



دانشکده صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی
دانشکده عمران

تأسیس ۱۳۰۷

پایان نامه کارشناسی ارشد
مهندسی عمران - هیدرولیک

شبیه‌سازی عددی سونامی در سواحل ایران

نگارش:
احسان راست‌گفتار
۸۷۰۴۲۴۴

استاد راهنمای:
دکتر محسن سلطانپور

اردیبهشت ۹۰

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

تّقدیم به روح پاک پدرم که ماد و خاطره او همیشه همراه من است؛

و به مادر مهربانم، دیای بی کران فداکاری و عشق؛

و هنین،
و هنین،

روح بزرگ و آزاده آنهايي که

آرمان و عزت خوش را فرامی مصلحت تتموزند...

اظهارنامه دانشجو

موضوع پایان نامه: شبیه سازی عددی سونامی در سواحل ایران

دانشجو: احسان راست گفتار

شماره دانشجویی: ۸۷۰ ۴۲۴۴

استاد راهنما: دکتر محسن سلطانپور

این جانب احسان راست گفتار دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی عمران گرایش آب - هیدرولیک دانشکده مهندسی عمران دانشگاه صنعتی خواجه نصیر الدین طوسی گواهی می نمایم که تحقیقات ارائه شده در این پایان نامه توسط شخص این جانب انجام شده و صحت و اصالت مطالب نگارش شده مورد تأیید می باشد، و در موارد استفاده از کار دیگر محققان به مرجع مورد استفاده اشاره شده است. به علاوه گواهی می نمایم که مطالب مندرج در پایان نامه تاکنون برای دریافت هیچ نوع مدرک یا امتیازی توسط ای جانب یا فرد دیگری در هیچ جا ارائه نشده است و در تدوین متن پایان نامه چارچوب مصوب دانشگاه را به طور کامل رعایت کرده ام.

حق طبع و نشر و مالکیت نتایج

۱- حق چاپ و تکثیر این پایاننامه متعلق به نویسنده آن میباشد. هر گونه کپی برداری به صورت کل پایاننامه یا بخشی از آن تنها با موافقت نویسنده یا کتابخانه دانشکده مهندسی عمران دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی مجاز میباشد.

۲- کلیه حقوق معنوی این اثر متعلق به دانشگاه صنعتی خواجه نصیرالدین طوسی میباشد و بدون اجازه کتبی دانشگاه به شخص ثالث قابل واگذاری نیست.

همچنین استفاده از اطلاعات و نتایج موجود در پایاننامه بدون ذکر مرجع مجاز نمیباشد.

تقدیر و تشکر

واژه‌ها ناتوان‌تر از آند که در قالب آنها بتوانم حتی از ذره‌ای از زحمات بی‌دریغ مادرم قدردانی نمایم؛ با این حال، در این جا با تمام وجود از محبت‌ها و مهربانی‌های ایشان تشکر می‌کنم؛ او که با تلاش‌های وصف ناپذیر خود سبب شد هرگز لحظه‌ای فقدان پدر را احساس نکنم و با آسودگی خاطر و بدون کوچکترین دغدغه‌ای به کسب دانش و خلق این اثر بپردازم و در این راه یاری‌ام نمود.

از حمایت‌های بی‌دریغ برادر عزیزم نیز سپاسگذاری می‌کنم که همواره مشوقم بوده و وجودش به من دلگرمی و آرامش خاطر بخشیده است.

در آخر از کوشش‌ها و راهنمایی‌های فراوان و صمیمانه استاد راهنمای بزرگوارم، جناب آفای دکتر سلطانپور، قدردانی نموده و از خدامند منان توفیق روزافروون ایشان را خواستارم.

چکیده

جهت ارزیابی خطر سونامی در سواحل ایران، وقوع سونامی احتمالی ناشی از یک زمین‌لغزش زیرسطحی در دریای خزر و همچنین سونامی سال ۱۹۴۵ مکران در دریای عمان شبیه‌سازی شده است. با توجه به احتمال بسیار اندک وقوع سونامی در خلیج فارس، از مدل‌سازی سونامی در این ناحیه صرف نظر می‌شود.

در تحقیق حاضر جهت شبیه‌سازی سونامی احتمالی ناشی از زمین‌لغزش زیرسطحی در دریای خزر مدل عددی ترکیبی GEOWAVE به کار برده می‌شود. در این مدل فاز تولید مدل‌سازی با استفاده از مدل TOPICS و فازهای انتشار و بالاروی به کمک مدل FUNWAVE شبیه‌سازی می‌گردد. به منظور شبیه‌سازی سونامی سال ۱۹۴۵ نیز از مدل عددی MOST استفاده می‌شود.

