

مرکز نشریات دانشگاه تهران
تعمیرات

بسمه تعالی

۱۳۷۸ / ۲ / ۲۰



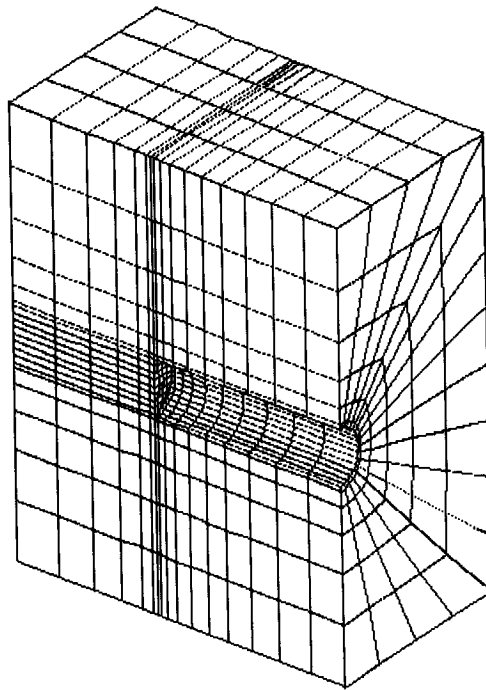
دانشکده فنی



دانشگاه تهران

پایان نامه کارشناسی ارشد رشته عمران گرایش خاک و پی

تأثیر روش اجرا
در طراحی پوشش اولیه و نهایی تونلها



دکتر شهرام وهدانی

استاد راهنما:

دکتر اورنگ فرزانه

استاد مشاور:

بهراد زند

نگارنده:

۲۵۲۷۹

زمستان ۱۳۷۷

2012/2



تقدیم بہ:

دکتر محمود حسابی

بنیان گزار دانشکده فنی

و

پدر و مادرم

۲۵۲۷۹

با تقدیر و تشکر از

اساتید گرامی دکتر وهدانی، دکتر فرزانه و دکتر میرقاسمی که از راهنمایی های ایشان در تدوین این پایان نامه استفاده شده است، آقای مهندس مشیرفر مدیریت محترم دفتر فنی شرکت پرلیت ، آقای مهندس پیمان پگاهی که در تهیه این پایان نامه به من یاری رسانده اند و آقای بابالو که زحمت تایپ این پایان نامه به عهده ایشان بوده است.

چکیده

مراحل اجرایی تونلهایی که در یک مرحله حفاری می شوند شامل حفاری طول کوتاه، اجرای پوشش اولیه، ادامه حفاری و اجرای پوشش نهایی است. اگر حفاری و پوشش در چند مرحله صورت بگیرد رفتار تونل نسبتاً پیچیده خواهد بود و تحلیل که بتواند تمامی مراحل اجرایی را در نظر بگیرد تحلیلی سه بعدی، غیر خطی، چند مرحله ای و تابع زمان خواهد بود که ممکن است با ابزار فعلی ناممکن یا غیر اقتصادی باشد. برپیهی است که سازه سازی چنین تحلیلهایی باید با توجه به ملاحظات نظری صورت گیرد. برای استفاده از هر روش لازم است میزان فضای هر روش در شرایط مقتضی قابل پیش بینی باشد تا بتوان ورود اعتبار هر روش را درست آورد. در این مطالعه نتایج حاصل از روشهای تقریبی با روشهای دقیق عددی مقایسه شده اند و بر این اساس ورود اعتبار هر روش درست آمده است و به کمک نتایج آن راهکارهایی برای طراحی پوشش تونلها ارائه شده است. به علاوه یک تحلیل موردی نیز انجام گرفته است تا نحوه بکارگیری نتایج این پایان نامه ارائه گردد.

