



دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران)

دانشکده مهندسی شیمی

پایان نامه کارشناسی ارشد

مهندسی شیمی (پتروشیمی)

عنوان پروژه

مطالعه تعادلات فازی با استفاده از کمینه سازی تابع گیبس

و معادله حالت

نگارش

علی اکبر عمومی

استاد

دکتر حمید مدرس

دکتر بهرام دبیر

مرداد ۱۳۸۶

## تقدیم به پدر و مادر عزیزم

آنان که وجودم برایشان همه رنج بود و وجودشان برایم همه مهر، توانشان رفت تا به توانایی برسم و موهاشان سپید گشت تا رویم سپید بماند. از خداوند آروزی سلامتی و بهروزی و طول عمر با عزت برای پدر و مادر عزیزم مسأله دارم.

با سپاس از خداوند متعال که ما در را راه فراغیری ذره ای از علوم بی انتها هستی یاری نمود امروز به شکرانه لطف الهی و عنایت آقا امام زمان (ارواحنا فدا) این پژوهش را به پایان رسانیده ام وظیفه خود می دانم از زحمات بی دریغ، راهنمایی، تلاش ها و نظارت های مستمر اساتید بزرگوار و دانشمند جناب آقای دکتر حمید مدرس و جناب آقای دکتر بهرام دبیر نهایت تشکر و قدردانی را نمایم. سلامتی و بهروزی اساتید ارجمند را از خداوند متعال خواستارم.

علی اکبر عمومی

## چکیده

محاسبات تعادلات فازی برای پیشگویی تعادلات فازی و ترکیب در حال تعادل در عملیات و فرایند های مختلف شیمیایی نقش مهمی باز می کند. همان طورکه می دانیم تعادلات فازی نیاز به کمینه سازی مطلق انرژی آزاد گیبس دارد و توابع ترمودینامیکی در این گونه مسئله ها به شدت غیر خطی است لذا در این پروژه، از الگوریتم ژنتیک برای این هدف استفاده شده است. در این پروژه، به تعادلات مایع - مایع، مایع - بخار، مایع - مایع - بخار محلول های پلیمری و تخمین پارامترهای پارامترهای برهمکنش پرداخته شده است. برای سیستم تعادلی مایع - مایع از مدلهای اکتیویته NRTL و UNIQUAC و برای سیستم تعادلی مایع - بخار و سیستم تعادلی مایع- مایع- بخار از معادلات حالت Peng - Robinson و معادلات اکتیویته NRTL ، UNIQUAC و UNIFAC و برای سیستم تعادلی مایع- بخار محلول های پلیمری از معادله حالت Wilson با قانون مخلوط های ونگ- سندلر بر پایه معادله فلوری - هاگینز برای بدست آوردن ترکیب در حال تعادل استفاده شده است. تابع هدف تمام سیستم های تعادلی، انرژی گیبس بهبود یافته ای است که با توجه به معادلات ذکر شده کمینه می شود.. از آنجا که تابع کمینه سازی در تخمین پارامترهای برهمکنش و سیستم تعادلی به شدت غیر خطی است، لذا از الگوریتم ژنتیک هیبرید شده با الگوریتم نلدر- مید برای کمینه سازی تابع هدف استفاده شده است. نتایج نشان می دهد الگوریتم ژنتیک هیبرید شده با نلدر - مید rmsd (ریشه متوسط خطا) بهبود داد. در این کار، چندین مثال در سیستمهای مختلف مطالعه شد. نتایج نشان داد که الگوریتم ژنتیک قادر به پیدا کردن کمینه مطلق با دقت بالا در محاسبات تعادلات فازی می باشد

**کلمات کلیدی:** کمینه سازی تابع گیبس، تعادل مایع - مایع، مایع - بخار، تعادل مایع - مایع - بخار، تخمین پارامتر برهمکنش، الگوریتم ژنتیک، معادله حالت

