

الله أكبر



دانشگاه اراک

دانشکده فنی و مهندسی

کارشناسی ارشد مهندسی عمران (گرایش سازه)

بررسی شکل پذیری تیرهای بتن مسلح مقاوم سازی شده توسط FRP

پژوهشگر

زهرا اشعری فرد

استاد راهنما

دکتر سید حمید هاشمی

زمستان ۱۳۹۰

بسم الله الرحمن الرحيم

بررسی شکل پذیری تیرهای بتن مسلح مقاوم سازی شده

توسط FRP

توسط:

زهرا اشعری فرد

پایان نامه

ارائه شده به مدیریت تحصیلات تکمیلی به عنوان بخشی از فعالیت های

تحصیلی لازم برای اخذ درجه کارشناسی ارشد

در رشته مهندسی عمران-سازه

از

دانشگاه اراک

اراک-ایران

ارزیابی و تصویب شده توسط کمیته پایان نامه با درجه: عالی.....

دکتر سید حمید هاشمی (استاد راهنما و رئیس کمیته)..... استادیار

دکتر علیرضا آذربخت (دانشگاه اراک)..... استادیار

دکتر محسن ابوطالبی (دانشگاه اراک)..... استادیار

زمستان ۱۳۹۰

تقدیم به

نخستین آموزگاران زندگانی،

پدر و مادر فرزانه‌ام

و

خواهر و برادر عزیزم

سپاسگزاری

منت خدای را عزوجل که طاعتش موجب قربت است و به شکر اندرش مزید نعمت. هر نفسی که فرو می‌رود ممدّ حیاتست و چون بر می‌آید مفرّح ذات؛ پس در هر نفسی دو نعمت موجود است و بر هر نعمتی شکری واجب.

اکنون که به یاری و لطف خدا این پایان‌نامه به پایان رسیده است، قبل از هرچیز باید از زحمات بی‌شائبه پدر و مادر عزیزم که هرچه دارم از آنهاست تقدیر و تشکر نمایم. لازم می‌دانم از زحمات و پشتیبانی بی‌دریغ استاد گرانقدرم جناب آقای دکتر سید حمید هاشمی که در انجام این پایان‌نامه مرا یاری نمودند، کمال تشکر و قدردانی را به عمل آورم. همچنین از تمامی دوستان عزیزم که مرا در تهیه و تنظیم این پایان‌نامه یاری کردند نیز کمال تشکر و قدردانی را دارم.

چکیده

مسئله حائز اهمیت برای اعضای خمشی بتن معمولی و با مقاومت بالا به ویژه در مناطق زلزله‌خیز، "طراحی بر اساس شکل‌پذیر" بودن چنین اعضای می‌باشد که متأسفانه در اغلب آیین‌نامه‌های طراحی سازه‌های بتنی دنیا از جمله آیین‌نامه بتن ایران (آبا)، طراحی اعضا بر اساس شکل‌پذیری بنیانگذاری نشده است. اهمیت این مساله برای اعضای مقاوم‌سازی شده دو چندان می‌شود. لذا، در این تحقیق یک روش تحلیلی و فرمولهای ساده شده‌ای برای بررسی شکل‌پذیری تیرهای بتن مسلح پر مقاومت (HSRC) با مقطع مستطیلی ارائه شده است تا بتواند برای تیرهای HSRC مقاوم‌سازی نشده، نسبت میلگرد کششی مجاز و برای تیرهای HSRC مقاوم‌سازی شده با FRP، مساحت مجاز ورق FRP را برای رسیدن به یک مقدار مشخص شکل‌پذیری تعیین کند. روش پیشنهادی یک ابزار اضافی برای طراحی بهتر مراحل شکل‌پذیری در اختیار طراحان قرار می‌دهد. لازم به ذکر است که برای اطمینان از عملکرد شکل‌پذیر تیرهای تقویت شده، باید شرایط اضافی مانند گسیختگی موضعی لایه بتن بین میلگرد کششی و ورق FRP یا چسبندگی ورق با خودش نیز کنترل شود. نتایج روش تحلیلی با نتایج عددی و آزمایشگاهی گزارش شده در سایر مقالات و همچنین روابط آیین‌نامه ACI و CSA مقایسه شده است. نتایج بدست آمده از روش پیشنهادی نسبت به روابط آیین‌نامه ACI و CSA، مطابقت بیشتری با نتایج آزمایشگاهی داشته و این امر حاکی از عملکرد صحیح روش پیشنهادی است.