Abstract

Construction process of tunnels, which are excavated in one stage includes: excavations of a short length, performing the primary support and final support while the excavation is progressing. Behavior of multi stage excavated tunnels is even more complicated. An accurate analyses of such process must consider several phenomena such as: three dimensional behavior of the analyses, nonlinearity of the constitutive laws, effects of multi stage construction process and time dependency of material behavior. Such an analyses may be uneconomical even if it is possible. Usually, several assumptions are made to simplify the analyses and as a result different methods are suggested. At the same time a unique process of analyses has not been introduced. The main purpose of this study is to evaluate the individual effects of each simplified assumption and its limit of validity. At the same time it is tried to established a methodology do lead the designer for choosing the suitable assumption in different cases. A sample case study is performed according to the methodology discussed.

مقدمه

به منظور دستیابی به توسعه و استتلال اقتصادی در دنیای صنعتی امروز احداث تونل و بناهای زیرزمینی اجتناب ناپذیر است. در بسیاری از موارد مانند خطوط حمل و نقل زیرزمینی، کانالهای انتقال آب و گاز، نیروگاه‌ها، مخازن، انبار مهمات و غیره ملاحظات اقتصادی یا امنیتی احداث تونلها و بناهای زیرزمینی را ایجاب میکند. بدیهی است که بدون توجه به اصول علمی مبتنی بر ملاحظات ایمنی، اقتصادی، فنی و محیط زیستی این کار نتیجه مطلوبی به بار نخواهد آورد. بنابراین انجام مطالعات و تحقیقات علمی در این زمینه اجتناب ناپذیر است.

هدف از انجام این پایان نامه مطالعه و بررسی روشهای مختلف طراحی پوشش تونل، تأثیر روش اجرا و نیز بررسی دقت روشهای تقریبی تحلیل تونل میباشد. بنابر این نتیجه این تحقیق آرایه راهکارهای عملی و تا حد امکان ساده جهت طراحی پوشش تونل است. تأثیر واقعی روش اجرا بر طراحی پوشش اولیه و نهایی تونل زمانی ملموس می‌گردد که به توزیع میدان تنش در توده پس از هر یک از عملیات اجرا توجه گردد. مراحل اجرای تونل‌هایی که در یک مقطع حفاری می‌گردند شامل حفاری طول کوتاه، اجرای پوشش اولیه، ادامه حفاری و اجرای پوشش نهایی بافاصله از پوشش اولیه می‌باشد. تحلیل مراحل اجرا و تخمین توزیع تنشها در تونلهایی که در چند مقطع حفاری می‌گردند بسیار پیچیده تر است. با اندکی دقت می‌توان دریافت که فرضیات روشهای قدیمی که در آنها پوشش دایم بصورت یک سازه تحت بار در تماس با توده در نظر گرفته می‌شود تا چه میزان به دور از واقعیت هستند. در مقابل تحلیلی که در آن کلیه مراحل حفاری بصورت واقعی در نظر گرفته شود، تحلیلی سه بعدی، غیر خطی (رفتار ماده)، مرحله‌ای و تابع زمان خواهد بود که با ابزار فعلی و ملاحظات اقتصادی مقدور نمی‌باشد. بدیهی است که ساده سازی رفتار واقعی باید با ملاحظات نظری صورت گیرد. این ساده سازیها را می‌توان به کلیات زیر تقسیم نمود:

۱- استفاده از تحلیل کرنش مسطح با در نظر گرفتن اثرات سه بعدی.

۲- شکل هندسی واقعی، مقطع در مقایسه با مقطع تیره.

۳- ساده سازی رفتار تابع زمان توده.

۴- استفاده از قوانین رفتاری ساده مانند کشسان خمیری کامل.

هر روش ساده شده بنا به فرضیاتش دارای مقداری خطا است که مقدار این خطا باید قابل پیش بینی باشد تا بر اساس آن حدود اعتبار روش مشخص گردد. بنابراین روند بررسی فعلی شامل این مراحل خواهد بود:

۱- شناخت رفتار واقعی تونل و فلسفه طراحی در روشهای نوین تونلسازی.

