تا چند مگاوات ساخته می‌شوند. موتورهای کم‌قدرت معمولاً به صورت تک‌فاز هستند ولی در درایوهای کنترل سرعت از نوع چندفاز (سه فاز به عنوان مثال) استفاده می‌شود [۱].

در کاربردهایی که به قابلیت اطمینان بالاتری نیاز است به جای استفاده از موتورهای القایی سه‌فاز معمول از موتورهای القایی با تعداد فاز بیشتر مثل موتورهای پنج یا شش فاز استفاده می‌شود [۲]. این موتورها نسبت به موتورهای سه‌فاز دارای مزایایی هستند که از جمله‌ی آن‌ها [۳]:

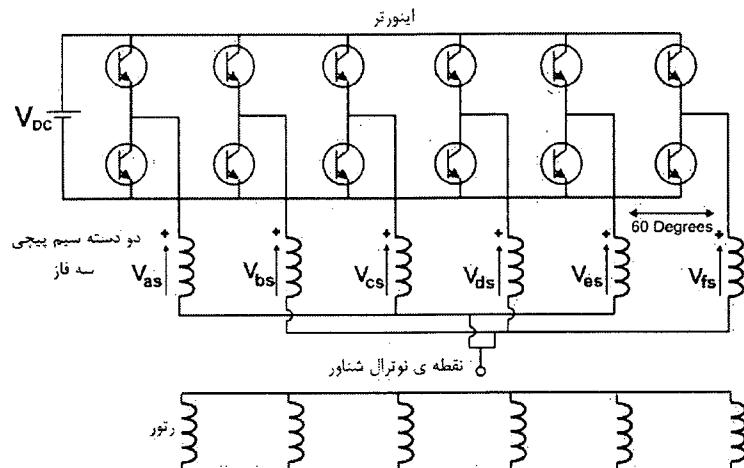
- برای یک توان مساوی مقدار توان عبوری که هر فاز باید تحمل کند کمتر است. یعنی مقدار جریان در فاز را می‌توان کاهش داد بدون اینکه لازم باشد ولتاژ در فاز را افزایش دهیم.

- تحمل موتور در شرایط خطا مثل قطع یک یا چند فاز بیشتر می‌شود.
- درجه‌ی آزادی کنترل‌کننده‌ای که بتواند موتور را در شرایط قطع فاز کنترل کند افزایش می‌یابد.
- دامنه‌ی پالس‌های ناخواسته‌ی گشتاور کمتر و فرکانس آنها بیشتر می‌شود.
- باعث کاهش هارمونیک‌های لینک  $dc$  می‌شود.

همان‌طور که گفته شد با قطع شدن یک فاز از استاتور موتور به کار خود ادامه می‌دهد هر چند که گشتاور و سرعت آن همراه با لغزش است. در صورتی که موتور به عنوان درایو مثل کنترل میدان گردان مستقیم یا غیرمستقیم استفاده شود این لغزش‌ها باعث به هم ریختن عملکرد کنترل‌کننده می‌شود. ولی مزیت اصلی موتور القایی شش فاز در این است که در این شرایط خطا درایو را می‌توان به گونه‌ای تنظیم کرد که شاهد عملکردی روان و مناسب همانند حالت کارکرد سالم باشیم. به همین دلیل قابلیت اطمینان موتور به طور چشم‌گیری افزایش می‌یابد [۴].

موتورهای القایی معمولاً به صورت قفس سنجابی استفاده می‌شوند. زیرا این موتورها مقاومتر، سبک‌تر و ارزان‌ترند. ولی در این حالت کنترلی روی مقاومت رتور وجود ندارد. البته با ظهور درایوها، کنترل سرعت و گشتاور موتور از طریق تغییر مقاومت رتور تقریباً منسخ شده است. سیم‌پیچی‌های استاتور می‌تواند اشکال مختلفی داشته باشد. سیم‌پیچ استاتور معمولاً به صورت دو دسته سیم‌پیچی‌های سه‌فاز در نظر گرفته می‌شود. اختلاف زاویه‌ی مکانی بین این دو دسته ممکن است  $30^\circ$  یا  $60^\circ$  درجه باشد. در این جا این زاویه  $60^\circ$  درجه در نظر گرفته شده است. شکل اتصال نقطه‌های نوترال این دو دسته سیم‌پیچی نیز مهم است. این دو نقطه ممکن است به هم متصل باشند یا نباشند که در مدل‌سازی موتور در حالت قطع فاز از اهمیت زیادی برخوردار است. ما آن‌ها را متصل به هم فرض می‌کنیم. نقطه‌ی نوترال سیم‌پیچی استاتور در صنعت معمولاً زمین نمی‌شود و شناور است.

