



دانشکده علوم پایه

نقش بازی اریگامی بر توسعهٔ تفکر هندسی دانش آموزان

نگارش

شقایق شریفپور

استاد راهنمای: دکتر الهه امینی فر

استاد مشاور: دکتر حمید مسگرانی

پایان نامه برای دریافت درجه کارشناسی ارشد

در رشته آموزش ریاضی

۱۳۹۰ مهر



بسمه تعالیٰ



مدیریت تحصیلات تکمیلی

تعهد نامه اصالت اثر

اینجانب شقایق شریفپور متعهد می‌شوم که مطالب مندرج در این پایان‌نامه حاصل کار پژوهشی اینجانب است و دستاوردهای پژوهشی دیگران که در این پژوهش از آنها استفاده شده است، مطابق مقررات ارجاع و در فهرست منابع و مأخذ ذکر گردیده است. این پایان‌نامه قبل از احراز هیچ مدرک هم سطح یا بالاتر ارائه نشده است. در صورت اثبات تخلف (در هر زمان) مدرک تحصیلی صادر شده توسط دانشگاه از اعتبار ساقط خواهد شد.

کلیه حقوق مادی و معنوی این اثر متعلق به دانشگاه تربیت دبیر شهید رجایی می‌باشد.

شقایق شریفپور

امضاء:

تهران-لویزان-کد پستی ۱۶۷۸۸-صندوق پستی ۱۶۳-تلفن ۰۹-۲۲۹۷۰۰۳۳-نمبر ۰۶۰-۲۲۹۷۰۰۳۳-

sru@srush.edu.ir

شماره: ۸۳۶۱/۴
تاریخ: ۹۳/۸/۱
پیوست:



پذیرش

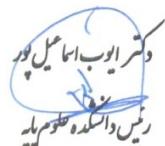
دانشگاه تربیت دیرینه عالی

صورتجلسه دفاع پایان نامه تحصیلی دوره کارشناسی ارشد

با تأییدات خداوند متعال و با استعانت از حضرت ولی عصر (عج) جلسه دفاع از پایان نامه کارشناسی ارشد خانم شقایق شریف پور رشتۀ آموزش ریاضی تحت عنوان نقش بازی اریکامی بر توسعه‌ی تفکر هندسی دانش آموزان، که در تاریخ: ۹۰/۷/۱۶ با حضور هیأت محترم داوران در دانشگاه تربیت دبیر شهید رجائی برگزار گردید و نتیجه به شرح زیر می باشد.

- قبول (بادرجه امتیاز مددود) دفاع مجدد مددود
۱ عالی (۱۹ - ۲۰) ۲ - بسیار خوب (۱۸ - ۱۸/۹۹)
۳ - خوب (۱۶ - ۱۷/۹۹) ۴ - قابل قبول (۱۴ - ۱۵/۹۹)
۵ - غیرقابل قبول (کمتر از ۱۴)

اعضاء	نام و نام خانوادگی	مرتبه علمی	امضاء
استاد راهنما	دکتر الهه امینی فر	استادیار	
استاد مشاور	دکتر حمید مسگرانی	استادیار	
استاد داور داخلی	دکتر حمیدرضا میمنی	دانشیار	
استاد داور خارجی	دکتر بهرام صالح صدق پور	استادیار	
نماینده تحصیلات تکمیلی	دکتر علی زعیم باشی	استادیار	



تهران، لویزان، کد پستی: ۱۵۸۱۱ - ۱۶۷۸۸
صفندوق پستی: ۱۶۳ - ۱۶۷۸۵
تلفن: ۰۲۹۷۰۰۳۳ - ۰۶ - ۹؛ فکس: ۰۲۹۷۰۰۳۳
Email: sru@sru.ac.ir
www.srttu.edu



تعدیم



نچیزتر از آن است که تعدیم را شایسته باشد

به پاس مشکر از زحمی که جبران نمی‌زند

تعدیم:

خانواده‌ی فدکارم که هواره الگوی ایشاند

و به پاس ارج نهادن به محبت‌هایی که جبرانش هرگز برایم می‌رسنخواهد بود

تعدیم:

بترین دوست عزیزم که بسیار برایم ارزشمند است



سپاس خداوندی هم تا که توفیق انجام این پژوهش را عنایت فرمود

از راهنمایی هایی ارزشمند استاد کریمی دکترالله اینی فرک منویت بیات این پژوهش را بر عده داشت و با گنجوی سوالاتم بودند و از تجربیات بی نظریشان استفاده نمودم و
الکوئی محبت و مهروزی هستند قدردانی می نایم.