خروجی‌های شبیه‌سازی سونامی دریای خزر نشان می‌دهند که امواج سونامی در طول خطوط ساحلی ایران دامنه بسیار کوچکی دارند و نمی‌توان بالاروی قابل توجهی را انتظار داشت. این مسئله را می‌توان با فاصله نسبتاً زیاد سواحل ایران و محل زمین‌لغزش و همچنین اثر محدود سونامی‌های زمین‌لغزشی، به دلیل استهلاک شعاعی و پراکندگی، مرتبط دانست.

نتایج شبیه‌سازی سونامی سال ۱۹۴۵ نیز نشان می‌دهد که دامنه امواج رسیده به سواحل جنوب شرقی ایران و خلیج چابهار در حدود $0/5$ متر می‌باشد و بالاروی قابل توجهی در این نواحی رخ نمی‌دهد. بلندترین امواج سونامی نیز با دامنه حدود 3 متر به سواحل بندر پاسنی در جنوب پاکستان می‌رسند. این نتایج با نتایج دیگر شبیه‌سازی عددی سونامی سال ۱۹۴۵ همخوانی می‌کند، اما به هیچ وجه با اطلاعات میدانی در دسترس از میزان بالاروی امواج در این بندر (همچون 4 الی 5 متر، 7 الی 10 متر و 12 الی 15 متر) و زمان رسیدن آن‌ها مطابقت ندارد. با بررسی اطلاعات میدانی و مقایسه آن‌ها با نتایج شبیه‌سازی‌ها، این گمان پدید آمد که یک منشاء غیرلرزه‌ای، همانند یک زمین‌لغزش زیرسطحی که توسط زمین‌لرزه تحریک شده باشد، عامل اصلی سونامی سال ۱۹۴۵ مکران بوده باشد.

کلمات کلیدی: شبیه‌سازی سونامی، دریای خزر، دریای عمان، زمین‌لغزش زیرسطحی، ناحیه مکران.

فهرست عناوین

فصل اول: مقدمه

۲	۱-۱- مقدمه
۲	۲-۱- سونامی و سواحل ایران
۳	۲-۱-۱- سواحل جنوبی
۴	۲-۱-۲- سواحل شمالی
۶	۳-۱- هدف
۷	۳-۲- ساختار پایان نامه

فصل دوم: کلیات

۹	۱-۲- مقدمه
۱۰	۲-۲- مفهوم سونامی
۱۲	۳-۲- تولید سونامی
۱۳	۳-۱-۳- زمین لرزه
۱۵	۲-۳-۲- زمین لغزش
۱۸	۳-۳-۲- مقایسه امواج ناشی از زمین لغزش زیرسطحی و جابه جایی لرزه ای
۲۲	۴-۲- انتشار سونامی
۲۳	۴-۱-۴- دسته بندی امواج با توجه به عمق آب نسبی
۲۳	۴-۱-۱- امواج آب عمیق (امواج کوتاه)
۲۴	۴-۲-۱- امواج آب کم عمق (امواج بلند)
۲۴	۴-۲-۲- معادلات مدل سازی پیش روی سونامی
۲۴	۴-۲-۳-۱- معادلات خطی آب کم عمق

۲۵	-۴-۲-۲-۲-۲-۲- معادلات غیرخطی آب کم عمق
۲۵	-۲-۴-۳-۳-۲-۲-۲- معادلات غیرخطی بوسینسکی و پراکندگی فرکانسی
۲۶	-۲-۴-۴-۲-۴-۲- مزایای معادلات غیرخطی بوسینسکی نسبت به معادلات آب کم عمق
۲۸	-۲-۵-۵- بالاروی سونامی
۳۱	-۲-۶-۶-۱- ادبیات فنی
۳۱	-۲-۱-۶-۱- مطالعات صورت گرفته در زمینه امواج ناشی از زمین لغزش زیرسطحی

فصل سوم: مدل‌های عددی شبیه‌سازی سونامی

۴۰	-۳-۱- مقدمه
۴۰	-۳-۲- TUNAMI مدل
۴۲	-۳-۳- MOST مدل
۴۵	-۳-۴- ComMIT مدل
۴۶	-۴-۵- TOPICS مدل
۴۷	-۴-۶- FUNWAVE مدل
۴۸	-۴-۷- GEOWAVE مدل
۴۹	-۴-۸- COULWAVE مدل