فهرست مطالب

صفحه	عنوان
۱	فصل اول: مقدمه
۲	۱-۱- مقدمه
۲	۲-۱- دلایل ترمیم و تقویت
۳	۳-۱- روش های ترمیم و تقویت اجزاء بتن مسلح
۳	۱-۳-۱- دورپیچ کردن با فولاد (زره پوش فولادی)
۴	۲-۳-۱- ژاکت های بتن آرمه
۵	۳-۳-۱- تقویت با فولاد
۵	۴-۳-۱- تزریق اپوکسی
۵	۵-۳-۱- بخیه زدن
۶	۶-۳-۱- پیش تنیدگی خارجی
۶	۷-۳-۱- استفاده از FRP ها
۶	۴-۱- مزیت های استفاده از FRP در ترمیم سازه های بتنی نسبت به سایر روش ها
۷	۱-۴-۱- وزن کم
۷	۲-۴-۱- انعطاف پذیری بالا
۷	۳-۴-۱- راحتی در جابجایی
۸	۴-۴-۱- سرعت عمل بالا
۸	۵-۴-۱- راحتی برش در اندازه های دلخواه
۸	۶-۴-۱- سادگی اجرا
۸	۷-۴-۱- امکان تقویت به صورت خارجی
۹	۵-۱- کاربرد از بتن با مقاومت بالا
۱۲	فصل دوم: مروری بر تحقیقات گذشته

- ۱-۲-۱- مقدمه ۱۳
- ۲-۲- عوامل موثر بر کارایی کامپوزیتهای FRP ۱۳
- ۱-۲-۲- الیاف ۱۴
- ۱-۲-۱-۱- انواع الیاف ۱۵
- ۳-۲- تقویت خمشی ۱۶
- ۴-۲- طبقه بندی مدهای شکست ۱۷
- ۵-۲- مروری بر تحقیقات گذشته در خصوص بررسی رفتار خمشی تیرهای بتن مسلح ۱۸
- ۲-۵-۱- الگوریتم پیشنهادی Lee و Pan (۲۰۰۳) برای تخمین ارتباط بین میلگرد کششی و شکل پذیری تیرهای بتن مسلح با مقاومت معمولی (NSRC) ۱۹
- ۲-۵-۱-۱- مدل تنش- کرنش بتن ۱۹
- ۲-۵-۱-۲- مدل تنش- کرنش فولاد ۲۰
- ۲-۵-۱-۳- برآیند نیروهای فشاری بتن ۲۱
- ۲-۵-۱-۴- شکل پذیری انحنا ۲۳
- ۲-۵-۱-۵- انحنا تسلیم ۲۳
- ۲-۵-۱-۶- انحنا نهایی ۲۴
- ۲-۵-۱-۷- ارتباط بین آرماتور کششی و انحنا ۲۴
- ۲-۵-۲- الگوریتم پیشنهادی Lee و همکارانش (۲۰۰۴) برای تخمین ارتباط بین نسبت ورق FRP و شکل پذیری تیرهای NSRC ۲۷
- ۲-۵-۱-۲- حالت تسلیم ۲۷
- ۲-۵-۲- حالت نهایی ۲۸
- ۳-۵-۲- بررسی مدل تنش- کرنش Oztekin (۲۰۰۳) برای بتن مقاومت بالا ۳۲
- ۲-۵-۴- بررسی نتایج آزمایشگاهی Rashid و Mansur (۲۰۰۵) در مورد تیرهای بتن مسلح پر مقاومت ۳۷
- ۲-۵-۴-۱- رفتار کلی تیرها ۳۹
- ۲-۵-۴-۲- نتایج آزمایش و تحلیل آنها ۴۰
- ۲-۵-۵- بررسی موده‌های گسیختگی تیرهای تقویت شده با CFRP با استفاده از نتایج آزمایشگاهی Kelly و Fanning (۲۰۰۱) ۴۲
- ۲-۵-۵-۱- جزئیات آزمایش تیرها ۴۳
- ۲-۵-۵-۲- نتایج آزمایش ۴۵

۴۶-۵-۲- بررسی رفتار خمشی تیرهای مقاوم سازی شده Hashemi (۲۰۰۸).....