از استاد کرامی جناب آقای دکتر حمید مسکرانی که در طول انجام این پژوهش از تجربیات ایشان بهره مند شدم، مسکرم.

از استاد ام ارجمند دکتر اکبری، دکتر نوروزی، خانم یاقینی، دکتر یحانی، آقای ربیعی و آقای حبیبی که با ارزشی راهنمایی ارزشمند خود مریاری نمودند پس از این مسکرم.

همچنین از میران، آموزگاران و دیسیران ریاضی و دانش آموزان مدارس ابتدایی و راهنمایی و دیسیرستان شهرستان شهریار که اجازه انجام تحقیق را دادند و صبورانه و مشتاق وقت خود را در اختیار ای جانب قرار دادند، قدردانی می نایم.

از بهمه هم تم تراز تماشی دوستان عزیزم که با همراهی خود در انجام پیان نامه قوت قلبی برایم بودند، از صیم قلب بسیار مسکرم.

از خانواده هی عزیزم که در طول تحصیل با تمام تختی هایی که برای آنان ایجاد نمودم همواره مریاری نمودند، کمال مشکر را دارم.

از تماشی همکاران عزیزم و همکلاسی هایی که را تقدیرم که به هر خود مریاری نمودند بسیار پاکزارم.

از بهمه ای استادی که در طول این دوره، فرصت تحصیل و کسب علم را در محضر آنمان داشتم، بسیار مسکرم.

ازدواران کرامی جناب آقا یان دکتر حمید رضا میمنی و دکتر بهرام صالح صدق پور که منویت مطالعه و قضایت این پیان نامه را بر عده داشتند و از تجربیات بی نظریشان استفاده کردند، سپاس گزاری می نایم.

در انتها از بهمه عزیزانی که به نحوی در به شر نشستن این پیان نامه سیم بودند صیمانه مسکر کردند، از خالق مهرو محبت برایشان موافقت و شادی آرزو می نایم.

