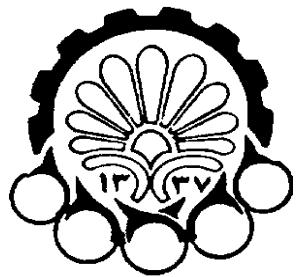


بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



دانشگاه صنعتی امیرکبیر
(پلی تکنیک تهران)

ارتعاشات هیدرولاستیک مخزن استوانه ای محتوی سیال با دیواره، کف و پوشش
سطحی انعطاف پذیر

ارائه شده برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

توسط

مهدي سعیدي فر

استاد راهنمای

دکتر عبدالرضا اوحدی

دانشکده مهندسی مکانیک

۱۳۸۷

شماره :
تاریخ :

فرم اطلاعات پایان نامه
کارشناسی ارشد



مشخصات دانشجو

دانشجو روزانه

نام و نام خانوادگی : سعیدی فر

رشته تحصیلی : طراحی کاربردی

شماره دانشجویی : ۸۵۱۲۶۰۸۹ دانشکده : مهندسی مکانیک

نام و نام خانوادگی استاد راهنمای استادان راهنمای: دکتر بدالرضا اوحدی همدانی

منان به فارسی : ارتعاشات هیدروالاستیک مخزن استوانه ای محتوی سیال با دیواره، کف و پوشش سطحی انعطاف پذیر

Hydroelastic Vibration of a Partially Filled Cylindrical Tank with an Elastic Wall, نام به انگلیسی :

Bottom and Surface Cover

کاربردی توسعه‌ای بنیادی ذ ری

نوع پژوهش : کارشناسی ارشد



تعداد واحد

تاریخ خاتمه : ۱۷/۰۷/۸۷

تاریخ شروع : ۱۶/۰۶/۸۶

سازمان ته مین کننده ا تبار : معاونت پژوهشی دانشگاه صنعتی امیرکبیر

واژه های کلیدی به فارسی : مخزن استوانه ای، ارتعاشات آزاد، برم کش سیال با سازه، هیدروالاستیک، پوشش انعطاف پذیر

واژه های کلیدی به انگلیسی : Cylindrical Tank, Free Vibration, Fluid Structure Interaction, Elastic Cover

ز رها و پیشنهادها به من ور بهبود فعالیت های پژوهشی دانشگاه :

استاد راهنمای استادان راهنمای : دکتر بدالرضا اوحدی همدانی

: سعیدی فر : :

نسخه ۱) معاونت پژوهشی

نسخه ۲) کتابخانه و به اذ جام دو جلد پایان نامه به من ور تصفیه حساب با کتابخانه و مرکز استاد و مدارک لمحی

تشکر و قدردانی

بر خود واجب می دانم از استاد گرانقدرم، جناب آقای دکتر عبدالرضا اوحدی،
به خاطر راهنمایی های ارزشمندشان کمال سپاسگزاری را داشته باشم. برای ایشان از
درگاه خداوند متعال، توفیقات روزافزون خواستارم.

تقدیم به پدر گرامی و مادر عزیزم

به پاس برداشی و محبت بی دریغشان

اعلان منحصر به فرد بودن پایان نامه

بدینوسیله اعلان می گردد که مطالب مندرج در این پایان نامه تاکنون برای گرفتن هیچگونه مدرکی از سوی اینجانب یا فرد دیگری ارائه نشده است.

