





دانشگاه پیام نور
دانشکده

پایان نامه

برای دریافت مدرک کارشناسی ارشد
فیزیک اتمی و مولکولی
علمی فیزیک

عنوان پایان نامه :

طراحی کلیدزنی تمام نوری سالیتمونی در مزدوج
غیرخطی چندهسته

رویا عطارزاده

:

دکتر محسن حاتمی

:

دکتر عبدالرسول قرائتی



دانشگاه پیام نور

بسمه تعالی

صورتجلسه دفاع از پایان نامه دوره کارشناسی ارشد

جلسه دفاع از پایان نامه دوره کارشناسی ارشد خانم رویا عطارزاده دانشجوی رشته فیزیک گرایش

انسی و مولکولی به شماره دانشجویی ۸۷۰۱۰۵۹۶۲ تحت عنوان

«طراحی کلیدزنی تمام نوری سالیتمی در مزدوج های موازی غیرخطی چند هسته ای»

با حضور هیات داوران در روز جمعه مورخ ۱۳۹۰/۱۱/۰۷ ساعت ۱۱ صبح در محل ساختمان مدیر

دانشگاه پیام نور شیراز برگزار شد و هیات داوران پس از بررسی ، پایان نامه مذکور را شایسته نمره

به عدد ۱۹/۸ به حروف نوزده و هشت دهم با درجه عالی تشخیص داد .

ردیف	نام و نام خانوادگی	هیات داوران	مراتبه دانشگاهی	دانشگاه	امضاء
۱	دکتر محسن حاتمی	استاد راهنما	دانشیار	یزد	
۲	دکتر عبدالرسول فراتی جهرمی	استاد مشاور	دانشیار	پیام نور شیراز	
۳	دکتر عبدالناصر ذاکری	استاد داور	استاد	شیراز	
۴	آقای محسن امامی	نماینده تحصیلات تکمیلی	استادیار	پیام نور شیراز	



اینجاناب رویا عطارزاده

1387 مقطع کارشناسی ارشد رشته فیزیک

اتمی و مولکولی هی می نمایم چنانچه در پایان نامه خود از فکر ، ایده و نوشته دیگری بهره گرفته ام با نقل قول مستقیم یا غیر مستقیم منبع و ماخذ آن را نیز در جای مناسب ذکر کرده ام . بدیهی است مسئولیت تمامی مطالبی که نقل قول دیگران نباشد بر عهده خویش می دانم و جوابگوی آن خواهم بود . دانشجو تأیید می نماید که مطالب مندرج در این پایان نامه نتیجه تحقیقات خودش می باشد و در صورت استفاده از نتایج دیگران مرجع آن را ذکر نموده است .

نام و نام خانوادگی دانشجو: رویا عطارزاده

تاریخ و امضاء



1391/02/07

اینجاناب رویا عطارزاده

1387 مقطع کارشناسی ارشد رشته فیزیک اتمی

و مولکولی گواهی می نمایم چنانچه بر اساس مطالب پایان نامه خود اقدام به انتشار مقاله ، کتاب ، و ... نمایم ضمن مطلع نمودن استاد راهنما ، با نظر ایشان نسبت به نشر مقاله ، کتاب ، و ... مشترک و با ذکر نام استاد راهنما مبادرت نمایم .

نام و نام خانوادگی دانشجو: رویا عطارزاده

تاریخ و امضاء



1391/02/07

کلیه حقوق مادی مترتب از نتایج مطالعات ، آزمایشات و نوآوری ناشی از تحقیق موضوع این پایان نامه متعلق به دانشگاه پیام نور می باشد .