شنايق شيريف پور

شهریور ماه ۱۳۹۰

چکیده

با توجه به این که هندسه بخش مهمی از آموزش ریاضی در کشورهای دنیا را به خود اختصاص داده است، بنابراین نیاز به یاددهی و یادگیری آن ویژه است. تحقیقات متعدد نشان داده است که بسیاری از دانشآموزان درک خوبی از هندسه نداشته و در برخورد با مفاهیم هندسی و یادگیری آن با مشکلات فراوانی روبرو هستند. بنابراین به نظر می‌رسد یادگیری هندسه مستلزم استفاده از روش‌های بهتر آموزشی و ایجاد تفکر هندسی مناسب در دانشآموزان و دبیران و ارائه راهکارهای مناسب برای برخورد با مفاهیم هندسی است. فعالیت‌های بازی اریگامی یکی از ساده‌ترین روش‌ها برای آموزش مفاهیم هندسه است که با استفاده از کاغذ و تا انجام می‌گیرد. پژوهش حاضر به نقش فعالیت‌های اریگامی بر تفکر هندسی دانشآموزان می‌پردازد. با روش استنادی بازی‌های آموزشی و رایانه‌ای و سطوح تفکر‌هندسی دانشآموزان از دیدگاه محققان مختلف بررسی شد. با توجه به جدول هدف - محتوا ۱۰۵ سؤال طراحی شد. جامعه آماری دانشآموزان شهرستان شهریار و نمونه مرحله اول تحقیق ۵۲۵ نفر از دانشآموزان پنجم ابتدایی، مقطع راهنمایی و اول دبیرستان به روش خوش‌های در سال تحصیلی ۹۰-۱۳۸۹ است. پاسخ‌های دانشآموزان به سؤالات آزمون به روش تحلیل عاملی، ضریب تمیز و مقدار آلفای کرونباخ برای هماهنگی درونی سؤالات تجزیه و تحلیل شد. پس از آن ۳۱ سؤال حذف شد و آزمونی ۷۴ سؤالی با آلفای کرونباخ ۰/۹۱ بدست آمد. سپس سؤالات آزمون به دو دسته پس‌آزمون و پیش‌آزمون (۳۷ سؤالی) تقسیم شد و برای اجرای بازی اریگامی از طرح چهارگروهی سولمنون استفاده شد. در مرحله دوم تحقیق ۱۲۰ دانشآموز به طور تصادفی ساده انتخاب شدند و نمونه مورد مطالعه به دو گروه آزمایش و دو گروه کنترل به روش تصادفی ساده تقسیم شدند. از یک گروه آزمایشی و یک گروه کنترل پیش‌آزمون گرفته شد سپس دو گروه آزمایش بازی را به مدت ۱۲ جلسه ۷۵ دقیقه‌ای انجام دادند. در پایان از هر چهارگروه پس‌آزمون گرفته شد و تجزیه و تحلیل داده‌ها با روش واریانس یک طرفه و تحلیل کواریانس، آزمون لوین و مقایسه چندگانه بن‌فرونی انجام گرفت. نتایج حاصل از تجزیه و تحلیل داده‌ها نشان داد: بازی اریگامی بر توسعه‌ی سطوح تفکر هندسی دانشآموزان به میزان ۴۷ درصد تأثیر داشته است. تأثیر پیش‌آزمون نیز بر این توسعه ۵ درصد بوده است. بررسی‌های مختلف نشان داد که فعالیت‌های مربوط به بازی اریگامی تعدادی از مؤلفه‌های تفکر هندسی را گسترش دادند و به‌طور خاص در فعالیت‌های اریگامی، امکان توسعه‌ی تجسم صحیحی از مفاهیم هندسی در دانشآموزان ایجاد می‌گردد. به‌طور کلی برخلاف یافته‌های پیاژه، و مشابه یافته‌های ون‌هیلی‌ها این پژوهش نشان داد که توسعه‌ی تفکر هندسی دانشآموزان ارتباطی با رشد سنی آنان ندارد و آموزش نقش مؤثری در توسعه‌ی تفکر هندسی دانشآموزان دارد.

کلید واژه‌ها: بازی اریگامی، سطوح تفکر هندسی، ون‌هیلی، دانشآموزان

فهرست مطالب

عنوان.....	شماره صفحه
تاییدیه هیئت داوران.....	۱
تقدیم.....	ب
تقدیر و تشکر.....	ج
چکیده.....	د
فهرست.....	۵
فصل اول.....	۱
طرح مسأله.....	۱
۱-۱-۱- مقدمه.....	۲
۱-۲- بیان مسأله تحقیق.....	۳
۱-۳- هدف تحقیق.....	۶
۱-۴- فرضیه.....	۶
۱-۵- ضرورت و اهمیت تحقیق.....	۶
۱-۶- روش تحقیق.....	۷
۱-۶-۱- نوع تحقیق و روش بررسی فرضیهها.....	۷
۱-۶-۲- جامعه و نمونه آماری.....	۷
۱-۶-۳- ابزار گردآوری دادهها.....	۷
۱-۶-۴- روش‌های تجزیه و تحلیل دادهها.....	۷
۱-۷- تعريف مفاهیم و واژه‌ها.....	۸
۱-۷-۱- اریگامی.....	۸
۱-۷-۲- تفکر هندسی.....	۸