فصل سوم: بررسی شکل پذیری تیرهای بتن مسلح..... ۵۱

۱-۳- شکل پذیری..... ۵۲

۱-۱-۳- مقدمه..... ۵۲

۲-۱-۳- اهمیت شکل پذیری..... ۵۲

۳-۱-۳- روشهای تعریف شکل پذیری..... ۵۳

۴-۱-۳- شکل پذیری تیرهای بتن مسلح..... ۵۶

۱-۴-۱-۳- متغیرهای مؤثر در شکل پذیری سطح مقطع تیرها..... ۵۶

۲-۴-۱-۳- تعریف نسبت شکل پذیری در تیر..... ۵۹

۳-۴-۱-۳- متغیرهای مؤثر در شکل پذیری تیرها..... ۶۰

۲-۲- مروری بر جریان محدودیت آیین نامه ها روی نسبت میلگرد کششی..... ۶۳

۳-۳- ارائه روشهای تحلیلی برای بررسی شکل پذیری تیرهای بتن مسلح..... ۶۴

۱-۳-۳- بررسی صحت الگوریتم پیشنهادی Lee و Pan (۲۰۰۳) در خصوص بررسی

شکل پذیری تیرهای NSRC مقاوم سازی نشده..... ۶۴

۱-۱-۲-۳- فرمول ساده شده..... ۶۴

۲-۳-۳- بررسی صحت الگوریتم پیشنهادی Lee و همکارانش (۲۰۰۴) در خصوص بررسی

شکل پذیری تیرهای NSRC تقویت شده با FRP..... ۶۹

۱-۲-۳-۳- فرمول ساده شده..... ۷۱

۳-۳-۳- بررسی شکل پذیری تیرهای HSRC تقویت نشده..... ۷۴

۱-۳-۳-۳- تعیین پارامتر بلوک تنش..... ۷۵

۲-۳-۳-۳- برآیند نیروهای فشاری بتن..... ۷۵

۳-۳-۳-۳- مدل تنش- کرنش فولاد..... ۷۶

۴-۳-۳-۳- شکل پذیری انحنا..... ۷۶

۵-۳-۳-۳- حالت تسلیم..... ۷۶

۶-۳-۳-۳- حالت نهایی..... ۷۷

۷-۳-۳-۳- مثال طراحی..... ۷۹

۸-۳-۳-۳- فرمول ساده شده..... ۸۱

۸۲.....	۹-۳-۳-۳- مقایسه نتایج الگوریتم پیشنهادی و نتایج آزمایشگاهی اکبرزاده
۸۸.....	۴-۳-۳- بررسی شکل پذیری تیرهای HSRC تقویت شده با FRP
۸۹.....	۳-۴-۱- شکل پذیری انحنا
۸۹.....	۳-۴-۲- انحنای تسلیم
۹۰.....	۳-۴-۳- انحنای نهایی
۹۳.....	۳-۴-۴- مثال طراحی
۹۵.....	۳-۴-۵- فرمول ساده شده
۹۷.....	فصل چهارم: آنالیز مقطع عرضی تیر
۹۸.....	۴-۱- معرفی مدل تحلیلی
۹۹.....	۴-۱-۱- مدل تنش- کرنش ورق FRP
۱۰۰.....	۴-۳-۲- مدل تنش- کرنش فولاد
۱۰۱.....	۴-۱-۳- مدل تنش- کرنش بتن
۱۰۳.....	۴-۱-۴- محاسبه ممان مقاوم و انحنا (محاسبه تنش و کرنش تئوری)
۱۰۴.....	۴-۱-۵- قبل از ترک خوردن بتن
۱۰۵.....	۴-۱-۶- بعد از ترک خوردن بتن و قبل از تسلیم فولاد
۱۰۵.....	۴-۱-۷- بعد از تسلیم فولاد
۱۰۶.....	۴-۱-۸- محاسبه خیز وسط دهانه تیر
۱۰۶.....	۴-۱-۹- مقایسه منحنی‌های ممان-انحنا و ممان-خیز آزمایشگاهی و تئوری
۱۱۱.....	۴-۱-۱۰- مقایسه بین ممان تئوری و آزمایشگاهی
۱۱۳.....	۴-۱-۱۱- مقایسه عمق تار خنثی
۱۱۷.....	۴-۲- مدل سه خطی ممان-خیز
۱۱۸.....	۴-۲-۱- گام اول: محاسبه ممان ترک خوردگی (M_{cr}) و تغییر شکل مطابق با آن (δ_{cr})
۱۱۹.....	۴-۲-۲- گام دوم: محاسبه ممان لازم برای تسلیم فولاد (M_y) و تغییر شکل مطابق با آن (δ_y)
۱۲۲.....	۴-۲-۳- گام سوم: محاسبه ممان نهایی (M_u) و تغییر شکل مطابق با آن (δ_u)
۱۲۳.....	۴-۲-۴- اصلاح مدل ۳ خطی ممان-خیز برای بتن مقاومت بالا
۱۲۵.....	۴-۲-۵- بررسی صحت مدل سه خطی با استفاده از نتایج آزمایشگاهی سایر مقالات