مهری سعیدی فر

چکیده

برای طراحی مخازن حاوی سیال با ضریب اطمینان بالا و همین طور کنترل ارتعاشات این مخازن، بررسی خواص ارتعاشی این مخازن اهمیت بسیاری دارد. در این پژوهه با استفاده از روش ریلی-ریتز ارتعاشات آزاد مخزن استوانه ای حاوی سیال کاملاً انعطاف پذیر همراه با ورق پوششی روی سیال تحلیل می شود. بدنه مخزن انعطاف پذیر در نظر گرفته شده و از تئوری پوسته فلوگه برای توصیف جابجایی آن استفاده خواهد شد. کف مخزن نیز ورق دایروی انعطاف پذیری در نظر گرفته شده است. برهم کنش و ارتباط کف و بدنه مخزن از طریق یک فنر پیچشی، که محیط بیرونی ورق کف را به لبه پایینی بدنه استوانه ای متصل کرده است، و همچنین از طریق سیال درون مخزن صورت می گیرد. یک ورق انعطاف پذیر با تکیه گاه آزاد بر روی سیال درون مخزن قرار می گیرد. انتهای بالایی بدنه نیز تکیه گاه ساده در نظر گرفته می شود که بدلیل آنست که معمولاً در مخازن از یک حلقه برای دایروی نگه داشتن سر مخزن استفاده می شود. در ادامه علاوه بر شناساندن معادلات و تعاریف موجود در مخازن حاوی سیال، با بکارگیری روش ریلی-ریتز، که مزایای نسبی در قیاس با روش های حل دقیق و همچنین المان محدود دارد، به بررسی فرکانس و مودهای ارتعاشی مخازن حاوی سیال پرداخته شود. روش ریلی-ریتز یک روش تقریبی انرژی محور است، که بر همین اساس در این پژوهه انرژی های جنبشی و پتانسیل اجزاء مختلف مخزن حاوی سیال بدست آورده شده و درنهایت به یک مسئله مقدار ویژه تبدیل شده است. به طور کلی فرکانس های مخازن حاوی سیال به دو دسته عمده بالجینگ (فرکانس هایی که سازه مخزن در آن نقش عمده دارد) و اسلامشینگ (فرکانس هایی که سطح آزاد سیال در آن نقش عمده دارد). تقسیم بندی می شود که هر دو آنها در شرایط مختلف در پژوهه صحه گذاری و مطالعه شده است. سپس با قرار دادن یک ورق پوششی تغییر فرکانس سیستم مخزن بررسی شده است یا به بیان دیگر با تغییرات در خواص ورق پوششی فرکانس های مخزن قابل تغییر و تحت کنترل خواهد بود. درنهایت اثر پارامترهای مختلفی نظیر: صلیبت کف و دیواره، سفتی مخزن، ارتفاع سیال درون مخزن، چگالی سیال درون مخزن، نسبت شعاع به ارتفاع مخزن و ... بر روی فرکانس های مخزن حاوی سیال بررسی شده است و نتایج حاصله در فصل انتهایی دسته بندی شده است.

فهرست مطالب

۱	فصل اول: مقدمه ۱-۱- ضرورت و اهداف انجام پروژه ۱-۲- مقالات مورد بررسی ۱-۳- آنچه در این پروژه انجام شده ۱۰	۱
۱۰	فصل دوم: معادلات حاکم بر سیستم ۱۰-۱- مقدمه ۱۰-۲- فشار دینامیکی سیال ۱۲	۱۰
۱۲	۱۲-۱- معادله ورق دایروی کف با ضخامت متغیر بر روی بستر الاستیک ۱۲-۲- معادله ورق دایروی با ضخامت متغیر ۱۴	۱۲
۱۴	۱۴-۱- معادله پوسته استوانه ای ۱۴-۲- معادله سیال درون پوسته ۱۶	۱۴
۱۶	۱۶-۱- شرایط مرزی ۱۶-۲- ورق کف ۱۶-۳- پوسته استوانه ای ۱۷	۱۶
۱۷	۱۷-۱- ورق پوششی ۱۷-۲- شرط مرزی مشترک بین ورق کف و پوسته استوانه ای ۱۷-۳- شرط مرزی سیال و سازه ۱۷-۴- فرکانس های اسلاشینگ و بالجینگ ۱۹	۱۷
۱۹	۱۹-۱- جمع بندی ۲۰	۱۹
۲۰	فصل سوم: روش حل ۲۰-۱- مقدمه ۵	۲۰

۲۱	روش ریلی-ریتز ۳-۲-۲
۲۲	ورق کف و ورق پوششی ۳-۲-۱
۲۵	پوسته استوانه ای با تکیه گاه های ساده ۳-۲-۲
۲۸	تکیه گاه وینکلر و فنر پیچشی اتصال بدنه و ورق کف ۳-۲-۳
۲۸	برهم کنش سیال با سازه ۳-۳-۳
۳۰	ورق کف صلب، ورق پوششی صلب، پوسته استوانه ای انعطاف پذیر ۳-۳-۱
۳۱	ورق کف انعطاف پذیر، ورق پوششی صلب، پوسته استوانه ای صلب ۳-۳-۲
۳۳	ورق کف صلب، ورق پوششی انعطاف پذیر، پوسته استوانه ای صلب ۳-۳-۳
۳۴	انرژی جنبشی مرجع سیال درون مخزن ۳-۳-۴
۳۶	برهم کشن سیال با پوسته ۳-۳-۱
۳۸	برهم کشن سیال با ورق کف ۳-۳-۲
۴۲	برهم کشن پوسته با ورق کف توسط سیال ۳-۳-۴
۴۴	برهم کشن سیال با ورق پوششی ۳-۳-۴
۴۹	برهم کشن پوسته با ورق پوششی و سطح آزاد سیال توسط سیال ۳-۳-۵
۵۰	برهم کشن ورق کف با ورق پوششی و سطح آزاد سیال توسط سیال ۳-۴-۶
۵۱	مقادیر ویژه و بردارهای ویژه ۳-۴-۴
۵۹	جمع بندی ۳-۶

