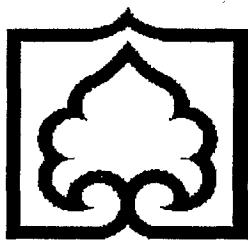


بِسْمِ اللّٰهِ الرَّحْمٰنِ الرَّحِيْمِ

١٣٨٨/٦/١١

١١٢١٩٤



دانشگاه رتجان

آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای

پایان نامه کارشناسی ارشد

زهره نعمتی پرشکوه

استاد راهنما: دکتر احمد درودی

جعفر اطلاعات مدنی
شبیه مدنی

۱۳۸۸ بهار

۱۱۶۱۹۶



دانشگاه تهران

شماره: ۵۰۸۸

تاریخ: ۲۷ مهر

صورتجلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد

گرایش: اتمی و مولکولی

رشته: فیزیک

تحت عنوان: آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه‌ای

در تاریخ ۲۷/۸/۸۸ با حضور هیأت محترم داوران در دانشگاه زنجان برگزار گردید و نظر هیأت داوران بشرح زیر می‌باشد:

قبول (با درجه: عالی) امتیاز: ۱۷.۶ دفاع مجدد مردود

۱- عالی (۲۰/۱۸)

۲- بسیار خوب (۹۹/۱۷)

۳- خوب (۹۹/۱۵)

۴- قابل قبول (۹۹/۱۳)

امضاء

مرتبه علمی

نام و نام خانوادگی

عضو هیأت داوران

۱- استاد راهنمای

دکتر احمد درودی

استاد دیار

استاد دیار

۲- استاد ممتحن خارج از دانشگاه

دکتر محمد امیری

استاد دیار

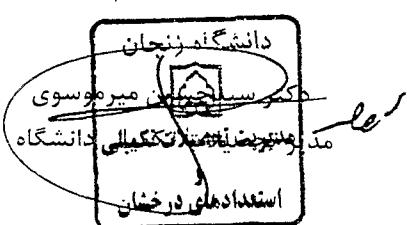
۳- استاد ممتحن داخل دانشگاه

دکتر سعید قنبری

استاد دیار

دکتر محمد علی اسم خانی

۴- نماینده تحصیلات تکمیلی



دکتر محمد علی اسم خانی
معاون آموزشی و تحصیلات تکمیلی
دانشکده علوم
۸۸/۵/۲۷

تَهْلِيْمِ بَكْ پَلَرْ وَ سَارَ حَسَنِيْم

قادر زاده و تیزش

از استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر درودی که همواره با صبر و شکیبایی به راهنمایی من پرداخته‌اند، سپاسگزارم.

از آقایان سلمان مهاجر و علیرضا مولایی که با توضیحات و راهنمایی‌های به جای خود مرا باری کرده‌اند کمال تشکر را دارم.

از آقایان سعید زراعتی و مصطفی قادریان به خاطر مساعدت‌هایی که در طول تحصیلم داشته‌اند بی نهایت ممنونم.

از پدر و مادرم به خاطر تمام صبر و تحمل و حمایت و محبت‌شان قدردانی می‌کنم.

چکیده

در این پایان نامه بررسی کوتاهی بر روی برخی از شیوه های آزمون سطوح غیرکروی صورت گرفته است و از میان آن ها در مورد آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای بحث شده است. در ادامه، در مورد این که تمام نگار رایانه ای چیست و چگونه می توان آن را تولید کرد و خطاهای ساخت آن صحبت شده است. در نهایت نحوه ساخت تمام نگار رایانه ای به کار رفته برای آزمون یک سطح غیرکروی با استفاده از تداخل سنج فیزو شرح داده شده است و درباره روش تغییر فاز برای تحلیل فریزهای تداخلی توضیح داده شده است.