فصل پنجم: نتیجه‌گیری و پیشنهادات ۱۳۴

۱-۵- نتایج مربوط به شکل‌پذیری ۱۳۵

۲-۵- نتایج مربوط به آنالیز مقطع ۱۳۶

۳-۵- پیشنهادات برای تحقیقات آینده ۱۳۷

پیوست ۱۳۹

فهرست منابع فارسی ۱۵۰

فهرست منابع لاتین ۱۵۱

چکیده انگلیسی

صفحه عنوان انگلیسی

فهرست اشکال

عنوان	صفحه
شکل ۱-۲-کاربردهای مختلف FRP در تقویت اعضای بتن	۱۴
شکل ۲-۲-انواع الیاف	۱۵
شکل ۳-۲- نمودار تنش - کرنش الیاف پلیمری در مقایسه با فولاد معمولی	۱۶
شکل ۴-۲- حالت های مختلف شکست تیر بتن مسلح تقویت شده با FRP	۱۸
شکل ۵-۲- مدل بتن محصور شده kent و Park	۲۰
شکل ۶-۲- منحنی تنش -کرنش فولاد	۲۱
شکل ۷-۲- بتن ناحیه فشاری	۲۲
شکل ۸-۲- توزیع تنش و کرنش در مقطع عرضی	۲۳
شکل ۹-۲- توزیع تنش و کرنش در یک مقطع عرضی تقویت شده با FRP	۲۷
شکل ۱۰-۲- اطلاعات تیرهای تست شده توسط Bencardino	۳۱
شکل ۱۱-۲- مقایسه نتایج آزمایشگاهی و نتایج روش تحلیلی	۳۱
شکل ۱۲-۲- منحنی تنش-کرنش بتن معمولی پیشنهاد شده توسط Hognestad	۳۳
شکل ۱۳-۲- منحنی های تنش-کرنش Hognestad, Hognestad اصلاح شده و آزمایشگاهی	۳۵
شکل ۱۴-۲- بلوک تنش مستطیل معادل و توزیع خطی کرنش	۳۶
شکل ۱۵-۲- جزئیات تیرهای آزمایشگاهی Mansur و Rashid	۳۷
شکل ۱۶-۲- منحنی بار-خیز وسط دهانه: (a) منحنی ایده ال، (b) مقاومت بتن، (c) میلگرد کششی، (d) میلگرد فشاری، و (e) فاصله خاموتها	۴۰
شکل ۱۷-۲- تأثیر نسبت میلگرد کششی بر شکل پذیری تیر: (a) نتایج آزمایشگاه، (b) تغییر در نسبت میلگرد و مقاومت بتن برای رسیدن به مقدار شکل پذیری انحنای برابر ۳	۴۲
شکل ۱۸-۲- جزئیات تیرهای آزمایش شده توسط Kelly و Fanning (۲۰۰۱)	۴۳
شکل ۱۹-۲- پاسخ بار - خیز تیرهای آزمایش Kelly و Fanning (۲۰۰۱)	۴۴
شکل ۲۰-۲- کرنش بتن وسط دهانه	۴۶
شکل ۲۱-۲- مشخصات هندسی تیر و نحوه قرار گیری میلگردها و وسائل اندازه گیری	۴۷