۲- بحث و بررسی در مورد روشهای قابل استفاد، در طراحی پوشش تونلها مانند روشهای همگرایی - همجواری، روش المان برداری و روش تحلیل قطعات.

۳- بررسی حساسیت مسئله نسبت به شاخصهای رفتاری محیط.

۴- تعیین حدود خطا در روشهای تقریبی.

۵- بررسی چگونگی تبدیل مسئله از حالت سه بعدی به حالت دو بعدی کرنش مسطح.

۶- نتیجه گیری و ارایه راهکار برای طراحی پوشش.

علاوه بر موارد فوق در این پایان نامه یک بررسی موردی نیز انجام گرفته است و نتایج آن با مقادیر اندازه گیری شده تطبیق داده شده است.

در این تحقیق از نرم افزارهای FLAC، PHASES و SAP90 استفاده شده است. بخش عمده ای از تحلیلها توسط نرم افزار PHASES انجام گرفته است زیرا مدلسازی به کمک این نرم افزار به سادگی انجام می شود و زمان لازم برای انجام تحلیل نسبتاً کوتاه است. برای انجام تحلیلها در حالت تقارن محوری و تحلیلهای چند مرحله ای (بیش از دو مرحله) در فصلهای چهارم و آخر این پایان نامه از نرم افزار FLAC استفاده شده است زیرا نرم افزار PHASES قابلیت انجام چنین تحلیلهایی را ندارد. از نرم افزار SAP90 برای انجام تحلیلهای سه بعدی کشسان خمیری فصل چهارم و نیز تعیین نیروی محوری پوشش به کمک اعمال جابجاییهای بدست آمده از نرم افزار PHASES استفاده شده است.

فهرست مطالب

صفحه

فصل اول : مفاهیم اولیه در رفتار تونلها و بناهای زیرزمینی و فلسفه روشهای نوین اجرای تونل

- ۱- ۱. مقدمه ۱
- ۲- ۱. روشهای قدیمی ۲
- ۳- ۱. رفتار تونلها ۴
- ۴- ۱. روشهای نوین تونلسازی اتریشی (N.A.T.M) ۸
- ۵- ۱. بکارگیری روش اتریشی در زمینهای سست و مناطق شهری ۱۴

فصل دوم : بررسی روشهای طراحی پوشش در بناهای زیرزمینی

- ۱- ۲. مقدمه ۲۲
- ۲- ۲. روشهای تجربی ۲۳
- ۳- ۲. روش همگرایی - همجواری ۳۶
- ۴- ۲. روش تحلیل قطعات ۴۴
- ۵- ۲. روشهای عددی ۴۶
- پیوست اول ۴۹

فصل سوم : بررسی روشهای تقریبی و عوامل مؤثر در رفتار تونلها

- ۱- ۳. مقدمه ۵۱
- ۲- ۳. عوامل مؤثر در نیروی وارد بر پوشش تونل ۵۲
- ۳- ۳. مقایسه نتایج بدست آمده از رابطه پانه و برنامه PHASES ۶۱
- ۴- ۳. بررسی : نظاهای ناشی از تخمین ناحیه خمیری به کمک تحلیل خطی ۶۴
- ۵- ۳. بررسی رفتار تونلها در محیطی با تنشهای درجای ناهمگن - مقاطع دایره‌ای ۶۶
- ۶- ۳. بررسی رفتار تونلها در محیطی با تنشهای درجای ناهمگن - مقاطع غیردایره‌ای ۷۸

۳-۷. ارایه یک روش تقریبی برای تحلیل تونلها ۸۱

فصل چهارم: در نظر گرفتن اثرات سه بعدی در تحلیل تونلها

۴-۱. مقدمه ۹۲

۴-۲. تغییر شکل در مجاورت سینه کار در محیط کشسان خطی و در حالت تقارن محوری ۹۴

۴-۳. تغییر شکلها در محیط کشسان خطی با تنشهای درجای همگن در مجاورت سینه کار ۹۶

۴-۴. تغییر شکلها در مجاورت سینه کار در محیط کشسان خطی با تنشهای درجای ناهمگن ۱۰۱

۴-۵. تغییر شکل مقطع دایره در محیط کشسان خمیری کامل در حالت تقارن محوری ۱۰۳

فصل پنجم: راهکارهای عملی طراحی تونل (الگوریتمهای طراحی)

