

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



دانشکده فنی مهندسی مکانیک  
گروه مهندسی مکانیک

پایان نامه

برای دریافت درجه کارشناسی ارشد در رشته مهندسی مکانیک  
گرایش طراحی کاربردی

عنوان

مقایسه روش‌های آنالیز مودال کلاسیک و آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی در  
عیب‌یابی سازه‌ها

استاد راهنما

دکتر سید مرتضی همایون صادقی

استاد مشاور

دکتر میر محمد اتفاق

پژوهشگر

حمید برزگر بفرولی

شهریور ۱۳۹۳

ماحصل آموخته‌هایم را تقدیم می‌کنم به آنان که مهر آسمانی‌شان آرام بخش آلام زمینی‌ام  
است:

به استوارترین تکیه‌گاهم، دستان پر مهر پدرم

به سبزترین نگاه زندگیم، چشمان مهربان مادرم

به پشتوانه‌ی زندگیم، همسرم

به همراه، همیشگی‌ام، برادرم

که هرچه آموختم در کتب عشق شما آموختم و هرچه بگو شتم قطره‌ای از دریای بی‌کران

مهربانی‌تان را سپاس توانم بگویم.

امروز، هستی‌ام به امید شماست و فردا کلید باغ بهشتم رضای شما.

## تقدیر و سپاس

سپاس و ستایش مرخدای را جل و جلاله که آثار قدرت او بر چهره روز روشن، تابان است و انوار حکمت او در دل شب تار، در فشان. آفریدگاری که خویشتن را به ما شناساند و درهای علم را بر ما گشود و عمری و فرصتی عطا فرمود تا بدان، بنده ضعیف خویش را در طریق علم و معرفت بیازماید. اکنون در آستانه راهی نو با سپاس از نعمات بی حد پروردگار بر خود لازم می دانم سپاسگزار تمامی عزیزانی باشم که در این پروژه یاری ام نمودند. مراتب تشکر صمیمانه خود را از استاد ارجمندم جناب آقای دکتر مرتضی هایون صادقی دارم که در تمام مراحل پروژه بار، نمودهای ارزشمند خود راه گشای اینجانب بودند. همچنین از همراهی و مشاوره جناب آقای دکتر میر محمد اتفاق برای به ثمر رسیدن این پروژه مراتب تشکر و قدردانی را به جای می آورم.

نام خانوادگی دانشجو : برزگر بفروئی	نام : حمید
عنوان پایان نامه : مقایسه روش های آنالیز مودال کلاسیک و آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی در عیب یابی سازه ها	
استاد راهنما : دکتر سید مرتضی همایون صادقی	
استاد مشاور : دکتر میر محمد اتفاق	
مقطع تحصیلی : کارشناسی ارشد	رشته : مهندسی مکانیک
گرایش : طراحی کاربردی	
دانشگاه : تبریز	دانشکده : فنی مهندسی مکانیک
تاریخ فارغ التحصیلی : شهریور ۱۳۹۳	تعداد صفحه : ۸۶
کلید واژه ها : آنالیز مودال، عیب یابی، سازه سه بعدی، روش چند جمله ای کسری گویا، روش تجزیه حوزه فرکانسی	
چکیده :	
<p>ایمنی سازه ها، یکی از اصلی ترین مسائلی است که در سازه هایی مثل پل ها، ساختمان ها، هواپیماها، آنتن های مخابراتی و ... در نظر گرفته می شود. از همین رو امروزه، روش های پایش وضعیت سازه ها (SHM)<sup>۱</sup> به یکی از سرفصل های مهم تحقیقاتی-صنعتی تبدیل شده است. این روش ها، روش هایی هستند که برای نظارت مداوم بر وضعیت سلامتی سازه ها به کار گرفته می شوند. در این روش ها با استفاده از پارامترهای سیستم عیوب سازه ارزیابی می گردد. ارزیابی عیوب سازه به چهار مرحله تشخیص وجود عیب، یافتن محل عیب، اندازه عیب و پیش بینی طول عمر باقیمانده سازه تقسیم می شود که علی رغم روش ها و تحقیقات گسترده ای که در هر کدام از این مراحل انجام پذیرفته، همچنان مسائل حل نشده زیادی در هر مرحله وجود دارد.</p> <p>روش های متنوعی برای ارزیابی عیوب سازه ها با استفاده از پارامترهای ارتعاشی آنها وجود دارد. از جمله این روش ها، روش های غیر مخربی هستند که با استفاده از اندازه گیری پارامترهای ارتعاشی و بر</p>	