۶۱	فصل چهارم: صحه گذاری و نتایج
۶۱	۴-۱- مقدمه
۶۱	۴-۲- صحه گذاری
۶۱	۴-۲-۱- مخزن خالی
۶۲	۴-۲-۲- مخزن حاوی سیال با بدنه انعطاف پذیر و کف صلب
۶۳	۴-۲-۳- مخزن حاوی سیال با بدنه صلب و کف انعطاف پذیر
۶۵	۴-۲-۴- مخزن حاوی سیال با بدنه و کف انعطاف پذیر
۶۵	۴-۲-۵- تاثیر صلابت کف و دیواره بر روی فرکانس های طبیعی
۶۸	۴-۲-۶- تاثیر سفتی بدنه بر روی فرکانس های مخزن
۶۹	۴-۲-۷- تاثیر ضرب سختی تکیه گاه وینکلر بر روی فرکانس های بالجینگ
۷۰	۴-۲-۸- مخزن حاوی سیال با بدنه و کف صلب و ورق پوششی انعطاف پذیر
۷۱	۴-۳- مخزن حاوی سیال با بدنه و کف و ورق پوششی انعطاف پذیر

۴-۴- تاثیر ارتفاع سیال درون مخزن بر روی فرکانس های طبیعی مخزن کاملاً انعطاف پذیر با ورق پوششی	74
۴-۵- تاثیر ضخامت ورق پوششی بر روی فرکانس های طبیعی مخزن	80
۴-۶- تاثیر چگالی سیال بر روی فرکانس های طبیعی مخزن	81
۴-۷- تاثیر نسبت ارتفاع به شعاع مخزن بر روی فرکانس های طبیعی مخزن	83
۴-۸- جمع بندی	85
فصل پنجم: جمع بندی و پیشنهادات	86
۱-۱- مقدمه	86
۱-۲- جمع بندی	86
۲-۱- پیشنهادات	88

فهرست اشکال

٢ شکل(۱-۱): شکستن پل تاکومانروز (۱۹۴۰ میلادی)
۳ شکل(۲-۱): حوادث منجر به آتش سوزی در مخازن نفتی: (الف) زلزله توکاچی-اکی در ژاپن (۲۰۰۳ میلادی)، (ب) زلزله کوک الی در ترکیه (۱۹۹۹ میلادی).
۱۳ شکل(۱-۲): مخزن حاوی سیال با ورق پوششی، کف و دیواره انعطاف پذیر
۱۷ شکل(۲-۲): نمودار آزاد اتصال پوسته و ورق کف توسط فنر
۱۹ شکل(۳-۲): ارتعاش سطح آزاد سیال
۲۱ شکل(۱-۳): مخزن حاوی سیال با ورق پوششی، کف و دیواره انعطاف پذیر
۶۶	: $n = 4$ و $H = 0.5^m$ برای شکل مودهای بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر ارائه شده در بخش(۵-۲-۴) (الف) 19.15 ^{Hz} , (ب) 45.44 ^{Hz} , (ج) 82.42 ^{Hz} , (د) 132.30 ^{Hz} , (ه) 84.12 ^{Hz} , (و) 162.85 ^{Hz}
۶۷	: $n = 5$ و $H = 0.5^m$ برای شکل مودهای بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر بررسی شده در بخش(۵-۲-۴) (الف) 25.77 ^{Hz} , (ب) 57.24 ^{Hz} , (ج) 101.06 ^{Hz} , (د) 70.66 ^{Hz} , (ه) 155.82 ^{Hz} , (و) 158.89 ^{Hz} .
۶۹ شکل(۴-۳): تاثیر ضرب سختی تکیه گاه وینکلر بر روی فرکانس های بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر بررسی شده در بخش(۴-۲-۴) (۵) برای $n = 4$ و $H = 0.5^m$, (الف) مطالعه حاضر, (ب) مرجع [۱۰].
۷۱ شکل(۳-۴): شکل مودهای مخزن صلب با ورق پوششی ارائه شده در بخش(۴-۲-۴) (الف) 2.38 ^{Hz} , (ب) 15.65 ^{Hz} , (ج) 7.39 ^{Hz}
۷۱ شکل(۴-۴): شکل مودهای مخزن صلب با ورق پوششی گفته شده در بخش(۴-۲-۴) (الف) 1.10 ^{Hz} , (ب) 4.54 ^{Hz} , (ج) 11.14 ^{Hz}
۷۲	: $n = 2$ و $H = 0.5^m$ برای شکل مودهای مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی ارائه شده در بخش(۴-۳) (الف) 0.1027 ^{Hz} , (ب) 3.1331 ^{Hz} , (ج) 1.0742 ^{Hz}
۷۳	: $n = 4$ و $H = 0.5^m$ برای شکل مودهای مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی ارائه شده در بخش(۴-۳) (الف) 0.5903 ^{Hz} , (ب) 2.6184 ^{Hz} , (ج) 4.5106 ^{Hz}
۷۵ شکل(۴-۷): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر؛ $n = 1$
۷۵ شکل(۸-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر؛ $n = 3$
۷۶ شکل(۴-۸): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر؛ $n = 5$
۷۶ شکل(۱۰-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های اسلامشینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر؛ $n = 1$

