



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی صنایع و برنامه‌ریزی سیستم‌ها

**مسئله مسیریابی وسایل نقلیه با محدودیت ظرفیت و تصمیم همزمان در مورد خرید یا اجاره‌ی وسایل نقلیه**

پایان‌نامه کارشناسی ارشد مهندسی صنایع- صنایع

زینب حاجی‌شفیعی

استاد راهنما

دکتر حمید میرمحمدی



دانشگاه صنعتی اصفهان

دانشکده مهندسی صنایع و برنامه‌ریزی سیستم‌ها

پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد رشته‌ی مهندسی صنایع – صنایع خانم زینب حاجی‌شفیعی

تحت عنوان

مسئله مسیریابی وسایل نقلیه با محدودیت ظرفیت و تصمیم همزمان در مورد خرید یا  
اجاره‌ی وسایل نقلیه

در تاریخ ۹۲/۸/۸ توسط کمیته‌ی تخصصی زیر مورد بررسی و تصویب نهایی قرار گرفت.

دکتر حمید میرمحمدی

۱- استاد راهنمای پایان نامه

دکتر رضا حجازی

۲- استاد مشاور پایان نامه

دکتر نادر شتاب بوشهری

۳- استاد داور

دکتر مهدی علینقیان

۴- استاد داور

دکتر مهدی بیجاری

سرپرست تحصیلات تکمیلی دانشکده

سپاس و ستایش خداوند بلند مرتبه را که در تمام مراحل زندگی همراهم بوده  
و هر آنچه دارم و به هرجا رسیده ام از لطف بی‌متنهای اوست.  
بر خود لازم می‌دانم سپاسگزار و قادردان آنانی باشم که در این راه یاریم  
کردند:

مادرم مهربانم که با کمک و ایشارگری‌هایش باری از دوشم سبک کرده و  
همواره دعای خیرش آرامبخش وجودم و راه‌گشای راهم بوده است.  
پدر دلسوزم که مشوق اصلی ام در این راه بوده و با کلام نافدش در سخت-  
ترین شرایط آسودگی را برایم به ارمغان آورده است.  
همسر فدکارم که راهنمای و مشوقم بوده و با حضور گرمش سختی راه برایم  
سهول شده است.

استاد بزرگوارم جناب آقای دکتر حمید میرمحمدی که شاگردی ایشان  
افتخاری برایم بوده و راهنمایی‌های بی‌دریغشان همواره روشن‌گر راهم بوده-  
است. صمیمانه سپاسگزار زحمات بی‌دریغشان هستم.  
استاد مشاور ارجمندم جناب آقای دکتر رضا حجازی و زحمات فراوانشان در  
تمام دوران تحصیلم که با کلامشان و رفشارشان درس‌هایی از ایشان آموختم.  
استادان بزرگوار جناب آقای دکتر شتاب بوشهری و جناب آقای دکتر  
علینقیان که زحمت بازخوانی و داوری این پایان‌نامه را تقبل نمودند.  
همجینین یاد کنم از دوست مهربانم پریناز واعظ بخاطر راهنمایی‌هایش و  
جناب آقای مهندس بهشتی بخاطر زحماتشان در بخش‌هایی از این پایان‌نامه و  
تمام کسانی که در نتیجه‌ی زحماتشان به این مرحله رسیده‌ام.

کلیهی حقوق مادی مترقب بر نتایج مطالعات،  
ابتكارات و نوآوری‌های ناشی از تحقیق موضوع  
این پایان‌نامه (رساله) متعلق به دانشگاه صنعتی  
اصفهان است.

تَهْدِيم بِهِ

سے یار غنوارم، سہ رفیق بی ہستایم و والاترین انتھرات زندگی ام

پدرم، مادرم و ہمسرم

## فهرست مطالب

صفحه		عنوان
۱	۱	فهرست مطالب..... چکیده.....
۲	۱-۱	فصل اول: مقدمه..... مقدمه.....
۳	۲-۱	۲-۱ کلیات مسأله.....
۴	۳-۱	۳-۱ اهمیت موضوع تحقیق.....
۵	۴-۱	۴-۱ بیان اهداف تحقیق.....
۶	۵-۱	۵-۱ معرفی ساختار تحقیق.....
۷		<b>فصل دوم: کلیات مسأله مسیریابی و سایل نقلیه</b>
۸	۱-۲	۱-۲ مقدمه.....
۹	۲-۲	۲-۲ تعریف مسأله.....
۱۰	۳-۲	۳-۲ مسأله پایه VRP.....
۱۱	۴-۲	۴-۲ پیچیدگی مسأله.....
۱۲	۵-۲	۵-۲ دسته‌بندی مسائل VRP.....
۱۳	۱-۵-۲	CVRP ..... ۱-۵-۲
۱۴	۲-۵-۲	VRPTW ..... ۲-۵-۲
۱۵	۳-۵-۲	VRPPD ..... ۳-۵-۲
۱۶	۴-۵-۲	VRPB ..... ۴-۵-۲
۱۷	۵-۵-۲	VRPBTW ..... ۵-۵-۲
۱۸	۶-۵-۲	VRPPDTW ..... ۶-۵-۲
۱۹	۶-۲	۶-۲ مدل CVRP .....
۲۰	۱-۶-۲	۱-۶-۲ مدل اول ACVRP .....
۲۱	۲-۶-۲	۲-۶-۲ مدل دوم ACVRP .....
۲۲	۳-۶-۲	۳-۶-۲ تفاوت دو مدل ACVRP .....
۲۳	۷-۲	۷-۲ مروری بر ادبیات CVRP .....
۲۴	۱-۷-۲	۱-۷-۲ روش‌های حل دقیق .....
۲۵	۲-۷-۲	۲-۷-۲ روش‌های حل ابتکاری .....
۲۶	۳-۷-۲	۳-۷-۲ روش‌های حل فراتکاری .....
۲۷	۴-۷-۲	۴-۷-۲ مدل‌های جدید در سال‌های اخیر .....
۲۸		<b>فصل سوم: خرید یا اجاره و سایل نقلیه در CVRP</b>
۲۹	۱-۳	۱-۳ مقدمه.....
۳۰	۲-۳	۲-۳ اهمیت درنظرگیری مدل جدید.....

