

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ



وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
مؤسسه آموزش عالی سجاد

پایان نامه کارشناسی ارشد برق - مخابرات سیستم

آنالیز مدل‌های کانالهای ازرمق افتادگی تک‌کاربره تک‌آنتی و ظرفیت آنها

تهیه و تنظیم:

ویدا فضیلت

استاد راهنما:

دکتر هدتنی

بهمن ماه 90

تقدیرم به

پدر، مادر عزیزم

که نیکب تمنع لذتی نندو عقل و مزاق را پیش خود نروده و جز رضای الهی و پیش مریت و

رعادت جامع، بدقی ندارند

.

.

.

و در نهایت من خواهم بگویم و می

نمی توانم معنایی بالاتر از تقدیر و تسکین بر زبانم جاری سازم و رپاس خود را در وصف

ارناده و اینها آدمی که هر چه گویم و سر میم، کم گفته ام

در این پایان نامه کانالهای ازرمق افتادگی مرکب را که در آن پدیده سایه و ازرمق افتادگی چندمسیره همزمان با هم اتفاق می افتد مورد بررسی قرار می دهیم. توزیع های احتمالاتی ناکاگامی، رایلی، رایس به خوبی می توانند ازرمق افتادگی چند مسیره را مدل کنند و پدیده سایه را نیز عموماً با توزیع نرمال لگاریتمی مدل می کنند. تلاش هایی در مدل کردن همزمان ازرمق افتادگی و سایه با استفاده از توزیع رایلی - نرمال لگاریتمی یا توزیع سوزکی صورت گرفته است ولی با استفاده از چنین توزیع هایی، نمی توان عبارت شکل بسته ای از تابع چگالی احتمال سیگنال دریافتی بدست آورد و از این رو محاسبه معیارهایی چون نسبت خطای بیت و احتمال وقفه و ظرفیت وقفه را مشکل می سازد. به عنوان جایگزینی برای مدل نرمال لگاریتمی، استفاده از توزیع گاما برای مدل کردن ازرمق افتادگی مقیاس بزرگ پیشنهاد شده است. نتایج عددی و همینطور شبیه سازی هایی که در این پایان نامه صورت گرفته است نشان می دهد که این توزیع به خوبی می تواند توزیع نرمال لگاریتمی را تقریب بزند. اگر از توزیع گاما در مدل کردن توزیع ناکاگامی استفاده کنیم می توانیم به یک عبارت شکل بسته برای تابع چگالی احتمال ازرمق افتادگی مرکب که به مدل تعمیم یافته K شناخته شده است دست یابیم. با این حال، بیشتر مشتقاتی که از PDF تعمیم یافته -K استفاده می کنند کم و بیش با پیچیدگی های محاسباتی و تحلیلی روبرو هستند. با توجه به این موضوع، در این پایان نامه، با استناد به نوشته های موجود، تقریبی از PDF تعمیم یافته -K نیز با استفاده از PDF گاما معرفی شده است که برای تقریب از روش تطبیق ممان استفاده می کند. به موجب آن می توان شکل نرم تری از یک عبارت ریاضی در نوشته ها معرفی کرد که از تطبیق اولین دو ممان مثبت بدست می آید و می تواند بر محدودیت های تحلیلی و یا نتایج عددی ناشی از تطبیق ممان مرتبه بالاتر غلبه کند. از این تقریب ها، در ارائه عبارات شکل بسته ای برای معیارهای مهمی چون ظرفیت وقفه، احتمال وقفه و نسبت خطای بیت استفاده می شود که در تحلیل عملکرد سیستم های مخابراتی بکار می رود. نتایج شبیه سازی انجام شده در این پایان نامه صحت و تقریب خوب این روشهای تقریب زنده را تایید می کند.

کلمات کلیدی: ازرمق افتادگی، سایه، ازرمق افتادگی مرکب، توزیع نرمال لگاریتمی، توزیع گاما، تطبیق ممان، ظرفیت وقفه

فهرست مطالب

صفحه	عنوان
IX	فصل اول
IX	مقدمه
XIII	فصل دوم
XIII	معرفی کانال ازرمق افتادگی
XIV	1-2- مقدمه
XIV	2-2- مفاهیم اولیه
XV	3-2- ازرمق افتادگی مقیاس بزرگ یا بلند مدت
XVI	4-2- ازرمق افتادگی مقیاس کوچک یا کوتاه مدت
XVI	5-2- انتشار چند مسیره
XVII	6-2- ازرمق افتادگی رایلی و رایس
XVII	7-2- مدل سازی کانال بی سیم
XIX	8-2- توزیع های احتمالاتی
XIX	1-8-2- توزیع رایس
XX	2-8-2- توزیع رایلی
XX	3-8-2- توزیع ناکاگامی
XXI	فصل سوم
XXI	کاربرد PDF گاما در مدل کردن ازرمق افتادگی سایه
XXII	1-3- مقدمه
XXII	2-3- واقعیات تئوری