**قدیم به آنان که
کلامشان، صداقت**

شان، حیات را برایم به ارمغان آورد؛

قدیم

پدر و مادر عزیزم

**آنان که وجودم برایشان همه رنج بود و وجودشان برایم همه مهر
آنان که راستی قامتیم در شکستگی قامتشان تجلی یافت؛**

به نام پروردگار یکتا

سپاس آن بی‌همتایی که مانند همیشه با الطاف بی‌پایانش در انجام و به پایان رساندن این رساله مرا یاری نمود، او را سپاس می‌گویم که مرا لایق آموختن گردانید. بر خود لازم می‌رسانم که راهنماییها و شکیباییهای بی‌دریغ استاد بزرگوار و مهربانم جناب آقای دکتر محسن حاتمی که طی طریق این تحقیق را مرهون زحمات دلسوزانه و بی‌پایان ایشان می‌دانم، کمال تشکر و قدردانی و تشکر را از صمیم قلب داشته باشم. همچنین مراتب امتنان خویش را تقدیم استاد ارجمند جناب آقای دکتر عبدالرسول قرائتی می‌دارم که زحمت مشاوره این پایان نامه را برعهده سزاوار است از استاد بزرگوار جناب آقای دکتر عبدالناصر ذاکری به خاطر زحمات فراوان، پیشنهادات دلسوزانه و همچنین قبول داوری این پایان نامه سپاسگزار می‌کنم. عزیزم که حمایت‌هایشان همیشه برایم قوت قلبی بوده و به من ذوق حرکت می‌داد تشکر می‌کنم. امیدوارم خداوند توفیق سپاسگزاری از پدر و مادر عزیز، برادر و خواهران مهربانم را به من عطا کند که وجودشان در تمام طول زندگی برایم نعمتی بزرگ و مایه دلگرمی ام بوده است.

چکیده

طراحی کلیدزنی تمام نوری سالیتون در مزدوج ای موازی غیرخطی چندهسته

:

رویا عطارزاده

کلیدزنی یک شبکه مخبراتی و سیستم‌های پردازش سیگنال است. غیرخطی یکی از عناصر نوری مهم در سیستم پردازش سیگنال جهت استفاده در سیستم-های ارتباطی می‌باشند که دارای کاربردهایی نظیر کلیدها، تقویت کننده، تضعیف کننده‌ها و غیره می‌باشند. در این پایان ما فرایند کلیدزنی را در موازی غیرخطی دوهسته بررسی کرده و طراحی مزدوج موازی غیرخطی به عنوان یک کلید خود کنترل کننده تمام اپتیکی ایم.

با شبیه سازی انتشار سالیتون روشن و تاریک در کلید با استفاده از روش عددی کراک- نیکلسون و - کوتا روابطی ساده و نسبت " دقیق بین طول کلید و پهنای پالس بر حسب توان مورد نیاز کلیدزنی در دو حالت پاشندگی منفی و مثبت به ترتیب برای انتشار سالیتون و تاریک در کلید ایم. از این روابط برای طراحی یک کلید بر اساس پارامترهای ماده مورد استفاده و ابعاد کلید می‌توان استفاده کرد.

نتایج نشان ی این است که می‌توان به کلیدزنی با پهنای پالس چند فمتوثانیه و طول چند میکرومتر در حالت انتشار سالیتون تاریک در مز های موازی غیرخطی متقارن سه رسید که متشکل از مواد چلکوجناید ضریب شکست غیرخطی شیشه سیلیکا می که این خود نوید دهنده سرعت‌های فوق سریع می .

کلید واژه: اپتیک غیر خطی، سالیتون‌های نوری، کلیدزنی، مزدوج‌های موازی غیرخطی چندهسته

1	: اپتیک غیر خطی
2	1-1 قطبش غیر خطی
5	2-1 ضریب شکست غیر خطی
8	3-1 مدولاسیون خود فازی
9	4-1 مدولاسیون دگر فازی
10	5-1 خود کانونی شدن
10	6-1 خواص غیر خطی شیشه های چلکوجناید
13	: فیبرهای نوری
14	1-2 ساختار فیبرهای نوری
15	1-1-2 فیبر ضریب پله ای
15	2-1-2 فیبر ضریب تدریجی
16	2-2 انتشار مدها در فیبر نوری
19	3-2 فیبر تک مد
20	4-2 پاشندگی در فیبرهای تک مد
21	1-4-2 پاشندگی ماده
24	2-4-2 پاشندگی موجبر
24	5-2 پالس در فیبرهای غیر خطی
29	: سالیتهای زمانی
29	1-3
31	2-3 تشکیل سالیتهای زمانی
32	1-2-3 سالیتهای زمانی روشن
34	2-2-3 سالیتهای زمانی تاریک
37	:
37	1-4 معادلات حاکم بر مزدوج موازی