## فهرستها علائم

$T$	دما	$P$	فشار
$y$	کسر مولی در فاز بخار	$x$	کسر مولی در فاز مایع
$\varphi$	ضریب فوگاسیته	$F$	تابع هدف
$r$	قطعات پلیمر	$\phi$	کسر حجمی
$v$	حجم مولی	$\gamma$	ضریب اکتیویته
$n_{ik}$	تعداد مولهای $i$ در فاز $k$	$N$	تعداد مواد
$b$	پارامتر دافعه در معادله حالت	$\pi$	تعداد فازها
$z$	عدد تراکم پذیری	$a$	پارامتر جاذبه در معادله حالت
$R$	ثابت گازها	$f$	فوگاسیته
$w$	کسر جرمی	$G$	انرژی آزاد گیبس
$Q$	گرما	$W$	کار
$A$	انرژی هلمهولتز	$H$	آنالپی
$\tau$	پارامتر برهمکنش در معادله $NRTL$	$U$	پارامتر برهمکنش در معادله یونیکواک
$a_{ij}$	پارامتر برهمکنش در معادله $UNIFAC$	$\Lambda$	انرژی برهمکنش در معادله ویلسون
$B$	ضریب دوم ویریال	$P^s$	فشار بخار
$\delta$	پارامتر های حلal	$a_{solvent}$	اکتیویته حلal
$T_c$	دمای بحرانی	$\omega$	ضریب بی مرکزی
		$P_c$	فشار بخار بحرانی

## فهرست مطالب

صفحه.....	عنوان
۵ .....	مقدمه
۶ .....	فصل اول      معادلات ضریب اکتیویته
۷ .....	۱-۱      معادلات ضریب اکتیویته
۷ .....	۱-۱-۱      معادله ویلسون
۱۰ .....	۲-۱-۱      معادله NRTL
۱۱ .....	۳-۱-۱      معادله UNIQUAC
۱۳.....	۴-۱-۱      معادله UNIFAC
۱۵.....	۵-۱-۱      معادله فلوری - هاگینز برای محلول های پلیمری
۱۹ .....	فصل دوم      تعیین ضریب فوگاسیته از معادله حالت و قانون مخلوط ها
۲۰ .....	۱-۲      تاریخچه معادله حالت
۲۶.....	۲-۲      هدف از ارائه معادله حالت
۲۷.....	۴-۲      معادله حالت مکعبی .
۲۷.....	۱-۴-۲      فرم عمومی
۲۸.....	۵-۲      معادله ویریال
۳۰.....	۱-۵-۲      تعیین فوگاسیته از معادله ویریال

۳۱.....	قانون مخلوط ها	۶-۲
۳۱.....	قانون مخلوط ها کلاسیک	۱-۶-۲
۳۳.....	قانون مخلوط های ترکیب شده با انرژی آزاد گیبس اضافه	۲-۶-۲
۳۷.....	بدست آوردن ضریب فوگاسیته از معادله حالت	۶-۲
۳۸ .....	بدست آوردن ضریب فوگاسیته از معادله حالت PRSV	۱-۶-۲
۴۰.....	بدست آوردن ضریب فوگاسیته از معادله حالت MMM	۲-۶-۲
۴۲.....	قانون مخلوط ها در ضریب فوگاسیته	۳-۶-۲
۴۵.....	مروری بر الگوریتم ژنتیک	فصل سوم
۴۶.....	مقدمه ای بر الگوریتم های بهینه سازی	۱-۳
۴۷.....	فرمولاسیون مسائل محدودیت دار	۱-۱-۳
۴۷.....	روش غیر گرادیانی	۲-۳
۴۷.....	تعريف و مقایسه با روش های کلاسیک	۱-۲-۳
۴۸.....	جستجو تصادفی برای بهینه سازی سراسری	۲-۲-۳
۴۸ .....	عملیات آنلینگ شبیه سازی شده	۱-۲-۲-۳
۴۹.....	الگوریتم ژنتیک	۲-۲-۲-۳

۵۱.....	مرحله های الگوریتم ژنتیک .....	۱-۲-۲-۲-۳
۵۸.....	نکاتی در مورد پیاده سازی الگوریتم ژنتیک .....	۲-۲-۲-۲-۳
 ۵۸.....	 چگونگی تشکیل رشته .....	 ۱-۲-۲-۲-۲-۳
 ۵۸.....	 تعداد بیت های متناظر با هر بیت .....	 ۲-۲-۲-۲-۲-۳
۵۹.....	انواع روش های تشکیل رشته .....	۳-۲-۲-۲-۲-۳
۶۰.....	روش جستجوی نلدر - مید .....	۳-۲-۳
 ۶۱.....	 الگوریتم نلدر - مید .....	 ۱-۳-۲-۳
۶۲.....	ترکیب الگوریتم نلدر - مید و الگوریتم ژنتیک .....	۲-۳-۲-۳
 ۶۲.....	 فصل چهارم تعادلات فازی برای کمینه سازی تابع گیبس و وتخمین پارامتر برهمکش .....	 ۱-۴
۶۳.....	الگوریتم های کمینه سازی انرژی آزاد گیبس .....	۲-۴
۶۳.....	فعالیت های انجام شده در گذشته .....	۱-۳-۴
۷۲.....	کمینه سازی انرژی آزاد گیبس .....	۲-۳-۴
۷۲.....	محاسبات تعادلات فازی .....	۱-۲-۳-۴
۷۲ .....	۱-۱-۲-۳-۴ روشن فوگاسیته .....	۱-۱-۲-۳-۴
۷۴.....	۲-۱-۲-۳-۴ روشن انرژی آزاد گیبس اضافه .....	۲-۱-۲-۳-۴