واژگان کلیدی: سطح غیرکروی، تمام نگار رایانه ای، تداخل نگاشت رایانه ای، تداخل سنج فیزو، اختلاف راه

نوری

فهرست

چکیده	چهار
مقدمه	هشت
۱ آزمون سطوح اپتیکی غیرکروی	
۱.۱ سطح غیرکروی چیست؟	۲
۲.۱ تداخل	۴
۱.۲.۱ تداخل سنجی	۷
۲.۱ شیوه های آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای	۸
۴.۱ آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای در تداخل سنج تویمن-گرین	۱۱
۵.۱ آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای در تداخل سنج فیزو	۱۸
۶.۱ آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای در تداخل سنج ماخ زندر	۲۰
۲ مراحل ساخت تمام نگار رایانه ای و خطاهای ایجاد شده در حین ساخت	

۲۲	۱.۲ تمام نگار چیست؟
۲۲	۱.۱.۲ تفاوت تمام نگاری با عکاسی
۲۲	۲.۱.۲ چگونه فاز موج را ثبت کنیم؟
۲۵	۲.۲ ساخت تمام نگار رایانه‌ای
۲۵	۱.۲.۲ انواع تمام نگار رایانه‌ای
۲۷	۲.۲.۲ تمام نگار انحراف فاز
۳۲	۳.۲.۲ تداخل نگاشت‌های رایانه‌ای
۳۳	۴.۲.۲ ثبت تمام نگار رایانه‌ای
۳۸	۳.۲ خطاهای ساخت تمام نگار رایانه ای
۳۹	۱.۳.۲ خطای صفحه تمام نگار
۴۰	۲.۳.۲ اعوجاج الگوی تمام نگار
۴۱	duty-cycle و عمق حکاکی تمام نگار رایانه‌ای	۳.۳.۲ خطای

۳ طراحی تمام نگار رایانه‌ای و چیدمان آزمایش

۴۴	۱.۳ طراحی تمام نگار رایانه‌ای
۵۰	۲.۳ چیدمان آزمایش
۵۱	۱.۲.۳ ترکیب اجزای چیدمان
۵۳	۲.۲.۳ اجزای چیدمان
۶۶	۳.۲.۳ تنظیمات حین داده برداری

۶۸	۴.۲.۳ داده برداری به روش جابجایی فاز
۷۳	۵.۲.۳ خطاهای ساخت تمام نگار رایانه‌ای
۷۴	۶.۲.۳ نتایج و پیشنهادات
۷۵	مراجع

مقدمه

استفاده از سطوح غیرکروی در ساخت سیستم های اپتیکی با بازدهی بالا، امکان کاهش تعداد اجزای اپتیکی مورد استفاده در سیستم را به ما می دهد. بعد از ساخت اجزای اپتیکی غیرکروی برای رسیدن به کیفیت دلخواه باید بتوانیم اعوجاج و ابیراهی این سطوح را با استفاده از روش هایی با دقت حدود 10 nm اندازه گیری کنیم. الکترونیک، رایانه و نرم افزارهای پیشرفته کمک زیادی به پیشرفت اندازه گیری شکل سطوح و اعوجاج آنها کرده است.

سطح غیرکروی معمولاً با استفاده از روش های تداخلی (پراش، بازتاب یا ترکیبی از این دو) آزمایش می شوند. برای این کار می توانیم این سطوح را با یک سطح مرجع تخت یا کروی مقایسه کنیم اما اختلاف زیاد یک سطح غیرکروی با یک سطح مرجع تخت یا کروی باعث می شود که تعداد زیادی فریز تداخلی ایجاد شوند که باید آنها را تفسیر کرد و این موجب مشکل شدن آزمون یک سطح غیرکروی می شود: بنابراین باید بتوانیم سطوح مرجعی بسازیم که بهتر بر سطح آزمون منطبق شوند و از این سطوح مرجع در تداخل سنج استفاده کنیم. اما ساخت سطوح مرجع غیرکروی مشکل و پرهزینه است.