۵-۱. مقدمه ۱۰۷

۵-۲. بکارگیری روشهای ساده شده و حدود کاربرد ۱۰۷

۵-۳. استفاده از روش همگرایی - همجواری ۱۰۹

۵-۴. تحلیلهای رایانه‌ای ۱۱۲

۵-۵. مقایسه نتایج حاصل از روش همگرایی - همجواری و تحلیل کامپیوتری در مقاطع نعل اسبی و

نیم دایره‌ای ۱۱۶

فصل ششم: بررسی موردی یک تونل دو قلو در تهران

۶-۱. مقدمه ۱۲۷

۶-۲. شکل هندسی تونل و روش اجرا ۱۲۹

۶-۳. مدل‌های تحلیلی ۱۳۰

۶-۴. تحلیل حساسیت ۱۳۳

۶-۵. نتایج تحلیلهای ۱۳۷

۶-۶. نتیجه‌گیری و پیشنهادات ۱۳۹

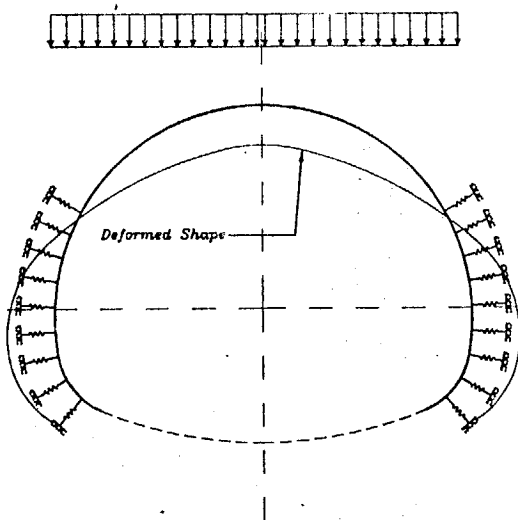
مفاهیم اولیه در رفتار تونلها و بناهای زیرزمینی و فلسفه روشهای نوین اجرای تونل

۱-۱ مقدمه:

در این فصل ابتدا مروری بر فلسفه طراحی تونل در روشهای قدیمی و مشکلات آن روشها خواهیم داشت و سپس چگونگی رفتار تونل و بناهای زیرزمینی و عوامل مؤثر بر نیروی وارد بر پوشش و جابجاییهای ناشی از حفاری در زمین اطراف بررسی می‌شوند و در ادامه روشهای نوین تونلسازی مورد بحث قرار می‌گیرند. در انتهای فصل روشهای ویژه برای حفاری و پوشش تونل در زمینهای سست و روشهایی که برای محدود کردن تغییر مکانها در مناطق شهری مورد استفاده قرار می‌گیرند به اختصار توضیح داده می‌شوند. بحثی که در مورد روشهای نوین تونلسازی ارائه می‌شود به طور عمده از تعداد زیادی مقاله استخراج شده و سعی ما در اینجا این بوده که خواننده با مطالعه این بخش از سوء تعبیرها و کج فهمی‌هایی که از روشهای نوین می‌شود، دوری کند. برای مثال بسیاری از اشخاص روش ناتم را یک روش طراحی می‌دانند که منحصر به استفاده از پیچ سنگ و شاتکریت است و همانگونه که خواهیم دید این تعبیری بسیار نادرست از این روش است.