فصل چهارم: روش‌های شبیه‌سازی

۵۲	-۴-۱- مقدمه
۵۲	-۴-۲- شبیه‌سازی تولید سونامی
۵۲	-۴-۲-۱- ابزار TOPICS
۵۳	-۴-۲-۲-۲- مدل دو بعدی جریان پتانسیل کاملاً غیرخطی (2D-FNPF)
۵۳	-۴-۲-۲-۱- هندسه مدل

۵۵	-۲-۲-۲-۴ - سینماتیک لغزش و معادلات حاکم
۵۷	-۳-۲-۲-۴ - صحت‌سنگی مدل
۵۷	-۳-۲-۴ - روابط پیش‌بینی دامنه مشخصه موج سونامی
۵۹	-۴-۲-۴ - محاسبه تراز‌سطح آزاد آب با استفاده از روابط پیش‌بینی دامنه موج سونامی
۶۱	-۴-۲-۴ - تخمین پارامترهای زمین‌لغزش (ورودی‌های ابزار TOPICS
۶۳	-۶-۲-۴ - مدل MOST
۶۴	-۷-۲-۴ - پارامترهای لردهای زمین‌لرزه سال ۱۹۴۵ دریای عمان
۶۶	-۴-۳-۴ - شبیه‌سازی انتشار و بالاروی سونامی
۶۶	-۴-۳-۱ - معادلات بوزینسک
۶۶	-۴-۳-۱-۱ - انواع معادلات بوزینسک
۷۰	-۴-۳-۱-۲ - جملات موجود در معادلات بوزینسک
۷۳	-۴-۳-۲-۲ - پدیده‌های الحقی به معادلات بوزینسک
۷۳	-۴-۳-۲-۱ - شکست موج
۷۷	-۴-۳-۲-۲ - خط ساحلی متحرک
۸۰	-۴-۳-۲-۳-۳ - اختلاط آشفته زیرشبکه
۸۲	-۴-۳-۲-۳-۴ - اصطکاک بستر
۸۳	-۴-۳-۳-۴ - معادلات غیرخطی آب کم‌عمق در مختصات کروی

فصل پنجم: روش‌های عددی

۸۵	-۵-۱-۱ - مقدمه
۸۵	-۵-۲-۱ - روش تفاضل محدود
۸۶	-۵-۲-۱-۱ - گیسته‌سازی زمانی
۸۹	-۵-۲-۲ - گیسته‌سازی مکانی
۹۰	-۵-۳-۲ - شرایط مرزی

۹۱	۱-۳-۵ - مرز دیوارهای
۹۲	۲-۳-۵ - مرز جذبی
۹۳	۴-۵ - تصفیه عددی

فصل ششم: مدلسازی سونامی احتمالی دریای خزر

۹۸	۱-۶ - مقدمه
۹۸	۲-۶ - محدوده مدل عددی در دریای خزر
۱۰۰	۳-۶ - خروجی‌های مدل TOPICS
۱۰۴	۴-۶ - خروجی‌های مدل FUNWAVE

فصل هفتم: مدلسازی سونامی سال ۱۹۴۵ دریای عمان

۱۱۳	۱-۷ - مقدمه
۱۱۳	۲-۷ - محدوده مدل عددی در دریای عمان
۱۱۶	۳-۷ - خروجی مرحله تولید
۱۱۷	۴-۷ - خروجی مراحل انتشار و بالاروی
۱۲۴	۵-۷ - مقایسه نتایج شبیه‌سازی با نتایج دیگر شبیه‌سازی‌های سونامی سال ۱۹۴۵ مکران
۱۲۴	۶-۷ - مقایسه نتایج شبیه‌سازی با داده‌های میدانی
۱۲۷	۷-۷ - شبیه‌سازی سونامی سال ۱۹۴۵ مکران با تمرکز بر بندر پاسنی
۱۳۱	۸-۷ - تفسیر نتایج

فصل هشتم: جمع‌بندی و نتیجه‌گیری

۱۳۳	۱-۸ - جمع‌بندی و نتیجه‌گیری
-----	-----------------------------

۸-۲- پیشنهادات

۱۳۴

پیوست الف:

جزئیات پارامترها و نتایج ۳۲ شبیه‌سازی عددی لغزش‌های زیرسطحی

با استفاده از مدل 2D-FNPF

۱۳۶

پیوست ب:

