



دانشگاه تبریز

دانشکده فیزیک

گروه حالت جامد و الکترونیک

### پایان نامه

برای دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته فیزیک حالت جامد و الکترونیک

عنوان

## بررسی تزویج نوری میکروکاواک با موجبر خطی در یک بلور فوتونی دو بعدی

استادان راهنما

دکتر منوچهر کلافی - دکتر علی سلطانی والا

پژوهشگر

سیف الله دهقان

۱۳۹۱ دی

بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيمِ

تَعْدِيمٌ:

زهراي خوب زندگم

## بهنام توایی مینای داور و ای توانای بی یاور

پاس و تائش بیکران تور کاره تو ان و هم تم بیده کردی تا قدم در این راه گذارم و یاریم نمودی تابدین جارسم. به حرمت آن نام که تو آنی، و به حرمت آن صفات که چنانی، یاریم کن تاعربه نادانی به آخوند ز سانم، بیاموزم و بیاموزنام. پروردگارا، مرآمدگن توانش اندکم نزدیانی باشد برای فزوئی تکبر و غور، نحلقه ای برای اسارت و ندستیه ای برای تجارت، بلکه گامی باشد برای تجلی انسانیت و متعال ساختن زندگی خود و بیکران.

طی این راه و فایق آمن بر مثلاً ثلات و دشواری ها ممکن نبوده است، مگر به لطف و یاری آنها کی که از اعطای وجود شان بهره مند بوده ام. بر خود لازم می دانم قدردان کسانی باشم که به نوعی دپیشرفت و موافقیت من مؤثر بوده اند؛ تقدیر و مشکر می کنم از:

قدس ترین و از های زندگیم، پدر و مادرم، آنان که وجودم برایشان هم رنج بود و وجود شان برایم هم هر روز

استای راهنمای فرزانه و بزرگوارم جناب آقا کی دکتر مسون چهرکلاغی و جناب آقا کی دکتر علی سلطانی و الابه خاطر راهنمایی های ارزشده و صبر و حوصله بی دریغشان؛

آقا کی دکتر صدر و شن انتظار به سبب تقتل داوری این پژوهش؛

آقا جنت حاجیان و آقا تایب از قم اللهم داشتیم یان محترم دوره دکتری به خاطر گمک های فراوانشان؛

میرگرده محترم کروه حالت جاده و الکترونیک، ریاست محترم، امایید کر اقدر و کنان ز حکمک و اشکده فیزیک به خاطر لطف سرشار شان؛

دوستان هم کلاسی ام، به ویژه جناب آقا اسماعیل رحمت پور و سرکار خانم مهسا امیر قلم به سبب همراهی امید نخشن شان.

نام خانوادگی دانشجو: دهقان

نام: سیف‌الله

عنوان پایان‌نامه: بررسی تزویج نوری میکروکاواک با موجبر خطی در یک بلور فوتونی دو بعدی

استادان راهنمای: دکتر منوچهر کلافی-دکتر علی سلطانی والا

مقطع تحصیلی: کارشناسی ارشد گرایش: فیزیک رشته: حالت جامد و الکترونیک

دانشگاه: تبریز دانشکده: فیزیک تاریخ فارغ‌التحصیلی: ۱۳۹۱/۱۰/۲۰ تعداد صفحات: ۱۰۹

کلید واژه‌ها: بلورهای فوتونی، موجبر، کاواک مشدد، تزویج نوری، موجبر کاواک‌های تزویج شده.

چکیده:

بلورهای فوتونی به دلیل توانایی بی‌نظیر در کنترل خواص نوری، توجه زیادی را در هر دو حوزه مفاهیم فیزیکی و کاربردهای عملی به خود معطوف کرده‌اند. کاواک‌ها و موجبرها که از اجزای اصلی مدارهای نوری ساخته شده بر پایه بلورهای فوتونی هستند، حاصل اعمال نقص‌های کنترل شده در بلورهای فوتونی می‌باشند. یک کاواک بلور فوتونی با اعمال نقص نقطه‌ای و یک موجبر نوری بلور فوتونی با اعمال نقص خطی در ساختار شبکه بلور حاصل می‌شوند. علاوه بر این در سال ۱۹۹۹ موجبر جدیدی به نام موجبر کاواک‌های تزویج شده معرفی گردید؛ مکانیسم موجبری در این دسته از موجبرها بر تزویج ضعیف بین کاواک‌های با فاکتور کیفیت بالا، که بطور متناوب در ساختار بلور فوتونی ایجاد شده‌اند، استوار بود.