۲-۱ روشهای قدیمی

فلسفه طراحی پوشش تونل در روشهای قدیمی این بود که براساس جنس سنگ یا خاک نیرویی ثابت تعیین می شد و به طور مستقیم روی سازه پوشش قرار می گرفت و بر این اساس نیروی محوری و لنگر در پوشش تعیین می گشت و حتی معمولاً از نیروی مقاوم خاک نیز صرف نظر می شد که باعث ایجاد لنگرهایی بسیار بزرگ در پوشش تونل می گشت که کاملاً خلاف واقع است. در این روشها از عوامل مهمی



شکل ۱-۱، مدل تیر بر بستر ارتجاعی

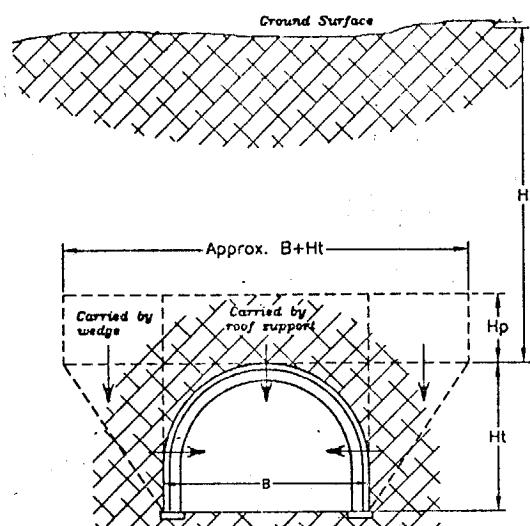
مانند عمق قرارگیری تونل، فشارهای تکنونیکي جانی، اثر سختی پوشش روی نیروی وارد بر پوشش و اثر سینه کار در محدود کردن جابجاییهای محیط در مجاورت سینه کار صرف نظر می شد. که این کار منجر به نتایجی خلاف واقع می شود. برای مثال اگر فشاری در خلاف جهت فشار وارد بر پوشش، به محیط تونل وارد شود و برای زمین نیز قانون رفتاری مناسبی فرض شود قاعدتاً تغییر شکلهای پوشش و مقطع حفاری باید سازگار باشند، همانگونه که در عمل اتفاق می افتد، ولی اگر بار وارد بر پوشش از روشهای قدیمی تعیین شود این سازگاری به ندرت اتفاق می افتد. بعدها روشهای دیگری بکار گرفته شد که در آنها فشار وارد بر پوشش به همان شکل تعیین می گشت ولی هنگام تحلیل پوشش برای ملحوظ کردن اثر سختی پوشش و فشار مقاوم محیط از فنرهای فشاری عمود و در صورت لزوم مماس بر پوشش در اطراف پوشش استفاده می شد. این روشها بنام روشهای هیپراسناتیک^۱ یا تیر بر بستر ارتجاعی^۲ موسوم هستند. (شکل ۱-۱) بدیهی است که در این روش فنرهای کششی باید حذف گردند. چراکه محیط معمولاً کشش زیادی تحمل نمی کند.

اکنون به منظور یادآوری دو روش قدیمی متداول بازگو می‌شود.

۱ - روش ترزاقی :

در این روش بارهای قائم و جانبی وارد بر پوشش مطابق شکل ۱ - ۲ تعیین می‌شوند این روش در سال ۱۹۴۶ ارایه شد و برای تعیین نیروی وارد بر پوشش متداول در آن زمان یعنی قوسهای فلزی مورد استفاده قرار می‌گرفت.

در این روش نیروی وارد بر پوشش (C, H_p) تابع ابعاد مقطع (B, H_t) و نوع سنگ است و وجود یا عدم وجود آب زیرزمینی نیز در نظر گرفته می‌شود.



شکل ۱ - ۲، روش ترزاقی

این روش برای مدتی طولانی مورد استفاده قرار می‌گرفت ولی امروزه تقریباً منسوخ شده است و استفاده از آن به جزء در تونلهایی با سربار کم به هیچ عنوان منطقی نیست. ترزاقی برای ملحوظ کردن نوع سنگ و اثر آب زیرزمینی طبقه بندی ارایه داده که روی این طبقه بندی بعدها اصلاحاتی انجام شده است. بررسیهای دقیقی که توسط Cecil در سال ۱۹۷۰ انجام شد نشان داد که طبقه بندی مورد استفاده در روش ترزاقی بسیار کلی است و بسیاری از خواص سنگ را در نظر نمی‌گیرد.