مراحل جبری تبدیل معادلات بوزینسک کاملاً غیرخطی از حالت برداری

به حالت جبری و ساده

۱۴۳

پیوست ج:

آشنایی با نحوه به کارگیری مدل GEOWAVE

۱۴۷

مقالات ارائه شده

منابع و مراجع

فهرست اشکال

- ۳ شکل ۱-۱: نقشه زمین‌شناختی و موقعیت ناحیه فرورو مکران.
- ۵ شکل ۱-۲: موقعیت زمین‌لغزش زیرسطحی احتمالی در دریای خزر.
- ۶ شکل ۱-۳: موقعیت مکانی سونامی‌های مشاهده شده و نواحی فعال لرزه‌ای در دریای خزر.
- ۹ شکل ۲-۱: ویرانی روستایی در نزدیکی سواحل سوماترای اندونزی در اثر سونامی اقیانوس هند.
- ۱۰ شکل ۲-۲: دوره تناوب امواج اقیانوس.
- ۱۱ شکل ۲-۳: کاهش طول موج و افزایش ارتفاع امواج سونامی با نزدیک شدن به ساحل.
- ۱۳ شکل ۲-۴: منابع مختلف احتمالی تولید سونامی.
- ۱۳ شکل ۲-۵: ایجاد امواج سونامی در اثر زلزله.
- ۱۴ شکل ۲-۶: نمایش پارامترهای گسل.
- ۱۵ شکل ۲-۷: لغزش گسل.
- ۱۶ شکل ۲-۸: ویرانی بر جای مانده از سونامی گینئه‌نو در سال ۱۹۹۸.
- ۱۷ شکل ۲-۹: زمین‌لغزش‌های مستغرق و نیمه مستغرق.
- ۱۸ شکل ۲-۱۰: نحوه انتشار امواج سونامی.
- ۲۱ شکل ۲-۱۱: نمودارهای هاماک.
- ۲۳ شکل ۲-۱۲: دسته‌بندی امواج با توجه به عمق آب نسبی.
- ۲۷ شکل ۲-۱۳: شبیه‌سازی سونامی سال ۱۹۸۳ در دریای ژاپن.
- ۲۸ شکل ۲-۱۴: تصاویر ماهواره‌ای باندا آچه قبل و بعد از بالا روى سونامی اقیانوس هند در سال ۲۰۰۴.
- ۲۹ شکل ۲-۱۵: تبیین عبارات برخورد سونامی در ساحل.
- ۲۹ شکل ۲-۱۶: مقایسه درشت‌نمایی اطلاعات ژرفاسنجی مراحل انتشار (+) و بالاروى (۰).
- ۲۲ شکل ۲-۱۷: بسترهاي شبيدار و اشكال مختلف توده لغزندۀ صلب در آزمایش‌های نجفی جیلانی و ...
- ۳۴ شکل ۲-۱۸: امواج ناشی از زمین‌لغزش‌های صلب در مدل‌سازی‌های فاین و همکاران.
- ۴۱ شکل ۳-۱: نتایج شبیه‌سازی بالاروى سونامی سال ۱۹۴۵ گسل مکران در بندر پاسنی.