XXIII.....	3-3 مقایسه PDF نرمال لگاریتمی و تقریب گاما
XXVIII	4-3 کاربردهای PDF گاما
XXVIII	1-4-3 جایگزینی با PDF رایلی - نرمال لگاریتمی
XXIX	2-4-3 جایگزینی برای PDF ناکاگامی -نرمال لگاریتمی
XXIX	3-4-3 جایگزینی برای PDF های نرمال لگاریتمی -نرمال لگاریتمی,نرمال لگاریتمی -گاما
XXX.....	فصل چهارم
XXX.....	کانالهای ازرمق افتادگی مرکب
XXXI	1-4 مقدمه
XXXI	2-4 مدل سازی کانال ازرمق افتادگی مرکب
XXXV	3-4 تابع چگالی احتمال برای SNR در کانال از رمق افتادگی ناکاگامی -m سایه شده گاما
XXXV	4-4- تابع چگالی احتمال برای نسبت سیگنال به تداخل
XXXVII	5-4- تقریب PDF متغیر تصادفی تعمیم یافته - k با استفاده از روش تطبیق ممان
XLIX.....	6-4- روش تطبیق ممان با استفاده از تعدیل پارامتر
LI.....	7-4- تقریب PDF مجموع متغیرهای تصادفی تعمیم یافته - K مستقل
LIV.....	8-4- کاربردها
LIV.....	1-8-4- احتمال وقفه
LV.....	2-8-4- ظرفیت ظرفیت کانالهای ازرمق افتاده
LV.....	3-8-4- ظرفیت وقفه کانالهای تک ورودی تک خروجی
LVI.....	3-8-4- نسبت خطای بیت
LVI.....	4-8-4- ظرفیت ارگودیک کانالهای تک ورودی چند خروجی (SIMO)
LX	فصل پنجم

LX	نتیجه گیری و پیشنهادات
LXI	1-5- نتیجه گیری
LXI	2-5- پیشنهادات

فهرست اشکال

صفحه	عنوان
XXV	شکل 3-1: مقایسه PDF نرمال لگاریتمی با PDF گاما به ازای $ms = 7.5$ و $\sigma dB = 0.3569dB$
XXV	شکل 3-2: مقایسه PDF نرمال لگاریتمی با PDF گاما به ازای $ms = 2.5$ و $\sigma dB = 0.58715dB$
	شکل 3-3: مقایسه PDF نرمال لگاریتمی با PDF گاما به ازای $ms = 1.5$ و $\sigma dB = 0.73682dB$
XXVI	
	شکل 3-4: مقایسه PDF نرمال لگاریتمی با PDF گاما به ازای $ms = 1.1$ و $\sigma dB = 0.81741dB$
XXVI	
	شکل 3-5: مقایسه PDF نرمال لگاریتمی با PDF گاما به ازای $ms = 0.9$ و $\sigma dB = 0.88648dB$
XXVII	
	شکل 3-6: مقایسه PDF نرمال لگاریتمی با PDF گاما به ازای $ms = 0.5$ و $\sigma dB = 1.0707dB$
XXVII	
XXXIV	شکل 4-1: تابع چگالی احتمال $p(\mu c/\Omega s)$ برای $m = 1$ و $ms = 0.6, 1, 2, 5, 15, \infty$
XXXIV	شکل 4-2: تابع چگالی احتمال $p(\mu c/\Omega s)$ برای $ms = 0.6$ و مقادیر متغیر m
XXXV	شکل 4-3: تابع چگالی احتمال $f(\rho\rho_0)$ برای $m = 2$ و $ms = 1, 1.2, 2, 5, 15, \infty$
	شکل 4-4: تابع چگالی احتمال $g(\Lambda/(\rho_0\rho_01))$ برای $m=1$ و $m1 = 0.9$ و به ازای $ms = ms1$
XXXVII	1, 2, 10, ∞

