

دانشگاه تهران

موضوع:

نحوه انتقال سهام استینک اوتنران

در ماه من ۱۹۶۵

تلاش:

تاسم قاسم

۲۲۶۳

شماره:

بحث درباره انرژی و انتقال انداز حرکت و نیز بررسی باره ایاز فرمولهای دانه هوا شناسی که از طریق تجربه و یا با استفاده از قوانین مکانیکی و ترمودینامیکی تهیه گردیده است بر مبنای اساس این مقاله است.

در بیشتر ایستگاههای هواشناسی که برادریه‌سند مجهز اند در کنار سایر اندازه گیریهای پارامترهای هواشناسی که در سطح زمین انجام میگردد شبانه روز در بارشکی در ساعت ۲۴ و دیگری در ساعت ۱۲ (صبح و ظهر بوقت گریه‌سند) توسط بالکنهای مخصوصی که از گز هیدروفون پر شده است رادیوسند را بطبقات بالای جو فرستاده پارامترهای هو را دقیقاً اندازه گیری مینمایند.

۱ - دانه سرعت باد

۲ - فشار

۳ - درجه حرارت

۴ - ارتفاع بالن

۵ - رطوبت نسبی

این اندازه گیریهای در طبقات مختلف جو که بر حسب فشار درجه بندی شده و استاندارد می باشد انجام میگردد این سطوح بترتیب از سطح زمین تا بالای جو عبارتند از:

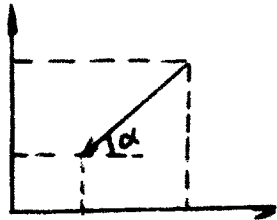


۸۵۰ - ۷۰۰ - ۶۰۰ - ۵۰۰ - ۴۰۰ - ۳۰۰ - ۲۰۰ - ۱۵۰ - ۱۰۰ - ۷۰ - ۵۰

۲۰ - ۴۰ - ۱۰۰ میلی باری

که غالباً اندازه گیری تا ارتفاع ۷۰ میلی باری و حتی گاهی تا ۱۰۰ میلی باری بیشتر اندازه داده در اینجا محاسبات روی سرعت و سرعت باد و مولفه های آن انجام گرفته است بنا بر این طریقی را راضی را کار میگیریم .

سرعت باد را در هر نقطه میتوان روی دو امتدادی ماسرمدار و ماسرمتناظر به هم بصورت



$$U = -V \sin \alpha$$

در توجیه کرد .

$$V = -V \cos \alpha$$

که در آن U عبارت است از مولفه عمودی شرقی یا نوک V عبارت است از مولفه جنوبی شمالی باد سرعت باد و α زاویه بین امتداد سرعت و محور جنوبی شمالی است .

اداره هوا شناسی جداولی تهیه و در دسترس دانشجوهان قرار داده است که در آن اندازه

سرعت باد و جهت آن و برخی اطلاعات دیگر ثبت شده است که اینجانب با استفاده از همین

اطلاعات محاسبات مورد لزوم را انجام داده و دهرات توسط ماشین حساب مکانیکی محاسبه

و کنترل نموده ام .

طرز محاسبه :

بطریقی که قبلاً اشاره شد اندازه مولفه های سرعت باد را برای هر لایه جو محاسبه کرده و مجموع

آنها برای هر لایه بدست آورده و از آن میانگین میگیریم میانگین مولفه های افقی باد را به \bar{U}

و میانگین مولفه های قائم باد را به \bar{V} نمایش میدهم .

اکنون میتوان مدار u و v را بر حسب میانگین آنها \bar{u} و \bar{v} به شکل زیر نوشت

$$u = \bar{u} + u'$$

$$v = \bar{v} + v'$$

که در آن u' و v' عبارتند از انحراف از میانگین مولفه های سرمتیاد.