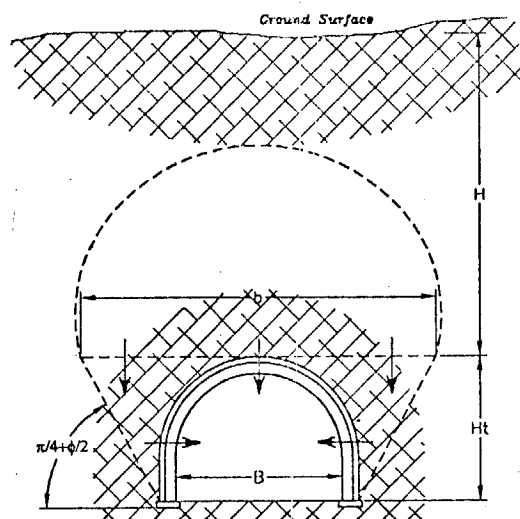
۲ - روش پروتودیاکونوف^۱

این روش مشابه روش ترزاقی است با این تفاوت که در این روش ناحیه و افشردده به شکل یک سهمی فرض می‌شود. (شکل ۱ - ۳)

این روش در طراحی تونلهای متروی شهر مسکو مورد استفاده قرار گرفته است. امروزه این روش نیز مانند روش ترزاقی منسوخ شده است. در این روش از روابط زیر استفاده می‌شود :

$$H_p = \frac{b}{2f} \quad (1-1)$$

$$b = B + 2 H_t \operatorname{tg}\left(\frac{\pi}{4} - \frac{\phi}{2}\right) \quad (2-1)^*$$



شکل ۱-۳، روش پروتودیاکونوف

f ضریبی است که تابع شرایط و جنس زمین می باشد و مقادیر آن از جدول طبقه بندی پروتودیاکونوف بدست می آیند. (به منبع ۱ مراجعه شود)

۳-۱ رفتار تونلها

در این بخش رفتار تونلها مورد بررسی قرار می گیرند. همانگونه که خواهیم دید رفتار یک تونل پوشش شده علاوه بر جنس زمین تابع سختی پوشش، مراحل و روش اجرای تونل و موارد دیگر خواهد بود در زیر نکاتی که در شناخت رفتار تونلها و بناهای زیرزمینی و طراحی آنها باید مورد توجه قرار گیرند گفته می شوند:

۱- اگر در محیطی که در آن تنشهای اولیه ای موجود است حفره ای حفر شد و بعد از اتمام کامل حفاری (با فرض پایدار بودن حفره) حفره پوشش شود هیچ نیرویی به پوشش وارد نخواهد شد مگر در اثر رفتار خزشی محیط و اگر در همان محیط پوششی صلب ابتدا در خاک فرو برده شود به گونه ای که دست خوردگی ایجاد نکند و سپس داخل آن حفاری گردد تمام تنشهای اولیه موجود در محل به پوشش وارد می شود. در همین حالت اگر جای پوششی صلب از غشایی با ظرفیت و سختی خدشی ناچیز و مقاومت محوری بینهایت استفاده گردد محیط و غشاء به گونه ای تغییر شکل می دهند که تعادل حاصل شود و در حالت تعادل توزیع فشارهای وارده به غشاء به گونه ای است که در پوشش فقط نیروی محوری ایجاد می شود. از

این توضیح مشخص می‌گردد که رفتار یک تونل تابع انعطاف پذیری پوشش و فاصله پوشش از سینه کار در هنگام نصب آن می‌باشد، به این نکته نیز توجه شود که وجود سینه کار در مجاورت محدوده پوشش نشده از مقطع حفاری مانند یک حایل عمل می‌کند و باعث محدود شدن تغییر شکلهای تونل می‌شود.