۲۸	۳-۳ فرضیات مسأله.....
۲۸	۴-۳ پارامترها و متغیرهای مسأله.....
۲۹	۵-۳ مدل برنامه‌ریزی غیرخطی.....
۳۱	۶-۳ مدل برنامه‌ریزی خطی.....
۳۴	۷-۳ پیجیدگی مسأله.....
	<b>فصل چهارم: روش حل</b>
۳۵	۱-۴ مقدمه.....
۳۵	۲-۴ رویکرد بهینه حل مسأله.....
۳۹	۳-۴ الگوریتم فراتکاری جهش قورباغه.....
۳۹	۴-۴ مبانی الگوریتم جهش قورباغه .....
۴۱	۱-۴-۴ الگوریتم MA.....
۴۱	۲-۴-۴ الگوریتم SCE.....
۴۲	۳-۴-۴ الگوریتم PSO.....
۴۳	۴-۴ ساختار کلی الگوریتم SFL.....
۴۸	۵-۴ الگوریتم جهش قورباغه پیشنهادی برای CVRP با تصمیم همزمان خرید یا اجاره وسایل.....
۴۸	۱-۶-۴ نحوه نمایش جوابها.....
۴۹	۲-۶-۴ ساختار الگوریتم پیشنهادی .....
۵۱	۳-۶-۴ تولید جمعیت اولیه.....
۵۱	۴-۶-۴ تعیین توالی ملاقات مشتریان.....
۵۵	۵-۶-۴ بهبود بدترین قورباغه هر زیرممپلکس .....
۵۷	۶-۶-۴ جستجوی محلی(LS).....
۶۰	۷-۶-۴ معیار توقف.....
۶۳	۷-۴ الگوریتم ترکیبی الکترومغناطیس.....
۶۴	۸-۴ مبانی الگوریتم الکترومغناطیس.....
۶۶	۹-۴ الگوریتم شبیه‌سازی تبریدی موازی .....
۶۹	۱۰-۴ روش ترکیبی پیشنهادی.....
۶۷	۱-۱۰-۴ ساختار الگوریتم ترکیبی شبیه‌سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس .....
۶۸	۲-۱۰-۴ نحوه نمایش جوابها.....
۷۰	۳-۱۰-۴ تولید جمعیت اولیه .....
۷۰	۴-۱۰-۴ تولید همسایگی .....
۷۱	۵-۱۰-۴ تعیین دمای اولیه و دمای نهایی .....
۷۲	۶-۱۰-۴ فرآیند تبرید .....
۷۲	۷-۱۰-۴ حالت تعادل .....
۷۲	۸-۱۰-۴ محاسبه مقدار تابع هدف .....
۷۳	۹-۱۰-۴ محاسبه نیرو و حرکت جوابها .....

۷۶.....	۱۰-۱۰-۴ جستجوی محلی
	<b>فصل پنجم: نتایج محاسباتی</b>
۷۸ .....	۱-۵ مقدمه
۷۹ .....	۲-۵ تولید مسائل نمونه
۷۹ .....	۳-۵ تنظیم پارامترها
۷۹.....	۱-۳-۵ تنظیم پارامترهای مربوط به مدل
۸۰.....	۲-۳-۵ تنظیم پارامترهای الگوریتم جهش قورباغه
۸۴.....	۳-۳-۵ تنظیم پارامترهای الگوریتم ترکیبی شبیه‌سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس
۸۶ .....	۴-۵ نتایج آزمایشات و تحلیل حساسیت پارامترهای مسئله
۸۹.....	۱-۴-۵ بررسی حساسیت الگوریتم جهش قورباغه نسبت به جستجوی محلی و معیار توقف
۹۱.....	۲-۴-۵ نتایج مقایسه الگوریتم جهش قورباغه و الگوریتم ترکیبی شبیه‌سازی تبرید-الکترومغناطیس
۱۰۰.....	۳-۴-۵ تحلیل حساسیت الگوریتم‌ها نسبت به نوع پارامترهای مسئله
	<b>فصل ششم: نتیجه‌گیری</b>
۱۰۲ .....	۱-۶ جمع‌بندی و پیشنهادات
۱۰۵ .....	مراجع

## فهرست جدول‌ها

صفحه	عنوان
۲۶	جدول ۱-۳ فواصل زمانی بین هر دو گره
۲۶	جدول ۲-۳ نتایج حل مثال با دو رویکرد متفاوت
۲۷	جدول ۳-۳ هزینه‌های رویکرد اول به صورت جزئی
۲۸	جدول ۴-۳ پارامترهای مدل ریاضی مسأله
۲۹	جدول ۵-۳ متغیرهای مدل ریاضی مسأله
۳۸	جدول ۱-۴ مقایسه نتایج بدست آمده از نرم‌افزار GAMS در مسأله اصلی و زیرمسائل کوچکتر
۵۲	جدول ۲-۴ مسافت بین دو گره
۵۴	جدول ۳-۴ مقایسه دو روش لیست همسایگان و نزدیکترین شهر دیدار نشده
۵۶	جدول ۴-۴ به دست آوردن $\alpha_i$
۵۹	جدول ۵-۴ مقایسه زمان حل الگوریتم با LS مختلف
۶۰	جدول ۶-۴ روند بهبود زمان حل الگوریتم
۸۰	جدول ۱-۵ پارامترهای هزینه‌ای مدل پیشنهادی برای ۳ گروه وسیله نقلیه
۸۱	جدول ۲-۵ سطوح پارامترهای مورد آزمایش الگوریتم اولیه جهش قورباغه
۸۲	جدول ۳-۵ مقایسه الگوریتم اولیه NFL و نرم‌افزار GAMS
۸۳	جدول ۴-۵ سطوح پارامترهای مورد آزمایش الگوریتم نهایی جهش قورباغه
۸۳	جدول ۵-۵ مقایسه الگوریتم اولیه NFL و نرم‌افزار GAMS
۸۴	جدول ۶-۵ سطوح پارامترهای مورد آزمایش الگوریتم ترکیبی شیه‌سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس
۸۵	جدول ۷-۵ بهترین سطح پارامترهای الگوریتم ترکیبی شیه‌سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس
۸۵	جدول ۸-۵ مقایسه الگوریتم PSAEM و نرم‌افزار GAMS
۸۸	جدول ۹-۵ پارامترهای اثرگذار بر نتایج حل الگوریتم‌ها
۸۹	جدول ۱۰-۵ متوسط زمان حل مسائلی با بیش از ۱۰۰ گره توسط الگوریتم PSA-EM
۸۹	جدول ۱۱-۵ مقایسه نتایج حل الگوریتم اولیه جهش قورباغه و الگوریتم (نهایی) بهبود یافته جهش قورباغه
۹۱	جدول ۱۲-۵ درصد بهبود الگوریتم نهایی جهش قورباغه نسبت به الگوریتم اولیه جهش قورباغه در دسته مسائل مختلف
۹۲	جدول ۱۳-۵ مقایسه نتایج حل الگوریتم NFL و PSA-EM در دو نوع مسئله مشخص
۹۵	جدول ۱۴-۵ مقایسه نتایج الگوریتم NFL و PSA-EM در مسائلی با پارامترهای نحویه توزیع مشتریان و مکان انبار
۹۶	جدول ۱۵-۵ مقایسه نتایج الگوریتم NFL و PSA-EM در مسائلی با پارامترهای وسعت ناحیه مشتریان و مکان انبار
۹۸	جدول ۱۶-۵ تناسب تصمیم خرید یا اجاره و سایل نقلیه و مسیر پیموده شده
۹۸	جدول ۱۷-۵ نمونه‌ای از تفاوت تعداد تورهای ایجاد شده در خروجی‌های دو الگوریتم
۱۰۰	جدول ۱۸-۵ درصد تغییرات میانگین مقادیر تابع هدف در شرایط متفاوت در مقایسه دو الگوریتم
۱۰۱	جدول ۱۹-۵ مقایسه دو الگوریتم از نظر سطح ظرفیت

## فهرست شکل‌ها

<u>صفحه</u>	<u>عنوان</u>
۱۱	شکل ۱-۲ دسته‌بندی مسائل VRP
۴۰	شکل ۱-۴ نمایش مم، مموتاپ و ممپلکس
۴۲	شکل ۲-۴ تقسیم کل جمعیت به سه گروه در SCE
۴۶	شکل ۳-۴ نمایش انتخاب زیرممپلکس - $P_{(W)}$ و $P_{(B)}$ به ترتیب مطابق با بهترین و بدترین موقعیت قورباغه در زیرممپلکس
۴۷	شکل ۴-۴ یک سیر تکاملی ممتیک در یک زیرممپلکس
۴۹	شکل ۵-۴ نحوی نمایش آرایه‌ی جواب در NFL
۵۷	شکل ۶-۴ روش ISP
۵۸	شکل ۷-۴ جستجوی محلی 2-opt
۵۸	شکل ۸-۴ جابجایی ۱-۰ (جستجوی محلی insert)
۵۸	شکل ۹-۴ جابجایی ۱-۱ (جستجوی محلی swap)
۶۰	شکل ۱۰-۴، ۱۰-۵ مشتری و ۳-۵ وسیله نقلیه در LS2
۶۲	شکل ۱۱-۴ فلوچارت الگوریتم جهش قورباغه پیشنهادی
۶۳	شکل ۱۲-۴ مراحل الگوریتم ترکیبی PSA-EM
۶۴	شکل ۱۳-۴ مکانیزم ریایش و رانش بر روی ذره ۳
۶۹	شکل ۱۴-۴ مثالی از روش R-K
۷۰	شکل ۱۵-۴ نحوی نمایش آرایه‌ی جواب در PSA-EM
۷۳	شکل ۱۶-۴ تخصیص مشتریان به وسایل نقلیه
۷۷	شکل ۱۷-۴ فلوچارت الگوریتم ترکیبی PSA-EM
۸۷	شکل ۱۸-۵ نحوی توزیع مشتریان
۸۷	شکل ۲-۵ مکان انبار
۹۴	شکل ۳-۵ مقایسه زمان حل الگوریتم PSA-EM و NFL در مسائلی با تعداد گره‌های مختلف
۹۴	شکل ۴-۵ مقایسه زمان حل در الگوریتم PSA-EM با نرم‌افزار GAMS
۹۵	شکل ۵-۵ مقایسه زمان حل در الگوریتم NFL با نرم‌افزار GAMS

## چکیده

مسئله مسیریابی و سایل نقلیه یکی از قدیمی ترین و پر کاربردترین مسائل در زمینه تحقیق در عملیات است. این مسئله به دنبال جستجوی یک برنامه کارا برای ناوگان و سایل نقلیه است. در این مسئله، سایل نقلیه محموله ها را از یک ابزار مرکزی بارگیری کرده و بعد از تأمین تقاضای همه مشتریان به ابزار بازمی گردند، با این فرض که هر مشتری فقط یکبار ملاقات شود و محدودیت ظرفیت سایل نقلیه نقض نشود. مسئله مسیریابی و سایل نقلیه یک مسئله *NP-hard* است. با توجه به اینکه هزینه اجاره و خرید سایل نقلیه متفاوت می باشد و برخی شرکت ها قادرند سایل نقلیه را مناسب با نیاز خود خریداری یا اجاره کنند، در این پژوهش فرض خرید یا اجاره و سایل نقلیه در مسیریابی مطرح شده است، چرا که تصمیم بر اجاره یا خرید سایل نقلیه بر نحوه شکل گیری مسیرها اثرگذار است. بنابراین با اعمال این فرض در مسئله مسیریابی و سایل نقلیه با محدودیت ظرفیت، مدل جدیدی با درنظر گیری ارزش زمانی پول برای این مسئله ارائه شده است. سپس دو روش حل شامل الگوریتم جهش قورباغه و الگوریتم ترکیبی شبیه سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس ارائه شده است. طبق مقایسه عملکرد دو الگوریتم در شرایط متفاوت، الگوریتم ترکیبی شبیه سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس از نظر زمان محاسباتی و کیفیت جواب ها از عملکرد بهتری نسبت به الگوریتم جهش قورباغه برخوردار است.

کلمات کلیدی: ۱- مسیریابی و سایل نقلیه با محدودیت ظرفیت ۲- خرید و سایل نقلیه ۳- اجاره و سایل نقلیه ۴- الگوریتم جهش قورباغه ۵- الگوریتم ترکیبی شبیه سازی تبرید موازی-الکترومغناطیس

## فصل اول

### مقدمه

حمل و نقل در سیستم‌های اقتصادی اعم از تولیدی و خدماتی از جایگاه مهمی برخوردار است و بخش قابل

توجهی از تولید ناخالص ملی هر کشور را به خود اختصاص می‌دهد. بهمین جهت محققان نسبت به بهبود مسیرها و حذف سفرهای غیر ضروری و یا ایجاد مسیرهای کوتاه جایگزین، اقدام نموده‌اند. مدیران و سرمایه‌گذاران نیز همواره در جستجوی راهکاری برای حذف یا کاهش حمل و نقل و هزینه‌های مرتبط با آن هستند بدون اینکه خللی به بخش‌های دیگر سیستم و کارایی مرتبط با آن وارد شود. یکی از مسائل مهم در حمل و نقل کالا از مراکز توزیع به نقاط تقاضا این است که چگونه کالا را با کمترین هزینه و بیشترین سطح رضایت به مشتری تحویل دهیم. بنابراین توزیع کالا از انبار مرکزی به مشتریان نیز یک مسئله‌ی چالش‌برانگیز در مدیریت توزیع است و حل اثربخش مسئله‌ی مسیریابی وسایل نقلیه در یک شبکه توزیع، منجر به افزایش سطح رضایت مشتری و کاهش قابل توجه کل هزینه‌ی جابجایی می‌گردد. به عبارت دیگر تصمیمات بهتر در زمینه‌ی مسیریابی موجب افزایش کارآمدی یک شبکه‌ی توزیع و در نتیجه افزایش رقابت‌پذیری در بازار می‌گردد که این موضوع در قالب مسئله مسیریابی وسایل نقلیه<sup>۱</sup> (VRP) مطرح می‌گردد و در ادامه به معرفی آن پرداخته می‌شود.

---

<sup>۱</sup> Vehicle Routing Problem

## ۲-۱ کلیات مسأله

مسأله‌ی مسیریابی و سایل نقلیه (VRP) یکی از قدیمی‌ترین و پرکاربردترین مسائل در زمینه‌ی توزیع و لجستیک است. این مسأله به دنبال جستجوی یک برنامه‌ی بهینه برای وسایل نقلیه است که در این برنامه هر وسیله، محموله را از انبار بارگیری می‌کند و آن را به مشتریان که در مناطق جغرافیایی مختلف قرار دارند، تحویل می‌دهد و پس از تحویل کالاها دوباره به انبار بر می‌گردد؛ به طوری که تمام محدودیت‌های مسأله نظری حداکثر ظرفیت وسیله، پاسخگویی به تمامی تقاضاها و سایر محدودیت‌های موجود در مسأله رعایت گردد و تابع هدف مسأله نیز به سمت بهینگی حرکت کند. بدین صورت مجموعه مسیرهایی را برای وسایل نقلیه تعیین می‌کند که وسایل مشخص شده با حرکت از آن مسیرها، مشتریان را سرویس دهی می‌کنند. توابع هدف مختلفی برای مسأله مسیریابی در نظر گرفته می‌شود که برخی از آن‌ها عبارتند از [۱] :

- مینیمم کردن هزینه‌ی کل
- مینیمم کردن تعداد وسایل نقلیه برای سرویس دهی
- تعدیل مسیرها از لحاظ زمان سفر و حجم وسیله نقلیه
- مینیمم کردن جریمه‌های وابسته به خدمات مشتریان
- یا ترکیبی از اهداف فوق.

به دلیل متفاوت بودن شرایط و مقتضیات مسائل از یک مجموعه به مجموعه دیگر، اهداف و قیود بسیار متنوعی برای این مسأله مطرح است که با توجه به شرایط موجود در مسأله، انواع مختلف مسأله مسیریابی و سایل نقلیه تعریف می‌شود. هر کدام از این مسائل یا ترکیبی از آن‌ها نیز می‌تواند مسائل مستقلی را تشکیل دهند که قابل انطباق با مسائل دنیای واقعی باشند.

مسأله VRP به عنوان یک مسأله بهینه‌سازی ترکیبی در حمل و نقل شناخته شده‌است و اثبات شده که یک مسأله *NP-hard* می‌باشد [۲]. از این‌رو در اغلب پژوهش‌ها برای حل مسائل مسیریابی از روش‌های ابتکاری و فراترکاری استفاده شده‌است.

## ۳-۱ اهمیت موضوع تحقیق

حمل و نقل یکی از بخش‌های مهم و عمده از اقتصاد هر کشور به شمار می‌رود و یکی از مهمترین بخش‌های تشکیل‌دهنده‌ی هزینه‌ی تمام‌شده محصولات نهایی است. توسعه‌ی روزافزون شهرنشینی، صنایع و به خصوص

صنایع توزیع، جابجایی انسان و کالا را به صورت مسئله‌ای درآورده است که پیچیدگی آن به صورت دائمی در حال افزایش است. رشد شهری باعث افزایش فرایندهای تقاضا در صنعت حمل و نقل شده است که به تبع آن، شهرها و صنایع بزرگ را دست به گربیان مشکلات زیادی در زمینه‌های تراکم ترافیکی، آلودگی هوا، اتلاف وقت طولانی در مسیر سفرهای روزانه‌ی افراد، افزایش مصرف سوخت، استهلاک وسایل نقلیه و همچنین روی آوردن دولت به برنامه‌هایی نظیر طرح‌های محدودیت‌های ترافیکی کرده است. برای حل مشکلات ترافیکی و مسائل اقتصادی، اجتماعی و زیست محیطی ناشی از آن در شهرهای بزرگ، صنایع تولیدی و بخش خدمات شهرها نیاز به یک سیستم مجهز و کارآمد حمل و نقل دارند. توزیع یا جمع‌آوری کالا، جمع‌آوری زباله‌های جامد، تمیز کردن خیابان‌ها، مسیر حرکت اتوبوس‌ها، سرویس‌های مدارس، سیستم‌های dial-a-ride (مشتری با تلفن تقاضای خود را بیان کرده و محصول را در درب منزل به او تحویل می‌دهند) سیستم‌های توزیع و نگهداری پخش پول و سرویس‌های بانکی و جمع‌آوری ضایعات صنعتی از جمله مسائلی است که در این زمینه می‌توان به آن اشاره کرد. تعداد زیادی از کاربردهای دنیای واقعی در اروپا و امریکای شمالی وجود دارد که نشان می‌دهد، استفاده از روش‌های کامپیوتری برای برنامه‌ریزی فرآیند توزیع، معمولاً ۵٪ تا ۲۰٪ در هزینه‌های حمل و نقل جهانی صرفه‌جویی می‌کند و به سهولت می‌توان تأثیر عمده‌ی این صرفه‌جویی را بر سیستم اقتصاد جهانی مشاهده کرد [۱]. فرآیند حمل و نقل، تمامی مراحل سیستم تولید و توزیع را در برمی‌گیرد و معمولاً ۱۰٪ تا ۲۰٪ از هزینه‌ی نهایی کالاهای را تشکیل می‌دهد [۱]. در مدیریت حمل و نقل، نیازمندی به تهیه کالا یا سرویس از یک نقطه به نقاط جغرافیایی مختلف با مفهوم اقتصادی رضایت، حائز اهمیت است و به علت کاربردهای زیاد انواع مختلف مسئله مسیریابی وسایل نقلیه، محققان زیادی بر روی روش‌های حل این مسائل متمرکز شده‌اند. مدل‌های ارائه شده، نشان‌دهنده‌ی مشخصه‌های مسائل توزیع در کاربردهای جهان واقعی، الگوریتم‌های متناظر و اجراء‌ای کامپیوتری هستند.

یکی از نکات کلیدی در مسئله VRP، وسیله نقلیه است که با توجه به ویژگی‌های وسیله نقلیه، مسائل مختلفی در زمینه VRP می‌تواند مطرح شود. برخی از این ویژگی‌ها عبارتند از [۱]:

- نقطه پایان و نقطه شروع حرکت وسایل نقلیه متفاوت باشند یعنی خط سرویس در یک مرکزی غیر از مرکز (انبار) شروع، پایان یابد.
- ظرفیت وسایل نقلیه متفاوت باشند.
- نوع باری که وسایل نقلیه حمل می‌کنند، با یکدیگر متفاوت باشد.
- وسایل نقلیه، همگن یا ناهمگن باشند.
- حرکت از برخی کمان‌ها برای برخی وسایل میسر نباشد.

علاوه بر موارد فوق به ویژگی زیر نیز می‌توان اشاره کرد:

- وسایل نقلیه قابلیت خریدن یا اجاره شدن را داشته باشند.

طبق ادبیات بررسی شده تاکنون در اکثر مسائل VRP، فرض بر این بوده که شرکت توزیع کننده‌ی کالا، وسایل حمل و نقل مورد نیاز خود را خریداری می‌کند و مالک آن وسایل است، اما برای برخی از شرکت‌ها این امکان وجود دارد که وسایل حمل و نقل موردنیاز خود را اجاره کنند، چراکه سرویس‌دهی مسیرها همیشه یکسان نیست و بنابراین مشتریان و تقاضاهای مختلف، برخی مسیرها همواره سرویس‌دهی می‌شوند و برخی دیگر چند دوره یکبار یا طبق یک برنامه زمانی معین سرویس داده می‌شوند و برخی با فواصل زمانی زیاد و به ندرت سرویس‌دهی می‌شوند. همچنین مقدار استفاده از یک دارایی مانند وسیله نقلیه، نقش تعیین کننده‌ای در تصمیم بر خرید یا اجاره آن دارد که این موضوع بر هزینه‌ی کل حمل و نقل مؤثر است، به عبارت دیگر معمولاً برای استفاده‌های محدود و مقادیر اندک مسافت یا فواصل کم و یا زمان‌های کوتاه، اجاره کردن وسیله و برای استفاده با مقادیر و زمان‌های زیاد، خرید وسیله به صرفه‌تر است. به علاوه هزینه‌ی خرید وسایل نقلیه با هزینه‌ی اجاره آن‌ها متفاوت است و خرید وسایل نقلیه هزینه‌هایی از جمله هزینه‌ی نگهداری و تعمیرات، هزینه‌ی ثبت، هزینه‌ی بیمه، مالیات، استهلاک وسایل و .... را به دنبال دارد. در نتیجه این سوال مطرح می‌شود که با توجه به افق برنامه‌ریزی چه تعدادی از وسایل نقلیه را باید خرید و چه تعدادی را اجاره کرد تا هزینه‌ی کمتری به بار آید؟

در حقیقت، خریدن یا اجاره کردن وسایل نقلیه موضوعی است که اثر بسزایی بر هزینه‌های حمل و نقل دارد و در جهان واقع نیز با این مسئله زیاد مواجه می‌شویم. در این زمینه، تصمیم‌گیری مناسب در مورد خرید یا اجاره‌ی وسایل نقلیه با توجه به هزینه‌های مرتبط با آن و نیازهای مشتری می‌تواند به شیوه‌ی کارایی در کاهش هزینه‌ها اثرگذار باشد. به علاوه معمولاً در مسائل VRP فقط هزینه‌های مربوط به مسیرها در نظر گرفته می‌شود و تحلیل‌های مالی مرتبط با ناوگان حمل و نقل به طور مستقل انجام می‌گیرد. از آنجا که دو مورد فوق در تعامل و تقابل هستند و بر یکدیگر اثرگذارند، در نظر گیری همزمان آن‌ها و کاهش هزینه‌های کلی می‌تواند کارایی بیشتر برنامه‌ریزی حمل و نقل را به دنبال داشته باشد، لذا در نظر گیری کل هزینه‌های مرتبط با حمل و نقل موجب ارتقاء کارایی برنامه‌ریزی توزیع به بهترین وجه می‌شود.

## ۱-۴ بیان اهداف تحقیق

هدف این پایان نامه، وارد کردن تصمیم‌گیری در مورد خرید یا اجاره‌ی وسایل نقلیه در VRP است و CVRP<sup>۱</sup> را با این فرض که برخی وسایل می‌توانند اجاره شوند و برخی می‌توانند خریداری شوند، مدل‌سازی کرده، بر اساس مدل جدید مشخص می‌شود برای هر وسیله نقلیه استفاده شده در یک تور، خرید آن بهتر است یا اجاره‌ی آن وسیله تا هزینه کل حمل و نقل حداقل شود. همچنین روش حل‌های مناسبی نیز برای این مسئله معرفی شود و عملکرد آن‌ها مورد بررسی قرار گیرد.

در مسائل و مدل‌های VRP همواره این فرض برقرار بوده که وسایل نقلیه‌ی مورد نیاز جهت توزیع کالا، خریداری می‌شوند و به صورت آماده قابل استفاده و در دسترس‌اند. اما چنانچه اشاره شد با توجه به هزینه‌های وسایل نقلیه و نحوه خدمت‌رسانی به مشتریان و نیاز آن‌ها، در نظر گیری نحوه تأمین وسایل نقلیه نقش مؤثری در هزینه‌های کل دارد و در عمل تهیه ناوگان حمل و نقل از هزینه‌های درخور توجهی برخوردار است که این هزینه‌ها در ارتباط مستقیم با هزینه‌های مربوط به مسیریابی و حمل و نقل است. خرید یا اجاره، دو مورد از روش‌های عملده‌ی تهیه ناوگان حمل و نقل می‌باشد. لذا هدف ما در پایان نامه این است که تصمیم‌گیری در مورد خرید یا اجاره‌ی وسایل نقلیه را در مدل CVRP که یکی از مدل‌های معروف و بسیار کاربردی از VRP است، وارد کنیم و کل هزینه‌های حمل و نقل اعم از هزینه‌های مربوط به مسیریابی و هزینه‌های مربوط به تدارک ناوگان را باهم در نظر گیریم و ضمن مدل‌سازی مسئله، مشخص کنیم وسایل نقلیه‌ی کدام مسیرها خریداری و وسایل نقلیه کدام مسیرها اجاره شوند تا هزینه‌ی کمتری در کل بهار آید. برای این امر با توجه به اینکه هزینه خرید در زمان فعلی اتفاق می‌افتد و هزینه اجاره در دوره‌های مختلف در افق برنامه‌ریزی پیش می‌آید، لازم است ارزش زمانی پول وارد مسئله شود. به عبارت دیگر در این پایان نامه، به دنبال آن هستیم که هزینه‌های تأمین وسایل نقلیه و هزینه‌های مرتبط با مسیریابی را همزمان با در نظر گیری ارزش زمانی پول و فاکتورهای مربوط به آن کمینه کنیم. به علاوه از آنجا که مسئله پایه NP-hard می‌باشد [۲]، برای حل مسئله پیشنهادی نیز از روش‌های فرآیندکاری استفاده می‌کنیم. روش‌های حل مسئله در دو حوزه زیر طراحی شده‌اند:

- ✓ طراحی روشهای کارا برای پیدا کردن جواب‌های نزدیک به بهینه بر مبنای الگوریتم جهش قورباغه
- ✓ طراحی روشهای کارا برای پیدا کردن جواب‌های نزدیک به بهینه بر مبنای الگوریتم ترکیبی شبیه‌سازی تبرید موازی و الکترومغناطیس

---

<sup>۱</sup> Capacitated VRP

## ۱-۵ معرفی ساختار تحقیق

ساختار این پژوهش در ادامه بدین صورت است، در فصل دوم به بیان مفاهیم و تعاریف مسئله مسیریابی وسایل نقلیه می‌پردازیم و انواع اصلی این مسئله را بر اساس یک دسته‌بندی منسجم بیان می‌کنیم. سپس به مرور ادبیات موضوع و تاریخچه‌ای از مطالعات انجام شده در زمینه‌ی مسئله موردنظر می‌پردازیم. در فصل سوم، مسئله CVRP را با توجه به حالت خرید یا اجاره وسایل نقلیه درنظر می‌گیریم و مدل جدید مسئله را ارائه می‌کنیم. در فصل چهارم نیز روش‌های حل توسعه یافته برای مسئله موردنظر به تفصیل بیان می‌شود و در فصل پنجم به بررسی نتایج محاسباتی و تحلیل محاسباتی دو الگوریتم می‌پردازیم. در پایان، در فصل ششم نتیجه‌گیری و پیشنهادات برای مطالعات آتی را بیان می‌کنیم.

## **فصل دوم**

### **کلیات مسأله مسیریابی و سایل نقلیه**

#### **۱-۲ مقدمه**

در این فصل به بیان کلیات مسأله مسیریابی و سایل نقلیه می‌پردازیم. تعاریف و مفاهیم اصلی در مسأله مسیریابی و سایل نقلیه را بیان کرده و انواع اصلی این مسأله را معرفی می‌کنیم. پس از آن به مرور ادبیات مسأله موردنظر یعنی CVRP می‌پردازیم.

#### **۲-۲ تعریف مسأله**

مسأله‌ی مسیریابی و سایل نقلیه، یکی از پرکاربردترین مسائل موجود در صنایع جهان است که دانشمندانگ و رامسر این مسأله را در ۱۹۵۹ مطرح کردند[۱]. در حقیقت مسأله‌ی مسیریابی و سایل نقلیه یکی از جذاب‌ترین موضوعات تحقیق در عملیات است که با تعیین مسیرهایی با حداقل هزینه از یک ابزار مرکزی به مجموعه‌ای از مشتریان در مکان‌های جغرافیایی مختلف، سرویس‌دهی می‌کند. این مسأله از دسته مسائل بهینه‌سازی ترکیبی در حمل و نقل است.

در این مسأله توزیع کالا در یک شبکه جاده‌ای و در یک دوره زمانی برای مشتریان انجام می‌شود، این امر توسط مجموعه و سایل نقلیه‌ای به انجام می‌رسد که در یک مرکز جا دارند. به این صورت که هر وسیله نقلیه مسیر

خود را از انبار آغاز کند و به آن ختم شود، به طوری که تمامی نیازمندی‌های مشتریان پاسخ داده شود و تمام محدودیت‌های عملی ارضاگردد و کل هزینه‌ی حمل و نقل کمینه شود[۱].

### ۳-۲ مسئله پایه VRP

در این مسئله، هدف یافتن مسیرهایی با حداقل هزینه است که بتوان با  $m$  وسیله نقلیه به  $n$  مشتری خدمت-رسانی کرد.

شبکه جاده‌ای که برای حمل کالا مورد استفاده قرار می‌گیرد، با گراف نشان داده می‌شود که در این گراف:

- گره‌ها، مکان‌های مشتریان و انبار را نشان می‌دهند.
- کمان‌ها، بخش‌های جاده‌ای یا خیابان‌ها هستند.
- خیابان‌های یک طرفه به صورت کمان‌های جهت‌دار می‌باشند و ماتریس هزینه آن‌ها نامتقارن است ولی خیابان‌های دو طرفه به صورت کمان‌های بدون جهت‌اند و ماتریس هزینه آن‌ها متقارن است.