- شکل ۳-۲: تراز سطح اولیه اقیانوس (تغییر شکل بستر اقیانوس) به دست آمده از مدل Most. ۴۲
- شکل ۳-۳: مقایسه سری زمانی موج محاسبه شده مدل Most با نتایج ثبت کننده های کف اقیانوس. ۴۴
- شکل ۳-۴: مقایسه اندازه گیری های میدانی بالاروی سونامی در اکوشیری. ۴۴
- شکل ۳-۵: نمونه ای از گسل های از پیش تعریف شده در مدل ComMIT. ۴۵
- شکل ۳-۶: معرفی فایل های شبکه ای ژرفاسنجی به مدل ComMIT. ۴۶
- شکل ۳-۷: بیشینه دامنه سونامی شبیه سازی شده با مدل FUNWAVE در مجاورت سوماترا. ۴۸
- شکل ۳-۸: بیشینه دامنه سونامی سال ۱۹۹۸ گینه نو، شبیه سازی شده با مدل GEOWAVE. ۴۹
- شکل ۴-۱: شماتی از هندسه گسستگی جرم زیر سطحی و پارامترهای اصلی در مدل 2D-FNPF. ۵۴
- شکل ۴-۲: مقایسه دامنه بی بعد حاصله از مدل 2D-FNPF با مشاهدات آزمایشگاهی. ۵۷
- شکل ۴-۳: مقایسه دامنه های پیش بینی شده و شبیه سازی شده بی بعد سونامی. ۵۸
- شکل ۴-۴: نمونه ای ازتابع دوبل گاؤسین برای تراز تقریبی سه بعدی سونامی (قطع طولی). ۶۰
- شکل ۴-۵: نمونه ای ازتابع دوبل گاؤسین برای تراز تقریبی سه بعدی سونامی. ۶۰
- شکل ۴-۶: مقطع عرضی بستر دریای خزر در منطقه محتمل وقوع زمین لغزش. ۶۲
- شکل ۴-۷: صفحات مستطیلی گسیخته شده گسل مکران در اثر زمین لرزه سال ۱۹۴۵. ۶۵
- شکل ۴-۸: مقایسه رابطه پراکندگی حل دقیق با روابط پراکندگی معادلات این و گا و معادلات بوزینسک استاندارد. ۶۸
- شکل ۴-۹: نمایی از کanal در حضور مجرای باریک. ۷۸
- شکل ۵-۱: مشخصات محدوده محاسباتی FUNWAVE. ۹۲
- شکل ۵-۲: تابع پاسخ برای تصفیه یک بعدی نه نقطه ای. ۹۵
- شکل ۵-۳: تابع پاسخ برای تصفیه دو بعدی 9×9 نقطه ای. ۹۶
- شکل ۶-۱: محدوده مدل عددی و موقعیت دقیق زمین لغزش در شبیه سازی سونامی دریای خزر. ۹۸
- شکل ۶-۲: ژرفاسنجی دریای خزر. ۱۰۰
- شکل ۶-۳: تغییرات تراز سطح آزاد اولیه با عرض زمین لغزش برای زمین لغزش احتمالی دریای خزر. ۱۰۱
- شکل ۶-۴: تراز سطح آزاد اولیه آب بر مبنای زمین لغزش احتمالی دریای خزر. ۱۰۲

- شکل ۶-۵: خطوط هم میزان سطح آزاد اولیه آب، بر مبنای زمین لغزش احتمالی دریای خزر.
شکل ۶-۶: پیش روی امواج سونامی محاسبه شده.
- شکل ۶-۷: موقعیت نقاط خروجی سری زمانی امواج.
- شکل ۶-۸: سری زمانی ارتفاع امواج در نقاط خروجی A تا G.
- شکل ۶-۹: سری زمانی ارتفاع امواج در نقاط خروجی H تا K.
- شکل ۶-۱۰: حداکثر تراز سطح آزاد ثبت شده در تمام نقاط محاسباتی محدوده مدل برای عرضهای مختلف زمین لغزش.
- شکل ۷-۱: محدوده مدل عددی شبیه سازی سونامی سال ۱۹۴۵ ناحیه مکران.
- شکل ۷-۲: بالآمدگی و فرورفتگی اولیه سطح آزاد آب در اثر زلزله سال ۱۹۴۵ ناحیه مکران.
- شکل ۷-۳: پیش روی امواج سونامی ۱۹۴۵ در دریای عمان.
- شکل ۷-۴: موقعیت نقاط خروجی سری زمانی امواج.
- شکل ۷-۵: سری زمانی دامنه امواج در نقاط خروجی A تا N.
- شکل ۷-۶: برخورد امواج سونامی به سواحل شمالی بندر چابهار.
- شکل ۷-۷: حداکثر تراز سطح آزاد ثبت شده در خلال شبیه سازی سونامی ۱۹۴۵ مکران.
- شکل ۷-۸: موقعیت نقاط خروجی سری زمانی امواج در شبیه سازی سونامی ۱۹۴۵ توسط حیدر زاده و همکاران.
- شکل ۷-۹: سری زمانی دامنه امواج در شبیه سازی سونامی ۱۹۴۵ توسط حیدر زاده و همکاران.
- شکل ۷-۱۰: محدوده مدل عددی شبیه سازی سونامی سال ۱۹۴۵ مکران با تمرکز بر بندر پاسنی.
- شکل ۷-۱۱: موقعیت نقاط خروجی سری زمانی امواج.
- شکل ۷-۱۲: سری زمانی دامنه امواج در نقاط خروجی O تا T.
- شکل ۷-۱۳: عکس هوایی از موقعیت بندر پاسنی.