سیستم‌های نوری مبتنی بر ترکیب موجبرها و کاواک‌ها از شاخه‌های مهم تحقیقاتی در بلورهای فوتونی محسوب می‌شوند. هر چند ساختارهای کاواک-موجبر کاربردهای زیادی در مدارهای نوری دارند، اما ممکن است عملکرد این مدارها توسط بازده تزویج بین کاواک و موجبر محدود شود. در این

پژوهش تزویج نوری بین کاواک و موجبر، با هدف بهبود بازده تزویج مورد بررسی قرار گرفت. تمامی محاسبات مربوط به ساختار باند بلورهای فوتونی، توسط بسته نرم افزاری MPB و شبیه‌سازی‌های مربوط به محاسبه توزیع میدان، فاکتور کیفیت و در نتیجه بازده تزویج توسط بسته نرم افزاری Meep انجام گرفته است.

در این پایان‌نامه تزویج نوری دو نوع ساختار کاواک-موجبر بلورهای فوتونی دو بعدی با تقارن شبکه مربعی، به صورت تئوری مورد مطالعه قرار گرفت. ابتدا تزویج نوری بین یک کاواک مشدد و یک موجبر نقص خطی بررسی شد. در این مورد با تغییرات جزئی در ساختار موجبر بلور فوتونی بازده تزویجی بالاتر از ۹۵٪ حاصل شد. هر چند این بازده از نظر تئوری بسیار ایده‌آل بود اما چون تطابق فرکانسی بین مدل کاواک و منحنی پاشندگی موجبر در لبه‌های نوار بریلوئن حاصل می‌شد، این نتیجه از نظر کاربردی مطلوب نبود. بررسی موجبر کاواک‌های تزویج شده نشان داد که این موجبرها سرعت گروه کمتر و در ناحیه بردار موجی وسیع‌تر را نسبت به موجبر نقص خطی بدست می‌دهند و در نتیجه می‌توانند انتخابی مناسب جهت تزویج با کاواک‌های مشدد باشند. پس به عنوان دومین ساختار کاواک-موجبر، تزویج نوری بین یک کاواک مشدد و یک موجبر کاواک‌های تزویج شده مورد مطالعه قرار گرفت. شبیه‌سازی‌های عددی نشان داد که اگر کاواک مشدد و کاواک‌های سازنده موجبر مانند هم باشند، بازده تزویج بهینه خواهد شد؛ زیرا تطابق فرکانسی مناسب و در ناحیه بردار موجی وسیع بین مدل کاواک و منحنی پاشندگی موجبر اتفاق خواهد افتاد. این نتیجه از نظر تحقیقات کاربردی حائز اهمیت است.

# فهرست مطالب

## صفحه

## عنوان

---

۱	پیش گفتار.....
<b>فصل اول: بررسی منابع</b>	
۴	بلورهای فوتونی.....
۴	مقدمه.....
۷	۱- پارامترهای مهم بلور فوتونی.....
۷	۱-۱- ابعاد بلور فوتونی.....
۸	۱-۱-۱-۱- بلور فوتونی یک بعدی.....
۹	۱-۱-۱-۲- بلور فوتونی دو بعدی.....
۱۰	۱-۱-۱-۳- بلور فوتونی سه بعدی.....
۱۱	۲-۱- مواد سازنده بلورهای فوتونی.....
۱۱	۱-۲-۱-۱- مواد با ثابت دی الکتریک مستقل از فرکانس (غیرپاشنده).....
۱۳	۲-۲-۱-۱- مواد با ثابت دی الکتریک وابسته به فرکانس (پاشنده).....
۱۵	۲-۱- ساختار باند بلورهای فوتونی.....
۱۸	۳-۱- نقص در بلورهای فوتونی.....