اکنون روابط فوق در یک بگ فرضیه منطقی خواهیم داشت

$$u \cdot v = \bar{u} \cdot \bar{v} + u \cdot v' + \bar{v} \cdot u' + u'v'$$

معمولاً اگر اشکالی در اسبابهای اندازه گیری پیش نیاید میتوان هر روز پارامترها را اندازه

گرفت ولی همیشه اینطور نیست بنا بر این فرض میکنیم تعداد روزهاییکه اندازه گیری در آن

صورت گرفته است N باشد محاسبه بالا را برای هر روز در هر کدام از لایه ها انجام داده

و پس از جمع بر N تقسیم منطقی با این ترتیب میتوانیم بنویسیم:

$$\frac{\sum uv}{N} = \frac{\sum \bar{u} \cdot \bar{v}}{N} + \frac{\sum u'v'}{N} + \bar{u} \frac{\sum v'}{N} + \bar{v} \frac{\sum u'}{N}$$

دو جمله آخر صفراند زیرا در مجموع انحرافات یکدیگر را حذف خواهند کرد بنا بر این

رابطه بالا را میتوان به شکل زیر نوشت:

$$\overline{u \cdot v} = \bar{u} \cdot \bar{v} + \overline{u'v'}$$

در رابطه فوق \bar{u} سبب انتقال در روی مدارات میباشد و مجموع این انتقال در طول یک

مدار بسته صفر است و نیز $\overline{u'v'}$ سبب انتقال در امتداد نصف النهار میباشد در نتیجه شالی v

انتقالی از استوا بطرف قطب و یا از قطبهاستوا ایجاد نمینماید بنا بر این از جز v برای

انتقال انرژی و یا مکان میشود استفاده نمود .

در رابطه بالا بجای \vec{v} میتوان هر کمیت دیگری را گذاشت بستگی دارد باینکه منظور

از محاسبه چه باشد مثلاً اگر بخواهیم انتقال درجه حرارت را محاسبه کنیم رابطه مورد

بصورت زیر خواهد آمد :

$$\overline{VT} = \overline{V \cdot T} + \overline{V'T'}$$

و با اینجا محاسبه را بر اساس انتقال مکان زاویه ای قرار میدهم .

مکان زاویه ای (مکان سینتیک) Angular Momentum

گستره برداری مانند \vec{r} بعداد A نسبت به نقطه مفروض O بردار است مانند OB مطابق با

حاصل ضرب برداری $\vec{OA} \wedge \vec{V}$ که به M نمایش میدهند .

$$M_O \vec{V} = \vec{OA} \wedge \vec{V}$$

مکان هر بردار نسبت به هر نقطه خود نیز برداری است که اندازه آن برابر است با مساحت

متوازی الاضلاعی که روی آن بردار و برداری که بعداد آن نقطه مفروض و انتهای بردار بردار

مفروض منطبق باشد رسم شده باشد . ضمناً لازم است این جا به تعاریفی که بعداد آنها بر

خورد خواهیم کرد اشاره ای بشود .

سرعت زاویه ای — مقدار زاویه ای که متحرك در واحد زمان در يك حرکت دورانی مشابه

بیماید سرعت زاویه ای نامند و آنرا با حرف Ω نمایش میدهند واحد سرعت زاویه ای بر

ثانیه است .

سرعت خطی — اندازه کمانی از دایره را که متحرك در يك حرکت دورانی مشابه

در واحد زمان (یک ثانیه) طی نماید عمارت از سرعت خطی آن متحرك.

بين سرعت خطی و سرعت زاویه ای رابطه زیر برقرار است

$$v = R\Omega$$

که در آن v عارضت از سرعت خطی و R شعاع دوران و Ω سرعت زاویه ای مان خطی و با

Linear Momentum

اندازه حرکت نقطه مادی مانند A

مان خطی یا اندازه حرکت عارضت از حاصلضرب جرم نقطه مادی A در سرعت آن عارضت

$$P = mv$$

به P نمای میدهند.

گشاور مانند (مان اینرسی) گشاور مانند یک نقطه مادی A نسبت به یک نقطه O عارضت

است از حاصلضرب جرم آن نقطه مادی در مجذور فاصله OA و آثرا به \dot{I} نمای میدهند.

$$I = mr^2$$

گشاور جنبشی (مان سینتیک) مان سینتیک یک نقطه مادی مانند A نسبت به

نقطه O عارضت از حاصلضرب گشاور مانند در سرعت زاویه ای Ω و آثرا به AM نمای

$$AM = I\Omega$$

میدهند.

بهارت دیگر برای مان سینتیک نقطه A نسبت به نقطه O میتوان چنین گفت.

مان سینتیک نقطه A نسبت به نقطه عارضت از مان اندازه حرکت نقطه A نسبت به

نقطه O

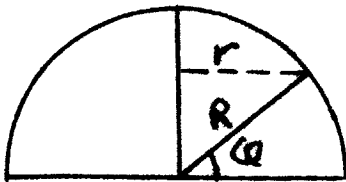
اکنون مان سینتیك را بر روی یک ذره هوا حساب میکنیم .