۷۵.....	تابع هدف و محدودیت ..... ۳-۱-۲-۳-۴
۷۶.....	روش فوگاسیته ..... ۱-۳-۱-۲-۳-۴
۷۶.....	روش انرژی آزاد گیبس اضافه که فقط فاز مایع را شامل میشود ..... ۲-۳-۱-۲-۳-۴
۷۷.....	روش انرژی آزاد گیبس اضافه وقتی هم فاز مایع و هم فاز بخار موجود باشند ..... ۳-۱-۲-۳-۴
۷۸.....	اجرای الگوریتم ژنتیک در محاسبات تعادل ..... ۲-۲-۳-۴
۷۸.....	تخمین پارامتر برهمکنش ..... ۳-۴
۷۹ .....	۱-۳-۴ فرمولاسیون.....
۸۱.....	۲-۳-۴ کمینه سازی تابع خطای .....
۸۴.....	فصل پنجم ارزیابی الگوریتم ژنتیک برای انجام محاسبات تعادلات فازی و تخمین پارامترهای برهمکنش .....
۸۴.....	۵-۲ نتایج تعادل مایع - مایع .....
۱۲۹ .....	۵-۳ نتایج تعادل مایع - بخار .....
۱۵۵.....	۴-۵ نتایج تعادل مایع - بخار .....
۱۶۲ .....	۵-۵ نتایج تعادل مایع - بخار محلول پلیمرها.....
۱۶۵ .....	۵-۶ نتیجه گیری .....

۱۶۶..... پیشنهادات ۵-۷

۱۶۸..... مراجع

## فهرست جداول

۸۵	پارامتر های برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC ( $\alpha = 0.3$ ) و معادله NRTL	جدول ۱-۱-۱-۵
۸۵	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق	جدول ۲-۱-۱-۵
۸۶	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۱-۱-۵
۸۶	پارامتر های برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و معادله NRTL	جدول ۱-۲-۱-۵
۸۷	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۲-۱-۵
۸۸	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۲-۱-۵
۸۹	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC	جدول ۱-۳-۱-۵
۸۹	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۳-۱-۵
آن		
۹۰	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC	جدول ۱-۴-۱-۵
۹۱	کسر جرمی بدست آمده از معادله UNIQUAC و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۴-۱-۵
۹۲	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته معادله NRTL	جدول ۱-۵-۱-۵
۹۲	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته معادله UNIQUAC	جدول ۲-۵-۱-۵
۹۳	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۵-۱-۵
۹۴	کسر مولی بدست آمده معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق	جدول ۴-۵-۱-۵
۹۶	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و NRTL	جدول ۱-۶-۱-۵
۹۶	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۶-۱-۵
۹۷	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۶-۱-۵
۹۸	پارامتر برهمکنش معادله اکتیویته NRTL	جدول ۱-۷-۱-۵
۹۹	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۷-۱-۵
۱۰۱	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و NRTL	جدول ۱-۸-۱-۵
جدول ۲-۸-۱-۵		
۱۰۲	کسر مولی بدست آمده از NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۸-۱-۵
جدول ۳-۸-۱-۵		
۱۰۳	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۸-۱-۵
۱۰۵	پارامتر برهم کنش معادله اکتیویته NRTL	جدول ۱-۹-۱-۵
جدول ۲-۹-۱-۵		
۱۰۵	پارامتر برهم کنش معادله اکتیویته UNIQUAC	جدول ۲-۹-۱-۵
۱۰۵	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۹-۱-۵
جدول ۴-۹-۱-۵		
۱۰۶	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۴-۹-۱-۵
۱۰۶	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و NRTL	جدول ۱-۱۰-۱-۵