فهرست مطالب

عنوان.....	شماره صفحه
۳-۱- سطوح نظریه ون هیلی.....	۸
۴-۱- سطح اول نظریه ون هیلی.....	۸
۵-۱- سطح دوم نظریه ون هیلی.....	۸
۶-۱- سطح سوم نظریه ون هیلی.....	۹
۷-۱- توصیف متغیرها.....	۹
۸-۱- متغیر مستقل.....	۹
۸-۲- متغیر وابسته.....	۹
۹-۱- کاربرد نتایج تحقیق.....	۹
۱۰-۱- مروری بر فصول آینده.....	۱۰
۱۰-۱-۱- فصل دوم.....	۱۰
۱۰-۱-۲- فصل سوم.....	۱۰
۱۰-۱-۳- فصل چهارم.....	۱۰
۱۰-۱-۴- فصل پنجم.....	۱۱
فصل دوم.....	۱۲
پیشینه و ادبیات تحقیق.....	۱۲
۱-۱- مقدمه.....	۱۳
۲-۱- هندسه.....	۱۳
۳-۱- مشاهده و تجسم.....	۱۵
۴-۱- کشف هندسی و تجسم.....	۲۲
۵-۱- بازنمایی‌های چندگانه و تجسم با استفاده از کامپیوتر.....	۲۴

فهرست مطالب

عنوان.....	شماره صفحه
۲-۶-تکنولوژی در اصول و استانداردهای ریاضیات مدرسه‌ای ۲۰۰۰	۲۵.....
۲-۷-نقش تکنولوژی به عنوان یک پشتیبان در رشد مهارت‌ها و مفاهیم ریاضی ۲	۲۶.....
۲-۸-تکنولوژی و تصورات ذهنی ۲	۲۷.....
۲-۹-اهداف آموزشی تدریس ریاضی ۲	۲۸.....
۲-۱۰-نظریه‌های آموزشی ۲	۲۸.....
۲-۱۱-ون‌هیلی ۲	۲۹.....
۲-۱۲-نظریه پیاز ۲	۴۰.....
۲-۱۳-نظریه برونر ۲	۴۱.....
۲-۱۴-حل مسائل ۲	۴۴.....
۲-۱۵-دیوید آزوبل ۲	۴۴.....
۲-۱۶-نظریه ساخت و سازگرایی ۲	۴۵.....
۲-۱۷-نظریه ویگوتسکی ۲	۴۶.....
۲-۱۸-نظریه یادگیری مشاهده‌ای بندورا ۲	۴۷.....
۲-۱۹-دیینز ۲	۴۷.....
۲-۲۰-بازی‌های آموزشی ۲	۵۱.....
۲-۲۱-بازی‌های آموزشی و یادگیری ریاضی ۲	۵۲.....
۲-۲۲-اهداف بازی ۲	۵۳.....
۲-۲۳- انواع مهارت‌های ریاضی ۲	۵۴.....
۲-۲۴-فواید استفاده از بازی‌های آموزشی ۲	۵۴.....
۲-۲۵-بازی و مسائل آموزشی ۲	۵۶.....

فهرست مطالب

عنوان.....	شماره صفحه
۱۷-۲- کاغذ و تا و اریگامی یکی از شیوه‌های آموزش ضمن کارگاهی.....	۵۹
۱۸-۲- تحقیقات انجام شده در مورد اریگامی.....	۶۲
۱۹-۲- تحقیقات انجام شده در مورد سطوح تفکر هندسی ون‌هیلی.....	۶۳
۲۰-۲- بحث و نتیجه‌گیری از بازی‌ها.....	۶۸
فصل سوم.....	۷۰
روش تحقیق.....	۷۰
۳-۱- مقدمه.....	۷۱
۳-۲- روش و طرح تحقیق.....	۷۲
۳-۳- فرایند تحقیق.....	۷۴
۳-۴- جامعه آماری.....	۷۵
۱-۴-۳- مرحله‌ی اول تحقیق.....	۷۵
۲-۴-۳- مرحله‌ی دوم تحقیق.....	۷۵
۳-۵- نمونه، روش نمونه‌گیری و حجم نمونه.....	۷۵
۱-۵-۳- مرحله‌ی اول تحقیق.....	۷۵
۲-۵-۳- مرحله‌ی دوم تحقیق.....	۷۶
۳-۶- ابزار گردآوری داده‌ها.....	۷۶
۱-۶-۳- روش و ابزار گردآوری اطلاعات.....	۷۶
۷-۳- ابزار پژوهش.....	۷۹
۳-۸- بررسی سؤالات آزمون.....	۷۹
۳-۹- تحلیل سؤالات.....	۸۰