ذره اعاز هوا در نظر گرفته و مان سینتیك آنرا نسبت به مرکز زمین حساب میکنیم . مان سینتیك یک سیستم نسبت به یک نقطه ثابت O عبارتست از حاصل جمع مان سینتیك در حرکت نسبت به حل حرکتی آن نسبت به مرکز ثقل و مان اندازه حرکت سیستم که در مرکز ثقل آن نسبت به نقطه O است نسبت به نقطه O

پس بر این مان سینتیك ذره هوا را محاسبه نموده و سپس با مان اندازه حرکت ذره جمع میکنیم تا مان سینتیك ذره هوا بدست آید .

$$AM = mrv^2 \quad \text{مان سینتیك ذره}$$

در رابطه فوقی عبارتست از فاصله هر نقطه از سطح زمین تا محور دوران زمین r رابطه بین شعاع زمین و فاصله محور و عرض جغرافیائی محل بصورت زیر است .



$$r = R \cos \theta$$

بنابراین مقدار r در رابطه بالا قرار میدهیم :

$$AM = mR^2 \Omega^2 \cos^2 \theta \quad (a)$$

مان اندازه حرکت ذره هوا عبارت میشود از

$$M = mur$$

$$MP = mur \cos \theta \quad (b)$$

از حاصل جمع دو رابطه a و b میان سینتیک کنی ذره هوا بدست خواهد آمد .

$$M = m \Omega R^2 \cos^2 \theta + m u R \cos \theta$$

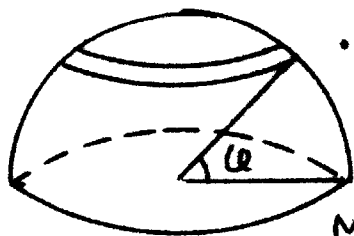
$$M = m R \cos \theta (u + \Omega R \cos \theta)$$

اگر واحد جرم را برای M در نظر بگیریم خواهیم داشت .

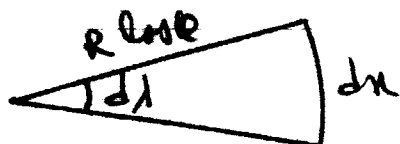
$$M = R \cos \theta (u + \Omega R \cos \theta)$$

از طرفین رابطه فوق در حول یک نوار بمرکز یک سانتیمتر از سطح زمین تا بالای جو انتگرال بگیریم

بدین ترتیب میان کل در یک سطح قائم پیرامون یک مدار بدست میاید .



$$M = \int_S \int_0^{\infty} (u + \Omega R \cos \theta) R \cos \theta \rho dz d\lambda$$



$d\lambda$ عبارتست از الطان میان مدار .

$$dM = R \cos \theta d\lambda$$

میتوان نوشت :

که در آن λ عبارت از طول جغرافیایی است

در انتگرال فوق میتوان بجای $d\lambda$ و ρdz مقادیرشان را در رابطه بالا و معادله نید -

رواستاتیك قرار داد معادله هی درواستاتیك عبارتست

$$d\rho = -\rho g dz$$

$$M = \int_0^{2\pi} \int_0^P (u + \Omega R \cos \theta) dP d\lambda \times \frac{R^2 \cos^2 \theta}{g}$$

بنابراین

$$M = \frac{2\pi R^2 \cos^2 \theta}{g} \int_0^P (u + \Omega R \cos \theta) dP$$

انتقال مابین :

ظرف در رابطه با بالا را در \bar{v} ضرب کرده و مجموع آن را حساب

$$\bar{v} M = \frac{2\pi R^2 \cos^2 \theta}{g} \int_0^P (\bar{u}\bar{v} + \bar{v}\Omega R \cos \theta + \overline{u'v'}) dP$$

و در رابطه فوق جمله $\bar{u}\bar{v}$ را drift و جمله $\overline{u'v'}$ را ظرف اوی

و جمله $\bar{v}\Omega R \cos \theta$ را انتقال Ω نامند .

$$\int_0^P \bar{v} dP$$

بحث در مورد انتگرال

الف - چنانچه $\bar{v} > 0$ باشد مفهوم آنست که فشار از طرف

استوار طرف قلب است و با "سرا" بایستی در نقطه حداکثر فشار را داشته باشیم و در مقابل

در استوا "غلا" و این معنی نیست .