- شکل (۱۱-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های اسلاشینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر؛ $n = 3$ ۷۶
- شکل (۱۲-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های اسلاشینگ مخزن کاملاً انعطاف پذیر؛ $n = 5$ ۷۷
- شکل (۱۳-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های مخزن صلب با ورق پوششی؛ $n = 1$ ۷۷
- شکل (۱۴-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های مخزن صلب با ورق پوششی؛ $n = 3$ ۷۷
- شکل (۱۵-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های مخزن صلب با ورق پوششی؛ $n = 5$ ۷۸
- شکل (۱۶-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 1$ ۷۸
- شکل (۱۷-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های مخزن کاملاً انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 3$ ۷۸
- شکل (۱۸-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس های مخزن کاملاً انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 5$ ۷۹
- شکل (۱۹-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس اول مخزن صلب با ورق پوششی و کاملاً انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 5$ ۷۹
- شکل (۲۰-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس دوم مخزن صلب با ورق پوششی و کاملاً انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 5$ ۷۹
- شکل (۲۱-۴): تاثیر ارتفاع سیال بر روی فرکانس سوم مخزن صلب با ورق پوششی و کاملاً انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 5$ ۸۰
- شکل (۲۲-۴): تاثیر ضخامت ورق پوششی بر روی فرکانس های مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 2$ ۸۰
- شکل (۲۳-۴): تاثیر ضخامت ورق پوششی بر روی فرکانس های مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی؛ $n = 4$ ۸۱
- شکل (۲۴-۴): تاثیر چگالی سیال بر روی فرکانس های بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف، $n = 4$ ۸۲
- شکل (۲۵-۴): تاثیر چگالی سیال بر روی فرکانس های اسلاشینگ مخزن کاملاً انعطاف، $n = 4$ ۸۲
- شکل (۲۶-۴): تاثیر چگالی سیال بر روی فرکانس های مخزن صلب با ورق پوششی، $n = 4$ ۸۲
- شکل (۲۷-۴): تاثیر چگالی سیال بر روی فرکانس های مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی، $n = 4$ ۸۳
- شکل (۲۸-۴): تاثیر نسبت ارتفاع به شعاع بر روی فرکانس های بالجینگ مخزن کاملاً انعطاف، $n = 4$ ۸۴
- شکل (۲۹-۴): تاثیر نسبت ارتفاع به شعاع بر روی فرکانس های اسلاشینگ مخزن کاملاً انعطاف، $n = 4$ ۸۴
- شکل (۳۰-۴): تاثیر نسبت ارتفاع به شعاع بر روی فرکانس های مخزن صلب با ورق پوششی، $n = 4$ ۸۴
- شکل (۳۱-۴): تاثیر نسبت ارتفاع به شعاع بر روی فرکانس های مخزن انعطاف پذیر با ورق پوششی، $n = 4$ ۸۵

فهرست جداول

جدول(۴-۱): فرکانس طبیعی مخزن خالی با بدنه و کف انعطاف پذیر (rad/s) : $n = 4$

جدول(۴-۲): فرکانس های طبیعی نوع بالجینگ برای مخزن با بدنه انعطاف پذیر و کف صلب (rad/s) : $n = 0, H = 21.6^m$

جدول(۴-۳): فرکانس های طبیعی نوع اسلامشینگ برای مخزن با بدنه انعطاف پذیر و کف صلب (rad/s) : $n = 0, H = 21.6^m$

جدول(۴-۴): فرکانس های طبیعی اسلامشینگ و بالجینگ برای مخزن با بدنه انعطاف پذیر و کف صلب (rad/s) : $n = 4, H = 21.6^m$