فهرست مطالب

عنوان.....	شماره صفحه
۳-۱۰- تعیین روایی ابزار.....	۸۳
۳-۱۱- تعیین پایایی ابزار.....	۸۷
۳-۱۲- فرایند اجرای بازی.....	۸۸
۳-۱۳- روش تجزیه و تحلیل دادهها.....	۸۹
۳-۱۴- آنالیز واریانس.....	۹۰
۳-۱۴-۱- مفروضه‌های لازم برای استفاده از آنالیز واریانس.....	۹۰
۳-۱۴-۲- منطق تحلیل واریانس.....	۹۱
۳-۱۵- تحلیل کواریانس.....	۹۲
۳-۱۶- ضریب تبیین.....	۹۳
فصل چهارم.....	۹۵
تجزیه و تحلیل دادهها.....	۹۵
۴-۱- مقدمه.....	۹۶
۴-۲- بررسی فرضیه‌های تحقیق و ارائه نتایج.....	۹۶
۴-۳- نتایج بررسی فرضیه پژوهش.....	۹۶
فصل پنجم.....	۱۰۶
نتیجه‌گیری و پیشنهادها.....	۱۰۶
۵-۱- مقدمه.....	۱۰۷
۵-۲- تجزیه و تحلیل نتایج تحقیق.....	۱۰۷

فهرست مطالب

عنوان.....	شماره صفحه
۱-۲-۵-پاسخ فرضیه "استفاده از بازی اریگامی چه تأثیری بر سطوح تفکر هندسی دانشآموزان دارد؟.....	۱۰۸
۲-۲-۵-پاسخ سوالات "استفاده از بازی اریگامی چه مشکلاتی ممکن است داشته باشد؟ و برای رفع مشکلات احتمالی استفاده از بازی اریگامی چه تدبیری می‌توان اخذ نمود؟.....	۱۰۸
۳-۵-بحث و بررسی.....	۱۱۰
۴-۵-حدودیت‌ها.....	۱۱۰
۵-۵-پیشنهادهای برگرفته از تحقیقات برای تحقیقات بعدی.....	۱۱۱
۶-۵-توصیه‌ها.....	۱۱۱
۷-۵-توصیه‌هایی برای دبیران.....	۱۱۱
۸-۵-توصیه‌هایی برای مؤلفان کتب درسی.....	۱۱۲
۹-۵-شرایط اجرای موفقیت آمیز بازی اریگامی در کلاس درس.....	۱۱۳
۱۰-۵-سؤال‌هایی برای پژوهش‌های آینده.....	۱۱۳
پیوست‌ها.....	۱۱۵
پیوست ۱ پیش‌آزمون.....	۱۱۶
پیوست ۲ پس‌آزمون.....	۱۲۷
فهرست مقالات.....	۱۳۸
منابع.....	۱۳۹

فهرست جدول‌ها

جدول ۱-۲ - مقایسه دو روش نمادی و بصری در آموزش ریاضی از دیدگاه ریورا (۲۰۱۱)	۲۲
جدول ۱-۳ - طرح تحقیق	۷۳
جدول ۲-۳ - طرح تحقیق	۷۳
جدول ۳-۳ - جدول هدف - محتوا و سطح آزمون سنجش سطوح تفکر هندسی	۷۸
جدول ۳-۴ - نتایج تحلیل سؤالات آزمون تفکر هندسی بر اساس تئوری ون‌هیلی قبل از حذف سؤالات	۸۱
جدول ۳-۵ - نتایج تحلیل سؤالات آزمون تفکر هندسی بر اساس تئوری ون‌هیلی بعداز حذف سؤالات	۸۲
جدول ۳-۶ - نتایج مربوط به KMO و آزمون کرویت بارتلت	۸۳
جدول ۳-۷ - تحلیل عوامل	۸۵
جدول ۳-۸ - بارهای عاملی آزمون تفکر هندسی بر اساس تئوری ون‌هیلی	۸۶
جدول ۳-۹ - پایابی	۸۷
جدول ۱-۴ - توزیع فراوانی دانشآموزان در گروه‌های آزمایش و کنترل	۹۷
جدول ۴-۲ - آمار توصیفی (متغیروابسته‌پس آزمون)	۹۷