۱-۴ کاربردهای بلور فوتونی.....	۲۰
۱-۴-۱ کاوک‌های بلور فوتونی.....	۲۱
۱-۴-۲ موجبرها.....	۲۴
۱-۴-۳ موجبرهای دی‌الکتریک معمولی.....	۲۷
۱-۴-۴ موجبرهای بلور فوتونی.....	۲۸
۱-۴-۵ موجبر کاوک‌های تزویج شده.....	۳۱
۱-۴-۶ موجبرهای نامتجانس بلورهای فوتونی.....	۳۲
۱-۴-۷ فیبرهای بلور فوتونی.....	۳۳
۱-۴-۸ فیلترهای بلور فوتونی.....	۳۴
۱-۵ سرعت انتشار نور.....	۳۵
۱-۶ پدیده نور کم سرعت.....	۳۶
۱-۷ روش‌های ساخت بلورهای فوتونی.....	۳۷

## **فصل دوم: مبانی و روش‌ها**

۲-۱ روش‌های عددی در تحلیل بلورهای فوتونی.....	۴۱
۲-۱-۱ روش‌های عددی در حوزه زمان.....	۴۱
۲-۱-۲ روش‌های عددی در حوزه بسامد.....	۴۲
۲-۲ بررسی شرایط مرزی.....	۴۳
۲-۳ قضیه بلوخ و ثابت دی‌الکتریک متناوب.....	۴۴
۲-۴ معادلات ماکسول.....	۴۷

۵۱	۵-۲ بسط موج تخت معادلات ماکسول.....
۵۳	۶-۲ ساختار نوار داخل صفحه تناوب بلور فوتونی دو بعدی.....
۵۵	۷-۲ محاسبه ضریب فوریه عکس تابع دیالکتریک برای میله‌های بلور فوتونی.....
۵۵	۷-۲-۱ روش محاسبه.....
۵۷	۷-۲-۲ محاسبه ضرایب فوریه عکس تابع دیالکتریک مربوط به میله‌های با سطح مقطع دایروی.....
۶۰	۷-۲-۳ محاسبه ضرایب فوریه عکس تابع دیالکتریک مربوط به میله‌های با سطح مقطع مربعی.....
۶۱	۸-۲ محاسبه مدهای نقص به روش ابرسلول.....
۶۲	۸-۲-۱ محاسبه مدهای نقص خطی در بلور فوتونی دو بعدی با تقارن شبکه مربعی.....
۶۴	۸-۲-۲ محاسبه مدهای نقص در بلور فوتونی دو بعدی با تقارن شبکه مثلثی.....
۶۷	۸-۲-۳ تغییر در ساختار بلور فوتونی شامل نقص خطی.....
۶۷	۸-۲-۳-۱ تغییر اندازه ثابت دیالکتریک میله‌های نقص خطی.....
۶۸	۸-۲-۳-۲ تغییر شعاع میله‌های نقص خطی.....
۶۹	۸-۲-۳-۳ تغییر شعاع میله‌های همسایه اول نقص خطی.....
۷۰	۸-۲-۳-۴ جابجایی میله‌های همسایه اول نقص خطی.....
۷۲	۸-۲-۴ محاسبه مدهای نقص نقطه‌ای در بلور فوتونی دو بعدی.....
۷۴	۹-۲ تزویج موجبر و کاواک در بلور فوتونی.....
۷۶	۱۰-۲ معرفی نرم‌افزارهای MPB و Meep.....

## فصل سوم: نتایج و بحث

۷۹	مقدمه
۸۰	۱-۳ ساختار باند بلور فوتونی دو بعدی
۸۳	۲-۳ بررسی کاواک بلور فوتونی دو بعدی متشکل از میله‌های دیالکتریک در زمینه هوا
۸۴	۱-۲-۳ توزیع فضایی میدان الکتریکی در کاواک بلور فوتونی دو بعدی
۸۶	۳-۳ بررسی موجبر بلور فوتونی دو بعدی متشکل از میله‌های دیالکتریک در زمینه هوا
۸۷	۱-۳-۳ پدیده نور کم سرعت در موجرهای بلور فوتونی
۸۸	۴-۳ تزویج کاواک و موجبر بلور فوتونی
۸۹	۱-۴-۳ عوامل مؤثر در تزویج یک سیستم کاواک-موجبر
۸۹	۱-۴-۳-۱ همپوشانی فضایی
۹۰	۱-۴-۳-۲ تطابق فرکانسی
۹۱	۱-۴-۳-۳ سرعت گروه در محل تلاقی فرکانسی
۹۲	۲-۴-۳ بازده تزویج کاواک مشدد و موجبر نقص خطی در یک بلور فوتونی دو بعدی با تقارن شبکه مربعی
۹۶	۵-۳ موجبر کاواک‌های تزویج شده (CCW)
۹۷	۱-۵-۳ ساختار باند موجبر کاواک‌های تزویج شده
۹۸	۲-۵-۳ پدیده نور کم سرعت در موجبر کاواک‌های تزویج شده
۹۹	۳-۵-۳ بازده تزویج کاواک مشدد و موجبر کاواک‌های تزویج شده در یک بلور فوتونی دو بعدی با تقارن شبکه مربعی

۱۰۴	نتیجه‌گیری کلی
۱۰۶	پیشنهادات
۱۰۷	منابع مورد استفاده

## فهرست شکل‌ها

---

### فصل اول

**شکل ۱-۱:** نمونه‌هایی از بلورهای فوتونی که در طبیعت یافت شده‌اند. الف) پر طاووس، ب) پروانه مورفوج) سنگ اوپال

**شکل ۱-۲:** نمایش طرح‌وار از بلورهای فوتونی یک، دو و سه بعدی. رنگ‌های مختلف نشان دهنده مواد با ثابت دی‌الکتریک متفاوت است.

**شکل ۱-۳:** بلور فوتونی یک بعدی که راستای تناوب آن در راستای محور Z می‌باشد.

**شکل ۱-۴:** بلور فوتونی دو بعدی با شبکه‌ی مربعی. ضریب دی‌الکتریک در این ساختار در راستای محورهای X و Y به طور متناوب تغییر می‌کند اما در راستای محور Z ثابت می‌باشد. ثابت شبکه این ساختار  $a$  می‌باشد.

**شکل ۱-۵:** یک نمونه بلور فوتونی سه بعدی.

**شکل ۱-۶:** ساختار باند بلور فوتونی برای سه فیلم چند لایه متفاوت.

**شکل ۱-۷:** طرح شماتیکی از حالت‌های ممکن ایجاد نقص نقطه‌ای، خطی و سطحی در یک بلور فوتونی دو بعدی.

**شکل ۱-۸:** کاواک‌های بلور فوتونی که از ایجاد نقص نقطه‌ای در بلور حاصل شده‌اند. الف) تعویض جنس یکی از میله‌ها، ب) تغییر شعاع یکی از میله‌ها و ج) حذف یکی از میله‌ها.....  
۲۲.....

**شکل ۱-۹:** ساختار باند یک بلور فوتونی (چپ) بدون هیچ نقص نقطه‌ای و (راست) با ایجاد یک نقص نقطه‌ای در داخل شبکه بلور فوتونی.....  
۲۴.....

**شکل ۱-۱۰:** برای حد فاصل بین دو محیط دی‌الکتریک  $\epsilon_1$  و  $\epsilon_2$ ، می‌توان نور را با زاویه فرودی  $\theta_1$  و زاویه شکست  $\theta_2$  که بر اساس قانون اسنل بدست می‌آید، بیان کرد.....  
۲۵.....

**شکل ۱-۱۱:** هدایت نور توسط کاواک‌های نقص‌های نقطه‌ای در یک بلور فوتونی.....  
۲۶.....

**شکل ۱-۱۲:** موجبر معمولی.....  
۲۷.....

**شکل ۱-۱۳:** نمایش نحوه اتلاف نور در انتهای خمیده موجبر معمولی.....  
۲۸.....

**شکل ۱-۱۴:** موجبر بلور فوتونی.....  
۲۹.....

**شکل ۱-۱۵:** (چپ) ساختار باند یک موجبر بلور فوتونی و (راست) نحوه انتشار امواج در راستای موجبر بلور فوتونی.....  
۳۰.....

**شکل ۱-۱۶:** (الف) موجبر خمیده  $90^\circ$  درجه در شبکه مربعی. (ب) موجبر خمیده  $60^\circ$  درجه در شبکه مثلثی.....  
۳۱.....