40	2-4
40	1-2-4 مزدوج موازی خطی متقارن دو هسته
41	2-2-4 مزدوج موازی غیر خطی متقارن دو هسته
45	3-4 مزدوج موازی متقارن خطی سه هسته
45	1-3-4 مزدوج موازی خطی سه هسته‌ای مثلثی (TLDC-T)
48	2-3-4 مزدوج موازی خطی سه هسته (TLDC-P1)
50	3-3-4 (TLDC-P2)
52	4-4 مزدوج موازی متقارن غیرخطی سه هسته
54	: کلید زنی سالیتمی
54	1-5 معادلات پالسی حاکم بر مزدوج موازی غیرخطی
59	5-2 کلیدزنی با سالیتمون روشن
70	3-5- کلیدزنی با سالیتمون تاریک
84	4-5 نتایج
85	5-5 پیشنهادات
86	

فهرست شکلها

- 14 شکل 1-2 فیبر نوری
- 15 شکل 2-2 نمونه ای از فیبر ضریب پله ای نسبت به فاصله شعاعی فیبر
- 16 شکل 3-2 نمایی از فیبر ضریب تدریجی
- 22 شکل 4-2 تغییرات ضریب شکست n و ضریب شکست گروه n_g سیلیکا نسبت به طول
- 23 شکل 2-5 پاشندگی بر حسب طول موج برای سیلیکای خالص
- 23 شکل 2-6 پاشندگی بر حسب طول موج لمکوجناید
- 33 شکل 3-1 $u(0, \tau) = \text{sech}(\tau)$ در فیبر نوری
- 34 شکل 3-2 $u(0, \tau) = 2\text{sech}(\tau)$ در فیبر نوری
- 35 شکل 3-3 انتشار سالیتون تاریک $u(0, \tau) = \tanh(\tau)$ در یک فیبر نوری
- 36 شکل 3-4 شدت سالیتونهای تاریک برای چند مقدار مختلف B
- 36 شکل 3-5 انتشار سالیتون تاریک مرتبه سوم در یک فیبر
- 38 شکل 4-1 نمونه ای از یک سوئیچ مزدوج موازی غیر خطی که از دو موجبر که به موازات یکدیگر قرار گرفته اند تشکیل شده است پرتو ورودی وارد موجبر بالا شده و پرتو با توان های کم از موجبر پایین خارج می شود و پرتو با توان های زیاد از موجبر بالا خارج می شود
- 42 شکل 2-4 () توان خروجی از موجبر 1 2 ()
توان خروجی از موجبر 1 2
- 44 شکل 3-4 توان در موجبر بالا در مزدوج موازی غیر خطی بر حسب فاصله برای توان های ورودی مختلف نسبت به توان بحرانی .
ی ورودی کوچکتر از توان بحرانی توان در موجبر بالا کاهش یافته و به صفر می رسد در توان های خیلی کم توان در طول جفت شدگی به صفر می رسد و با افزایش توان این طول نیز افزایش می یابد.
- 44 توان های ورودی بزرگتر از توان بحرانی عمده توان در موجبر بالا می ماند.
- 44 شکل 4-4 توان خروجی از موجبر 1 2 L_c
- 46 شکل 4-5 نمایی از یک مزدوج موازی سه هسته ای مثلثی

شکل 4-6 () توان خروجی هر هسته بر حسب طول موجبر برای مزدوج خطی سه هسته ای مثلثی که نقطه مشخص شده طول جفت شدگی می ()

47 مزدوج سه هسته ای مثلثی بر حسب توان ورودی .

48 شکل 4-7 نمایی از یک مزدوج موازی سه هسته

شکل 4-8 () توان خروجی هر هسته بر حسب طول موجبر برای مزدوج خطی سه () .

50 .

50 شکل 4-9 نمایی از یک مزدوج موازی سه هسته

شکل 4-10 () توان خروجی هر هسته بر حسب طول موجبر برای مزدوج خطی سه () .

51 .