<sup>۱</sup> Structural Health Monitoring

اساس تغییری که تغییر مشخصات سازه مثل جرم یا سفتی یا ... در مشخصه‌های دینامیکی سازه مثل فرکانس‌های طبیعی، شکل مودها و ... ایجاد می‌کنند عیب را تشخیص می‌دهند.

وقتی صحبت از تست‌های ارتعاشی روی سازه‌های مکانیکی و عمرانی باشد، استفاده از محرک‌های مصنوعی مثل لرزاننده‌ها، رها کردن وزنه‌ها و ... در اکثر موارد، غیر عملی یا پرهزینه می‌باشد. محرک‌های محیطی مثل باد، موج‌های دریا، صدای ترافیک خیابان‌ها و ... می‌توانند جایگزین مناسبی برای آنها باشند. از طرف دیگر ترکیب روشهای محیطی، با روشهای مبتنی بر پارامترهای مودال، تشخیص مناسبی از عیوب برخی سازه‌ها خواهند داشت.

هدف از انجام این پایان‌نامه مقایسه دو روش آنالیز مودال کلاسیک (CMA<sup>۱</sup>) و آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی (OMA<sup>۲</sup>) در عیب‌یابی سازه‌ها می‌باشد. برای نیل به این هدف ابتدا یک دکل سه بعدی در مقیاس آزمایشگاهی در محیط نرم افزاری به صورت المان محدود، مدل‌سازی می‌شود. سپس یک عیب سازه‌ای تغییرات سفتی عضوهای برشی در مدل المان محدود وارد می‌شوند و با انجام آنالیز مودال عددی، تغییرات فرکانس‌های طبیعی و شکل مودهای ارتعاشی بررسی می‌گردند. سپس عیب مزبور، به صورت تجربی در مدل واقعی دکل در مقیاس آزمایشگاهی، اعمال شده و مودهای ارتعاشی و فرکانس‌های طبیعی از دو روش CMA و OMA محاسبه شده و نتایج با هم و همچنین با مدل عددی بررسی و مقایسه خواهند شد.

---

<sup>۱</sup> Classical Modal Analysis

<sup>۲</sup> Operational Modal Analysis

۲	۱- فصل اول- مقدمه
۷	۲- فصل دوم- پیشینه پژوهش
۷	۱-۲- تاریخچه توسعه المان محدود
۸	۲-۲- تاریخچه توسعه آنالیز مودال کلاسیک
۱۰	۳-۲- تاریخچه توسعه آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی
۱۱	۲-۳-۱- روش NEXt
۱۴	۲-۳-۲- روش SSI
۱۵	۲-۳-۳- روش FDD
۱۷	۲-۳-۴- روش ARMA
۱۸	۲-۳-۵- روش مشاهده تصادفی
۱۸	۲-۴-۱- تاریخچه توسعه عیب‌یابی
۱۸	۲-۴-۱- فرکانس‌های طبیعی
۱۹	۲-۴-۲- شکل مودها
۲۰	۲-۴-۳- تابع پاسخ فرکانسی
۲۱	۲-۴-۴- انرژی کرنشی مودال
۲۱	۲-۴-۵- انعطاف‌پذیری دینامیکی
۲۲	۲-۴-۶- آنتی رزونانس
۲۳	۲-۴-۷- آنالیز زمانی - فرکانسی
۲۳	۲-۴-۸- آنالیز اجزاء اصلی
۲۴	۲-۴-۹- انتشار موج
۲۶	۳- فصل سوم- مبانی نظری آنالیز مودال عددی
۲۶	۳-۱- آنالیز مودال عددی بر مبنای مسأله مقدار ویژه
۲۸	۳-۲- مراحل حل در آنالیز مودال عددی بر مبنای مدلسازی المان محدود
۲۹	۳-۳- روش‌های حل در آنالیز مودال عددی
۳۱	۴- فصل چهارم- مبانی نظری آنالیز مودال تجربی بر مبنای ورودی - خروجی
۳۱	۴-۱- فرضیات به کار رفته در آنالیز مودال تجربی
۳۲	۴-۲- تابع پاسخ فرکانسی
۳۴	۴-۳- تحریک سازه تحت آزمایش
۳۵	۴-۳-۱- مکانیزم تحریک
۳۵	۴-۳-۲- انتخاب نیروهای تحریک
۳۶	۴-۴- استخراج پارامترهای مودال