- شکل ۲-۲۲- مقایسه منحنی های ممان-خیز آزمایشگاهی و تئوری تیرهای سری A ۵۰
- شکل ۳-۱- نمودار رفتار اعضاء شکل پذیر و ترد ۵۲
- شکل ۳-۲- تعاریف مختلف انحنای نهایی ۵۵
- شکل ۳-۳- دیاگرام های ممان-انحنا مربوط به سطح مقاطع تیر ۵۷
- شکل ۳-۴- تاثیر فولاد فشاری بر شکل پذیری ۵۸
- شکل ۳-۵- تاثیر فولاد فشاری بر شکل پذیری ۵۹
- شکل ۳-۶- دیاگرام انحنا در یک تیر ساده ۶۱
- شکل ۳-۷- دیاگرام اثر برش در چرخش های لولا ۶۲
- شکل ۳-۸- تغییرات نسبت میلگرد کششی برای مقادیر مختلف μ_ϕ و مقاومت مصالح مختلف ۶۷
- شکل ۳-۹- مقطع فرض شده توسط An و همکارانش (۱۹۹۱) ۷۰
- شکل ۳-۱۰- منحنی تنش- کرنش پیشنهادی Oztekin برای بتن پر مقاومت ۷۴
- شکل ۳-۱۱- پروفیل های تنش و کرنش در یک مقطع بتن پر مقاومت تقویت نشده ۷۶
- شکل ۳-۱۲- روند طراحی در تیرهای HSRC تقویت نشده ۷۹
- شکل ۳-۱۳- نقشه اجرایی تیرهای آزمایش شده توسط اکبرزاده (۱۳۸۳) ۸۰
- شکل ۳-۱۴- مقایسه شکل پذیری انحنای آزمایشگاهی و تئوری تیرهای آزمایش شده توسط اکبرزاده، محمدحسینی و قنبری ۸۷
- شکل ۳-۱۵- اثر فولاد کششی بر شکل پذیری انحنای آزمایشگاهی و تئوری تیرهای آزمایش شده توسط اکبرزاده (۱۳۸۳)، محمدحسینی و قنبری (۱۳۸۲) ۸۸
- شکل ۳-۱۶- اثر (الف) فولاد فشاری و (ب) پارامتر ρ'/ρ بر شکل پذیری انحنای آزمایشگاهی و تئوری تیرهای آزمایش شده توسط اکبرزاده (۱۳۸۳)، محمدحسینی و قنبری (۱۳۸۲) ۸۸
- شکل ۳-۱۷- پروفیل های تنش و کرنش در یک مقطع بتن پر مقاومت تقویت شده با FRP ۸۹
- شکل ۳-۱۸- روند طراحی در تیرهای HSRC مقاوم سازی شده با FRP ۹۲
- شکل ۳-۱۹- مقطع عرضی تیر آزمایش شده توسط Hashemi (۲۰۰۸) ۹۳
- شکل ۴-۱- کرنش، تنش ها و نیروهای استفاده شده در مدل ممان-انحنا ۹۸
- شکل ۴-۲- منحنی شماتیک ممان-انحنا ۹۹
- شکل ۴-۳- مدل تنش-کرنش FRP ۹۹
- شکل ۴-۴- مدل تنش-کرنش فولاد ۱۰۱
- شکل ۴-۵- مقایسه منحنی های تنش-کرنش بتن ۱۰۲
- شکل ۴-۶- مقایسه منحنی ممان-انحنای تحلیلی و آزمایشگاهی تیرهای اکبرزاده (۱۳۸۳) ۱۰۹