53 شکل 4-11 $T (P1 (P2 ($

شکل 5-1 الف خروجی سالیتون در موجبر بالا - ب - موجبر پایین ، ج - و د - انرژی (bar) ، موجبر پایین (cross)

$$(total) \quad \xi = 1 \quad \kappa = 1 \quad q_0^2$$

60

ورودی برای مزدوج غیرخطی دو هسته

شکل 5-2 الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ، دو (bar) ، موجبر میانی (middle)

$$(total) \quad (cross) \quad \xi = 1 \quad \kappa = 1$$

61

$$q_0^2 \text{ متناسب با دامنه توان ورودی برای مزدوج غیر خطی سه}$$

شکل 5-3 الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر پایین ، ج و د - انرژی (bar) ، موجبر پایین (cross)

$$(total) \quad \xi = 2 \quad \kappa = 0.5 \quad q_0^2$$

61

ورودی برای یک مزدوج غیر خطی دو هسته

شکل 5-4 الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ، دو (bar) ، موجبر میانی (middle)

62 موجبر پایین (cross) (total) $\xi = 2$ $\kappa = 0.5$
 q_0^2 متناسب با دامنه توان ورودی برای یک مزدوج غیر خطی سه .

شکل 5-5- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر پایین ، ج و د - انرژی
 موجبر پایین (cross) ، (bar)

63 (total) $\xi = 0.5$ $\kappa = 2$ q_0^2
 ورودی برای یک مزدوج غیر خطی دو .

شکل 5-6- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ، دو
 موجبر میانی (middle) ، (bar)

63 موجبر پایین (cross) (total) $\xi = 0.5$ $\kappa = 2$
 q_0^2 متناسب با دامنه توان ورودی برای یک مزدوج غیر خطی سه .

شکل 5-7 کلیدزنی سالیتونی بر حسب ضریب شکست برای توانهای

65 مختلف کلیدزنی برای یک فیبر دو هسته با سطح سیلیکا با سطح مقطع $60\mu m^2$

شکل 5-8 پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتونی بر حسب ضریب شکست برای توان های
 مختلف کلیدزنی برای یک فیبر دو هسته سیلیکا با سطح مقطع $60\mu m^2$ و پاشندگی

65 $-20ps^2 / km$

شکل 5-9- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ، دو
 موجبر میانی (middle) ، (bar)

66 موجبر پایین (cross) (total) $\xi = 1$ $\kappa = 1$
 $A(3) = 0.5$ q_0^2 ی مزدوج غیر خطی سه -

شکل 5-10- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،
 موجبر میانی (bar) ،

(middle) ، موجبر پایین (cross) (total) $\xi = 0.5$

$A(3) = 0.8$ $k = 2$ q_0^2 متناسب با دامنه توان ورودی برای مزدوج غیر

67 خطی سه .

شکل 5-11- روجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،

(bar) ، موجبر میانی

$$\xi = 0.5 \quad (total) \quad (middle) \text{ ، موجبر پایین } \quad A(1)=0.5 \quad A(3)=1 \quad k=2$$
$$q_0^2$$

67 مزدوج غیر خطی سه .

69 شکل 5-12 طول لازم برای کلیدزنی سالیتمونی بر حسب ضریب شکست برای توان های

مختلف کلیدزنی برای یک فیبر مزدوج موازی غیر خطی سه هسته با سطح مقطع $60\mu m^2$

شکل 5-13 پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتمونی بر حسب ضریب شکست برای توان های

مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی غیر خطی سه $60\mu m^2$

70 پاشندگی $-20ps^2/km$

شکل 5-14 الف خروجی سالیتمون تاریک در موجبر بالا ب - موجبر پایین ، ج و د -

(bar) ، موجبر پایین (cross)

$$q_0^2 \quad \kappa = 1 \quad \xi = 1 \quad (total)$$

71

شکل 5-15 الف خروجی سالیتمون تاریک در موجبر بالا ب - موجبر پایین ، ج و د -

(bar) ، موجبر پایین (cross)

$$q_0^2 \quad \kappa = 0.5 \quad \xi = 2 \quad (total)$$

72

شکل 5-16 الف خروجی سالیتمون تاریک در موجبر بالا ب - موجبر پایین ، ج و د -

(bar) ، موجبر پایین (cross)

$$q_0^2 \quad \kappa = 2 \quad \xi = 0.5 \quad (total)$$

72

شکل 5-17 طول کلید برای کلیدزنی سالیتمونی بر حسب ضریب شکست برای توان های

مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی غیر خطی دو هسته ای چلکوجناید با سطح

75 $1.5\mu m^2$ و پاشندگی $545ps^2/km$.