**شکل ۱-۱۷:** یک موجبر بلور فوتونی نامتجانس که از اتصال دو موجبر بلور فوتونی با شبکه مثلثی و ثابت‌های شبکه متفاوت ساخته شده است.....  
۳۲.....

**شکل ۱-۱۸:** سطح مقطع فیبرهای بلور فوتونی (الف) فیبر برگ، (ب) فیبر بلور فوتونی مرکز خالی، (ج) فیبر بلور فوتونی مرکز پر.....  
۳۴.....

**شکل ۱-۱۹:** طرح شماتیکی از فیلتر بلور فوتونی.....  
۳۵.....

## فصل دوم

شکل ۲-۱: حالت تابش در صفحه بلور فوتونی دو بعدی با فرض تناوب ضریب دیالکتریک بلور در صفحه  $XOY$  ..... ۵۴

شکل ۲-۲: سلول واحد یک بلور فوتونی دو بعدی شامل میله‌هایی با سطح مقطع دایروی ..... ۵۸

شکل ۲-۳: سلول واحد یک بلور فوتونی دو بعدی شامل میله‌هایی با سطح مقطع مربعی و ثابت دیالکتریک  $\epsilon_a$  در زمینه‌ای از یک ماده دیگر با ثابت دیالکتریک  $\epsilon_b$  ..... ۶۰

شکل ۲-۴: تصویری نمادین از یک بلور فوتونی با شبکه مربعی که در آن یک نقص خطی با تغییر ثابت دیالکتریک یک ردیف از میله‌ها تعییه شده است. شکل نقطه‌چین نمایشگر ابرسلولی است که برای بررسی مدهای نقص در نظر گرفته می‌شود ..... ۶۲

شکل ۲-۵: سلولی که شامل ۱۲ سلول کامل و یک سلول نقص می‌باشد.  $L = Na$  ثابتی است که ابرسلول با آن در راستای  $x$  تکرار می‌شود، که در آن  $N$  تعداد سلول‌های کامل به اضافه سلول نقص می‌باشد ..... ۶۳

شکل ۲-۶: تصویری نمادین از یک بلور فوتونی با شبکه مثلثی که در آن یک نقص خطی با تغییر ثابت دیالکتریک یک ردیف از میله‌ها تعییه شده است. شکل نقطه‌چین نمایشگر ابرسلولی است که برای بررسی مدهای نقص در نظر گرفته می‌شود ..... ۶۵

شکل ۲-۷: ابرسلولی که شامل ۸ سلول کامل و یک سلول نقص می‌باشد.  $L = N\sqrt{3}a$  ثابتی است که ابرسلول با آن در راستای  $x$  تکرار می‌شود، که در آن  $N$  تعداد سلول‌های کامل به اضافه سلول نقص می‌باشد ..... ۶۵

شکل ۲-۸: تغییر شعاع میله‌های همسایه اول نقص خطی در شبکه مربعی و مثلثی ..... ۷۰

شکل ۲-۹: جابجایی میله‌های همسایه اول نقص خطی در شبکه مربعی و مثلثی ..... ۷۱

**شکل ۲-۱:** ابرسلول در نظر گرفته شده برای بررسی نقص نقطه‌ای.  $L=Na$  ثابتی است که ابرسلول با آن در راستای  $x$  و  $y$  تکرار می‌شود.....  
۷۲

## فصل سوم

**شکل ۳-۱:** بلور فوتونی دوبعدی با تقارن شبکه مربعی و متشکل از میله‌های دیالکتریک با سطح مقطع دایروی در زمینه هوا.....  
۸۰

**شکل ۳-۲:** ناحیه اول بریلوئن برای شبکه مربعی.....  
۸۱

**شکل ۳-۳:** ساختار نوار بلور فوتونی با شبکه مربعی متشکل از میله‌های سیلیکون با هندسه دایروی در زمینه هوا و برای قطبش مغناطیسی (مد TE). در این حالت منطقه ممنوعه فرکانسی وجود خواهد داشت.....  
۸۱

**شکل ۳-۴:** ساختار نوار بلور فوتونی با شبکه مربعی متشکل از میله‌های سیلیکون با هندسه دایروی در زمینه هوا و برای قطبش الکتریکی (مد TM). در این حالت منطقه ممنوعه فرکانسی وجود خواهد داشت.....  
۸۲