- ۳۷..... ۵-۴- روش چند جمله‌ایهای کسری گویا
- ۴۱..... ۵- فصل پنجم- مبانی نظری آنالیز مودال تجربی بر مبنای فقط خروجی
- ۴۱..... ۱-۵- استخراج پارامترهای مودال
- ۴۲..... ۵-۱-۱- روش تجزیه حوزه فرکانسی
- ۴۴..... ۵-۱-۲- روش تجزیه مقادیر تکین
- ۴۶..... ۶- فصل ششم- مبانی نظری عیب‌یابی
- ۴۶..... ۱-۶- تعریف عیب
- ۴۶..... ۲-۶- فرآیند پایش وضعیت سازه
- ۴۷..... ۶-۲-۱- ارزیابی عملیاتی
- ۴۸..... ۶-۲-۲- داده‌برداری، ترکیب و پاک‌سازی داده‌ها
- ۴۸..... ۶-۲-۳- استخراج پارامتر و تراکم اطلاعات
- ۴۹..... ۶-۲-۴- توسعه آماری مدل برای تفکیک مشخصه‌ها
- ۵۲..... ۷- فصل هفتم- مدل‌سازی المان محدود دکل سه بعدی و آنالیز مودال عددی بر مبنای آن
- ۵۲..... ۷-۱- انتخاب نرم افزار مناسب برای تحلیل مودال
- ۵۲..... ۷-۲- مدل‌سازی هندسی دکل
- ۵۴..... ۷-۲-۱- تعریف خصوصیات اجزا
- ۵۵..... ۷-۲-۲- تعریف شرایط مرزی
- ۵۵..... ۷-۲-۳- مشبندی مدل
- ۵۶..... ۷-۳- آنالیز مودال عددی دکل
- ۵۶..... ۷-۴- ایجاد عیب در سازه
- ۶۰..... ۸- فصل هشتم- آنالیز مودال تجربی دکل بر مبنای ورودی - خروجی
- ۶۰..... ۸-۱- سیستم‌های سخت افزاری و نرم افزاری مورد استفاده
- ۶۰..... ۸-۱-۱- سیستم‌های سخت افزاری مورد استفاده
- ۶۲..... ۸-۱-۲- سیستم‌های نرم افزاری مورد استفاده
- ۶۲..... ۸-۲- شرح آزمایش
- ۶۲..... ۸-۲-۱- آماده‌سازی برای تست
- ۶۵..... ۸-۲-۲- داده برداری
- ۶۶..... ۸-۲-۳- ایجاد عیب در سازه
- ۶۶..... ۸-۲-۴- استخراج نمودارهای تابع پاسخ فرکانسی
- ۶۹..... ۸-۲-۵- استخراج پارامترهای مودال از داده‌های تابع پاسخ فرکانسی
- ۷۰..... ۹- فصل نهم- آنالیز مودال عددی و تجربی دکل بر مبنای فقط خروجی



۷۰.....	۱-۹ - آماده‌سازی دکل جهت انجام تست .....
۷۰.....	۲-۹ - استخراج فرکانسهای طبیعی .....
۷۳.....	۳-۹ - تشخیص عیب با استفاده از طبقه بند نزدیکترین همسایه .....
۷۵.....	۱۰- فصل دهم- بررسی نتایج و بحث .....
۷۵.....	۱-۱۰- نتایج بدست آمده از آنالیز مودال عددی .....
۷۵.....	۲-۱۰- نتایج بدست آمده از تست تجربی بر مبنای ورودی - خروجی .....
۷۶.....	۳-۱۰- نتایج بدست آمده از آنالیز مودال تجربی بر مبنای فقط خروجی .....
۷۶.....	۴-۱۰- بررسی نتایج و تشخیص وجود عیب .....
۸۰.....	۱۱- جمع‌بندی .....
۸۱.....	۱۲- پیشنهادات .....
۸۲.....	۱۳- منابع و مراجع .....

## فهرست نمادهای انگلیسی

	$A$	ماتریس مربعی	
تابع چگالی طیفی توان ورودی	$S_{ff}$		
	$A_r$ و $B_r$ و $R_k$	باقیمانده	
تابع چگالی طیفی توان خروجی	$S_{xx}$		
	$B$	ماتریس متقارن	
تابع چگالی طیفی متقاطع ورودی	$S_{fx}$ و $S_{xf}$		
$f$ و خروجی $x$		ماتریس میرایی	$C$
	$T$	ماتریس مختلط $m \times n$	$D$
ماتریس سه قطری			
ماتریس‌های متعامد بردارهای	$U$ و $V$	بردار خطا	$E$
تکین			
	$F_j$	ورودی در درجه آزادی $j$	
جابه‌جایی	$X$		
	$F(\omega)$	اطلاعات فرکانسی سیگنال ورودی	
اطلاعات فرکانسی سیگنال خروجی	$X(\omega)$		
	$G_{xx}(\omega)$	ماتریس چگالی طیفی توان ورودی	
خروجی در درجه آزادی $i$	$X_i$		
	$G_{yy}(\omega)$	ماتریس چگالی طیفی توان خروجی	
سرعت	$\dot{X}$		
	$H(\omega)$	تابع پاسخ فرکانسی	
شتاب	$\ddot{X}$		
	$I$	ماتریس همانی	
تابع امپدانس	$Z(\omega)$		
	$J$	خطای انحراف کلی	
فاکتور مقیاس	$d_k$		
	$K$	ماتریس سفتی	
تابع خطا	$e_j$		
	$M$	ماتریس جرمی	
تابع خطای اصلاح شده	$e'_j$		
	$P_r$	قطب مود $r$	
محرك خارجی	$f(t)$		
	$R_{ff}(\tau)$	تابع خودهمبستگی ورودی $f$	
بردار Lanczos	$q_i$		
	$R_{xx}(\tau)$	تابع خودهمبستگی خروجی $x$	
مقدار تکین	$s_i$		
	$R_{xf}$ و $R_{fx}$	تابع همبستگی متقاطع ورودی $f$ و خروجی $x$	
بردار جابه‌جایی‌های فیزیکی	$u$		

## فهرست نمادهای یونانی

$\Phi$	: ماتریس بردارهای تکین
$\Sigma$	: ماتریس قطری مقادیر تکین
$\phi$	: بردار ویژه
$\lambda$	: مقدار ویژه
$\sigma$	: میرایی مودال
$\omega$	: فرکانس
$\xi$	: نسبت میرایی
$\gamma_{fx}^2(\omega)$	: تابع وابستگی
$\omega_{dk}$	: فرکانس طبیعی میرایی مود $k$ ام
$\lambda_k$	: قطب مود $k$ ام
$\zeta_i$	: جابه‌جایی مودال $i$ ام
$\phi_i$	: شکل مود $i$ ام

## فهرست اشکال

- شکل ۱-۱: نمایی از دکل سه بعدی مورد نظر برای تحقیق ..... ۶
- شکل ۱-۷: مدل المان محدود سازه سالم ..... ۵۴
- شکل ۲-۷: مدل المان محدود سازه معیوب ..... ۵۷
- شکل ۳-۷: شکل مودهای سازه سالم حاصل از حل عددی ..... ۵۹
- شکل ۴-۷: شکل مودهای سازه معیوب حاصل از حل عددی ..... ۵۹
- شکل ۱-۸: محل نصب شتابسنجها بر دکل ..... ۶۴
- شکل ۲-۸: چینش تجهیزات آزمایش آنالیز مودال ..... ۶۵
- شکل ۳-۸: توابع پاسخ فرکانسی برای سازه سالم ..... ۶۷
- شکل ۴-۸: توابع پاسخ فرکانسی برای سازه معیوب ..... ۶۷
- شکل ۵-۸: تابع وابستگی برای سازه سالم ..... ۶۸
- شکل ۶-۸: تابع وابستگی برای سازه معیوب ..... ۶۸
- شکل ۱-۹: شمارهگذاری ستونهای دکل ..... ۷۱
- شکل ۲-۹: نمودار مقادیر تکین برای سه شتابسنج نصب شده بر روی ستون ۱ برای سازه سالم ..... ۷۱
- شکل ۳-۹: نمودار مقادیر تکین برای سه شتابسنج نصب شده بر روی ستون ۱ برای سازه معیوب ..... ۷۲
- شکل ۴-۹: نمودار لگاریتمی مقادیر تکین برای سه شتابسنج نصب شده بر روی ستون ۱ برای سازه سالم ..... ۷۲
- شکل ۵-۹: نمودار لگاریتمی مقادیر تکین برای سه شتابسنج نصب شده بر روی ستون ۱ برای سازه معیوب ..... ۷۲