شکل 5-18 پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتمونی بر حسب ضریب شکست برای توان

مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی غیرخطی دو هسته ای چلکوجناید با سطح

75

$$1.5 \mu m^2 \text{ و پاشندگی } 545 ps^2 / km .$$

شکل 5-19- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،
(bar) ، موجبر میانی (middle)

$$\kappa = 1 \quad \xi = 1 \quad (total) \quad (cross) \text{ موجبر پایین}$$

76

$$q_0^2 \text{ متناسب با دامنه توان ورودی برای یک مزدوج غیر خطی سه}$$

شکل 5-20- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین
(bar) ، موجبر میانی

$$\xi = 2 \quad (total) \quad (cross) \text{ موجبر پایین (middle)}$$

$$\kappa = 0.5 \quad q_0^2 \text{ متناسب با دامنه توان ورودی برای یک مزدوج غیر خطی سه}$$

77

شکل 5-21- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،
(bar) ، موجبر میانی (middle)

$$\kappa = 2 \quad \xi = 0.5 \quad (total) \quad (cross) \text{ موجبر پایین}$$

77

$$q_0^2 \text{ متناسب با دامنه توان ورودی برای یک مزدوج غیر خطی سه}$$

شکل 5-22- - خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،
(bar) ، موجبر میانی (middle)

$$\kappa = 1 \quad \xi = 1 \quad (total) \quad (cross) \text{ موجبر پایین}$$

$$A(3)=0.5 \quad q_0^2 \text{ متناسب با دامنه توان ورودی برای مزدوج موازی غیر خطی سه}$$

78

شکل 5-23- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،
(bar) ، موجبر میانی

$$\xi = 0.5 \quad (total) \quad (cross) \text{ موجبر پایین (middle)}$$

$$\kappa = 2 \quad A(3)=0.8 \quad q_0^2 \text{ متناسب با دامنه توان ورودی برای مزدوج غیر}$$

79

خطی سه

شکل 5-24- الف خروجی سالیتون در موجبر بالا ب - موجبر میانی ج - موجبر پایین ،
(bar) ، موجبر میانی (middle)

$$\kappa = 2 \quad \xi = 0.5 \quad (total) \quad (cross) \text{ موجبر پایین}$$

$$q_0^2 \quad A(1)=0.5 \quad A(3)=1$$

79

غیر خطی سه .

شکل 5-25 طول کلید برای کلیدزنی سالیتمونی بر حسب ضریب شکست برای توان های مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی غیر خطی سه چلکوجناید با سطح

81

$$6 \mu m^2 \text{ و پاشندگی } 545 ps^2 / km .$$

شکل 5-26 پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتمونی بر حسب ضریب شکست برای توان های مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی غیر خطی سه چلکوجناید با سطح

82

$$6 \mu m^2 \text{ و پاشندگی } 545 ps^2 / km .$$

شکل 5-27 سمت چپ طول کلید و سمت راست پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتمونی تاریک بر حسب ضریب شکست برای توان های مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی

82

$$\text{غیرخطی سه چلکوجناید } 6 \mu m^2 \text{ اشندگی } 545 ps^2 / km .$$

شکل 5-28 سمت چپ طول کلید و سمت راست پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتمونی تاریک بر حسب ضریب شکست برای توان های مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی

83

$$\text{غیرخطی سه چلکوجناید } 1.5 \mu m^2 \text{ و پاشندگی } 545 ps^2 / km .$$

شکل 5-29 سمت چپ طول کلید و سمت راست پهنای پالس برای کلیدزنی سالیتمونی تاریک بر حسب ضریب شکست برای توان های مختلف کلیدزنی برای یک مزدوج موازی