- شکل ۴-۷- مقایسه منحنی ممان-خیز تحلیلی و آزمایشگاهی تیرهای Hashemi ۱۰۹
- شکل ۴-۸- مقایسه منحنی ممان- انحنای تئوری تیرهای اکبرزاده جهت بررسی تاثیر فولاد کششی ۱۱۰
- شکل ۴-۹- مقایسه منحنی ممان-انحنای تئوری تیرها با فولاد کششی یکسان جهت بررسی فولاد فشاری در تیرهای آزمایشگاهی اکبرزاده ۱۱۰
- شکل ۴-۱۰- مقایسه منحنی‌های ممان- خیز تئوری تیرهای Hashemi ۱۱۰
- شکل ۴-۱۱- مقایسه عمق تار خنثی آزمایشگاهی و تئوری تیرهای آزمایشگاهی اکبرزاده ۱۱۵
- شکل ۴-۱۲- عمق تار خنثی تئوری تیرهای Hashemi ۱۱۵
- شکل ۴-۱۳- تاثیر فولاد کششی بر رفتار عمق محور خنثی در تیرهای آزمایشگاهی اکبرزاده ۱۱۶
- شکل ۴-۱۴- تاثیر فولاد فشاری بر رفتار عمق تار خنثی در تیرهایی با فولاد کششی یکسان در تیرهای آزمایشگاهی اکبرزاده ۱۱۶
- شکل ۴-۱۵- مقایسه عمق تار خنثی تیرهای Hashemi ۱۱۶
- شکل ۴-۱۶- منحنی‌های ممان-خیز وسط دهانه برای تیرهای آزمایش شده توسط Toutanji و همکارانش (۲۰۰۶) ۱۱۷
- شکل ۴-۱۷- مدل شماتیک منحنی ممان-خیز ۱۱۸
- شکل ۴-۱۸- پارامترهای ابعاد تیر و مقطع عرضی ۱۱۸
- شکل ۴-۱۹- مدل بتن برای فشار تک محوری ۱۱۹
- شکل ۴-۲۰- تنش‌ها و نیروها در مقطع عرضی تیر ۱۲۰
- شکل ۴-۲۱- کاهش مدول الاستیسیته فولاد بعد از تسلیم ۱۲۲
- شکل ۴-۲۲- مقایسه بین منحنی‌های ممان-خیز آزمایشگاهی و تئوری تیرهای آزمایش شده توسط Toutanji و همکارانش (۲۰۰۶) ۱۲۵
- شکل ۴-۲۳- مقایسه ممان تسلیم آزمایشگاهی و تئوری ۱۲۹
- شکل ۴-۲۴- مقایسه ممان نهایی آزمایشگاهی و تئوری ۱۳۰
- شکل ۴-۲۵- مقایسه خیز تسلیم آزمایشگاهی و تئوری ۱۳۰
- شکل ۴-۲۶- مقایسه خیز نهایی آزمایشگاهی و تئوری ۱۳۱
- شکل ۴-۲۷- مقایسه منحنی ممان-خیز آزمایشگاهی، تحلیلی و مدل سه خطی تیرهای آزمایش شده توسط Hashemi (۲۰۰۸) ۱۳۲
- شکل ۴-۲۸- مقایسه نتایج آزمایشگاهی، مدل تحلیلی و مدل سه خطی تیرهای آزمایش شده توسط Hashemi (۲۰۰۸) ۱۳۳

فهرست جداول

عنوان	صفحه
جدول ۱-۲- خصوصیات مکانیکی و نسبت اختلاط بتن	۳۳
جدول ۲-۲- مشخصات تیرهای آزمایشگاهی و خلاصه ای از نتایج آزمایش	۳۸
جدول ۳-۲- برنامه آزمایش Kelly و Fanning (۲۰۰۱)	۴۴
جدول ۴-۲- خلاصه نتایج آزمایش تیرهای F1-F10	۴۵
جدول ۵-۲- مقادیر بار و خیز وسط دهانه تیرها در حالت تسلیم و نهایی	۴۹
جدول ۶-۲- نسبت شکل پذیری جابجایی و انحنا	۴۹
جدول ۷-۲- مقایسه نتایج آزمایشگاهی و مقادیر تئوری	۵۰
جدول ۱-۳- مقایسه بین نتایج بدست آمده از الگوریتم و نتایج حل کامپیوتری گزارش شده بوسیله Park و Dai (۱۹۸۸) برای ۸ و ۱۰ μ_ϕ	۶۶
جدول ۲-۳- ضرایب F_1 و G_1 برای فرمول شکل پذیری $\rho = F_1(\mu_\phi)^{G_1}$	۶۹
جدول ۳-۳- مشخصات تیرهای بررسی شده توسط An و همکارانش (۱۹۹۱)	۷۰
جدول ۴-۳- مقایسه نتایج عددی An و روش تحلیلی Lee	۷۱
جدول ۵-۳- ضرایب رگرسیونی برای فرمولهای (۳-۳) و (۴-۳)	۷۳
جدول ۶-۳- ضرایب F_2 و G_2 برای فرمول شکل پذیری $\rho = F_2(\mu_\phi)^{G_2}$	۸۲
جدول ۷-۳- مشخصات تیرهای آزمایش شده توسط اکبرزاده (۱۳۸۳)	۸۳
جدول ۸-۳- مقایسه ρ آزمایشگاهی و تئوری تیرها	۸۵
جدول ۹-۳- مقایسه مقادیر انحنای تسلیم، انحنای نهایی و شکل پذیری انحنای تئوری تیرها	۸۶
جدول ۱۰-۳- ضرایب رگرسیونی برای فرمولهای (۳-۴۲) و (۳-۴۳)	۹۶
جدول ۱-۴- مقایسه ممان ترک خوردگی، ممان تسلیم و ممان نهایی آزمایشگاهی و تئوری مقطع تیرها	۱۱۲
جدول ۲-۴- مقایسه ممان ترک خوردگی و ممان نهایی حاصل از روش تحلیلی با آیین نامه ACI و CSA در تیرهای آزمایشگاهی اکبرزاده	۱۱۲
جدول ۳-۴- مشخصات تیرهای آزمایش شده توسط Toutanji و همکارانش (۲۰۰۶)	۱۲۴