۲- با توجه به توضیح قبلی رفتار یک حفره زیرزمینی تابع روش اجراء نیز می‌باشد. مواردی مانند تأخیر در اجرای پوشش و یا انجام حفاری و پوشش در چند مرحله (یعنی مقطع حفاری به چند بخش تقسیم شود) در میزان بار وارد بر پوشش و جابجاییهای محیط تأثیر می‌گذارند.

۳- برخلاف آنچه در روشهای قدیم فرض می‌شد، رفتار پوشش یک بنای زیرزمینی مانند یک سازه که روی آن بار مشخص و ثابتی وارد شود نیست. آنچه در عمل اتفاق می‌افتد اندرکش سازه - محیط است که در آن خصوصیات محیط بیشتر از سازه مؤثر است.

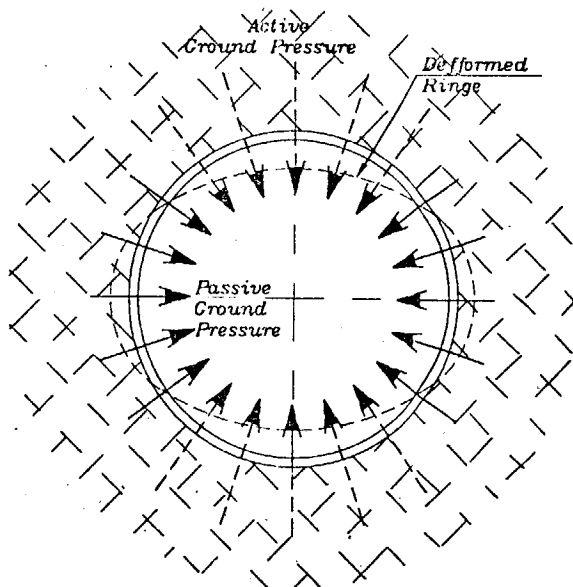
۴- رفتار حقیقی یک تونل مسئله‌ای سه بعدی و تابع زمان است.

۵- با توجه به مورد ۱ مشخص می‌شود که سینه کار مانند یک حایل باعث کاهش تغییر مکانها در ناحیه حفاری شده مجاور خود می‌شود. بنابراین با نزدیک شدن جبهه حفاری به یک مقطع خاص و قبل از حفاری آن مقطع مقداری از تغییر شکلهای انجام می‌شود. تجربه نشان می‌دهد که بسته به جنس خاک یا سنگ و روش اجراء بین ۳۰ درصد الی نصف جابجاییهای یک مقطع قبل از حفاری آن مقطع صورت می‌گیرد.

۶- در بناهای زیرزمینی به خصوص در محیط سست مهمترین مسئله سازه‌ای که بنا را تهدید می‌کند وجود حفره و یا لایه ضعیف بین پوشش و محیط است.

۷- وجود مقاومت محیط در حالتی که تغییر شکل پوشش به سمت خارج تمایل دارد باعث کاهش این تغییر شکل و در نتیجه کاهش لنگر خمشی پوشش می‌گردد. (به شکل ۱-۴ توجه شود) به عبارت دیگر وجود خاک یا سنگ در اطراف پوشش مانع از بوجود آمدن تغییرات تند و نقاط عطف در تغییر شکلهای مربوط به پوشش می‌شود و این موضوع باعث کاهش لنگر خمشی در پوشش می‌گردد. به همین دلیل وجود حفره یا ناحیه ضعیف در پشت پوشش خطرناک است. برای استفاده از ظرفیت کامل پوشش لازم است پوشش در تماس کامل با محیط اطراف باشد.

در نظر نگرفتن فشار مقاوم خاک در روشهای قدیمی باعث ایجاد لنگرهای بسیار بزرگ در تحلیل پوشش می‌گشت و این منجر به طرح پوششهایی ضخیم می‌گردید. ترزاقی که در سال ۱۹۴۰ مشاورد در زمینه ساخت متروی شهر شبگاگر بود این مسئله را خاطر نشان ساخت و پیشنهاد کرد که بجای استفاده از یک پوشش ۷۵ سانتیمتری از پوششی انعطاف پذیر به ضخامت ۲۰ سانتیمتر استفاده شود!