جدول(۴-۵): فرکانس های طبیعی اسلامشینگ و بالجینگ برای مخزن با کف انعطاف پذیر با تکیه گاه گیردار و بدنه صلب (rad/s) : $n = 0, H = 0.0635^m, E = 68.65^{GPa}$

جدول(۴-۶): فرکانس های طبیعی اسلامشینگ و بالجینگ برای مخزن با کف انعطاف پذیر با تکیه گاه گیردار و بدنه صلب (rad/s) : $n = 0, H = 0.0635^m, E = 206^{GPa}$

جدول(۷-۴): فرکانس طبیعی اسلامشینگ و بالجینگ برای مخزن با کف و بدنه انعطاف پذیر (Hz) : $n = 4, H = 0.5^m, N = \tilde{N} + 1 = N_F$

جدول(۸-۴): فرکانس طبیعی بالجینگ برای سه نوع مخزن ارائه شده در بخش(۴-۲-۵) : $n = 4, H = 0.5^m$

جدول(۹-۴): فرکانس طبیعی اسلامشینگ برای سه نوع مخزن گفته شده در بخش(۴-۲-۵) : $n = 4, H = 0.5^m$

جدول(۱۰-۴): فرکانس طبیعی بالجینگ برای دو نوع مخزن ارائه شده در بخش(۴-۲-۶) : $n = 4, H = 0.5^m$

جدول(۱۱-۴): فرکانس طبیعی اسلامشینگ برای دو نوع مخزن گفته شده در بخش(۴-۸-۸) : $n = 4, H = 0.5^m$

جدول(۱۱-۴): فرکانس های طبیعی مخزن صلب با ورق پوششی ارائه شده در بخش(۴-۸-۸) : $n = 0$

جدول(۱۲-۴): فرکانس های طبیعی مخزن صلب با ورق پوششی ارائه شده در بخش(۴-۸-۸) : $n = 1$

جدول(۱۳-۴): مقایسه فرکانس طبیعی مخزن ارائه شده در بخش(۴-۳) در شرایط مختلف (Hz) : $n = 2, H = 0.5^m$

جدول(۱۴-۴): مقایسه فرکانس طبیعی مخزن ارائه شده در بخش(۴-۳) در شرایط مختلف (Hz) : $n = 4, H = 0.5^m$

فهرست علائم

تابع پتانسیل سیال	φ
پتانسیل سرعت سیال در حالت ورق کف صلب، ورق پوششی صلب و بدنه استوانه ای انعطاف پذیر	$\varphi^{(1)}$
پتانسیل سرعت سیال در حالت ورق کف انعطاف پذیر، ورق پوششی صلب و بدنه استوانه ای صلب	$\varphi^{(2)}$
پتانسیل سرعت سیال در حالت ورق کف صلب، ورق پوششی انعطاف پذیر و بدنه استوانه ای صلب	$\varphi^{(3)}$
مختصه بی بعد شده شعاعی (r/R)	ρ
چگالی سیال	ρ_L
چگالی ورق کف	ρ_p
چگالی ورق پوششی	ρ_c
چگالی بدنه استوانه ای	ρ_s
ضریب پوسون ورق کف	V_p
ضریب پوسون ورق پوششی	V_c
ضریب پوسون ورق بدنه استوانه ای	ν
مختصه زاویه در دستگاه استوانه ای	θ
جایجایی سطح آزاد سیال نسبت به افق	η
فرکانس طبیعی مخزن حاوی سیال	ω
فرکانس طبیعی بدنه استوانه ای	ω_s
فرکانس طبیعی ورق کف	$\tilde{\omega}_{in}$
فرکانس طبیعی ورق پوششی	$\tilde{\omega}'_{in}$
$(\lambda_{in}^4 = \rho_p h_p R^4 \tilde{\omega}_{in}^2 / D_p)$	λ_{in}
$(\lambda_{in}'^4 = \rho_c h_c a^4 \tilde{\omega}'_{in}^2 / D_c)$	λ'_{in}
ثابت مربط با معادلات استوانه ($m\pi R/L$)	Γ
ثابت مربط به تئوری فلوگه	ΔK_0
ثابت مربط به تئوری فلوگه	ΔK_1
ثابت مربط به تئوری فلوگه	ΔK_2
پارامتر شکل مود مربط با ورق کف	A_{in}
شعاع ورق پوششی	a
ثابت متعامد سازی ($\sqrt{2} R/L$)	B
پارامتر شکل مود مربط با ورق کف	C_{in}
پارامتر شکل مود مربط با ورق پوششی	D_{in}
پارامتر شکل مود مربط با ورق پوششی	E_{in}
مدول الاستیسیته ورق کف	E_p
مدول الاستیسیته ورق پوششی	E_c
مدول الاستیسیته بدنه استوانه ای	E_s
گرانش زمین	g
ارتفاع سیال درون مخزن	H