- جدول ۴-۴- مقایسه نتایج آزمایشگاهی و تئوری ممان و خیز تیرهای آزمایش شده توسط Toutanji و همکارانش (۲۰۰۶) ۱۲۴
- جدول ۴-۵- مشخصات تیرهای آزمایش شده توسط سایر محققین ۱۲۷
- جدول ۴-۶- مقایسه ممان تسلیم آزمایشگاهی و تئوری ۱۲۷
- جدول ۴-۷- مقایسه ممان نهایی آزمایشگاهی و تئوری ۱۲۸
- جدول ۴-۸- مقایسه خیز تسلیم آزمایشگاهی و تئوری ۱۲۸
- جدول ۴-۹- مقایسه خیز نهایی آزمایشگاهی و تئوری ۱۲۹
- جدول ۴-۱۰- مقایسه مقادیر ممان و خیز آزمایشگاهی، مدل تحلیلی و مدل سه خطی تیرهای آزمایش شده توسط Hashemi (۲۰۰۸) ۱۳۲

فهرست علائم اختصاری

عدد ثابت	A
سطح زیر منحنی تنش-کرنش بتن	A_{con}
mm^2 مساحت میلگرد کششی،	A_s
mm^2 مساحت میلگرد فشاری،	A'_s
mm^2 مساحت ورق FRP	A_{pl}
طول دهانه برشی تیر، mm	a
عرض هسته محصور شده بتن و یا یک عدد ثابت در فرمولهای تحلیلی	B
عرض مقطع تیر، mm	b
عرض ورق FRP، mm	b_{pl}
عدد ثابت	C
برآیند نیروی فشاری بتن، KN	C_c
نیروی فشاری میلگرد، KN	C'_s
عمق تار خنثی، mm	c
نسبت عرض ناحیه محصور شده به عرض مقطع عضو	c_1
نسبت عمق بخش محصور شده فشاری به عمق کامل ناحیه فشاری بتن	c_2
$\frac{c - d'}{c} = \frac{kd - d'}{kd} =$	
عدد ثابت	D
عمق موثر مقطع، mm	d
فاصله تار خارجی بتن از مرکز میلگردهای فشاری، mm	d'
فاصله ورق FRP از مرکز میلگردهای کششی، mm	d''
فاصله محل اثر نیروی فشاری بتن از تار بالایی بتن، mm	d_c
عدد ثابت	E
مدول الاستیسیته بتن، MPa	E_c