83

$$\text{غیرخطی سه چلکوجناید } 1.5 \mu m^2 \text{ و پاشندگی } 545 ps^2 / km .$$

- 12 1-1 ضریب شکست خطی، غیرخطی و ضریب جذب دو فوتونی انواع شیشه
چلکوجناید در طول موج $1.55\mu m$
- 22 1-2 پارامترهای سلمیر برای محاسبه ضریب شکست در سیلیکا
- 64 1-5 نتایج بدست آمده از شبیه سازی سالی تونی روشن در کلید مزدوج موازی
غیرخطی دو
- 68 2-5 نتایج بدست آمده از شبیه سازی سالی تونی روشن در کلید مزدوج موازی
غیرخطی سه
- 73 3-5 نتایج بدست آمده از شبیه سازی سالی تونی تاریک در مزدوج موازی غیرخطی
- 80 4-5 نتایج بدست آمده از شبیه سازی سالی تونی تاریک در کلید مزدوج موازی
غیرخطی سه

اپتیک غیر خطی

اگر تمام پدیده های فیزیکی اطراف ما خطی بود، فیزیک ناتمام و بیشتر زندگی بی معنی می .
زمانی که خطی کردن فیزیک را زیبا کرد، غیرخطی بودن هیجانی در فیزیک بوجود آورد.
غیرخطی در الکتریسته و مغناطیس از زمان ماکسول شناخته شده . عملکرد اولین لیزر در سال
1960 های بالاتر را در مواد اپتیکی مورد آزمایش قرار دهیم

این آزمایش به طور صریح رفتار غیرخطی یک محیط اپتیکی را تأیید نمود [1].

فرض خطی بودن محیط اپتیکی نتایج زیر را در :

- ویژگی های اپتیکی مثل ضریب شکست و ضریب جذب مستقل از شدت نور هستند.
- اصل بر هم نهی مفهوم اساسی نورشناسی کلاسیک را در بردارد.
- با عبور نور از یک محیط فرکانس آن هرگز عوض نمی .
- دو باریکه از نور که در یک محدوده از محیط منتشر می شوند هرگز بر یکدیگر اثری ندارد و نمی -
توان به کمک یک باریکه از نور، باریکه دیگری را کنترل کرد.

رفتار غیرخطی یک محیط اپتیکی بدین صورت می :

- ضریب شکست و سرعت نور در یک محیط اپتیکی با شدت نور تغییر می کند.
- اصل بر هم نهی در محیطهای غیرخطی نقض می .
- فرکانس نور هنگام عبور از یک محیط غیرخطی عوض می (مثلاً نور قرمز می تواند به نور آبی
تبدیل شود).

- ها در مجاورت با یک محیط غیرخطی بر یکدیگر اثر می گذارند بنابراین نور می کنترل کند.

خطی یا غیرخطی بودن به خصوصیت نور بستگی ندارد بلکه به خصوصیات محیطی بستگی دارد که نور در آن منتشر می . هنگامی که نور در خلأ حرکت می کند رفتار غیرخطی از آن مشاهده نمی - . بنابراین نور با نور فقط در حضور یک محیط می تواند بر همکنش کنند. ر حقیقت حضور پرتو نورانی در یک محیط باعث بوجود آمدن یک میدان اپتیکی دیگر، یا حتی تغییر میدان اصلی خودش می شود و همین ویژگی های محیط را اصلاح می کند [2].

1-1 قطبش غیر خطی

وقتی نور به یک اتم می تابد باعث می شود اتم به یک دو قطبی الکتریکی تبدیل شود اگر شدت می زیاد نباشد یک قطبش خالص الکترونی مانند یک اختلال در ابر الکترونی دیده می . اگر میدان تابشی به اتم از میدان داخل اتمی بزرگتر باشد محیط غیرخطی می . در این حالت توضیح پدیده - جای میدان الکتریکی $\vec{E}(r,t)$ بر پایه $\vec{P}(r,t)$ می باشد، زیرا اگر قطبش نسبت به زمان تغییر کند یعنی جمله ی $\partial^2 \vec{P} / \partial t^2$ در معادله ی موج خلاف صفر باشد، آنگاه مانند یک چشمه میدان الکترومغناطیسی جدید عمل می کند.