## فهرست جداول

- جدول ۴-۱: روشهای تخمین پارامترهای مودال بر اساس ورودی-خروجی در حوزه فرکانسی ..... ۳۶
- جدول ۴-۲: روشهای تخمین پارامترهای مودال بر اساس ورودی-خروجی در حوزه زمانی ..... ۳۷
- جدول ۵-۱: روش های تخمین پارامترهای مودال بر اساس فقط خروجی ..... ۴۱
- جدول ۷-۱: مشخصات مکانیکی دکل ..... ۵۴
- جدول ۷-۲: فرکانسهای طبیعی دکل سالم بر حسب هرتز ..... ۵۷
- جدول ۷-۳: فرکانسهای طبیعی دکل معیوب بر حسب هرتز ..... ۵۸
- جدول ۸-۱: سیستمهای سختافزاری مورد استفاده در تستها همراه با مشخصات آنها ..... ۶۱
- جدول ۸-۲: فرکانسهای طبیعی (هرتز) دکل با استفاده از تست مودال بر مبنای ورودی - خروجی ..... ۶۹
- جدول ۹-۱: فرکانسهای طبیعی (هرتز) دکل سالم و معیوب با استفاده از آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی ... ۷۳
- جدول ۹-۲: نتایج حاصل از طبقه‌بند نزدیکترین همسایه با استفاده از SVD ها ..... ۷۳
- جدول ۹-۳: نتایج حاصل از طبقه‌بند نزدیکترین همسایه با استفاده از فرکانسهای طبیعی ..... ۷۴
- جدول ۱۰-۱: فرکانسهای طبیعی (هرتز) دکل سالم و معیوب بدست آمده از روشهای مختلف ..... ۷۷

بخش اول

مقدمه و پیشینه پژوهش

## فصل اول - مقدمه

آنالیز مودال، فرآیند تعیین خواص ذاتی دینامیکی یک سیستم در قالب فرکانس‌های طبیعی، نسبت میرایی و شکل مودها و به‌کارگیری آنها به منظور ایجاد مدلی ریاضی از رفتار دینامیکی سیستم می‌باشد. این مدل ریاضی، مدل مودال سیستم و اطلاعات مربوط به مشخصات آن، داده‌های مودال نامیده می‌شوند.

آنالیز مودال بر این اصل استوار است که پاسخ ارتعاشی یک سیستم دینامیکی خطی و نامتغیر با زمان را می‌توان به صورت ترکیب خطی مجموعه‌ای از حرکات هماهنگ ساده، که به شکل مودهای ارتعاشی موسومند، در نظر گرفت. این مفهوم، مشابه استفاده از ترکیب فوریه امواج سینوسی و کسینوسی برای نمایش یک شکل موج پیچیده می‌باشد. شکل مودهای ارتعاشی، وابسته به دینامیک سیستم بوده و توسط خواص فیزیکی (جرم، سفتی، میرایی) و نحوه توزیع فضایی آنها، تعیین می‌شوند. هر مود بر حسب پارامترهای مودال همان مود شامل فرکانس طبیعی، نسبت میرایی مودال و الگوی جابجایی در آن مود، که شکل مود نامیده می‌شود، توصیف می‌شود. شکل مود ممکن است حقیقی و یا موهومی باشد. هر مود، متناظر با یک فرکانس طبیعی می‌باشد. میزان مشارکت هر مود طبیعی در ارتعاش کلی سیستم، به مشخصات منبع تحریک و همچنین به شکل مود مربوطه بستگی دارد.