ضخامت بدنه استوانه ای	h_s
ضخامت ورق کف	h_c
ضخامت ورق پوششی	h_p
تابع بسل تعدل یافته نوع اول	I_n
مشتق تابع بسل تعدل یافته نوع اول	I'_n
تابع بسل نوع اول	J_n
مشتق تابع بسل نوع اول	J'_n
ماتریس سختی	$[K]$
ثابت مربوط به تئوری دانل	K_0
ثابت مربوط به تئوری دانل	K_1
ثابت مربوط به تئوری دانل	K_2
ثابت مربوط با معادلات استوانه $(h_s^2/12R^2)$	k
ضریب تکیه گاه وینکلر	k_w
ضریب فنر پیچشی مابین ورق کف و بدنه استوانه ای	k_t
ارتفاع مخزن	L
اپراتور دیفرانسیلی طبق تئوری دانل	$[L_D]$
اپراتور دیفرانسیلی طبق تئوری فلوگه	$[L_{MOD}]$
ماتریس جرم	$[M]$
تعداد موج های محبطی	n
فشار سیال در هر نقطه	p
ضرایب ریلی-ریتز مرتبط با بدنه استوانه ای	q_s
ضرایب ریلی-ریتز مرتبط با ورق کف	\tilde{q}_i
ضرایب ریلی-ریتز مرتبط با ورق پوششی	$\tilde{\tilde{q}}_i$
شعاع مخزن	R
مختصه شعاعی در دستگاه استوانه ای	r
انرژی جنبشی مرجع ورق کف	T_p^*
انرژی جنبشی مرجع ورق پوششی	T_c^*
انرژی جنبشی مرجع بدنه استوانه ای	T_s^*
انرژی جنبشی مرجع سیال	T_L^*
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش سیال با پوسته	$T_L^{*(1)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش سیال با ورق کف از طریق سیال	$T_L^{*(1-2)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش پوسته با ورق پوششی از طریق سیال	$T_L^{*(1-3)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش پوسته با ورق کف از طریق سیال	$T_L^{*(2-1)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش سیال با ورق کف	$T_L^{*(2)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش ورق کف با ورق پوششی	$T_L^{*(2-3)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش پوسته با ورق پوششی از طریق سیال	$T_L^{*(3-1)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش ورق کف با ورق پوششی	$T_L^{*(3-2)}$
انرژی جنبشی مرجع سیال مرتبط با برهم کنش سیال با ورق پوششی	$T_L^{*(3)}$
مختصه زمان	t

جایگایی محوری بدنه استوانه ای	u_s
نیروی برشی	V
بیشترین انرژی پتانسیل ورق کف	V_p
بیشترین انرژی پتانسیل ورق پوششی	V_c
بیشترین انرژی پتانسیل بدنه استوانه ای	V_s
بیشترین انرژی پتانسیل فنر پیچشی	V_{st}
بیشترین انرژی پتانسیل تکیه گاه وینکلر	V_B
بیشترین انرژی پتانسیل سیال	V_L
جایگایی محیطی بدنه استوانه ای	v_s
جایگایی شعاعی بدنه استوانه ای	w_s
جایگایی عرضی ورق کف	w_p
جایگایی عرضی ورق پوششی	w_c
مختصه محور عمودی در دستگاه استوانه ای	x

فهرست عملگرهای ریاضی

$$\nabla = \left(\frac{\partial}{\partial r} \hat{r} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial \theta} \hat{\theta} + \frac{\partial}{\partial x} \hat{x} \right)$$

عملگر «گرادیان» در مختصات استوانه ای

$$\nabla^2 = \left(\frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2}{\partial \theta^2} \right)$$

عملگر «لاپلاسین» در مختصات استوانه ای

$$\nabla^4 = \nabla^2 \nabla^2 = \left(\frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2}{\partial \theta^2} \right) \left(\frac{\partial^2}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2}{\partial \theta^2} \right)$$

عملگر «دای» در مختصات استوانه ای

$$\Diamond^4(X, Y) = \frac{1}{r^2} \left(\frac{\partial^2 X}{\partial r^2} \frac{\partial^2 Y}{\partial \theta^2} - 2 \frac{\partial^2 X}{\partial r \partial \theta} \frac{\partial^2 Y}{\partial r \partial \theta} + \frac{\partial^2 X}{\partial \theta^2} \frac{\partial^2 Y}{\partial r^2} \right)$$