یک روش برای حل این مشکل استفاده از تداخل سنجی با چینش جانبی^۱ است. در این شیوه سطح مرجع لازم نیست. اساس این روش جابجایی کپی جبهه موج دارای ابیراهی به طور جانبی و به مقدار کمی از جبهه موج اصلی و تداخل این دو با هم می باشد.^[۱] یعنی هر نقطه از سطح با نقطه ای در مجاورت آن مقایسه می شود.^[۲] همچنین می توانیم از شیوه های پوج کننده استفاده کنیم بدین معنی که جبهه موج مرجعی به کاربریم که شکلی مشابه با جبهه موج آزمون داشته باشد. شیوه های دیگری همچون روش هایی که براساس اپتیک هندسی عمل می کنند^۳، تداخل سنجی مادون – قرمز^۴ و استفاده از تمام نگار رایانه ای^۵ به کار رفته اند.

تمام نگارهای رایانه ای اجزای اپتیکی بسیار قدرتمندی هستند چون می توانند جبهه موج فرودی را تقریباً به هر

Lateral Shearing Interferometry^۱

D. Malacara, Optical shop testing(Wiley), New York, 1978^۲

R.E. Parks L.Z. Shao "Testing large hyperbolic secondary mirrors", Opt. Eng. 27, 1057-1062 (1988)^۳

J.K. Sinha H.V. Trippur, "Infrared interferometry for rough surface measurements: applications to failure characterization flaw detection", Opt. Eng. 36, 2233-2239 (1997)^۴

Computer Generated Hologram(CGH)^۵

شکل تعریف شده از نظر ریاضی تبدیل کنند و باعث می شوند جبهه موج طوری منتشر شود که توزیع شدت یا فاز دلخواه ایجاد شود. بنابراین تمام نگارهای رایانه‌ای در آزمونهای پوچ کننده که برای تعیین شکل و اعوجاج سطوح غیرکروی به کار می روند بسیار مفیدند. چنین تمام نگارهایی شامل الگویی از خطوط یا حلقه‌ها هستند و با استفاده از ابزار پیشرفته امروزی به سادگی می‌توان آنها را ساخت.

فصل اول

آزمون سطوح اپتیکی غیرکروی

۱.۱ سطح غیرکروی چیست؟

هر سطحی که کروی یا تخت نباشد غیرکروی است. البته در اینجا منظور ما از سطوح غیرکروی، سطوح غیرکروی مخروطی است یعنی سطوحی که از قطع دادن یک صفحه با یک مخروط تولید می‌شوند و عبارتند از: سهمی گون^۱، هذلولی گون^۲، بیضی گون^۳.

سطوح غیرکروی در ساده‌تر کردن سیستم‌های اپتیکی نقش بسیار مهمی دارند. ایراحتی‌های تکریگ معمول شامل ایراحتی‌کروی^۴، کوما^۵، آستیگماتیسم^۶ و واپیچش^۷ را می‌توان با استفاده از سطوح غیرکروی حذف کرد. اصلاح این ایراحتی‌ها برای سطوح کروی بزرگ مشکل و پرهزینه است. سطوح غیرکروی میدان دید وسیعی به ما می‌دهند، ایراحتی‌های اپتیکی را کاهش می‌دهند، کیفیت تصویر را در سیستم‌های اپتیکی افزایش می‌دهند و همچنین از وزن و حجم سیستم می‌کاهند.

برای مشخص کردن یک سطح کروی فقط به پارامتر شکل^۸ نیاز است یعنی شعاع انحنای^۹، R ، و تنها محدودیتی که داریم این است که R نباید بی نهایت شود چون در این صورت یک سطح تخت خواهیم داشت. برای مشخص کردن یک سطح غیرکروی پارامترهای بیشتری داریم که این باعث می‌شود بتوانیم شکل سطح و در نتیجه ایراحتی‌های جبهه موج را در سیستم اپتیکی بهبود بخشیم [۳].

معادله کلی یک سطح غیرکروی با تقارن چرخشی حول محور \hat{z} به صورت زیر است [۴]:

$$z = \frac{CS^2}{1 + [1 - (K + 1) C^2 S^2]^{\frac{1}{2}}} + A_1 S^4 + A_2 S^6 + A_3 S^8 + A_4 S^{10} + \dots \quad (1)$$