$$\nabla^2 \vec{E} - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} - \frac{1}{\epsilon_0 c^2} \frac{\partial^2 \vec{P}}{\partial t^2} = 0 \quad (1-1)$$

که c سرعت نور در خلأ می . پس برای بروز ویژگی های غیرخطی، باید

محیط زیاد باشد. در اینصورت رابطه ی بین میدان الکتریکی و قطبش، غیرخطی، می .

کوچک باشد معادله قطبش به صورت $\vec{P} = \epsilon_0 \chi \vec{E}$ می . نتیجه داریم:

$$\vec{P} = \epsilon_0 (\chi^{(1)} \vec{E} + \chi^{(2)} \vec{E} \vec{E} + \chi^{(3)} \vec{E} \vec{E} \vec{E} + \dots) = \vec{P}_L + \vec{P}_{NL}^{(2)} + \vec{P}_{NL}^{(3)} + \dots \quad (2-1)$$

که ϵ_0 ضریب گذردهی الکتریکی خلأ و $\chi^{(j)}$ ثابت پذیر رفتاری¹ \vec{P}_L می . همچنین \vec{P}_L قطبش خطی را تعیین می کند و $\vec{P}_{NL}^{(2)}$ $\vec{P}_{NL}^{(3)}$... به ترتیب توصیفگر قطبش غیرخطی از مرتبه دو و ... می .

اگر محیط غیر پاشنده، بدون اتلاف و میدان الکتریکی و قطبش اسکالر باشند پذیرفتاری در رابطه (1) - یک عدد ثابت خواهد بود اما برای یک محیط پاشنده و دارای اتلاف که میدان الکتریکی و قطبش

¹ . Susceptibility

بردارای می‌باشند، پذیرفتاری تانسوری با اعضاء موهومی بوده که تابع فرکانس نور ورودی می
 [3]. اگر فرکانس میدان ورودی در نزدیکی فرکانس تشدید محیط باشد آنگاه اتلاف زیاد خواهد
 بود و از طرف دیگر اگر فرکانس میدان‌های ورودی به اندازه کافی از فرکانس تشدید دور باشد می-
 توان از قسمت موهومی صرفنظر کرد [4]. میدان الکتریکی را به صورت جمع ای از یک
 تعداد مؤلفه فرکانس در نظر می‌گیریم:

$$\vec{E}(r, t) = \sum_n E(w_n) e^{-jw_n t} \quad (3-1)$$

به همین ترتیب برای قطبش داریم:

$$\vec{P}(r, t) = \sum_n \vec{P}(w_n) e^{-jw_n t} \quad (4-1)$$

برای قطبش خطی میدان ورودی با یک مولفه فرکانس w در نظر می‌گیریم.
 (2-1) داریم:

$$\vec{P}_L(w) = \epsilon_0 \chi^{(1)}(w) \vec{E}(w) \quad (5-1)$$

به صورت برداری به شکل زیر می‌نویسیم:

$$\begin{bmatrix} P_{Lx} \\ P_{Ly} \\ P_{Lz} \end{bmatrix} = \epsilon_0 \begin{bmatrix} \chi_{xx}^{(1)} & \chi_{xy}^{(1)} & \chi_{xz}^{(1)} \\ \chi_{yx}^{(1)} & \chi_{yy}^{(1)} & \chi_{yz}^{(1)} \\ \chi_{zx}^{(1)} & \chi_{zy}^{(1)} & \chi_{zz}^{(1)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E_x(w) \\ E_y(w) \\ E_z(w) \end{bmatrix} \quad (6-1)$$