عملگر «دای» در مختصات استوانه ای

فصل اول: مقدمه

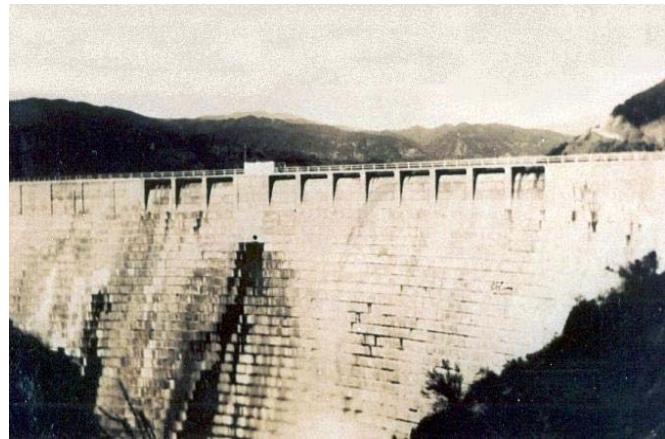
۱-۱- ضرورت و اهداف انجام پژوهش

دینامیک مابین سیال و سازه یکی از مباحث مهم در بین مسائل مهندسین است. سیستم های گوناگونی از قبیل: مخازن ذخیره سیال (نفت، گاز و ...)، سیستم های بیومکانیکی (رگ، قلب و ...)، سفینه های فضایی و موشک ها، سدها و ... درگیر برهم کنش سیال با سازه(اف-اس-آی^۱) هستند.

آنچه که پدیده اف-اس-آی را قابل تامل می کند، آنست که وقایع ناگواری در طول تاریخ به خاطر بی توجهی بدان در مسائل مهندسی اتفاق افتاده است، که ضررهای جانی و مالی زیادی را در بر داشته است. از جمله این وقایع می توان به شکست سد فرانسیس^۲ (۱۹۲۸) که به خراب شدن ۱۰۰۰ خانه و کشته شدن ۴۰۰ نفر انجامید. این واقعه به علت جفت شدن فرکانس های طبیعی خمشی سد با فرکانس حرکت آب پشت سد اتفاق افتاده است.

¹ Fluid Structure Interaction(FSI)

² Francis



شکل (۱-۱): شکستن پل تاکاماتزو (۱۹۴۰ میلادی)

در مسائل اف-اس-آی، رفتار سیال می تواند کاملاً متغیر فرض شود. یک شاخه از اف-اس-آی به مدل کردن سیال بدون درنظر گرفتن اثر جریان می پردازد، در حقیقت انتقال موج فشار سیال به سازه اهمیت بیشتری دارد. در شاخه دیگری از پدیده اف-اس-آی فقط به تاثیر لزجت سیال در پدیده ارتعاشات پرداخته می شود.

اصولاً مخازن در مهندسی به منظور ذخیره کردن سیال و یا جابجا کردن سیال مورد استفاده قرار می گیرند. بیشتر این مخازن استوانه های عمودی با مقطع دایروی هستند و معمولاً به صورت نیمه پر استفاده می شوند. یکی دیگر از مسائلی که در مبحث اف.اس.آی گنجانده می شود، مخازن حاوی سیال است که بخشی از بدنه مخزن در این بررسی ها انعطاف پذیر در نظر گرفته شده و تاثیر سیال بر روی ارتعاشات آنها مورد توجه قرار می گیرد.

با توجه به اهمیت مخازن در ذخیره سازی های مربوط به مواد نفتی و همچنین بنزین، این پروژه نیز به بررسی ارتعاشات مخزن استوانه ای نیمه پر با کف و بدنه انعطاف پذیر تعریف شده است. البته از آنجاییکه برخی مواد(مانند بنزین) حالت فرار دارند، از یک ورق انعطاف پذیر پوششی نیز، که بر روی بنزین درون مخزن قرار داده می شود، استفاده می شود. البته دلیل دیگر استفاده از ورق پوششی انعطاف پذیر آنست که ورق پوششی به مانند یک جاذب ارتعاشات عمل کرده و باعث تغییر در فرکانس های طبیعی سیستم می شود. همچنین این ورق های پوششی می توانند از وقوع آتش فوری در هنگام زلزله نیز جلوگیری نمایند که از این جمله حوادث می توان به زلزله های «توکاچی-اکی^۱» در ژاپن و «کوک الی» در ترکیه (شکل (۲-۱))

^۱ Tokachi-Oki

اشاره کرد که به علت نداشتن سقف شناور(ورق پوششی) گازهای انباسته شده در بالای مخزن شعله ور شده است.