**شکل ۳-۵:** کاواک بلور فوتونی دوبعدی که با تغییر شعاع یکی از میله‌های دیالکتریک در بلور فوتونی کامل ایجاد شده است.....  
۸۳

**شکل ۳-۶:** تغییرات مد فرکانسی کاواک در اثر تغییر در شعاع میله دیالکتریک کاواک. با افزایش  $r_D$ ، مد کاواک به سمت پایین حرکت می‌کند. نواحی هاشورخورده بیانگر مناطق مجاز فرکانسی است.....  
۸۴

**شکل ۳-۷:** تغییرات توزیع فضایی میدان الکتریکی حالت‌های جایگزیده کاواک بلور فوتونی نسبت به تغییر شعاع میله نقص. با تغییر شعاع میله نقص، توزیع فضایی میدان الکتریکی حالت‌های متفاوتی به خود می‌گیرد. رنگ قرمز و آبی نشان‌دهنده شدت میدان است.....  
۸۵

**شکل ۳-۸:** موجبر بلور فوتونی دوبعدی که با تغییر شعاع یک ردیف از میله‌های دیالکتریک در بلور فوتونی کامل ایجاد شده است.....  
۸۶.....

**شکل ۳-۹:** تغییرات ایجاد شده در ساختار باند تصویر شده بلور فوتونی دوبعدی متشكل از میله‌های دیالکتریک سیلیکون با  $12.25_a = \epsilon$  در زمینه هوا، در اثر افزایش شعاع میله‌های دیالکتریک خط نقص. با افزایش  $r_D$ ، مد موجبری به سمت فرکانس‌های پایین‌تر کشیده می‌شود.....  
۸۷.....

**شکل ۳-۱۰:** تغییرات سرعت گروه موجبر بلور فوتونی با شعاع میله‌های نقص  $r_D = 0.1a$  بر حسب  
بردار موج. سرعت گروه پایین در نزدیکی لبه‌های ناحیه بریلوئن حاصل می‌شود.....  
۸۸.....

**شکل ۳-۱۱:** توزیع میدان الکتریکی مد کاواک با شعاع میله نقص (الف)  $r_D = 0.1a$  و (ب)  $r_D = 0.1a$ .  
منبع تولید امواج الکترومغناطیسی در مرکز کاواک قرار گرفته است.....  
۹۰.....

**شکل ۳-۱۲:** ساختار باند سیستم کاواک-موجبر بلور فوتونی با تقارن شبکه مربعی و متشكل از میله‌های دیالکتریک سیلیکون با  $12.25_a = \epsilon$  در زمینه هوا. (الف) عدم تطابق فرکانسی. (ب) تطابق فرکانسی.....  
۹۱.....

**شکل ۳-۱۳:** ساختار یک سیستم کاواک-موجبر. کاواک مشدد از حذف میله دیالکتریک مرکزی و موجبر از تغییر شعاع یک ردیف از میله‌های دیالکتریک در شبکه بلور ایجاد شده است.....  
۹۳.....

**شکل ۳-۱۴:** منحنی تغییرات بازده تزویج بر حسب شعاع میله‌های خط نقص موجبر. بازده تزویج با افزایش شعاع میله‌های خط نقص موجبر رفتار افت‌وخیزی، از خود نشان می‌دهد. بیشترین بازده تزویج در شعاع  $r_D = 0.7a$  بدست می‌آید.....  
۹۴.....

**شکل ۳-۱۵:** منحنی پاشندگی موجبر ساختار کاواک-موجبر (الف) به ازای  $r_D = 0$  و (ب) به ازای  $r_D = 0.7a$ . خط چین افقی بیانگر فرکانس تشید کاواک است.....  
۹۵.....

**شکل ۳-۱۶:** طرح شماتیک موجبر کاواک‌های تزویج شده. در این حالت دوره تناوب ابرسلول در نظر گرفته شده برای محاسبه ساختار باند به صورت  $R = 2a$  می‌باشد که  $a$  ثابت شبکه بلور است.....  
۹۷.....