۱۰۷	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۱۰-۱-۵
۱۰۸	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۱۰-۱-۵
۱۰۹	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و NRTL	جدول ۱-۱۱-۱-۵
۱۱۰	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۱۱-۱-۵
۱۱۱	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۱۱-۱-۵
۱۱۲	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و NRTL	جدول ۱-۱۲-۱-۵
۱۱۶	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۱۲-۱-۵
۱۱۶	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۱۲-۱-۵
۱۱۷	پارامترهای برهمکنش معادله اکتیویته UNIQUAC و NRTL	جدول ۱-۱۳-۱-۵
۱۱۸	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۲-۱۳-۱-۵
۱۱۹	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز ۱،۲ و درصد خطای مطلق آن	جدول ۳-۱۳-۱-۵
۱۲۱	لیست سیستمهای مورد مطالعه	جدول ۱-۱۴-۱-۵
۱۲۲	پارامترهای برهمکنش $\tau_{ij}$ معادله NRTL و $U_{ij}$ معادله UNIQUAC برای سیستم های سه جزئی و چهار جزئی	جدول ۲-۱۴-۱-۵
۱۲۹	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson و خطای مطلق آن در فاز مایع و بخار	جدول ۱-۱-۲-۵
۱۳۰	کسر مولی بدست آمده از معادله MMM در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۱-۲-۵
۱۳۰	پارامترهای قابل تنظیم در معادله Peng-Robinson و معادله MMM برای سیستم های مورد نظر	جدول ۱-۲-۲-۵
۱۳۱	کسر مولی بدست آمده از معادله MMM در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۲-۲-۵
۱۳۱	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۲-۲-۵
۱۳۲	کسر مولی بدست آمده از معادله MMM در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۴-۲-۲-۵
۱۳۲	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۵-۲-۳-۵

		مطلق آن	
۱۳۳	کسر مولی بدست آمده از معادله $MMM$ در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۶-۲-۲-۵	
۱۳۳	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۷-۲-۲-۵	
۱۳۴	کسر مولی بدست آمده از معادله $MMM$ در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۸-۲-۲-۵	
۱۳۴	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۹-۲-۲-۵	
۱۳۵	ثوابت معادله ۱-۳-۳-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۳-۲-۵	
۱۳۵	پارامترهای برهمکنش معادلات NRTL و Wilson	جدول ۲-۳-۲-۵	
۱۳۵	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۳-۲-۵	
۱۳۶	کسر مولی بدست آمده از معادله Wilson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۴-۳-۲-۵	
۱۳۸	ثوابت معادله ۱-۴-۳-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۴-۲-۵	
۱۳۸	پارامترهای برهمکنش معادلات NRTL و Wilson	جدول ۲-۴-۲-۵	
۱۳۸	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۴-۲-۵	
۱۳۹	کسر مولی بدست آمده از معادله Wilson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۴-۴-۲-۵	
۱۴۰	ثوابت معادله ۱-۵-۲-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۵-۲-۵	
۱۴۱	پارامترهای برهمکنش معادلات NRTL و Wilson	جدول ۲-۵-۲-۵	
۱۴۱	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۵-۲-۵	
۱۴۲	کسر مولی بدست آمده از معادله Wilson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۴-۵-۲-۵	
۱۴۳	ثوابت معادله ۱-۶-۳-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۶-۲-۵	
۱۴۳	پارامترهای برهمکنش معادلات UNIQUAC	جدول ۲-۶-۲-۵	
۱۴۴	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۶-۲-۵	
۱۴۵	ثوابت معادله ۱-۷-۳-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۷-۲-۵	
۱۴۵	پارامترهای برهمکنش معادلات UNIQUAC	جدول ۲-۷-۲-۵	
۱۴۶	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۷-۲-۵	
۱۴۷	برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۸-۲-۵	
۱۴۷	پارامترهای برهمکنش معادلات NRTL و Wilson	جدول ۲-۸-۲-۵	