مدلسازی موتور القایی سه فاز در [۵] ارائه شده است. مدل‌سازی موتور القایی شش فاز تقریباً به همان شیوه انجام می‌شود ولی این بار در فضای شش بعدی. برای مدل‌سازی موتور از مدل مداری آن استفاده می‌شود. شکل ۱-۱ مدل مداری همراه با اینورتر متصل به آن را نشان می‌دهد. رتور قفس سنجابی به دلیل ساختار اتصال کوتاهی که دارد را می‌توان با سیم‌پیچی شش فاز مدل کرد [۶].



شکل ۱-۱. مدل مداری موتور القایی با اینورتر تغذیه کننده

پیش از شروع مدل‌سازی فرض می‌کنیم:

- سیم‌پیچی استاتور توزیع سینوسی دارد.
- مسیر شار خطی است.
- از اندوکتانس نشتی متقابل صرفنظر شده است.
- نسبت دور رتور و استاتور یک به یک است.

این فرض‌ها با وجود اینکه محاسبات را تا حدود زیادی ساده می‌کند، دقت کار کاهش قابل ملاحظه‌ای نخواهد داشت.

همان‌طور که می‌دانیم در یک مدار الکتریکی جریان هر سلف یک متغیر حالت مدار محسوب می‌شود. استاتور موتور شش‌فاز از شش سیم‌پیچی تشکیل شده است و به طور کلی هر یک از آن‌ها می‌تواند جریان مستقل داشته باشد. این شش جریان می‌توانند شش متغیر حالت سیستم محسوب شوند. بنابراین ما با یک سیستم در فضای شش بعدی روبرو هستیم. در صورتی که از جریان‌های استاتور نمونه برداری کرده و آنها را در یک بردار شش بعدی به شکل زیر بیان کنیم.

$$[i_s] = [i_{as} \ i_{bs} \ i_{cs} \ i_{ds} \ i_{es} \ i_{fs}]^T \quad (1-1)$$

خود به خود یک فضای شش بعدی معرفی کردہ‌ایم که بردارهای مبنای آن به شکل استاندارد زیر هستند.

$$e_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad e_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad \dots \quad e_6 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (2-1)$$

برای ولتاژ اعمالی به شش سیم‌پیچ استاتور و شش جریان رتور نیز به همین شکل بردارهای ولتاژ و جریان تعریف می‌شوند. حال می‌توانیم با استفاده از قانون  $KVL$  معادلات ولتاژ را برای مدار رتور و استاتور بنویسیم. برای استاتور داریم:

$$\begin{aligned} [V_s] &= r_s[i_s] + p.([\lambda_s]) = r_s[i_s] + p.([\lambda_{ss}] + [\lambda_{sr}]) \\ &= r_s[i_s] + p.([L_{ss}]. [i_s] + [L_{sr}]. [i_r]) \end{aligned} \quad (3-1)$$

و معادله‌ی ولتاژ رتور:

$$\begin{aligned} [V_r] &= r_r[i_r] + p.([\lambda_r]) = r_r[i_r] + p.([\lambda_{rr}] + [\lambda_{rs}]) \\ &= r_r[i_r] + p.([L_{rr}]. [i_r] + [L_{rs}]. [i_s]) \end{aligned} \quad (4-1)$$

که در آن:

$$[V_s] = [v_{as} \ v_{bs} \ v_{cs} \ v_{ds} \ v_{es} \ v_{fs}]^T \quad (5-1)$$

ولتاژ اعمالی به هر فاز استاتور است. ولتاژ فاز  $d$  با علامت پریم نشان داده شده است تا این‌که با ولتاژ در دستگاه  $q-d$  اشتباه نشود. در ادامه به معرفی این دستگاه مرجع می‌پردازیم