**شکل ۱۷-۳:** ساختار باند تصویر شده موجبر کاوک‌های تزویج شده که با اعمال متناوب چند نقص نقطه‌ای در یک بلور فوتونی دو بعدی با تقارن شبکه مربعی و متشکل از میله‌های دی‌الکتریک با  $\varepsilon_a = 12.25$  و در زمینه هوا تشکیل شده است، به ازای دو مقدار  $r_D = 0$  و  $r_D = 0.1a$

**شکل ۱۸-۳:** تغییرات سرعت گروه موجبر کاوک‌های تزویج شده به ازای  $r_D = 0.1a$  بر حسب بردار موج

**شکل ۱۹-۳:** ساختار یک سیستم کاوک-موجبر، شامل یک کاوک مشدد و یک موجبر کاوک‌های تزویج شده. شعاع میله نقص نقطه‌ای کاوک مشدد را با  $r_c$  و شعاع میله نقص نقطه‌ای کاوک‌های متناوب را با  $r_w$  نشان می‌دهیم.

**شکل ۲۰-۳:** نحوه تغییرات بازده تزویج ساختار کاوک-موجبر بر حسب تغییر شعاع میله نقص نقطه‌ای کاوک‌های متناوب ( $r_w$ ) و به ازای سه مقدار  $r_c = 0$ ،  $r_c = 0.1a$  و  $r_c = 0.15a$ . بیشترین بازده تزویج زمانی حاصل می‌شود که  $r_c = r_w$

**شکل ۲۱-۳:** ساختار باند سیستم کاوک-موجبر به ازای مقادیر مختلف  $r_w$  برای موجبر و به ازای (الف)  $r_c = 0$  و (ب)  $r_c = 0.1a$  برای کاوک. تلاقي فرکانسی بین منحنی پاشندگی موجبر و کاوک، همواره در شرایط  $r_c = r_w$  برقرار خواهد بود

## پیش‌گفتار

از زمان ورود و ظهور مکانیک کوانتمومی و اثبات وجود امواج مادی، همواره فیزیکدانان از ایده‌ها و روش‌های موجود در زمینه الکترومغناطیس و اپتیک، در حوزه این علم نوین استفاده کردند. با توجه به این مسئله، تعداد زیادی از پدیده‌های مربوط به فیزیک حالت جامد در ارتباط با تحریک‌های الکترونی، با استفاده از امواج الکترومغناطیسی توجیه می‌شوند. این موضوع در حالی است که روند معکوس این قضیه، یعنی استفاده از ایده‌های موجود در زمینه مکانیک کوانتمومی در الکترومغناطیس کمتر اتفاق افتاده است. از این نظر پدیدآمدن بلورهای فوتونی در اواخر دهه ۱۹۸۰، می‌تواند به عنوان مصدقی برای این روند معکوس در نظر گرفته شود. همانطور که تناوب ساختارها در بلورهای حالت جامد، باندهای انرژی و خواص رسانایی الکترون‌ها را تعیین می‌کند، تناوب در ساختارهای مواد اپتیکی در ابعاد طول موج نیز می‌تواند به عنوان روش بسیار قوی برای کنترل انرژی و چگالی شار فوتون‌ها در این مواد باشد. مسلماً تشابه بین امواج الکترونی و امواج الکترومغناطیسی یکی از نتایج رسمی رابطه‌ای است که بین معادله شرودینگر برای الکترون‌ها و معادلات ماکسول برای امواج الکترومغناطیسی وجود دارد. از دیدگاه فیزیک نظری، بلورها توسط ساختار نواری‌شان توصیف می‌شوند؛ به همین جهت مشخصه عمدۀ بلورهای فوتونی نیز، نوار گاف فرکانسی آنها (ناحیه فرکانسی که انتشار مدهای الکترومغناطیسی در آن ممنوع است) می‌باشد.

جداییت و کاربرد بلورهای فوتونی بدون در نظر گرفتن نقص‌های کنترل شده بسیار محدود می‌شود. ایجاد نقص در بلور فوتونی تقارن انتقالی را به هم می‌زند، که این باعث بوجود آمدن حالت‌های مجاز با فرکانس‌های مشخص در داخل گاف نواری می‌شود. کاواک‌ها و موجبرها که به ترتیب حاصل اعمال نقص‌های نقطه‌ای و خطی کنترل شده در شبکه بلور فوتونی می‌باشند، تقریباً در تمام مدارهای نوری بر پایه بلورهای فوتونی کاربرد دارند. عملکرد این مدارها ارتباط مستقیمی با تزویج نوری کاواک‌ها و موجبرهای بکار رفته در آنها دارد. هدف اصلی در این پایان‌نامه بررسی و بهبود بازده تزویج ساختارهای کاواک-موجبر می‌باشد. فصل اول این پژوهش، شامل معرفی بلورهای فوتونی، ساختار و خواص نوری