Paraboloid^۱

Hyperboloid^۲

Ellipsoid^۳

Spherical Aberration^۴

Coma^۵

Astigmatism^۶

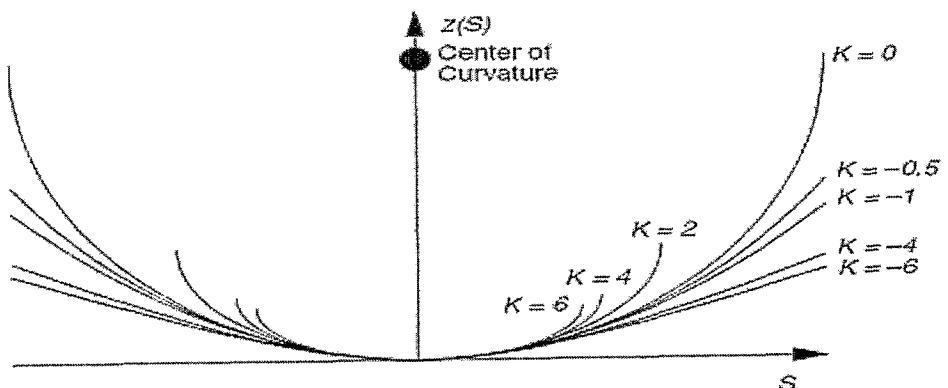
Distortion^۷

Shape Parameter^۸

که در آن $S^2 = x^2 + y^2$ و $R = \frac{1}{K}$ شعاع انحنای سطح است. شعاع انحنای سطح غیرکروی در رأس آن شعاع انحنای اصلی نامیده می‌شود. A_i ها پارامترهای شکل غیرکروی^۹ و K تابعی از خروج از مرکز مقطع مخروطی است ($K = -e^2$) و ثابت توصیف کننده سطح^{۱۰} خوانده می‌شود.^{۱۱} اگر همه A_i ها صفر باشند سطح یک سطح غیرکروی مخروطی است و بسته به مقدار K ، شکل آن هذلولی گون، سهمی گون، بیضی گون، بیضی پخ^{۱۲} یا کروی خواهد بود؛ جدول زیر را بینید [۴].

مقدار ثابت توصیف کننده سطح	نوع مقطع مخروطی
$K \leq -1$	هذلولی گون
$K = -1$	سهمی گون
$-1 \leq K \leq 0$	بیضی گون
$K = 0$	کره
$K \geq 0$	بیضی پخ

شکل ۱-۱ نمایشگر نقش K در معادله (۱) است [۴]:



شکل ۱-۱: برش طولی سطوح غیرکروی با انحنای یکسان و K متفاوت.

Aspheric Deformation Constants^۹

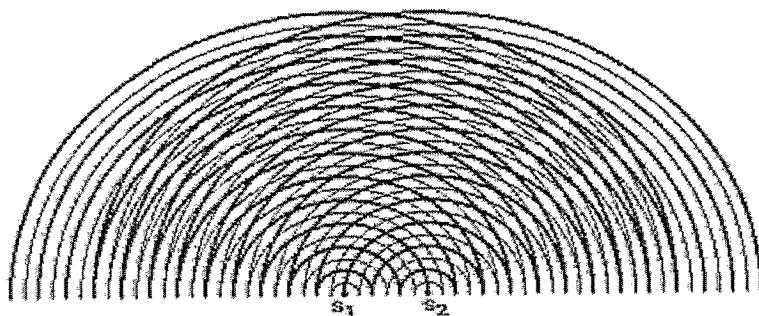
Conic Constant^{۱۰}

^{۱۱} برای به دست آوردن اطلاعاتی در مورد نحوه به دست آوردن این ثابت می‌توانید به پایان نامه آقای سلمان مهاجر مراجعه کنید.

^{۱۲} Oblate Spsheroïd(Ellipse rotated about its minor axis)

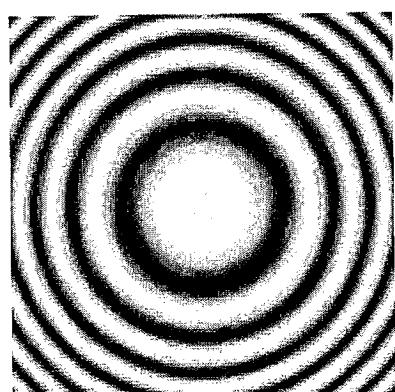
۲۰.۱ تداخل

تداخل عبارت است از برهم نهی^{۱۳} دو یا چند موج که باعث ایجاد یک توزیع شدت جدید می‌شود. شکل زیر تداخل دو جبهه موج را نمایش می‌دهد:



شکل ۱-۲: تداخل دو جبهه موج (آزمایش دو شکاف یانگ).