- جدول ۴-۳-آزمون لون برای برابری واریانس هادر طرح بین گروهی (متغیر وابسته: پس آزمون) ۹۸
- جدول ۴-۴-آمار توصیفی (متغیر وابسته: جذر نمرات پس آزمون) ۹۸
- جدول ۴-۵-آزمون لون برای برابری واریانس هادر یک طرح بین گروهی ۹۹
- جدول ۴-۶-آزمون های تأثیرات بین گروهی (متغیر وابسته: جذر نمرات پس آزمون) ۹۹
- جدول ۴-۷- مقایسه چندگانه بن فرونی (متغیر وابسته: جذر نمرات پس آزمون) ۱۰۰
- جدول ۴-۸-توزيع فراوانی دانش آموزان در گروه های آزمایش و کنترل ۱۰۱
- جدول ۴-۹-آمار توصیفی (متغیر وابسته: پس آزمون) ۱۰۱
- جدول ۴-۱۰-آزمون لون برای برابری واریانس ها (متغیر وابسته: پس آزمون) ۱۰۲
- جدول ۴-۱۱- جدول آمار توصیفی (متغیر وابسته: جذر پس آزمون) ۱۰۲
- جدول ۴-۱۲-آزمون لون برای برابری واریانس ها (متغیر وابسته: جذر پس آزمون) ۱۰۳
- جدول ۴-۱۳- جدول آمار توصیفی (متغیر وابسته: لگاریتم پس آزمون) ۱۰۳
- جدول ۴-۱۴-آزمون لون برای برابری واریانس ها (متغیر وابسته: لگاریتم پس آزمون) ۱۰۳
- جدول ۴-۱۵-آزمون های تأثیرات بین گروهی (متغیر وابسته لگاریتم پس آزمون) ۱۰۴

فهرست شکل‌ها

شکل ۱-۲ - ارتباط سلسله مراتبی اصطلاحات، از دیدگاه اراسو.....	۲۱
شکل ۲-۲ - تجسم مسئله.....	۲۳
شکل ۳-۲ - حل مسئله‌ی هندسه به کمک تجسم.....	۲۳
شکل ۴-۲ - بازی بلوک‌های منطقی.....	۴۹
شکل ۵-۲ - بلوک‌های دیینز.....	۵۰
شکل ۳-۱ - آزمون اسکری.....	۸۷

فصل اول

طرح مسئلہ

۱-۱ - مقدمه

در ترم اول کارشناسی ارشد آموزش ریاضی پژوهشگر با سطوح تفکر هندسی دانشآموزان در درس بنیادهای نظری حل مسئله آشنا شد و از آن جا که در دوران تحصیل و تدریس خود یادگیری و آموزش هندسه برایش بسیار سخت بود و جذابیتی نداشت لذا تصمیم گرفت تا سعی نماید که گوشهای از این مشکل را با استفاده از بازی‌های آموزشی حل نماید. در ابتدا می‌خواست که خود بازی‌های آموزشی بسازد و از آن‌ها در پژوهش استفاده کند که با پیشنهاد استاد راهنمای این نتیجه رسید که بازی ساخته شده‌ای را پیدا کند و آن را برای ارتقاء تفکر هندسی دانشآموزان استفاده نماید. لذا در ترم سوم به دنبال بازی مناسبی در این زمینه بود در همین زمان بود که با جستجوی سیدی‌ها و بازی‌های آموزشی با اریگامی^۱ آشنا شده و تصمیم گرفت این بازی را به صورت آزمایشی برای گروهی از دانشآموزان اجرا کرده و با استفاده از کاغذ و تا مباحث هندسه را برای دانشآموزان جذاب نماید.

قبل از اجرای کارهای اجرایی پایان‌نامه قسمتی از مطالب را در کلاس درس خود آزمایش نموده و بعد از اجرا با تجربه‌ای که از کار با کاغذ در کلاس خود داشت و همچنین نتایج حاصل از این تجربه به اندازه‌ای برایش جالب بود که تصمیم گرفت همین مبحث را وارد ریاضیات مدرسه‌ای کند و از این هنر در آموزش مفاهیم ریاضی استفاده نماید. با توجه به‌این که در این هنر از کاغذ استفاده می‌شود مبحثی را انتخاب کرد که بتواند با استفاده از قابلیت‌های کاغذ، آموزش و یادگیری آن را عمیق‌تر کند.