۱۴۷	کسر مولی بدست آمده از معادله Wilson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۸-۲-۵
۱۴۸	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۴-۸-۲-۵
۱۵۰	ثوابت معادله ۱-۹-۳-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۹-۲-۵
۱۵۰	پارامترهای برهمکنش معادله NRTL	جدول ۲-۹-۲-۵
۱۵۰	کسر مولی بدست آمده از معادله NRTL در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۹-۲-۵
۱۵۱	خواص فیزیکی مواد مورد نظر	جدول ۱-۱۰-۲-۵
۱۵۱	پارامترهای قابل تنظیم مربوط به مخلوط مورد نظر	جدول ۲-۱۰-۲-۵
۱۵۱	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۱۰-۲-۵
۱۵۳	پارامترهای قابل تنظیم مربوط به مخلوط مورد نظر	جدول ۱-۱۱-۲-۵
۱۵۳	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق	جدول ۲-۱۱-۲-۵
۱۵۴	پارامترهای قابل تنظیم مربوط به مخلوط مورد نظر	جدول ۱-۱۲-۲-۵
۱۵۴	کسر مولی بدست آمده از معادله Peng-Robinson در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۱۲-۲-۵
۱۵۵	ثوابت معادله ۱-۱-۴-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۱-۳-۵
۱۵۵	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۱-۳-۵
۱۵۶	ثوابت معادله ۱-۲-۴-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۲-۳-۵
۱۵۶	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۲-۳-۵
۱۵۷	ثوابت معادلات ۱-۳-۴-۵، ۲-۳-۴-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۳-۳-۵
۱۵۷	پارامترهای برهمکنش معادله UNIQUAC	جدول ۲-۳-۳-۵
۱۵۷	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIQUAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۳-۳-۵
۱۵۸	ثوابت معادله برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۴-۳-۵

۱۵۸	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۴-۳-۵
۱۵۹	ثوابت معادله ۱-۵-۴-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۵-۳-۵
۱۵۹	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۵-۳-۵
۱۶۰	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۳-۵-۳-۵
۱۶۰	ثوابت معادله ۱-۶-۴-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۶-۳-۵
۱۶۰	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۶-۳-۵
۱۶۱	ثوابت معادله ۱-۷-۴-۵ برای بدست آوردن فشار بخار	جدول ۱-۷-۳-۵
۱۶۱	کسر مولی بدست آمده از معادله UNIFAC در فاز مایع و بخار و خطای مطلق آن	جدول ۲-۷-۳-۵
۱۶۲	محلول پلیمر - حلال ، $\tau$ تعداد قطعات پلیمر ، $\chi$ پارامتر برهکش و $k_{ij}$ پارامتر قابل تنظیم برای قانون مخلوط بدست آمده از مرجع [۱۱].	جدول ۱-۴-۵
۱۶۲	وزن مولکولی ( $MW$ ) ، دمای بحرانی ( $T_c$ ) ، فشار بحرانی ( $P_c$ )	جدول ۲-۴-۵
۱۶۳	وزن مولکولی پلیمر ( $MW$ ) و پارامتر جاذبه ( $a$ ) و پارامتر دافعه ( $b$ )	جدول ۳-۴-۵
۱۶۳	وزن مولکولی حلال ( $w_i$ ) ، اکتیویته تجربی حلال ( $a_i^{\text{exp}}$ ) و اکتیویته حلال ( $a_i^{\text{cal}}$ ) در دمای ۲۹۸،۱۵ (Polyisobutylene+ Cyclohexane) محاسبه شده (۲۹۸،۱۵) در کلوین	جدول ۴-۴-۵
۱۶۳	وزن مولکولی حلال ( $w_i$ ) ، اکتیویته تجربی حلال ( $a_i^{\text{exp}}$ ) و اکتیویته حلال ( $a_i^{\text{cal}}$ ) در (Polyisobutylene+ Benzene) در دمای ۲۹۸،۱۵ کلوین	جدول ۵-۴-۵
۱۶۴	وزن مولکولی حلال ( $w_i$ ) ، اکتیویته تجربی حلال ( $a_i^{\text{exp}}$ ) و اکتیویته حلال ( $a_i^{\text{cal}}$ ) در (Polystyrene+ Chloroform) در دمای ۲۹۸،۱۵ کلوین	جدول ۶-۴-۵
۱۶۴	وزن مولکولی حلال ( $w_i$ ) ، اکتیویته تجربی حلال ( $a_i^{\text{exp}}$ ) و اکتیویته حلال ( $a_i^{\text{cal}}$ ) در (Polypropylene oxide + Benzene) در دمای ۳۳۳،۳۵ (Polypropylene oxide + Benzene) در دمای ۳۳۳،۳۵ کلوین	جدول ۷-۴-۵
۱۶۴	وزن مولکولی حلال ( $w_i$ ) ، اکتیویته تجربی حلال ( $a_i^{\text{exp}}$ ) و اکتیویته حلال ( $a_i^{\text{cal}}$ ) در (Polyethylene oxide + Benzene) در دمای ۳۱۸ (Polyethylene oxide + Benzene) در دمای ۳۱۸ کلوین	جدول ۸-۴-۵
۱۶۴	وزن مولکولی حلال ( $w_i$ ) ، اکتیویته تجربی حلال ( $a_i^{\text{exp}}$ ) و اکتیویته حلال ( $a_i^{\text{cal}}$ ) در (Polyethylene oxide + Benzene) در دمای ۳۴۳،۱۵ (Polyethylene oxide + Benzene) در دمای ۳۴۳،۱۵ کلوین	جدول ۹-۴-۵