شکل (۲-۱): حوادث منجر به آتش سوزی در مخازن نفتی: (الف) زلزله توکاچی-اکی در ژاپن (۲۰۰۳ میلادی)، (ب) زلزله کوکالی در ترکیه (۱۹۹۹ میلادی).

۲-۱- مقالات مورد بررسی

در این زمینه مقالات زیادی مورد مطالعه قرار گرفته است. سعی می شود مقالات با توجه به تاریخچه زمانی آنها شرح داده شوند، اما در این بین با توجه به روش حل مسائل و یا محتوای بررسی شده در مقاله یک دسته بندی دیگر نیز در ترتیب ارائه مقالات مشاهده خواهد شد.

چیبا^۱ در مراجع [۱و۲] ارتعاشات غیر خطی متقارن محوری مخزن حاوی سیال با کف انعطاف پذیر و بدنه صلب به دو روش تئوری و تجربی مورد بررسی قرار داده است. در این مقاله خیز ورق کف به دو بخش استاتیک و دینامیک تقسیم شده است و هر یکی با استفاده از روش حل تقریبی (با گرفتن یک سری برای خیز ورق) به طور مستقل با در نظر گرفتن شرایط مرزی حل شده است. درنهایت برای نه نوع مختلف از ورق کف (متفاوت در جنس یا ضخامت) فرکانس جفت شده بین سیال و مخزن بدست آورده شده است. نتایج حاکی از اینست که فرکانس طبیعی بالجینگ^۳ (موج های سطح آزاد سیال صرفنظر می شود). در مود اول به شدت با افزایش نسبت «ارتفاع سیال به شعاع مخزن»، افزایش می یابد. اما در مودهای دوم و سوم بعد از یک افزایش ناگهانی، آنها شروع به افزایش می کنند، که این به علت نیروی داخلی ورق ناشی از خیز

¹ Kocaeli

² Chiba

³ Bulging

استاتیکی است. این دو نتیجه با نتایج تجربی بدست آمده در این مقاله همخوانی دارد. فرکانس های طبیعی اسلاشینگ^۱ (موج های سطح آزاد سیال صرفنظر نمی شود) با افزایش نسبت «ارتفاع سیال به شعاع» در مودهای دوم و سوم تغییری نمی کنند، ولی در مود اول افزایش آن را شاهد هستیم.

باور^۲ و ایدل^۳ در مرجع [۳] ارتعاشات حاوی سیال با کف انعطاف پذیر و بدنی صلب در گرانش صفر به روش تئوری (با استفاده از سری های هارمونیکی) مورد بررسی قرار داده اند. در این مقاله سطح آزاد سیال به شکل یک سطح کروی که مرتبط با زاویه بین سطح و دیواره و تنש کششی سطح است، مدل شده است. برای این هندسه سطحی، بر هم کنش سیال با ورق کف بررسی شده است. کف هم به صورت غشائی^۴ و هم به صورت ورق مدلسازی شده است. آنچه از این بررسی بدست آمده بیانگر آنست، هنگامیکه «ارتفاع سیال به شعاع مخزن» از نیم بیشتر باشد، فرکانس طبیعی سیستم افزایش پیدا می کند و همچنین در این حالت موج های سطح آزاد مخزن تاثیر بسیار کمی در فرکانس طبیعی سیستم دارد. ولی برای نسبت های پایین «ارتفاع سیال به شعاع» اسلاشینگ بودن سطح آزاد تاثیر قابل توجه تری دارد. با افزایش زاویه تماس سطح آزاد، شاهد افزایش یافتن فرکانس طبیعی سیستم هستیم.

چیبا و ابه^۵ مراجع [۴و۵] نیز فرضیاتی نظری مرجع [۱و۲] کرده اند با این تفاوت که یک تکیه گاه الاستیک از نوع وینکلر^۶ نیز در زیر مخزن قرار داده اند. در این مراجع به ترتیب از دو روش ریتز^۷ و هارمونیک بالانس^۸ برای تحلیل ارتعاشات مخزن استفاده شده است. در نتایج تاثیر نسبت چگالی، ضخامت و ضریب تکیه گاه الاستیک بر روی فرکانس طبیعی بالجینگ سیستم تجزیه و تحلیل شده است. همچنین تاثیر حرکت ورق کف بر روی دامنه سطح آزاد در حالت بالجینگ مشخص شده است که با نتایج تجربی تطبیق دارد.

¹ Sloshing

² Bauer

³ Eidel

⁴ Membrane

⁵ Abe

⁶ Winkler

⁷ Ritz

⁸ Harmonic Balance