هدف این پژوهش این است که نشان دهد چگونه فعالیت‌های کاغذ و تا می‌تواند فهم و درک مفاهیم هندسی را برای دانشآموزان ملموس‌تر سازد و چگونه فعالیت‌های کاغذ و تا که توسط دانشآموزان و به کمک معلمان انجام می‌گردد، می‌تواند تفکر هندسی دانشآموزان را توسعه دهد و به عنوان راهکاری مناسب برای آموزش مفاهیم هندسی در نظر گرفته شود.

۱-۲- بیان مسأله تحقیق

تحقیقات متعددی که در طول سالیان گذشته در کشورهای مختلف انجام گرفته است، بیانگر آن است که بسیاری از دانشآموزان در یادگیری هندسه مشکل دارند. نظریه ون‌هیلی^۱ شامل سطوح تفکری است که دانشآموزان در ضمن یادگیری هندسه از آن‌ها عبور می‌کنند و علاوه بر این توضیح می‌دهد که چرا دانشآموزان در یادگیری هندسه با مشکل مواجه می‌شوند. این مدل نظری شامل سطوح تفکر و مراحل آموزشی می‌باشد (ریحانی، ۱۳۸۴). مدل ون‌هیلی همانند مدل‌های ترتیبی مراحل مختلف رشد پیازه^۲ (۱۹۶۰) و مراحل تفکر بلوم^۳ (۱۹۷۴)، با در نظر گرفتن گام‌های رشد مفاهیم هندسه در فراگیران امکان یادگیری را افزایش داد. چرا که ون‌هیلی‌ها در تحقیقات خود متوجه شدند که استدلال‌های رسمی در هندسه به صورت طبیعی در کودکان اتفاق نمی‌افتد و یک نظام تربیتی مورد نیاز است. ون‌هیلی‌ها تأکید زیادی بر نقش آموزش و اهمیت کسب تجربه توسط یادگیرنده، برای سهولت عبور از یک سطح به سطح دیگر داشتند. این امر با نقش آفرینی معلم و از طریق طراحی فعالیت‌های مناسب برای یادگیرنده‌های هندسه، آن‌ها از اشکال هندسی تصاویری ذهنی را به عنوان مدل پایه تجسم می‌کنند، این تصاویر غالباً قاطع نیستند. به عنوان مثال ممکن است تصویری از مثلث متساوی‌الساقین در یک کتاب درسی موجب شود دانشآموزان یک قانون کلی ترتیب دهند و تنها مثلثی را متساوی‌الساقین بدانند که قاعده‌اش افقی قرار گیرد. یا به عنوان مثالی دیگر اگر تعدادی مثلث بر روی صفحه کاغذ به دانشآموزان نشان داده شوند، این احتمال وجود دارد که آن‌ها مثلث متساوی‌الساقین را هنگامی که قاعده‌اش افقی قرار گیرد، بهتر تشخیص دهند همچنین تشخیص مثلث قائم‌الزاویه هنگامی که رأس قائمه آن موازی با لبه‌ی کاغذ قرار گیرد برای آن‌ها آسانتر خواهد بود (کلمنتس^۴ و باتسیتا^۵، ۱۹۹۲).

هاسوآگا^۶ (۱۹۹۷) این یافته‌ها را تحت عنوان "پدیده‌ی نحوه‌ی قرار گیری" بیان کرده است (نقل شده از سایت هندسه پویا). در این جا نیز معلم برای جلوگیری از درونی شدن این بدفهمی‌ها در دانشآموزان باید تلاش کند و فعالیت‌های مناسبی چون دست ورزی با شکل‌های هندسی را در این زمینه نیز

^۱-Van Hiele Model

^۲-Piaget

^۳-Bloom

^۴-Clements

^۵- Battista

^۶-Hausvaga

طراحی کند. مثلاً با طراحی و برش یک مثلث متساوی‌الساقین یا قائم‌الزاویه مقوایی و نمایش آن با دوران‌های مختلف، توسط خود دانش‌آموزان، شاید متمرث باشد.