مدول الاستیسیته فولاد، MPa	E_s
مدول الاستیسیته فولاد پس از تسلیم، GPa	E_{sy}
مدول الاستیسیته ورق FRP، GPa	E_{pl}
عدد ثابت	F
سطح زیر منحنی تنش- کرنش بتن	F_a
تنش در بتن، MPa	f_c
مقاومت فشاری مشخصه بتن، MPa	f'_c
تنش در ورق FRP، MPa	f_{pl}
مقاومت گسیختگی ورق FRP، MPa	f_{plr}
مدول گسیختگی بتن، MPa	f_r
تنش در فولاد کششی، MPa	f_s
تنش در فولاد فشاری، MPa	f'_s
تنش نهایی فولاد، MPa	f_u
تنش تسلیم فولاد، MPa	f_y
تنش تسلیم آرماتورهای عرضی، MPa	f_{yh}
عدد ثابت	G
عدد ثابت	H
ضخامت کل مقطع، mm	h
عدد ثابت	I
ممان اینرسی مقطع تیر	I_c
ممان اینرسی مقطع ترک خورده قبل از تسلیم فولاد	I_{cr}
ممان اینرسی مقطع ترک خورده پس از تسلیم فولاد	I'_{cr}
عدد ثابت	J
عدد ثابت	K
نسبت عمق تار خنثی به عمق موثر	k
پارامترهای بلوک تنش مستطیلی	k_1

پارامترهای بلوک تنش مستطیلی	k_2
پارامترهای بلوک تنش مستطیلی	k_3
ضریب کاهش کرنش FRP	k_m
عدد ثابت	L
طول بین دو تکیه‌گاه، mm	l
طول ورق FRP، mm	l_{pl}
یک عدد ثابت در فرمولهای تحلیلی و یا ممان مقاوم داخلی مقطع $KN.m$	M
کل ممان خمشی ایجاد شده توسط بتن، $KN.m$	M_c
ممان ترک خوردگی، $KN.m$	M_{cr}
ممان نهایی تیر بتن مسلح، $KN.m$	M_u
ممان تسلیم تیر بتن مسلح، $KN.m$	M_y
عدد ثابت	m
عدد ثابت	N
تعداد لایه‌های ورق FRP	n
عدد ثابت	P
بار تسلیم، KN	P_u
بار نهایی، KN	P_y
عدد ثابت	Q
عدد ثابت	R
فاصله آرماتورهای عرضی، mm	s
ضخامت ورق FRP، mm	t_{pl}
پارامتر تنش-کرنش در بتن محصور شده	z_c
ضریب تنش برای برآیند نیروهای فشاری بتن	α
خیز وسط دهانه تیر، mm	δ_c
خیز وسط دهانه تیر در شروع ترک خوردن بتن، mm	δ_{cr}
خیز نهایی تیر در وسط دهانه، mm	δ_u

خیز تسلیم تیر در وسط دهانه، mm	δ_y
کرنش در بتن	ϵ_c
کرنش در تار خارجی بتن ناحیه فشاری میلگرد کششی تسلیم می‌شود	ϵ_{ce}
کرنش در تار خارجی بتن محصور شده ناحیه فشاری	ϵ_{cm}
کرنش بتن در f'_c	ϵ_{co}
کرنش بتن در دورترین تار کششی	ϵ_{ct}
کرنش نهایی در تار خارجی بتن ناحیه فشاری	ϵ_{cu}
کرنش فشاری بتن زمانیکه تنش بتن به $0.12 f'_c$ کاهش پیدا کند	ϵ_{20c}
کرنش در مرکز سطح زیر نمودار تنش-کرنش بتن	$\bar{\epsilon}_c$
کرنش در ورق FRP	ϵ_{pl}
کرنش گسیختگی FRP	ϵ_{plf}
کرنش نهایی FRP که از آزمایش کشش کامپوزیت بدست می‌آید	ϵ_{plu}
کرنش در فولاد کششی	ϵ_s
کرنش در فولاد فشاری	ϵ'_s
کرنش سخت شدگی فولاد	ϵ_{sh}
کرنش نهایی فولاد	ϵ_u
کرنش تسلیم فولاد	ϵ_y
شکل پذیری جابجایی تیرهای بتن مسلح	μ_δ
شکل پذیری انحنا در تیرهای بتن مسلح	μ_ϕ
نسبت میلگرد کششی	ρ
نسبت میلگرد فشاری	ρ'
نسبت میلگرد برای حالت بالانس	ρ_b
نسبت مساحت ورق FRP	ρ_{Pl}
نسبت حجمی آرماتورهای عرضی	ρ_s
انحنای مقطع، $1/mm$	ϕ