ب - چنانچه $\bar{v} < 0$ باشد برعکس انتقال فشار از طرف قلب به

استوا خواهد بود و مانند حالت قبل بایستی در استوار حداکثر فشار را داشته باشیم

در قطب عمود به خط که در اینجای عمود نیست.

$$\int_P \bar{v} dp = 0 \quad \text{چون این حالت امکان دارد چون عدد است و نه در}$$

قطب شماره در ماده ها و عمود را داریم. بنابراین خط انتقال Ω صفر خواهد شد.

$$\overline{vM} = \int_P (\bar{u}\bar{v} + \bar{u}'\bar{v}') dp \times \frac{2\pi R^2 \rho_m^2}{g}$$

در هر اینجای خاص مقدار ثابت است $\frac{2\pi R^2 \rho_m^2}{g}$

برای اینجای خاص را می توانیم به هم تقسیم می نمایم:

$$\frac{1}{g} \int \bar{u}\bar{v} dp \quad , \quad \frac{1}{g} \int \bar{u}'\bar{v}' dp$$

برای محاسبه انتگرال اول ما بگیریم دو لایه مجاور هم را

در ارتفاع فشار آن دو لایه خوب می کشیم این را برای تمام لایه ها به ترتیب زیرا آن است

$$\frac{1}{g} \left\{ \left[\frac{(\bar{u}\bar{v})_{850} + (\bar{u}\bar{v})_{700}}{2} \right] 150 + \left[\frac{(\bar{u}\bar{v})_{700} + (\bar{u}\bar{v})_{600} + (\bar{u}\bar{v})_{600} + (\bar{u}\bar{v})_{500} + (\bar{u}\bar{v})_{500} + (\bar{u}\bar{v})_{400} + (\bar{u}\bar{v})_{400} + (\bar{u}\bar{v})_{300} + (\bar{u}\bar{v})_{300} + (\bar{u}\bar{v})_{200} \right] 100 + \left[\frac{(\bar{u}\bar{v})_{200} + (\bar{u}\bar{v})_{150} + (\bar{u}\bar{v})_{150} + (\bar{u}\bar{v})_{100}}{2} \right] 50 + \left[\frac{(\bar{u}\bar{v})_{100} + (\bar{u}\bar{v})_{70}}{2} \right] 30 \right\}$$

انتگرال دورا نیز بهین ترتیب محاسبه میکنیم گاهیست در روابط

بالا بجای $\bar{u} \bar{v}$ مقدار $\overline{u'v'}$ گذارده شود بنابراین میان $\overline{u'v'}$ و $\bar{u} \bar{v}$ همبستگی

میان آن برای هر دو وقت بدست خواهد آمد. نتیجه این محاسبات در جدول

کدر آخراین جزو ضمیمه شده آمده است.

با ویله ۵۵ پلا ۳ شماره شد dP بر حسب میلی بار و مولفه های u و v

بر حسب ناتی میباشند که متواتر آنها با واحد های متریک چنین نوشت :

هر ناتی برابر است با 0.515 متر بر ثانیه و هر میلی بار برابر است

۱۰۰ پاسکال است بنابراین برای ضرب تبدیل خواهیم داشت .

$$\frac{(0.515)^2 \times 10^2}{9.81} = 2.71$$

محاسباتی کدر بالا ذکر از آن شد در ضرب فوق ضرب شده اند

بدین ترتیب نتیجه بر حسب نیوتن بر متر خواهد بود و نیز اگر خواهیم ضرب

را در محاسبات خود دخالت دهیم نتیجه بر حسب

ژول خواهد بود.

شود

شرحی بر ایجاد اول و انتقال آجر جزوه :

- ۱ - محاسبه \bar{u} و \bar{v} و \bar{u}' و \bar{v}' برای هر لایه و در وقت
 $0000 \text{ } \mathcal{Z}$ و $1200 \text{ } \mathcal{Z}$
- ۲ - محاسبه $\bar{u}'\bar{v}'$ و Angular Momentum
- ۳ - تخمین هر دو پارامترها \bar{u} و \bar{v} و \bar{u}' و \bar{v}' با ارتفاع برای هرین بازه وقت $0000 \text{ } \mathcal{Z}$ و $1200 \text{ } \mathcal{Z}$ برای .