از طرفی اگر یک معلم تلاش کند تا در سطح فکری که از سطح دانش‌آموز بالاتر است مطلبی را آموزش دهد، به طور کلی، دانش‌آموز آن‌چه را آموخته می‌شود نمی‌فهمد. به ویژه اگر مطالب آموزش شامل محتوى، واژگان و نظایر آن، در سطح بالاتری از سطح یادگیرنده باشند، آن‌گاه ممکن است دانش‌آموزان قادر نباشند که فرآیند تفکر بکار برده شده را پیگیری کنند (ریحانی، ۱۳۸۴). معمولاً، دانش‌آموزان سعی خواهند کرد که مواد را حفظ کرده و ممکن است به نظر برسد بر آن تسلط دارند، اما دانش‌آموزان در واقع نمی‌دانند که آن مواد چه مفهومی دارند. دانش‌آموزان به راحتی ممکن است ماده‌ای که حفظ شده است را فراموش کنند و یا قادر به اعمال آن نباشند، به خصوص در وضعیت‌های نا‌آشنا.

بنابراین به نظر می‌رسد که یادگیری هندسه مستلزم استفاده از روش‌های بهتری است و شاید تکرار و تمرین مطالب، تأثیر چندانی نداشته باشد. لذا داشتن نوعی تفکر هندسی و ایجاد راهکارهای مناسب برای برخورد با مفاهیم هندسی، ضروری به نظر می‌رسد.

همچنین بهتر است در برخورد با مفاهیم هندسی، دانش‌آموزان را با مسیرهای مناسب‌تری آشنا ساخت و تنها به ایزارهای نمادین -حرفی اتکا نکرد و به دانش‌آموزان کمک کرد که مفاهیم را برای خود کشف یا خلق کنند و از انتقال مستقیم آن‌ها و تدریس بر پایه‌ی رویه‌ها خودداری نمود. بنابراین می‌توان مسائل هندسی را به وسیله‌ی تغییر در نوع فعالیتی که دانش‌آموزان با آن سر و کار دارند، بسیار با مفهوم‌تر جلوه داد و محیطی برای پیشرفت و پرورش دادن مهارت‌هایی از قبیل توصیف، تفسیر و درک محیط طبیعی فراگیران فراهم کرد.

«بازی» از جمله مفاهیمی بوده است که از دیرباز، علاوه بر کارکردهایی نظیر سرگرمی و پرکردن اوقات فراغت، نقش آموزشی، تقویت قدرت خلاقیت و افرینش‌گری نیز داشته است، هر چند این ابعاد بازی در کشور ما کمتر به شکلی هدفمند مورد توجه قرار گرفته است، اما در هر صورت می‌تواند نقش مؤثری در فعالیت‌های آموزشی ایفا کند (میرمعزی، ۱۳۸۶).

همه افراد در مورد اینکه "یادگیری چیست؟" اتفاق نظر ندارند. بسیاری از کارکنان یادگیری را به گونه ساده عمل دریافت اطلاعات جدید می‌دانند. برای گروهی، یادگیری به معنی به دست آوردن مهارت‌ها و رفتارهای جدید است. برخی به یادگیری به عنوان کسب بینش‌های جدید از راه تجربه‌های شخصی می‌نگرند. در برخی از بازی‌ها به بازیکنان فرصت شرکت در آموزش‌های محتوایی داده می‌شود. در واقع بازیکنان این فرصت را پیدا می‌کنند که از جنبه‌های گوناگون به آموزش نگاه کنند و راههای افزایش توانایی‌های یادگیری خودشان را شناسایی و تمرین کنند.

یادگیری مبتنی بر بازی به عنوان نسل بعدی یادگیری الکترونیکی در راه است. تعداد روزافزونی از سازمان‌ها به دلایل متنوعی از این شیوه استفاده می‌کنند. بازی‌ها شیوه‌ای جذاب برای یادگیری هستند، فضایی امن و بی‌خطر فراهم می‌کنند تا یادگیرنده‌گان بدون ترس از عواقب، در دنیایی شبیه دنیای واقعی