اندیس های x, y, z نشان دهنده ی راستای میدان ورودی یا همان جهت قطبش هستند.
 که می‌بینید پذیرفتاری مرتبه اول یک تانسور مرتبه دوم است که شامل نه عنصر است.
 می‌ها به صورت زیر نوشت:

$$P_{Li} = \epsilon_0 \sum_j \chi_{ij}^{(1)}(w) E_j(w) \quad (7-1)$$

اکنون برای میدان ورودی در محیطی دارای پذیرفتاری غیرخطی نوع دوم، دو مولفه فرکانس w_1
 w_2 نظر می‌گیریم. ی قطبش مرتبه دوم غیرخطی به طور کلی برای دو میدان به صورت زیر
 می‌باشد:

$$\vec{P}_{NL}^{(2)}(w) = \epsilon_0 \chi_{(w, w_1, w_2)}^{(2)} \vec{E}(w_1) \vec{E}(w_2) \quad (8-1)$$

اگر دو میدان دارای فرکانس های متفاوتی باشند آنگاه

فرکانس‌ها یا مضرب فرکانس ورودی تولید می . بعبارتی رابطه‌ی قطبش به فرکانس به صورت
 $0 \quad w_1 - w_2 \quad w_1 + w_2 \quad 2w_2 \quad 2w_1$ که در اینجا حالت $w = w_1 + w_2$ را شرح می-

دهیم. سه مؤلفه ی این دو میدان را به $3^2 = 9$ حالت می توان ترکیب کرد، پس رابطه قطبش با این میدانها به صورت یک تانسور مرتبه سه با $3 \times 9 = 27$:

$$\begin{bmatrix} \vec{P}_{NLx}^{(2)} \\ \vec{P}_{NLy}^{(2)} \\ \vec{P}_{NLz}^{(2)} \end{bmatrix} = D\epsilon_0 \begin{bmatrix} \chi_{xxx}^{(2)} & \chi_{xxy}^{(2)} & \cdots & \chi_{xxz}^{(2)} \\ \chi_{yxx}^{(2)} & \chi_{yxy}^{(2)} & \cdots & \cdots \\ \cdots & \cdots & \cdots & \chi_{zzz}^{(2)} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E_x(w_1) & E_x(w_2) \\ E_x(w_1) & E_y(w_2) \\ E_x(w_1) & E_z(w_2) \\ E_y(w_1) & E_x(w_2) \\ E_y(w_1) & E_y(w_2) \\ E_y(w_1) & E_z(w_2) \\ E_z(w_1) & E_x(w_2) \\ E_z(w_1) & E_y(w_2) \\ E_z(w_1) & E_z(w_2) \end{bmatrix} \quad (9-1)$$

که در آن D کتور تبهگنی بوده و تعداد جایگشت های فرکانس تابش ورودی می برای پذیرفتاری مرتبه دوم که از دو فرکانس استفاده می کنیم $D = 2$ می .
زیر نیز می :

$$P_{NLi}^{(2)}(w = w_1 + w_2) = D\epsilon_0 \sum_{jk} \chi_{ijk}^{(2)}(w; w_1, w_2) E_j(w_1) E_k(w_2) \quad (10-1)$$

برای قطبش مرتبه سه میدان ورودی با سه مؤلفه ی فرکانس در نظر می گیریم.
فرکانس به صورت های مختلف زیر می باشد که به هر حالت عنوان خاصی نسبت داده می :

$$\left(3w_1, 3w_2, 3w_3, w_1 + w_2 + w_3, w_1 + w_2 - w_3, \right. \\ \left. w_1 - w_2 + w_3, -w_1 + w_2 + w_3, 2w_1 + w_2, \dots \right) \quad (11-1)$$

در اینجا یک حالت مجموع به نام تولید فرکانس مجموع را در نظر می گیریم [5].
غیرخطی مرتبه سه به صورت زیر می :

$$\vec{P}_{NL}^{(3)}(w = w_1 + w_2 + w_3) = \epsilon_0 \sum_{jk} \chi^{(3)}(w; w_1, w_2, w_3) \vec{E}(w_1) \vec{E}(w_2) \vec{E}(w_3) \quad (12-1)$$

حال سه میدان داریم که هر یک سه مؤلفه دارند بنابراین آنها را می $3^3 = 27$ حالت ترکیب کرد. پس تانسور پذیرفتاری یک تانسور مرتبه چهار با $3 \times 27 = 81$ عنصر به صورت زیر خواهد بود: