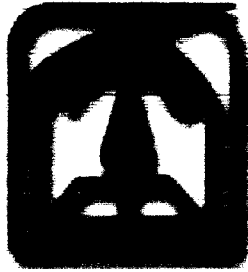




۱۹۸۹  
۲۰۰۰ ۲۰۰

Σ ۰۰ ۱۰

۱۳۸۱ / ۱ / ۲۰



دانشگاه تربیت مدرس

دانشکده فنی مهندسی

پایان نامه کارشناسی ارشد مهندسی مکانیک (طراحی کاربردی)

تخمین عمر باقیمانده دنده رینگی آسیاب گلوله ای صنعتی براساس

مکانیک شکست

حمید رضا طبخی وایقان

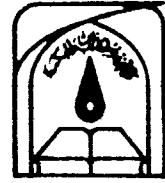
۴۰۰۸۰

استاد راهنما:

دکتر مجید میرزایی

پائیز ۱۳۸۰

۴۰۰۸۰



دانشگاه تربیت مدرس

## تاییدیه هیات داوران

آقای حمیدرضا طبخی وایقان پایان نامه ۶ واحدی خود را با عنوان تخمین عمر باقیمانده دنده رینگ آسیاب گلوله‌ای صنعتی براساس مکانیک شکست در تاریخ ۸۰/۷/۲۱ ارائه کردند. اعضای هیات داوران نسخه نهائی این پایان نامه را از نظر فرم و محتوی تایید و پذیرش آنرا برای تکمیل درجه کارشناسی ارشد رشته مهندسی مکانیک با گرایش طراحی کاربردی پیشنهاد می‌کنند.

### اعضای هیات داوران

۱- استاد راهنما:

نام و نام خانوادگی  
آقای دکتر میرزایی

۲- استاد مشاور:

—

۳- استادان ممتحن:

آقای دکتر لیاقت

آقای دکتر مسلمی

۴- مدیر گروه:

آقای دکتر قدیری

(یا نماینده گروه تخصصی)

### امضاء

تاریخ: ۸۰/۷/۲۱

محل امضاء: [محل امضاء]



بسمه تعالی

## آیین نامه چاپ پایان نامه (رساله) های دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس

نظر به اینکه چاپ و انتشار پایان نامه (رساله) های تحصیلی دانشجویان دانشگاه تربیت مدرس، مبین بخشی از فعالیتهای علمی - پژوهشی دانشگاه است بنابراین به منظور آگاهی و رعایت حقوق دانشگاه، دانش آموختگان این دانشگاه نسبت به رعایت موارد ذیل متمهد می شوند:

ماده ۱ در صورت اقدام به چاپ پایان نامه (رساله) ی خود، مراتب را قبلاً به طور کتبی به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اطلاع دهد.

ماده ۲ در صفحه سوم کتاب (پس از برگ شناسنامه)، عبارت ذیل را چاپ کند:  
و کتاب حاضر، حاصل پایان نامه کارشناسی ارشد / رساله دکتری نگارنده در رشته *مکانیک* است  
که در سال ۱۳۸۰ در دانشکده *فنی - مهندسی* دانشگاه تربیت مدرس به راهنمایی سرکار خانم / جناب  
آقای دکتر *میرزایی*، مشاوره سرکار خانم / جناب آقای دکتر، مشاوره سرکار  
خانم / جناب آقای دکتر از آن دفاع شده است.

ماده ۳ به منظور جبران بخشی از هزینه های انتشارات دانشگاه، تعداد یک درصد شمارگان کتاب (در هر نوبت چاپ) را به «دفتر نشر آثار علمی» دانشگاه اهدا کند. دانشگاه می تواند مازاد نیاز خود را به نفع مرکز نشر در معرض فروش قرار دهد.

ماده ۴ در صورت عدم رعایت ماده ۳، ۵۰٪ بهای شمارگان چاپ شده را به عنوان خسارت به دانشگاه تربیت مدرس، تأدیه کند.

ماده ۵ دانشجو تمهید و قبول می کند در صورت خودداری از پرداخت بهای خسارت، دانشگاه می تواند خسارت مذکور را از طریق مراجع قضایی مطالبه و وصول کند؛ به علاوه به دانشگاه حق می دهد به منظور استیفای حقوق خود، از طریق دادگاه، معادل وجه مذکور در ماده ۴ را از محل توقیف کتابهای عرضه شده نگارنده برای فروش، تأمین نماید.

ماده ۶ اینجانب *حمیدرضا طحی و ایتان* دانشجوی رشته *مکانیک* مقطع کارشناسی ارشد تمهید فوق و ضمانت اجرایی آن را قبول کرده، به آن ملتزم می شوم.

نام و نام خانوادگی: *حمیدرضا طحی*

تاریخ و امضا: *۱۳۸۰/۰۵/۰۵*

تقديم به

پدر و مادرم

بدینوسیله از استاد ارجمند «آقای دکتر میرزایی» که با مساعدتها  
و راهنماییهای راهگشای خود موجبات به انجام رسیدن  
این پایان نامه را فراهم نمودند، تشکر و قدردانی می نمایم.

## چکیده

دنده رینگی آسیاب های گلوله ای صنعتی بیش از ۱۲ متر قطر و در حدود ۹۰ تن وزن دارند و بالغ بر پانصد هزار دلار هزینه ساخت آنهاست.

عمر خستگی مورد انتظار برای این نوع چرخ دنده ها بیش از ۲۰ سال می باشد، ولی در این تحقیق پس از گذشت ۲ سال از کارکرد دنده رینگی مورد بحث، ترکهای متعددی در نواحی بین لچکی ها و فلنج آن ایجاد گشته و سپس به سمت سوراخ های سبک کاری پیشروی نموده اند.

براساس نتایج تحلیل المان محدود سه بعدی آسیاب، قطاعی ۳۶ درجه از دنده رینگی برای مدلسازی ترک در نظر گرفته شد. ترکهای نیمه بیضوی مدل شده در یک حوزه تنشی متغیر رشد داده شدند و نیروهای پیشران ترک با استفاده از روشهای انتگرال  $J$  و  $Point\ Matching$  محاسبه گشتند.

نتایج بدست آمده نشان دادند که مد اصلی رشد ترک، مد  $I$  است. همچنین مقادیر محاسبه شده  $\Delta K_I$  براساس دو روش متفاوت بکار گرفته شده توافق بسیار خوبی با یکدیگر داشتند که آن را می توان به المان بندی نسبتاً ریز و استفاده از المانهای سینگولار در ناحیه نوک ترک مربوط دانست.

در انتها سرعتهای محاسبه شده رشد ترک برای تخمین عمر باقیمانده دنده رینگی مورد استفاده قرار گرفتند.

**کلمات کلیدی:** روش المان محدود، فاکتور شدت تنش، رشد ترک خستگی، تخمین عمر باقیمانده

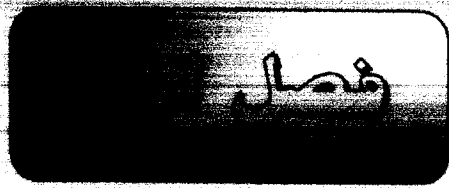
## فهرست

۱	..... مقدمه (۱)	
۶	..... آسیاب های گلوله ای (۲)	
۷	..... معرفی آسیاب های گلوله ای (۱-۲)	
۹	..... اجزاء آسیاب گلوله ای (۲-۲)	
۱۰	..... تئوری عملیات آسیاب های گلوله ای (۳-۲)	
۱۳	..... بررسی یک دنده رینگی ترک خورده (۴-۲)	
۱۴	..... مروری بر مدل سازی و آنالیز تنش آسیاب گلوله ای (۵-۲)	
۱۴	..... مدل سازی آسیاب گلوله ای (۱-۵-۲)	
۱۵	..... مدل سازی و المان بندی آسیاب (۱-۱-۵-۲)	
۱۹	..... اعمال شرایط تکیه گاهی و بارگذاری (۲-۱-۵-۲)	
۲۰	..... نیروی وزن سازه آسیاب (۱-۲-۱-۵-۲)	
۲۱	..... نیروی جانب مرکز سازه آسیاب (۲-۲-۱-۵-۲)	
۲۱	..... نیروی وزن گلوله ها و مواد معدنی (۳-۲-۱-۵-۲)	
۲۲	..... نیروی جانب مرکز گلوله ها و مواد (۴-۲-۱-۵-۲)	
۲۳	..... نیروی چرخ دنده (۵-۲-۱-۵-۲)	
۲۵	..... نیروی خرد کننده در اثر حرکت آبشاری گلوله ها (۶-۲-۱-۵-۲)	
۲۶	..... بررسی نتایج آنالیز تنش (۲-۵-۲)	
۳۵	..... مروری بر مفاهیم مکانیک شکست الاستیک خطی و رشد ترک خستگی (۳)	
۳۶	..... واماندگی قطعات (۱-۳)	
۳۷	..... مکانیک شکست (۲-۳)	
۳۸	..... مکانیک شکست الاستیک خطی (۱-۲-۳)	
۴۱	..... شرایط بارگذاری اجسام ترک دار (۳-۳)	
۴۲	..... خستگی (۴-۳)	
۴۳	..... روشهای قدیمی تعیین عمر خستگی (۱-۴-۳)	
۴۴	..... تعیین عمر براساس مکانیک شکست (۲-۴-۳)	
۴۴	..... جوانه زنی و رشد ترک در یک پروسه خستگی (۳-۴-۳)	
۴۴	..... جوانه زنی یا ایجاد ترک خستگی (۱-۳-۴-۳)	



۴۵	..... رشد ترک خستگی (۲-۳-۴-۳)
۴۷	..... تخمین عمر براساس تحمل وجود ترک (۴-۴-۳)
۴۹	..... روشهای تعیین فاکتور شدت تنش (۴)
۵۰	..... مقدمه (۱-۴)
۵۰	..... روشهای عددی در تعیین فاکتور شدت تنش (۲-۴)
۵۱	..... روش المان محدود (۳-۴)
۵۲	..... روش المان مرزی (۴-۴)
۵۳	..... روشهای محاسبه فاکتور شدت تنش (۵-۴)
۵۴	..... Point Matching روشهای (۱-۵-۴)
۵۵	..... روشهای انرژی (۲-۵-۴)
۵۶	..... رشد ترک المانی (۱-۲-۵-۴)
۵۶	..... انتگرال کانتور (۲-۲-۵-۴)
۵۸	..... رشد ترک مجازی (۳-۲-۵-۴)
۵۸	..... فرمول بندی براساس مشتق ماتریس سختی (۱-۳-۲-۵-۴)
۵۹	..... روش مدرن (۲-۳-۲-۵-۴)
۶۰	..... انتگرال حوزه انرژی (۴-۲-۵-۴)
۶۴	..... روش تفاضل محدود و حجم محدود (۶-۴)
۶۵	..... مدل سازی ترک و تعیین عمر باقیمانده دنده رینگی (۵)
۶۶	..... مقدمه (۱-۵)
۶۶	..... معرفی نرم افزار ANSYS (۲-۵)
۶۸	..... فرضیات مدل سازی و تحلیل (۳-۵)
۶۹	..... ثوابت فیزیکی و خواص مکانیکی ماده (۴-۵)
۶۹	..... المان بندی و اعمال شرایط مرزی (۵-۵)
۷۱	..... آنالیز تنش قطاع (۶-۵)
۷۳	..... مدل سازی ترک (۷-۵)
۷۴	..... روش مدل کردن ترک (۱-۷-۵)
۸۲	..... آنالیز تنش قطاع با وجود ترک (۸-۵)
۸۴	..... تعیین عمر باقیمانده دنده رینگی (۹-۵)

۸۵	..... روشهای مورد استفاده در تعیین فاکتورهای شدت تنش	(۱-۹-۵)
۸۵	..... Point Matching روش	(۱-۱-۹-۵)
۸۷	..... استخراج فاکتورهای شدت تنش	(۱-۱-۱-۹-۵)
۹۰	..... مد اصلی رشد ترک	(۲-۱-۱-۹-۵)
۹۱	..... روش J - انتگرال	(۲-۱-۹-۵)
۹۷	..... اصلاح مقادیر $K_I$	(۲-۹-۵)
۹۸	..... بررسی روشهای مورد استفاده در تعیین مقادیر K و مقایسه نتایج	(۳-۹-۵)
۹۹	..... محاسبه عمر باقیمانده	(۴-۹-۵)
۱۰۴	..... بحث و نتیجه گیری	(۶)
۱۱۰	..... ضمیمه	
۱۱۵	..... مراجع	
۱۱۸	..... فهرست موضوعی	



آسیاب های صنعتی نوعاً استوانه های افقی بزرگ و چرخانی هستند که برای کاهش اندازه مواد معدنی بکار گرفته میشوند. اساس کار این آسیاب ها بر برخورد مواد و گلوله ها (یا میله های) فولادی درون آسیاب و غلتیدن آنها بر یکدیگر استوار است؛ در اثر دوران مخزن استوانه ای آسیاب حول محور افقی مواد و گلوله ها تا ارتفاعی بالا رفته و سپس سقوط می نمایند و عمل خردایش در اثر ضربه ناشی از سقوط و همچنین حرکت غلتشی مواد و گلوله ها انجام می شود.