آنالیز مودال، هر دو مبحث تئوری و تجربی را در بر می‌گیرد. آنالیز مودال تئوری، بر اساس یک مدل فیزیکی از سیستمی دینامیکی شامل خواص جرمی، سفتی و میرایی می‌باشد. این خواص ممکن است به صورت معادلات دیفرانسیل پاره‌ای موجود باشند. به عنوان مثال، معادله موج یک تار یکنواخت مرتعش با توجه به توزیع جرمی و خواص ارتجاعی تار حاصل می‌شود. از حل این معادله، فرکانس‌های طبیعی و شکل مودهای تار و همچنین پاسخ ارتعاش اجباری آن به دست می‌آید. با این حال، یک مدل فیزیکی واقعی‌تر معمولاً شامل خواص جرم، سفتی و میرایی بر حسب توزیع فضایی آنها یعنی ماتریس‌های جرم، سفتی و میرایی خواهد بود. این ماتریس‌ها معادلات دیفرانسیل معمولی حرکت را

تشکیل می‌دهند. با استفاده از اصل برهم‌نهی سیستم‌های دینامیکی خطی، قادر خواهیم بود این معادلات را به یک مسأله مقدار ویژه تبدیل کنیم. از حل این مسأله، اطلاعات مودال سیستم حاصل خواهد شد. به کمک تحلیل المان محدود مدرن می‌توان تقریباً هر سازه دینامیکی خطی را گسسته‌سازی کرد که در نتیجه به طور قابل ملاحظه‌ای قابلیت و میدان کاری آنالیز مودال تئوریک افزایش یافته است. از سوی دیگر، گسترش سریع توانایی‌های داده‌برداری و پردازش داده‌ها، در دو دهه اخیر باعث پیشرفت‌های زیادی در عرصه آنالیز مودال تجربی، که تست مودال نامیده می‌شود، شده است.

در سال‌های اخیر، روش جدیدی در کاربرد آنالیز مودال ظهور کرده است. این روش آنالیز مودال محیطی<sup>۱</sup> (OMA) یا آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی<sup>۲</sup> نامیده می‌شود. به نظر می‌رسد صنعت در این خصوص بر روی لبه دوران جدیدی ایستاده است که به کاربردهای جدید به منظور فعالیت‌های حرفه‌ای در حوزه صوت و ارتعاشات می‌پردازد.

آنالیز مودال تجربی<sup>۳</sup> (EMA) از ورودی (تحریک) و خروجی (پاسخ) به منظور تخمین پارامترهای مودال استفاده می‌کند. این پارامترها شامل، فرکانس‌های مودال، ضرایب میرایی، شکل مودها و فاکتورهای مشارکت‌پذیری مودال می‌باشند. در هر حال آنالیز مودال کلاسیک دارای برخی محدودیت‌ها است:

۱- در آنالیز مودال کلاسیک معمولاً از تحریک مصنوعی به منظور اندازه‌گیری توابع پاسخ فرکانسی<sup>۴</sup> (FRF) یا توابع پاسخ ضربه<sup>۵</sup> (IRF) استفاده می‌شود. بسیار مشکل یا حتی غیرممکن می‌باشد که این توابع را در فضای تست یا در سازه‌های بزرگ محاسبه نمود.

۲- آنالیز مودال کلاسیک به محیط آزمایشگاه محدود می‌شود. در هر حال در بسیاری از

<sup>۱</sup> Operational Modal Analysis

<sup>۲</sup> Output Only Modal Analysis

<sup>۳</sup> Empirical Modal Analysis

<sup>۴</sup> Frequency Response Function

<sup>۵</sup> Impulse Response Function



کاربردهای صنعتی، شرایط عملی واقعی به وضوح، متفاوت از شرایطی است که در آزمایشگاه وجود دارد.

۳- اغلب در آزمایشگاه یک ترکیب به جای سیستم کامل تست می شود، و شرایط مرزی می بایست به شکل قابل قبولی شبیه سازی شود.

۴- غیرخطی بودن بسیاری از سیستمها و سختی ایجاد تحریک چنین سیستمهایی.