اگر نور یک منبع به دو باریکه تقسیم شود و سپس دو باریکه برهم نهاده شوند، شدت در ناحیه برهم نهش از یک مقدار بیشینه که برابر با مجموع شدت هاست تا یک مقدار کمینه که می‌تواند صفر باشد تغییر می‌کند. شکل زیر را ببینید:



شکل ۱-۳: تغییرات شدت

Superposition ۱۳

برهم نهش باریکه های نور تک فام^{۱۴} همیشه باعث تداخل می شود. اگرچه نور تولید شده با یک منبع فیزیکی حقیقی کاملاً تک فام نیست اما دامنه و فاز دارای افت و خیز^{۱۵} سریع و نامنظم هستند که چشم یا یک آشکارساز معمولی نمی تواند آن را تشخیص دهد. اگر دو باریکه از یک منبع ساطع شوند، تغییرات دو باریکه عموماً همبسته اند^{۱۶}، و باریکه ها همدوس اند^{۱۷} (دو باریکه که اختلاف فاز آن ها نسبت به زمان ثابت است را همدوس گوییم). در مورد باریکه هایی از دو منبع متفاوت، تغییرات کاملاً ناهمبسته اند و پرتوها ناهمدوس اند [۵]. وقتی چنین پرتوهایی برهم نهاده شوند، باهم تداخل خواهند کرد اما نقش برآیند مدت نسبتاً زیادی باقی خواهد ماند تا به راحتی قابل مشاهده باشد. یک چشم معمولی شامل شمار زیادی از اتم های برانگیخته است، که هریک می تواند قطر موجی را برای مدتی در حدود $8-10$ بتاباند. بنابراین، دو چشم مجزا در بهترین حالت در زمانی تقریباً برابر $8-10$ ، می توانند فازهای نسبی خود را نگه دارند. نقش تداخلی حاصل تنها برای این مدت زمان کوتاه پیش از آن که در اثر انحراف فاز تغییر کند در فضای ثابت خواهد ماند در نتیجه تلاش برای دیدن نقش تداخل حاصل از دو چراغ روشن یا عکس برداری از آن بیهوده خواهد بود.

اگر دو باریکه برای ایجاد یک نقش پایدار باهم تداخل کنند باید بسامد تقریباً یکسانی داشته باشند. پیامد یک اختلاف بسامد قبل توجه اختلاف فازی با تغییری سریع ووابسته به زمان خواهد بود که به نوبه خود موجب صفر شدن میانگین I_{12} در مدت زمان آشکارسازی خواهد شد.

روشن ترین نقش ها هنگامی وجود خواهند داشت که امواج تداخل کننده دارای دامنه های برابر یا تقریباً برابر باشند. اگر امواجی که در یک نقطه به هم می رسند همدیگر را تقویت کنند و دامنه برآیند آن ها برابر مجموع دامنه های اولیه باشد، تداخل را سازنده^{۱۸} گویند که معادل با فریزهای روشن در طرح تداخل است و اگر امواج همدیگر را تضعیف کنند و دامنه برآیند آن ها برابر اختلاف دو دامنه باشد، تداخل را ویرانگر^{۱۹} گویند که معادل فریزهای تاریک در طرح تداخل می باشد [۶].