بطور کلی آسیاب های صنعتی با محور دوران افقی به سه دسته زیر تقسیم می شوند:

۱- آسیاب های **Autogenous** و **(SAG) Semi Autogenous** : این آسیاب ها بعد از خردایش

اولیه بوسیله سنگ شکن های بزرگ به منظور خردایش درشت یا پیش خردایش مواد معدنی مورد استفاده قرار می گیرند. اندازه مواد ورودی به این آسیاب ها به طور متوسط ۱۵۰ میلی متر و اندازه مواد خروجی در حدود یک میلی متر می باشد.

۲- آسیاب های **میله ای** : از این آسیاب ها به منظور خردایش مجدد مواد معدنی خرد شده بوسیله آسیاب های SAG استفاده می شود. اندازه مواد ورودی به این آسیاب ها بین ۱۰ تا ۲۰ میلی متر و خروجی آنها در حدود یک میلی متر می باشد.

۳- آسیاب های **گلوله ای** : این آسیاب ها معمولاً برای خردایش ریز مورد استفاده قرار میگیرند؛ اندازه مواد ورودی به این آسیاب ها از ۱۰ تا ۱۵ میلی متر تجاوز نمی کند و آنها می توانند محصولات بسیار ریز با اندازه های کوچکتر از ۰/۱ میلی متر تولید کنند.

تفاوت مهم آسیاب های گلوله ای و آسیاب های SAG در نسبت طول به قطر مخزن استوانه ای آنها می باشد؛ به طوریکه این نسبت در آسیاب های گلوله ای به مراتب بزرگتر است.

با توجه به تاریخچه طراحی و ساخت آسیاب های گلوله ای میتوان به این نکته مهم اشاره نمود که همواره در صنعت معدن جهت گیری به سمت طراحی و ساخت آسیاب های بزرگتر، با سرعت

دورانی بالاتر و استفاده بیشتر از مواد شیمیایی به منظور افزایش حجم و کیفیت بهتر مواد خروجی بوده است. اما از سوی دیگر تمامی این افزایشها اثرات مخربی را نیز به همراه خواهند داشت که در اجزای آسیاب سبب ایجاد پدیده های خستگی و خوردگی میشوند و سرانجام موجب واماندگی خواهند گشت. اجزاء و قطعات ماشین آلاتی که تحت تأثیر بارهای تناوبی قرار دارند بسیار مستعد واماندگی از نوع خستگی می باشند؛ پدیده خستگی شامل جوانه زنی، رشد ترک و شکست نهایی می باشد و قطعاتی که تحت شرایط خستگی واقع می شوند باید بگونه ای طراحی شوند که بتوان صحت و عدم واماندگی آنها را برای مدت معینی تضمین نمود. در صورتیکه قطعه بسیار زودتر از مدت پیش بینی شده دچار واماندگی شود می توان نتیجه گرفت که خطایی در یکی از مراحل طراحی، ساخت و یا طرز استفاده از دستگاه صورت گرفته است.

واماندگی اجزاء آسیاب موجب آسیبهای فراوان شده و سرانجام باعث واماندگی کل آسیاب میشود که این امر خسارات مالی فراوانی به همراه خواهد داشت؛ یکی از اجزاء آسیاب که در سخت ترین شرایط کاری واقع شده و به شدت تحت تأثیر پدیده خستگی قرار دارد دنده رینگی آسیاب می باشد. این چرخ دنده های بزرگ و گرانتیمت که برخی از آنها بیش از ۱۲ متر قطر دارند معمولاً بگونه ای طراحی می شوند که دارای ۱۲۵ تا ۱۵۰ میلیون سیکل یا در حدود ۲۵ سال عمر خستگی باشند.

موضوع مورد بررسی در این تحقیق به یک دنده رینگی مربوط می شود که در طی ۲ سال اولیه کارکرد، شاهد جوانه زنی تعداد زیادی ترک در نواحی ما بین تقویت کننده های مثلثی و فلنج چرخدنده بوده که پس از ایجاد به سمت سوراخهای سبک کاری پیشروی نموده اند.

از آنجا که آسیاب های ترک دار مجبور به ادامه فعالیت بوده و خارج کردن کامل آنها از مدار خسارات مالی فراوانی به دنبال دارد، این سوال مطرح شد که این دستگاهها تا چه موقع قادر به تحمل ترکها بوده و می توانند به فعالیت خود ادامه دهند؟ و به عبارت دیگر عمر آنها چقدر است؟

بروز پدیده خستگی در دنده رینگی شامل جوانه زنی و رشد ترک می باشد. پیش بینی محل و زمان جوانه زنی مستلزم وجود اطلاعات کافی از میزان و توزیع حوزه های تنشی می باشد، همچنین پیش بینی رشد ترک مستلزم دانستن پارامترهای آن است. تعیین پارامترهای رشد ترک در مکانیک شکست با استفاده از روشهای مختلفی صورت میگیرد که هر کدام معایب و مزایای مختص خود را دارا می باشند. این روشها عبارتند از :