مطابقت و اسکال ۱ - تا ۲ در ماه می ۱۹۶۵ انجام گرفته است

۴ - مدارهای $\bar{u}\bar{v}$ و $\bar{u}'\bar{v}'$ با ارتفاع برای هرین بازه از -

از دو وقت برای دوره ۱۹۶۴ تا می ۱۹۶۵ با تریگنومتر ملاحظه میشود در تمام -

که علامت + گذارده شده است انتقال مدار از تهران به طرف قطب و ناقصی کسبه

علامت - گذاشته شده است انتقال مدار از تهران به طرف استوا است .

نتیجه آن که از صحت فونیدست میآید عبارت از این است که بیان

ایستگاههای مختلف همان سنتیک را حساب کنیم ملاحظه خواهیم کرد هر چه قدر

مدار سنتیک از استوا به طرف قطب انتقال یابد به طرف انداز منی از قطب به طرف استوا

انتقال خواهد یافت یعنی در حالت که انتقال کل مدار سنتیک صفر است .

Day	U	V	U.V
1	3.5	-2.0	-7.00
2	-9.0	0.0	0.00
3	0.0	-6.0	0.00
4	17.7	3.1	53.10
5	1.4	-3.8	-5.32
6	0.7	-1.9	-1.33
7	-1.9	-0.7	1.33
8	0.0	0.0	0.00
9	4.6	-3.9	-17.94
10	1.0	-1.7	-1.70
11	1.4	-3.8	-5.32
12	5.9	1.0	5.90
13	6.0	0.0	0.00
14	1.5	-1.5	-1.95
15	7.5	-2.7	-20.25
16	2.0	-3.5	-7.00
17	0.3	-2.0	-0.60
18	0.0	-4.0	0.00
19	9.4	3.4	31.96
20	14.8	2.6	38.48
21	0.0	4.0	19.00
22	0.0	-2.0	0.00
23	0.0	0.0	0.00
24	7.5	2.7	20.25
25	0.0	-2.0	0.00
26	5.0	0.0	0.00
27	0.0	-4.0	0.00
28	-2.3	-1.9	4.37
29	3.9	0.7	2.73
30	0.0	-2.0	0.00
31	0.0	-4.0	0.00

T I M E 0000Z

L E V E L Surface

\bar{U}	2.60
\bar{V}	-1.16
$\bar{U.V}$	2.95

Day	U	V	U.V
1	16.0	-5.8	-92.80
2	-	-	-
3	13.2	-4.8	-63.36
4	16.9	-6.2	-104.78
5	-2.5	-4.3	10.75
6	-3.8	1.4	-5.32
7	-9.2	7.7	-70.84
8	9.8	-1.7	-16.66
9	4.9	0.9	4.41
10	2.0	-3.5	-7.00
11	-	-	-
12	-	-	-
13	7.8	-4.5	-35.10
14	2.0	0.0	0.00
15	16.0	0.0	0.00
16	11.8	-4.1	-46.33
17	12.2	-4.4	-53.68
18	8.7	5.0	43.50
19	24.4	-8.9	-217.16
20	21.7	-12.5	-271.25
21	-	-	-
22	-	-	-
23	-	-	-
24	-	-	-
25	-	-	-
26	-	-	-
27	-	-	-
28	-	-	-
29	-	-	-
30	-	-	-
31	-	-	-

T I M E 0000Z

Level 850 mb.

U	8.981
V	-2.69
U.V	-54.44

Day	U	V	U.V
1	26.0	15.0	390.00
2	-	-	-
3	20.5	56.4	1156.20
4	10.8	-1.9	-20.52
5	2.0	-3.5	-7.00
6	12.2	-4.4	-53.68
7	0.0	15.0	0.00
8	20.7	3.6	74.52
9	15.8	2.8	44.24
10	6.4	7.7	49.28
11	-	-	-
12	-	-	-
13	17.3	-10.0	-173.0
14	2.3	1.9	4.37
15	0.0	16.0	0.00
16	29.1	10.6	308.46
17	21.4	18.0	385.20
18	33.8	19.5	659.10
19	42.3	7.5	317.25
20	77.0	0.0	0.00
21	-	-	-
22	-	-	-
23	-	-	-
24	-	-	-
25	-	-	-
26	-	-	-
27	-	-	-
28	-	-	-
29	-	-	-
30	-	-	-
31	-	-	-

TIME 0000Z

Level 700 mb.

\bar{U}	19.86
\bar{V}	9.08
$\overline{U.V}$	184.38