جریان استاتور:

$$[i_s] = [i_{as} \ i_{bs} \ i_{cs} \ i_{ds} \ i_{es} \ i_{fs}]^T \quad (6-1)$$

ولتاژ رتور به دلیل اتصال کوتاه بودن سرهای میله‌های قفس‌سنجبایی رتور به هم صفر است:

$$[V_r] = [0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0]^T \quad (7-1)$$

جریان رتور:

$$[i_r] = [i_{ar} \ i_{br} \ i_{cr} \ i_{dr} \ i_{er} \ i_{fr}]^T \quad (8-1)$$

اندوکتانس خودی سیم‌پیچ استاتور:

$$[L_{ss}] = L_{ls} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} + L_{ms} \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 \\ -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix} \quad (9-1)$$

که در آن  $L_{ls}$  اندوکتانس نشتی و  $L_{ms}$  اندوکتانس مغناطیس کنندگی استاتور است.

$$[L_{rr}] = L_{lr} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} + L_{ms} \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 \\ -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} & -1 & -\frac{1}{2} & \frac{1}{2} & 1 \end{bmatrix} \quad (10-1)$$

اندوکتانس متقابل بین استاتور و رتور:

$$[L_{sr}] = L_{ms} \begin{bmatrix} \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} + \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{5\pi}{6} + \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} + \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{4\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} + \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{3\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} + \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{2\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} + \theta_r\right) & 0 \cos\left(\frac{5\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} + \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} + \theta_r\right) & \cos(\theta_r) \end{bmatrix} \quad (11-1)$$

اندوکتانس متقابل بین رتور و استاتور:

$$[L_{rs}] = L_{ms} \begin{bmatrix} \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} - \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{5\pi}{6} - \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} - \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{4\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} - \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{3\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} - \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{2\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} - \theta_r\right) & 0 & \cos\left(\frac{5\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos(\theta_r) & \cos\left(\frac{\pi}{3} - \theta_r\right) \\ \cos\left(\frac{\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{2\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{3\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{4\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{5\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos\left(\frac{6\pi}{3} - \theta_r\right) & \cos(\theta_r) \end{bmatrix} \quad (12-1)$$

که زاویه‌ی  $\theta_r$  زاویه‌ی گردش رتور است و بر حسب سرعت زاویه‌ای رتور  $\omega_r$  به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$\theta_r(t) = \int_0^t \omega_r dt + \theta_r(0) \quad (13-1)$$

همان‌طور که می‌دانیم در صورتی که کنترل اینورتر به صورت مدولاسیون پهنه‌ای پالس فضای برداری باشد فقط ولتاژ‌های خط اینورتر معلوم است. با نوشتن  $KVL$  در مشاهدی بین اینورتر و موتور داریم

$$\begin{bmatrix} e_{ab} \\ e_{bc} \\ e_{cd} \\ e_{de} \\ e_{ef} \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} v_{as} \\ v_{bs} \\ v_{cs} \\ v_{ds}' \\ v_{es} \\ v_{fs} \end{bmatrix} \quad (14-1)$$

که در آن  $e_x$  ولتاژ خط اینورتر است. بنابراین با معکوس کردن این ماتریس تبدیل ولتاژ فازهای موتور را می‌توان به صورت زیر مشخص کرد.

$$\begin{bmatrix} v_{as} \\ v_{bs} \\ v_{cs} \\ v_{ds}' \\ v_{es} \\ v_{fs} \end{bmatrix} = \frac{1}{6} \begin{bmatrix} 5 & 4 & 3 & 2 & 1 & 1 \\ -1 & 4 & 3 & 2 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & 3 & 2 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & -3 & 2 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & -3 & -4 & 1 & 1 \\ -1 & -2 & -3 & -4 & -5 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} e_{ab} \\ e_{bc} \\ e_{cd} \\ e_{de} \\ e_{ef} \\ 0 \end{bmatrix} \quad (15-1)$$

همان‌طور که فرض شد به دلیل این‌که طول فاصله‌ی هوایی نسبت به شعاع رتور بسیار کمتر است می‌توان مسیر شار را در فاصله‌ی هوایی شعاعی در نظر گرفت. از طرفی شار در فاصله‌ی هوایی نسبت به شعاع انتقال دهنده‌ی انرژی را بازی می‌کند. چون این شار شعاعی است می‌توان آن را در یک صفحه‌ی یا یک فضای

<sup>1</sup> Space Vector Pulse Width Modulation