### ۱- روشهای تجربی      ۲- روشهای تحلیلی      ۳- روشهای عددی

با وجود آنکه روشهای تجربی دقیق ترین و قابل اعتمادترین روشها میباشند ولی اجرای آنها اغلب مستلزم صرف هزینه بالا و دسترسی به تجهیزات خاص می باشد. روشهای تحلیلی نیز در عمل کاربرد بسیار محدودی دارند و تنها برای هندسه های ساده قابل استفاده می باشند.

روشهای عددی با هزینه پایین از دقت خوبی برخوردارند و تنها مشکل استفاده از آنها محدودیت های سخت افزاری کامپیوترها می باشد که با رفع این مشکل درسالهای اخیر تولید نرم افزارهای قوی و مناسب استفاده از آنها در حال گسترش می باشد.

از میان روشهای عددی دامنه کاربرد روش المان محدود بسیار گسترش یافته، بطوریکه امروزه در علوم مهندسی، علوم پزشکی و علوم پایه بکارگرفته می شود؛ این روش عددی از دهه شصت میلادی در حل مسائل مکانیک شکست مورد استفاده بوده است.

پیش از معرفی بخش های مختلف این تحقیق لازم به ذکر است که در تحقیق انجام شده قبیل [۲] آنالیز تنش مدل کامل آسیاب با ۱۲۸۰۰ المان انجام پذیرفته است. درحالیکه در این تحقیق با توجه به اینکه مدل سازی ترکهای پدیدآمده در دنده رینگی مستلزم المان بندی ریز دنده رینگی بویژه در مناطق اطراف ترک می باشد استفاده از مدل کامل آسیاب افزایش قابل ملاحظه المانها و زمانهای بسیار طولانی برای آنالیز تنش را در پی خواهد داشت، لذا به عنوان راه حلی برای این مسأله قطاعی

۳۶ درجه از دنده رینگی شامل نقاط ماکزیمم تنش در ناحیه بین لچکی و فلنج چرخ دنده در نظر گرفته شده و با در اختیار بودن نتایج آنالیز تنش دنده رینگی تغییر مکانهای مرزی بر قطاع مورد بحث اعمال شده اند تا توزیع تنش مورد نظر در ناحیه بین لچکی و فلنج با توجه به اصل Saint-Venant حاصل شود؛ اصلی که بیان می دارد هرگاه در فواصل دور از «نقاطی از یک جسم» بجای توزیع بارگذاری اولیه معادل آنرا قرار دهیم در مقدار و توزیع «تنش، کرنش و تغییر مکان» آن نقاط تغییری حاصل نمی شود. با در نظر گرفتن مسیر ترک که از ناحیه بین لچکی و فلنج چرخ دنده آغاز شده و به سمت سوراخهای سبک کاری پیشروی می کند اندازه المانها بویژه در امتداد مسیر ترک ریز شده و ترکهایی نیمه بیضوی با ابعاد مختلف ایجاد گشته و نهایتاً با مشخص شدن فاکتورهای شدت تنش عمر باقیمانده دنده رینگی با استفاده از رابطه Paris تعیین گردیده است.

با توجه به توضیحات فوق این پایان نامه به شرح زیر تدوین شده است:

درفصل دوم، آسیاب های گنوله ای و اجزاء مختلف یک آسیاب مورد بررسی قرار گرفته و در ادامه با مروری بر تحقیق انجام شده قبلی نتایج آنالیز تنش دنده رینگی آسیاب بررسی شده است.

درفصل سوم، مروری شده است بر مفاهیم مکانیک شکست الاستیک خطی و رشد ترک خستگی در فصل چهارم، روشهای تعیین پارامتر فاکتور شدت تنش بیان شده و با توجه به اهمیت روشهای عددی در مسائل مهندسی به شرح و توضیح این روشها پرداخته شده است.

درفصل پنجم، با استفاده از نرم افزار ANSYS مدل سازی ترکهای نیمه بیضوی بر روی قطاعی ۳۶ درجه از دنده رینگی و تعیین فاکتورهای شدت تنش انجام گرفته است و عمر باقیمانده برای هر طول ترک با در نظر گرفتن رابطه Paris تعیین شده است.

درفصل ششم، به بحث پیرامون نتایج حاصله پرداخته شده و پیشنهادی به منظور تعیین دقیق تر عمر باقیمانده ارائه شده است.