Monochromatic Light^{۱۴}

Fluctuations^{۱۵}

Correlated^{۱۶}

Coherent^{۱۷}

Constructive Interference^{۱۸}

Destructive Interference^{۱۹}

حال می خواهیم تداخل را برای دو موج تخت هم بسامد \vec{E}_1 و \vec{E}_2 بررسی کنیم و تاییدگی $^{\circ}$ را به دست آوریم.

$$E_1 = E_{01} \cos(\vec{k}_1 \cdot \vec{r} + \omega t + \epsilon_1)$$

$$E_2 = E_{02} \cos(\vec{k}_2 \cdot \vec{r} - \omega t + \epsilon_2)$$

در یک نقطه مانند P که با بردار مکان \vec{r} تعریف می شود، این امواج باهم تلاقی می کنند. میدان الکتریکی حاصل عبارت است از:

$$\vec{E}_P = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$$

تاییدگی معرف متوسط زمانی مجدور دامنه موج است.

$$I = \epsilon_0 < \vec{E}_P^2 > = \epsilon_0 c < \vec{E}_P \cdot \vec{E}_P > = \epsilon_0 c < (\vec{E}_1 + \vec{E}_2) \cdot (\vec{E}_1 + \vec{E}_2) >$$

$$I = \epsilon_0 c < \vec{E}_1^2 + \vec{E}_2^2 + 2\vec{E}_1 \cdot \vec{E}_2 >$$

دو جمله اول مربوط به تاییدگی های انفرادی، I_1 و I_2 ، هستند. آخرین جمله بستگی به برهمنش امواج دارد و جمله تداخلی I_{12} نامیده می شود. پس:

$$I = I_1 + I_2 + I_{12}$$

وجود جمله سوم نشان دهنده ماهیت موجی نور است که می تواند تاییدگی را از طریق تداخل تقویت و تضعیف کند [۷].

Intensity $^{\circ}$

۱۰.۱ تداخل سنجی

در آزمون های اپتیکی با دقت بالا اغلب از شیوه های تداخل سنجی استفاده می شود. تداخل سنج ها از دو باریکه لیزر استفاده می کنند یکی به عنوان باریکه مرجع و دیگری به عنوان باریکه آزمون. باریکه آزمون به سطح آزمون برخورد می کند و باریکه مرجع از یک سطح مرجع بازتاب می شود. باریکه های آزمون و مرجع در تداخل سنج روی صفحه یک ^{۲۱}CCD برروی هم می افتد و CCD طرح تداخلی را به رایانه منتقل می کند به این ترتیب الگوی تداخل برای تحلیل رایانه ای آماده می شود و با تحلیل طرح تداخلی می توان به اییراهی های سطح آزمون پی برد.

Charge-Coupled Device ^{۲۱}

۳.۱

شیوه های آزمون سطوح غیرکروی با استفاده از تمام نگار رایانه ای

یکی از شیوه های متداول برای آزمایش کیفیت سطوح آزمون های پوج کننده است. یک چیدمان معمول برای آزمون سطوح کروی تداخل سنج تویمن - گرین است که سطح آزمون را با یک سطح مرجع تخت یا کروی مقایسه می کند. اگر سطح آزمون غیرکروی باشد دقت این چیدمان محدود می شود چون تفاوت بین سطح مرجع و سطح آزمون بسیار زیاد می شود. همان طور که قبلاً اشاره شد این مسئله باعث می شود که طرح تداخل تعداد زیادی فریز پیدا کند که این فریزها هم ناشی از ایپراهی های سطح آزمون و هم به دلیل تفاوت شکل سطح آزمون و سطح مرجع می باشند و این تحلیل فریزها را مشکل می کند.

برای سطوحی که اختلاف شکل آنها با سطح مرجع کم است (حدود ۱۰ فرین) در طرح تداخلی خطای ناشی از شکل سطح و هم خطاهای موضعی ناشی از ساخت هنوز قابل مشاهده است اما وقتی این اختلاف به حدود ۱۰۰ فریز یا بیشتر بر سد دیگر امکان ثبت چنین طرح تداخلی با CCD نمی باشد.

یکی از روشهایی که تعداد فریزهای طرح تداخل را کاهش می دهد این است که از طول موج بلندتری به عنوان منبع نور در تداخل سنج استفاده کنیم. برای مثال اگر به جای لیزر هلیم - نئون با طول موج $\mu = 6328$ که به طور معمول به عنوان منبع نور استفاده می شود، یک لیزر CO_2 با طول موج $\mu = 10/6$ به کار برده شود تعداد فریزها حدود $\frac{1}{17}$ کاهش می یابد که همان نسبت دو طول موج است. افزایش طول موج مطمئناً حساسیت آزمون تداخلی را کاهش می دهد، البته در بسیاری موارد طول موج $\mu = 10$ منجر به حساسیتی کافی (اما نه عالی) می شود.