مهم آنها، ساختارهای نواری فوتونی، پارامترهای مهم در آنها و همچنین مفاهیم پایه مورد نیاز برای توصیف این ساختارها می‌باشد. فصل دوم شامل مطالبی در رابطه با روش‌های عددی مورد نیاز در محاسبه ساختار باند بلورهای فوتونی و نیز بازده تزویج بین کاواک و موجبر می‌باشد. در انتهای این فصل نرم‌افزارهای استفاده شده در این پژوهش، به طور مختصر معرفی می‌گردند. در این پایان‌نامه تمامی محاسبات مربوط به ساختار باند بلور فوتونی، توسط بسته نرم‌افزاری MPB و محاسبات مربوط به فاکتور کیفیت و بازده تزویج، توسط بسته نرم‌افزاری Meep انجام می‌پذیرد. در فصل سوم ضمن معرفی عوامل مؤثر در بهبود شدت تزویج، شرایط بهینه کردن بازده تزویج در یک سیستم کاواک-موجبر مورد مطالعه قرار خواهد گرفت.

فصل اول

بررسی منابع

## بلورهای فوتونی

### مقدمه

برای معرفی بلورهای فوتونی بهتر است با طرح این سؤال که بلورهای فوتونی چیست و چه کاربردی در صنعت دارد، شروع کنیم. تکنولوژی دنیای امروز بیشتر با الکترون‌ها و نیمه‌هادی‌ها ارتباط پیدا می‌کند. بیشتر دستگاه‌ها و ابزارهایی که ما هر روز از آنها استفاده می‌کنیم مانند کامپیوتر، موبایل، رادیو و غیره، از نیمه‌هادی و فلزات ساخته شده‌اند که حامل‌های بار و اطلاعات در آنها، الکترون و حفره می‌باشند. الکترون‌ها برای انتقال اطلاعات دارای حداکثر سرعتی در حدود  $10^5 \text{ m/s}$  در نیمه‌هادی‌ها و یا فلزات هستند که این در مقایسه با سرعت نور در محیط‌های گوناگون که در حدود  $10^8 \text{ m/s}$  است بسیار کمتر می‌باشد. اگر برای انتقال اطلاعات از نور به جای الکترون استفاده کنیم، می‌توان دستگاه‌هایی تا هزار برابر سریعتر ساخت. در قطعات الکترونیکی امروزی برای انتقال و کنترل الکترون‌ها که همان حامل‌های اطلاعات هستند از بلورهای نیمه‌هادی و فلزات استفاده می‌شود. بلورهای فوتونی مانند قطعات الکترونیکی معمولی، بلورهایی منظم از مواد شفاف هستند که با استفاده از آنها می‌توان نور را به کنترل در آورد. بلورهای فوتونی از نظر فیزیک، ساختار و نحوه تأثیر آنها بر حامل‌های اطلاعات، کاملاً مشابه بلورهای الکترونی معمولی می‌باشند؛ با این تفاوت که حامل‌های اطلاعات دیگر الکترون‌ها نیستند بلکه نور است و از طرفی دیگر عامل تکرار شونده در بلور به جای پتانسیل اتم‌ها یا مولکول‌ها، ثابت دی-الکتریک مواد تشکیل دهنده بلور فوتونی است. بلورهای فوتونی در واقع حاصل ادغام فیزیک حالت جامد و الکترومغناطیس می‌باشد.

طراحی موادی که قادر به انتشار نور در داخل خود باشند یا اجازه انتشار نور در جهت‌ها و فرکانس-های معینی را دهند و یا قادر به متمرکز کردن نور در یک محدوده خاصی باشند، نویدبخش پیشرفت‌های چشم‌گیر در صنعت ارتباطات خواهد بود. در حدود یکصد و چند سال قبل، لورد رایله<sup>۱</sup> نشان داد

<sup>۱</sup> - Lord Rayleigh