گراف  $(V, A)$  را در نظر بگیرید که  $V = \{v_0, v_1, \dots, v_n\}$  مجموعه‌ی گره‌های این گراف است؛  $v_0$  در این مجموعه نمایانگر انبار مرکزی است که هر وسیله نقلیه، مسیر توزیع خود را از آنجا آغاز می‌کند و سایر گره‌های داخل مجموعه‌ی  $V$ ، نمایانگر مشتریان در مسیرهای توزیع هستند که نیاز به سرویس دهی دارند. مجموعه‌ی  $A = \{(v_i, v_j) ; i \neq j = 1, \dots, n\}$  نیز کمان‌های گراف را نشان می‌دهد که راه‌های ارتباطی بین مشتریان است. هر کمان  $(j-i)$  در شبکه، یک هزینه‌ی نامنفی  $c_{ij}$  و یک زمان نامنفی  $t_{ij}$  دارد. اگر بهارای تمامی کمان‌های موجود، مقادیر هزینه‌ی  $c_{ij}$  با مقادیر  $c_{ji}$  برابر باشد، مسئله موردنظر، مسیریابی و سایل نقلیه متقارن<sup>(۱)</sup> (SVRP) نامیده می‌شود و اگر این مقادیر برابر نباشند، مسیریابی و سایل نقلیه نامتقارن<sup>(۲)</sup> (AVRP) خواهد بود. به طور معمول، هزینه‌ی کمان‌ها با توجه به مسافت بین گره‌ها و بر اساس فاصله‌ی اقلیدسی محاسبه می‌شود. همچنین در اغلب موارد، ماتریس هزینه از نامساوی مثلثی پیروی می‌کند که این نامساوی در رابطه (۱-۲) آمده است[۱].

$$c_{ik} + c_{kj} \geq c_{ij} \quad \forall i, j, k \in V \quad (1-2)$$

---

<sup>۱</sup> Symmetric VRP

<sup>۲</sup> Asymmetric VRP

در هر مسأله‌ی پایه VRP، برای هر مشتری  $i$  یک تقاضای غیرمنفی  $d_i$  وجود دارد که باید پاسخ‌دهی شود. ظرفیت قابل حمل توسط هر وسیله ( $k$ ) نیز محدود است و با  $C_k$  نشان داده می‌شود، در این صورت که وسائل نقلیه متفاوت هستند، آن‌ها را ناهمگن خوانند. اگر همه‌ی وسائل یکسان باشند، ظرفیت آن‌ها نیز برابر و با  $C$  نشان داده می‌شود که در این صورت وسائل نقلیه را همگن گویند. این مسأله به‌دبیل یافتن مجموعه‌ای از  $k$  دور ساده است؛ هر دور متناظر با یک مسیر وسیله و با حداقل هزینه‌ی ممکن است که هزینه‌ی هر دور به‌صورت مجموع هزینه‌ی کمان‌های هر دور تعریف می‌شود. فرض‌های اولیه که در هر مدل پایه CVRP درنظر گرفته می‌شود، به این ترتیب است [۱]:

- مبدا و مقصد (گره  $v_0$ ) همه‌ی وسائل نقلیه یکسان است.
- هر مشتری فقط یکبار و تنها توسط یک وسیله نقلیه سرویس دهی می‌شود.
- هر مشتری  $i$  دارای یک تقاضای غیر منفی  $d_i$  است.
- یک مجموعه از  $K$  وسیله‌ی یکسان با ظرفیت یکسان  $C$  در انبار در دسترس است.
- مجموع تقاضای همه مشتریان روی مسیر طی شده توسط وسیله نقلیه  $k$  باید از ظرفیت وسیله نقلیه بیشتر باشد.

#### ۴-۲ پیچیدگی مسأله

مسأله‌ی VRP از دسته مسائل  $Np-hard$  است [۲]. پیچیدگی این مسأله به این دلیل است که شامل دو مسأله‌ی فروشنده دوره‌گرد (TSP)<sup>۱</sup> و مسأله‌ی بسته‌بندی (BPP<sup>۲</sup>) می‌باشد [۳، ۴]. از آنجا که TSP از رده مسائل  $NP$  می‌باشد و قابل تبدیل به مسأله VRP است، مسأله VRP حداقل به سختی مسأله TSP شناخته شده و hard می‌باشد. در مسأله VRP، با افزایش اندازه مسأله و تعداد محدودیت‌ها، حجم محاسبات به‌صورت نمایی افزایش می‌یابد؛ بنابراین بسیاری از مقالات از روش‌های ابتکاری و فراابتکاری برای حل این مسائل استفاده کرده‌اند.

#### ۵-۲ دسته‌بندی مسائل VRP

با توجه به خصوصیات و محدودیت‌های دنیای واقعی، در کنار حالت ساده‌ی VRP، انواع بسیاری از VRP را می‌توان درنظر گرفت. تعداد انبارها، نوع وسیله نقلیه، نیازمندی‌های مشتریان و نحوه‌ی پاسخ‌گویی به آن‌ها، هر

<sup>1</sup> Travel Salesman Problem

<sup>2</sup> Bin Packing Problem