فهرست جداول

- جدول ۲-۱: ارتباط بین بزرگی سونامی با ارتفاع حداکثر موج آن در ساحل و خسارات حاصله. ۲۰
- جدول ۴-۱: پارامترهای زمین لغزش احتمالی دریای خزر. ۶۱
- جدول ۴-۲: مشخصات صفحات مستطیلی گسیخته شده گسل مکران در اثر زمین لرزه سال ۱۹۴۵. ۶۵
- جدول ۶-۱: پارامترهای محاسبه شده زمین لغزش احتمالی دریای خزر. ۱۰۱
- جدول ۶-۲: حداکثر فرورفتگی و بالا آمدگی اولیه سطح آزاد آب برای عرضهای مختلف زمین لغزش احتمالی دریای خزر. ۱۰۲
- جدول ۶-۳: مختصات جغرافیایی نقاط خروجی سری زمانی امواج. ۱۰۶
- جدول ۶-۴: حداقل و حداکثر مقدار ارتفاع امواج در نقاط خروجی. ۱۰۹
- جدول ۷-۱: مشخصات و محدوده شبکه های ژرفاسنجی شبیه سازی سونامی سال ۱۹۴۵ ناحیه مکران. ۱۱۳
- جدول ۷-۲: گزارش های مختلف موجود از ارتفاع امواج سونامی سال ۱۹۴۵ ناحیه مکران. ۱۲۶
- جدول ۷-۳: مشخصات و محدوده شبکه های ژرفاسنجی شبیه سازی سونامی سال ۱۹۴۵ ناحیه مکران با تمرکز بر بندر پاسنی. ۱۲۸

فهرست علائم و نشانه‌ها

x, y	محورهای مختصات افقی
z	محور مختصات قائم
t	زمان
g	شتاب گرانش
ρ	چگالی آب
	موج
L	طول موج
k	عدد موج
a	دامنه
ω	فرکانس
C	سرعت فازی
U_r	عدد اورسل
	گسل صفحه‌ای
L	طول گسل
W	عرض گسل
δ	زاویه گسل نسبت به افق
θ	زاویه امتداد گسل با جهت شمال جغرافیایی در سطح زمین
φ	زاویه میل گسل
u	میزان لغزش گسل
H	عمق گسل
	ک

زمین‌لغزش زیرسطحی

ϕ	تابع پتانسیل سرعت
θ	زاویه سطح شبیدار نسبت به افق
b	طول توده لغزنده
w	عرض توده لغزنده
T	ضخامت حداقل توده لغزنده
d	عمق استغراق اولیه توده لغزنده
γ	چگالی نسبی توده لغزنده
A_c	سطح مقطع عمود بر راستای حرکت توده لغزنده
V_l	حجم توده لغزنده
S	جابه‌جایی توده لغزنده
t_0	زمان مشخصه
a_0	شتاب اولیه
u_t	سرعت نهایی لغزش
η_0	دامنه مشخصه موج اولیه
x_g	مکان ثبت دامنه مشخصه موج اولیه
λ_0	طول موج مشخصه موج اولیه
C_n	ضریب اصطکاک سطح
C_m	ضریب جرم افزوده
C_d	ضریب پسا
Φ	زاویه دوران مرکز جرم ریزش
R	شعاع دوران ریزش

معادلات بوزینسک و پدیده‌های همراه آن

η	سطح آزاد آب
h	عمق آب
$u_\alpha(u, v)$	بردار سرعت افقی
z_α	عمق معرف
v	لزجت گردابهای
δ_b	ضریب طول اختلاط
η_t^*	معیار آغاز و توقف شکست
θ	زاویه ورود موج نسبت به محور x ها
z^*	تراز ساحل
A	سطح مقطع کانال موج
b	عرض کانال موج
δ	عرض مجرأ نسبت به یک واحد عرض ساحل
c_m	ضریب اختلاط
f	ضریب اصطکاک بستر

معادلات غیرخطی آب کم‌عمق در مختصات کروی

λ	طول جغرافیایی
ϕ	عرض جغرافیایی
	شعاع زمین
	R
f	پارامتر کوریولیس
C_f	زبری بستر
n	ضریب مانینگ

عدد هاماک

ξ_0	جابه‌جایی محلی بستر
b	طول جابه‌جایی
t_c	زمان مشخصه جابه‌جایی بستر

حل عددی

M, N	تعداد نقاط محاسباتی مدل در دو جهت افقی
$\Delta x, \Delta y$	اندازه شبکه‌های مکانی دو جهت افقی
Δt	گام زمانی
R	تابع پاسخ تصفیه عددی