## فهرست اشکال

۵۳	چرخ رولت	شکل ۱-۱-۲-۲-۳
۵۷	مراحل اساسی الگوریتم زنگیک	شکل ۲-۱-۲-۲-۳
۵۹	روش سری	شکل ۳-۱-۲-۲-۳
۶۰	روش محاطی	شکل ۴-۱-۲-۲-۳
۶۱	تشریح الگوریتم نلدر- مید	شکل ۱-۱-۳-۲-۳
۶۵	$\frac{\Delta G_{mix}}{RT}$ برای مخلوط دوتایی در تک فازی	شکل ۱-۱-۳-۴
۶۶	$\frac{\Delta G_{mix}}{RT}$ برای مخلوط دوتایی در دو فازی	شکل ۲-۱-۳-۴
۶۶	نمودار $\frac{dg}{dx_1}$ بر حسب $x_1$ برای یک فاز	شکل ۳-۱-۳-۴
۶۷	نمودار $\frac{dg}{dx_1}$ بر حسب $x_1$ برای دو فاز	شکل ۴-۱-۳-۴
۶۸	نمودار $D_{ij}$ بر حسب	شکل ۵-۱-۳-۴
۶۹	نمودار روش تانیلینگ	شکل ۶-۱-۳-۴
۷۰	نمودار $g$ بر حسب $x$	شکل ۷-۱-۳-۴
۸۲	نحوه محاسبه تعیین پارامتر برهمنش	شکل ۱-۳-۶

## مقدمه

محاسبات مربوط به مسائل تعادلات فازی از مهمترین موضوعاتی است که در چند سال اخیر توجه شیمی دانها و مهندسان شیمی را به خود جلب کرده است. اهمیت این محاسبات به اندازه‌ای است که تاکنون مقالات متعددی در این زمینه نوشته و منتشر شده است. تعادلات فازی خصوصاً حالت مایع - مایع و مایع - بخار در بیشتر فرایند‌های شیمیایی، نفت، پتروشیمی، وغیره اتفاق می‌افتد. به عنوان مثال در صنایع شیمیایی، نفت و پتروشیمی می‌توان به برجهای تقطیر، واحدهای استخراج، اشاره کرد. در اینجا از الگوریتم مینیمم سازی انرژی آزاد گیبس برای انجام محاسبات تعادلات فازی استفاده شده است، زیرا برای طراحی دستگاه‌های جداکننده‌های فازی، ابتدا مشخصات جریان خروجی از این جداکننده‌ها را باید محاسبه کرد، از آن جای که در طراحی این تجهیزات سعی می‌شود که جریان خروجی از این دستگاه در تعادل با یکدیگر قرار گیرند لذا نقطه تعادل تعیین کننده شرایط جریان خروجی از این دستگاه‌ها می‌باشد با توجه به مطلب گفته شده و با در نظر گرفتن این مطلب که جداکننده‌ها فازی معمولاً دریک دمای و فشار ثابت کار می‌کنند، محاسبه نقطه تعادل در دما و فشار ثابت یکی از اولین گام‌ها در طراحی جداکننده‌ها فازی می‌باشد. به طور کلی در دما و فشار ثابت، حالت تعادل یک مخلوط مطابق با شرایطی است که انرژی آزاد گیبس مجموعه در حداقل حالت خود (Global Minimum) قرار داشته باشد.

برای محاسبه نقطه تعادل در دما و فشار ثابت، تاکنون روش‌های متفاوتی ارائه شده اند این روش‌ها را می‌توان به دو گروه عمده تقسیم کرد. گروه اول شامل روش‌هایی می‌شود که در آن‌ها با استفاده از حل یک سری معادلات، که از اصول تعادل فازی و موازنۀ جرم ناشی می‌شوند، نقطه تعادل مشخص می‌شوند<sup>[۱]</sup>.