شکل ۱-۴. تأثیر فشار مقاوم محیط در تعدیل لنگر خمشی وارد بر پوشش

۸- تجربه و اندازه گیریها نشان می‌دهد که زیاد کردن سختی خمشی پوشش بدون ایجاد تغییر در سختی محوری لنگر وارد بر پوشش را افزایش می‌دهد ولی روی جابجاییهای محیط تأثیر ناچیزی می‌گذارد. بنابراین برای بهینه کردن طراحی لازم است تا حد امکان پوشش انعطاف پذیر باشد. این موضوع را حتی با انجام تحلیل خطی نیز می‌توان تحقیق کرد.

۹- در بناهای زیرزمینی رفتار محیط تقریباً همیشه غیر خطی و تابع زمان است. در خاکها و سنگهای سست (مانند سنگهای رسی) و یا اعماق زیاد که تنشهای در جا نسبتاً زیاد می‌باشند و مانع از باز شدن درزه‌ها در سنگها می‌شوند، آنچه تعیین کننده است چگونگی گسترش ناحیه خمیری در اطراف حفره می‌باشد. ولی در سنگهای سخت یا هنگامی که سر بار حفره کم باشد لغزش و جابجایی قطعات سنگ در

امتداد ناپیوستگیها حاکم بر رفتار محیط می‌گردد.

۱۰ - تجربه نشان می‌دهد که پوششهای اولیه مانند شاتکریت معمولاً دارای نفوذپذیری بیشتری نسبت به محیط می‌باشند. و این از ایجاد فشار هیدرواستاتیکی روی پوشش جلوگیری می‌کند بنابراین در هنگام طراحی پوشش معمولاً از این نیروها صرف نظر می‌شود. در پوشش نهایی نیز با ایجاد زه کش در پشت پوشش می‌توان فشار آب را تقلیل داد. در خاکهای چسبنده وجود آب در خاک می‌تواند باعث تغییر مشخصات خاک شود (مثلاً کاهش چسبندگی یا تورم) و یا باعث شود که پدیده تحکیم اتفاق بیفتد. که این موضوع در طراحی پوشش باید مورد توجه قرار گیرد. در محاسباتی که مربوط به مسئله اندرکش پوشش - محیط است معمولاً از تنش مؤثر استفاده می‌شود و اگر لازم باشد فشار آب بر فشار وارد بر پوشش افزوده می‌شود. در اثر ایجاد تغییر شکل در محیط و تغییر توزیع تنشها در محیطهای غیر نفوذپذیر توزیع فشار آب حفره‌ای تغییر می‌کند و این موضوع خود باعث تغییر رفتار می‌شود ولی این پدیده به جزء در حالات خاص (مثلاً تونلهای زیر دریا) قابل چشم پوشی است.

۱۱ - رابطه‌ای که برای مشخص کردن و جداسازی فشار مؤثر از فشار آب حفره‌ای در مکانیک خاک بکار می‌رود به این شکل است:

$$\sigma_{ij} = \sigma'_{ij} + u \delta_{ij} \quad (۳-۱)$$

δ_{ij} : تابع دلتای کرونکر

این رابطه در مکانیک سنگ جای بحث زیادی دارد و رابطه‌ای که پیشنهاد شده به این صورت نوشته می‌شود. (رابطه زینکویچ^۱ و اسکمپتون^۲)

$$\sigma_{ij} = \sigma'_{ij} + \eta \cdot u \cdot \delta_{ij} \quad (۴-۱)$$

$$\eta = (1 - K) / K_m \quad (۵-۱)$$

که K ضریب تغییر حجم پذیری جامد متخلخل در حالت $u = 0$ است و K_m مدول تغییر شکل پذیری جامد است.