در روزهای نخستین که محققین کار خود را در حوزه آنالیز مودال آغاز کردند، ایده OMA و اینکه چگونه می توان در مواردی که ورودیها دقیقا شناخته شده نیستند، اطلاعات مودال را به دست آورد، در کلیه تفکرات وجود داشت. محققان از این مسأله آگاهی یافته اند و بسیاری از مقالات قدیمی با این نمونهها سروکار داشتند. بحثها در خصوص ورودیها شروع شد و این نتیجه حاصل شد که با دانستن ورودیها دیگر نیاز به تخمین آنها نیست. در ادامه محققین در مورد<sup>۱</sup> SISO،<sup>۲</sup> SIMO و<sup>۳</sup> MIMO (یک ورودی یک خروجی، یک ورودی چند خروجی و چند ورودی چند خروجی) بحث کردند. در این فرآیند OMA به جز در موارد اندکی که با سازه های بزرگ سروکار داشته اند، مورد فراموشی واقع شد. از آغاز دهه ۱۹۷۰ تا اواخر دهه ۱۹۹۰ برخی پیشرفتها در زمینه OMA اتفاق افتاد، اما در کاربرد با شکست مواجه شد؛ اما اینکه دلیل این شکست چه بود، شاید به این دلیل بود که صنعت دچار فقدان تجهیزات قابل قبول بود.

در حوالی سال ۲۰۰۰ میلادی شرکت های نرم افزاری مختلف شروع به توسعه ابزارهای مختلف برای OMA کردند و کم کم به نقطه ای رسید که اکنون OMA به یک تکنولوژی قابل قبول تبدیل شده است. اکنون کنفرانس های فراوانی وجود دارند که منحصرا به این موضوع پرداخته اند و نرم افزارهای گوناگونی در این زمینه وجود دارد.

از جمله مزیت های OMA را می توان چنین نام برد:

<sup>۱</sup> Single Input Single Output

<sup>۲</sup> Single Input Multi Output

<sup>۳</sup> Multi Input Multi Output

- ۱- OMA ارزان است و با سرعت زیادی انجام می‌گیرد؛ زیرا به تجهیزات پیچیده تحریک و شرایط مرزی شبیه‌سازی شده نیاز ندارد.
- ۲- مشخصه‌های دینامیکی سیستم کامل به جای ترکیب در نقاط بیشتری به دست می‌آید.
- ۳- مشخصه‌های مدل تحت بارگذاری واقعی در تحریکات با باند تصادفی پهن خطی خواهد بود.
- ۴- تمامی و یا بخشی از نقاط می‌تواند به عنوان مرجع استفاده شود؛ بنابراین الگوریتم مورد استفاده برای OMA می‌بایست از نوع MIMO باشد. در نتیجه مودهای نزدیک هم یا حتی مودهای تکراری به راحتی تشخیص داده می‌شوند که برای سازه‌های واقعی مختلط مناسب می‌باشد.
- ۵- OMA نه تنها برای طراحی دینامیکی و کنترل سازه‌ها بلکه برای عیب‌یابی، نظارت بر درستی و طول عمر سازه‌ها نیز مورد استفاده قرار می‌گیرد.
- ۶- سازه‌های بزرگ نظیر پل‌ها و ساختمان‌ها می‌توانند توسط نیروی باد، بار ترافیکی و امواج صوتی تحریک شوند و در سیستم‌های مکانیکی نظیر خودروها، تحریک می‌تواند بارگذاری آیرودینامیکی، تحریک تجهیزات خود سیستم، ارتعاشات ناشی از جاده و ریل باشد، OMA از این نیروها برای تحریک سازه استفاده می‌کند، و به کمک میانگین‌گیری و یا فیلترینگ سعی در حذف نویزهای محیطی می‌کند.
- ۷- OMA خصوصیات مودال سیستم را در حین کار به دست می‌آورد. حتی اگر سیستم را بتوان در شرایط آزمایشگاه قرارداد و EMA را بر روی آن بررسی کرد باز هم نمی‌توان، حتی با تحریک هوشمندانه تحریکی همراه با اغتشاش، سطح و نوع تحریکات موجود در محل کار را ایجاد کرد.
- ۸- بیشتر سیستم‌ها از خود، خواص غیرخطی نشان می‌دهند، بنابراین خصوصیات مودال به دست آمده از روش EMA نمی‌تواند ارتباط دقیقی با آن خصوصیات در محیط کاری داشته باشد، بنابراین آنها را خصوصیات مودال کاری می‌نامند، که دارای اهمیت بسیاری می‌باشد.
- سیستمی که در این تحقیق مورد نظر است یک سازه دکل سه بعدی است که در شکل زیر نمای

از آن نشان داده شده است.