ایراد عمدۀ این روش‌ها در این است که با حل معادلات مورد بحث در آن‌ها، فقط شرط لازم برای حداقل بودن انرژی آزاد گیبس برآورده می‌شود. همچنین با تغییر تعداد اجزاء و فاز، دستگاه مربوطه نیز تغییر می‌کند که این مورد با توجه به از پیش مشخص نبودن تعداد فازها، می‌توان در دسرساز باشد. اما در گروه دوم برای محاسبه نقطه تعادل به کمینه سازی انرژی آزاد گیبس پرداخته شده است. مساله مورد بحث در این گونه روش‌ها این است که باید کمینه ترین نقطه تابع انرژی آزاد گیبس تعیین شود. لذا با توجه به ماهیت تابع هدف (انرژی آزاد گیبس) که شدیداً غیرخطی و پیچیده است، کمینه سازی این توابع از دو دیدگاه مورد توجه قرار گرفته است.

در دیدگاه اول با در نظر گرفتن اصول و قواعد ترمودینامیکی، مسیر محاسبات کمینه سازی به گونه‌ای پیموده می‌شود که در دیدگاه دوم، مسأله کمینه سازی تابع هدف تعیین می‌شود [۲] این در حالی است که در دیدگاه دوم، مسأله کمینه سازی تابع انرژی آزاد گیبس به عنوان یک مسأله ریاضیاتی محض دیده شده است و برای تعیین کمینه ترین نقطه انرژی آزاد گیبس، روی به روش‌های بهینه سازی مطلق آورده شده است [۳] از جمله روش‌هایی که در کمینه سازی مطلق توابع چند متغیره موفق بوده اند می‌توان به الگوریتم ژنتیک اشاره نمود که برای کمینه سازی انرژی آزاد گیبس مورد استفاده قرار گرفته است.

دو عامل در تعیین خطای حاصل از شبیه سازی سیستم‌ها جداسازی نقش دارند: اول مدل ترمودینامیکی مورد استفاده برای بیان وضعیت تعادل و دوم ضرائب برهمکنش دوگانه (Binary Interaction) پارامترها قابل تنظیم در مدل‌های ترمودینامیکی، عامل اول یعنی تعیین مدل ترمودینامیکی، را شاید بتوان تا حدی به تجربه مهندسی طراح ربط داد در حالی که تعیین عامل دوم، مسأله‌ای است که به عوامل بسیار زیادی وابسته است به طوری که ضرائب برهمکنش دوگانه دو جزء در مخلوط‌های متفاوت و همچنین در دماهای مختلف دارای مقادیر متفاوتی است این مقدار از حساسیت، بیانگر نیاز به یک پایگاه داده ای بسیار غنی می‌باشد. اما چنین پایگاه داده ای وجود ندارد و ضرائب برهمکنش دوگانه، خصوصاً برای سیستم‌هایی که اولین بار مورد مطالعه قرار می‌گیرند باید با استفاده از نتایج آزمایشگاهی تخمین زده شوند.

روش‌هایی که تاکنون مورد استفاده قرار گرفته اند، یا نتوانسته اند تخمین مناسبی از پارامترها را ارائه نمایند. یا اینکه روش‌های عمومی ای نبوده اند و فقط در موارد خاصی کاربرد داشته است. در کار حاضر سعی بر این بوده است الگوریتمی ارائه گردد که از طرفی تخمین مناسبی از پارامترهای مدل ترمودینامیکی را ارائه نمائند و از طرفی دیگر در همه موارد کاربرد داشته باشند. پس از تعیین مدل

ترمودینامیکی و ضرائب برهمکنش دوگانه و همچنین حل معادلات مربوط به شبیه سازی می توان شرایط جریان خروجی از دستگاه جداسازی را تعیین نمود.

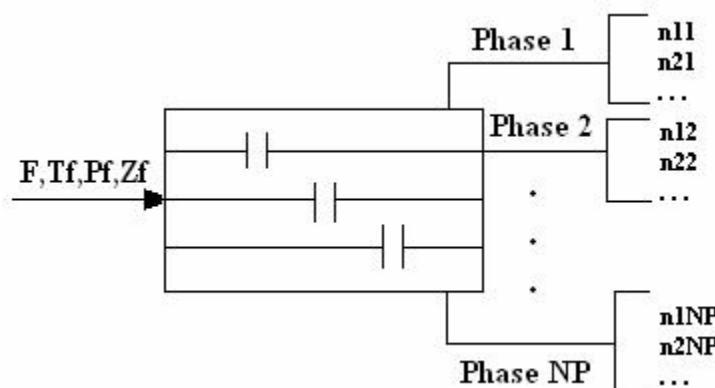
در اینجا سعی می شود که به طور خلاصه به چند کاربرد تعادلات فازی در صنایع شیمیایی اشاره کرد تا قبل از ارائه الگوریتم مناسب برای حل مسائل تعادلات فازی، اهمیت موضوع بیشتر روشن گردد.