استفاده از طول موج بلندتر، یعنی چشممه های نور نامرئی، سه عیب دارد:

- ۱) اجزایی با ضریب شکست عادی را با این روش نمی توان آزمایش کرد چون ضریب بازنگاب مناسب نیست.
- ۲) نمی توان از فیلم به طور مستقیم برای ثبت تداخل استفاده کرد زیرا در این طول موج حساس نیست.
- ۳) و به دلیل این که تشعشعات مادون قرمز هستند نمی توان آن ها را دید [۸].

روش دیگر این است که با ابزاری کمکی تفاوت بین شکل جبهه موج آزمون و جبهه موج مرجع را تا جایی که ممکن است کم کنیم؛ این ابزار کمکی تصحیح گر پوچ کننده^{۲۲} یا خنثی گر پوچ کننده^{۲۳} نامیده می‌شود. تصحیح گر پوچ کننده شامل یک یا چند عدسی و یا آینه است که در مسیر اپتیکی قرار می‌گیرند تا جبهه موجی که از سطح آزمون می‌آید را شبیه به یک جبهه موج تخت یا کروی کند. با این کار طرح تداخل اختلاف از شکل غیرکروی دلخواه را به جای اختلاف از شکل سطح مرجع تخت یا کروی به کار رفته برای آزمون نشان می‌دهد. طراحی دقیق تصحیح گر پوچ کننده و همچنین قرار دادن آن در جای مناسب بسیار مهم است. خطای در مکان قرارگیری تصحیح گر پوچ کننده باعث شد که آینه تلسکوپ هابل اشتباہ صیقل داده شود. در حقیقت، راه ساده‌ای برای آزمون کیفیت تصحیح گرهای پوچ کننده وجود ندارد. همچنین تولید سیستم‌های پوچ کننده عموماً بسیار مشکل و گران است. تولید این سیستم‌ها مخصوصاً برای آزمون جبهه موج‌های نامتقارن مشکل‌تر و گران‌تر است. بنابراین به وضوح به شیوه‌ای نیاز داریم که پیچیدگی سیستم‌های پوچ کننده را حذف کند یا کاهش دهد. استفاده از تمام نگارهای رایانه‌ای در بسیاری موارد کارساز بوده است.

حدود ۴۵ سال از زمانی که لومون و پاریس^{۲۴} اولین تمام نگار رایانه‌ای را تعریف کردند، می‌گذرد و حدود ۴۰ سال است که تمام نگارهای رایانه‌ای برای آزمون اجزای اپتیکی غیرکروی به کار می‌روند. هم اکنون تمام نگارهای رایانه‌ای به طور وسیعی در آزمون اجزای اپتیکی استفاده می‌شوند و انتظار می‌رود در سال‌های آینده با دسترسی آسان تر به تمام نگار رایانه‌ای، استفاده از آنها در آزمون سطوح غیرکروی به شدت افزایش یابد. با وجودی که تمام نگارهای رایانه‌ای عموماً برای آزمون سطوحی که تقارن چرخشی دارند، استفاده می‌شوند اما مزیت بزرگ تمام نگارهای رایانه‌ای این است که می‌توان آنها را به همان سادگی که برای آزمون سطوح متقارن تولید کرد برای آزمون سطوحی با شکل دلخواه هم طراحی کرد.

برای ساخت تمام نگار رایانه‌ای ابتدا باید پرتویابی^{۲۵} کنیم یعنی تعیین کنیم که اگر سطح آزمون ایده‌آل بود فریزها در کجا تشکیل می‌شدند. پرتویابی را می‌توان برای هر سیستم اپتیکی به کار برد. تنها چیز لازم این است که

Null Corrector^{۲۲}

Null Compensator^{۲۳}

Lohmann & Paris^{۲۴}

Ray Tracing^{۲۵}