شکل ۱-۱: نمایی از دکل سه بعدی مورد نظر برای تحقیق

همانطور که در شکل فوق مشاهده می‌نمایید، با توجه به آنکه ابعاد پایه دکل مورد نظر نسبت به پایه بتونی موجود در آزمایشگاه بزرگ بود برای آنکه بتوان این دکل را روی پایه بتونی مدنظر ثابت کرد، بر روی یک صفحه فلزی با ابعادی کمی بزرگتر از پایه‌های دکل و ضخامتی برابر با یک سانتیمتر جوش داده شده و سپس دکل به همراه صفحه فلزی بر روی پایه بتونی بسته شده است.

در بخش اول مطالعاتی که از گذشته تا به امروز بر روی موضوعات مشابه انجام شده را به طور خلاصه ذکر می‌کنیم، در بخش دوم تئوری روش‌های مورد استفاده در تحقیق حاضر مطرح خواهد شد، سپس در بخش سوم مدل‌سازی‌ها و تست‌های انجام شده به طور کامل شرح داده شده و در مورد نتایج استخراج شده بحث و در پایان پیشنهادهایی ارائه می‌شود.

## فصل دوم- پیشینه پژوهش

در این فصل به دلیل اهمیت موضوع المان محدود در این تحقیق، ابتدا در قسمت (۲-۱) تاریخچه‌ای از توسعه المان محدود مطرح می‌شود، سپس در قسمت (۲-۲) تاریخچه‌ای از توسعه آنالیز مودال کلاسیک را بیان کرده و در قسمت (۲-۳) تاریخچه توسعه آنالیز مودال بر مبنای فقط خروجی و مهم‌ترین روش‌های موجود در این حیطه بیان می‌شود.

### ۲-۱- تاریخچه توسعه المان محدود [۱]

روش المان محدود امروزه یکی از مهم‌ترین و ضروری‌ترین قسمت‌های طراحی و آنالیز مهندسی می‌باشد و انتظار می‌رود که بیش از این نیز مورد استفاده قرار بگیرد. این روش به صورت وسیعی در شاخه‌های مختلف مهندسی برای آنالیز سازه‌ها، جامدات، سیالات و انتقال حرارت به کار برده می‌شود و حقیقتاً روش المان محدود در تمام شاخه‌های آنالیز مهندسی سودمند می‌باشد.

توسعه روش المان محدود برای حل مسائل عملی مهندسی، با ظهور کامپیوترهای دیجیتالی آغاز شد. اساس حل یک مسأله مهندسی با استفاده از المان محدود بدین صورت است که یک سری از معادلات جبری حاکم بر مسأله استخراج شده و حل می‌شوند و این فقط به واسطه استفاده از کامپیوترهای دیجیتالی بود که این فرایند توانست به صورت مؤثری به کار گرفته شده و به صورت عمومی قابلیت اجرا داشته باشد. این دو خاصیت (کارایی و قابلیت اجرا به صورت عمومی در آنالیزهای مهندسی) اساس تئوری مورد استفاده است که برای محاسبات عملی تا مراتب بالاتر توسعه یافته است و سبب شده است به صورت وسیعی در مسائل مهندسی به این روش رجوع گردد.

با توجه به این که این روش غالب اوقات موضوعی با پیشرفت ابتکاری بوده است، اعلام تاریخ دقیق ابداع این روش مشکل می‌باشد، ولی ریشه‌های روش المان محدود را می‌توان در سه گروه تحقیقاتی جداگانه ردیابی کرد: ۱- ریاضیات کاربردی (توسط کورانت<sup>۱</sup> در سال ۱۹۴۳ [۲])، ۲- فیزیک (توسط

<sup>۱</sup> R. Courant