## صنایع شیمیایی و نفت برج های نقطیر و واحدهای استخراج

برج های نقطیر و استخراج از واحدهای بسیار مهم در صنایع شیمیایی و نفت هستند که برای جداسازی ترکیبات نفتی و مواد شیمیایی در پالایشگاه ها و... مورد استفاده قرار می گیرند . در این واحدها بر روی سینی های مختلف ، فازهای متفاوتی (نظیر مخلوط فاز های مایع و بخار) در تماس بوده که به علت تفاوت پتانسیل شیمیایی اجزاء در فازهای مختلف، انتقال جرم بین این فازها انجام می گیرد. برای محاسبه غلظت اجزاء بر روی سینی های داخل برج، فرض می شود که فازهای در حال تماس بر روی هر کدام از این سینی ها به تعادل رسیده اند.

### سیستم های تعادلی چند فازی (Flash Drum)

سیستم تعادلی چند فازی را مطابق شکل زیر ملاحظه نمائید.



این شکل نشان می دهد که مخلوط  $f$  با دمای  $T_f$ ، فشار  $P_f$  (دما و فشار معین هستند) و ترکیب  $Z_f$  وارد مخزن شده و سپس به چند فاز متفاوت (مایع و بخار) تقسیم می شود. هر کدام از این فازها ممکن است خالص و یا دارای چندین جزء باشند. در این شکل تعداد فازهای واقعی  $NP$  نشان داده شده است.

به علت تفاوت پتانسیل شیمیایی اجزاء در فازهای مختلف، انتقال جرم از مرز مشترک این فازها انجام می گیرید. انرژی گیبس کل، برای سیستم بسته فوق در شرایط دما و فشار ثابت، در طول یک فرایند غیر برگشت پذیر کاهش می یابد. سپس زمانی که تغییرات انرژی گیبس کل در شرایط معین دما و فشار برابر صفر شود آنگاه پتانسیل شیمیایی اجزاء در همه فازها یکسان شده و عملیات انتقال جرم از فازها متوقف می گردد و یک حالت ایستایی به نام تعادلی به وجود می آید.

## اهداف و سازمان بندی مطالب پایان نامه

در فصل اول با توجه به این که از معادلات [۴] NRTL و [۵] UNIQUAC و [۶] Wilson و [۷] UNIFAC و معادله فلوری- هاگینز (Flory-Huggins) در کمینه سازی تعادلات ذکر شده، مورد استفاده قرار گرفت لذا درباره این معادلات و ایده هایی که این معادلات را برای سیستم تعادلی پیشنهاد داده اند و همچنین نقاط ضعف و قوت آن توضیح داده می شود.

از آنجا که در این پژوهه در سیستم تعادلی مایع- بخار مخصوصاً در سیستم تعادلی پلیمر از معادله حالت پنگ- رابینسون<sup>[۸]</sup> و MMM<sup>[۹]</sup> استفاده شد. و همچنین از قانون اختلاط کلاسیک<sup>۱</sup> و ونگ- سندلر<sup>۲</sup> برای سیستم های در نظر گرفته شده استفاده شد، لذا فصل دوم در مورد معادلات حالت، بدست آوردن ضریب فوگاسیته از دو معادله حالت ذکر شده و همچنین در مورد قانون اختلاط توضیح داده می شود.

از آنجا که در این پژوهه از الگوریتم ژنتیک<sup>۳</sup> برای کمینه سازیتابع انرژی آزاد گیبس مورد استفاده قرار گرفت و همچنین از الگوریتم نلدر- مید<sup>۴</sup> برای به دست آوردن پارامترهای برهمکنش مورد استفاده

Peng - Robinson<sup>۱</sup>

Mixing Rule<sup>۲</sup>

Vong - sandler<sup>۳</sup>

Genetic algorithm<sup>۴</sup>

Nelder – Mead<sup>۵</sup>