- شکل 4-5: کران پایینی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان به ازای $ms = 2.5$ و $mm = 2.5$ XLIII
- شکل 4-6: کران پایینی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 2.5$ و $mm = 2.5$ XLIII
- شکل 4-7: کران بالایی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته k و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 2.5$ و $mm = 2.5$ XLIV
- شکل 4-8: کران بالایی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته k و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 2.5$ و $mm = 2.5$ XLIV
- شکل 4-9: کران پایینی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 4$ و $mm = 7$ XLV
- شکل 4-10: کران پایینی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 4$ و $mm = 7$ XLV
- شکل 4-11: کران بالایی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 4$ و $mm = 7$ XLVI
- شکل 4-12: کران بالایی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 4$ و $mm = 7$ XLVI
- شکل 4-13: کران پایینی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 10$ و $mm = 10$ XLVII
- شکل 4-14: کران پایینی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 10$ و $mm = 10$ XLVII
- شکل 4-15: کران بالایی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 10$ و $mm = 10$ XLVIII
- شکل 4-16: کران بالایی CDF لگاریتمی - لگاریتمی متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما با استفاده از روش تطبیق ممان $ms = 10$ و $mm = 10$ XLVIII

شکل 4-19: نمودار تنظیم پارامتری که قدر مطلق بین توزیع تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما را حول همه

CDF ها می نیمم می کند. L.....

شکل 4-20: نمودار تنظیم پارامتری که قدر مطلق بین توزیع تعمیم یافته K و تقریب زننده گاما را در کران پایینی

CDF می نیمم می کند. L.....

شکل 4-20: نمودار ظرفیت ارگودیک کانال از رمق افتاده راییلی با و بدون سایه LVIII.....

شکل 4-21: نمودار ظرفیت ارگودیک کانال ناکاگامی سایه شده با $ms = 1.0931$, $mm = 2$ به ازای $N=1$

و $N=4$ LVIII.....

فصل اول

مقدمه

مقدمه

کانال انتشار که بستر عبور سیگنال برای سیستم‌های مخابراتی بی‌سیم محسوب می‌شود ماهیت متغیر با زمان دارد. این مشخصه هم از ماهیت ذاتی کانال انتشار، به دلیل تغییر لایه یونسفر نشأت گرفته است و هم می‌تواند متأثر از تغییرات فرستنده گیرنده نسبت به هم باشد. موانع موجود طبیعی یا مصنوعی نیز در تغییر شرایط کانال انتشار، نسبت به زمان نیز تاثیر دارند. مشخصه تمامی این عوامل در تغییر پذیر کردن کانال، غیر قابل پیش بینی بودن آنهاست که به تبع آن رفتاری تصادفی به کانال می‌بخشد. این رفتار تصادفی که به بیان ساده‌تر کانال را تصادفی می‌کند مانند یک تابع تبدیل تاثیرش را بر روی ورودی‌های خود از جمله سیگنال‌های عبوری در کانال انتشار خواهد گذاشت و به دنبال آن پارامترهای یک سیگنال از جمله سطح توان سیگنال، پوش سیگنال، و یا فرکانس سیگنال در این کانال می‌تواند دستخوش تغییراتی شود. توان دریافتی در گیرنده در یک سیستم بی‌سیم نه تنها با فاصله‌ی بین فرستنده و گیرنده ارتباط ندارد بلکه تحت تاثیر تغییرات کانال می‌توان به سه پدیده‌ی مختلف که عواملی جداگانه‌ای در بوجود آمدن آنها نقش دارند تقسیم بندی کرد. سه پدیده مذکور تلفات مسیر، سایه و ازرمق افتادگی هستند. میزان تلفات

مسیر به فاصله بین فرسند و گیرنده بستگی دارد عوامل محیطی و تشعشعات اتلافی فرسند نیز در این افت توان، نقش دارد. موانع موجود بین فرسند و گیرنده نیز عامل ایجاد پدیده سایه و اصطلاحاً سایه افتادگی بر روی سیگنال است. تعبیر سایه افتادگی از آنجا نشأت می گیرد که گیرنده، فرسند را در دید مستقیم خود نمی بیند و اصطلاحاً در مسیری غیر مستقیم، سیگنال به گیرنده می رسد و موانع موجود در مسیر، عامل این سایه روی سیگنال و مانع دید گیرنده خواهند بود که حاصل آن تضعیف سطح توان سیگنال خواهد بود. دور از ذهن نیست که پدیده سایه را در مخابرات بی سیم امری دائمی تلقی کنیم چرا که مخابره بی سیم سیگنالها بین فرسند و گیرنده اصولاً در مسافت های بلند معنا پیدا می کند و در این مسافتها، فراهم کردن بستری که گیرنده را مستقیماً در مسیر فرسند قرار دهد ساده نیست. با بررسی های تجربی و تحلیل نتایج عددی که از تاثیراتی که پدیده سایه بر روی سیگنال می گذارد بدست آمده است و با کمک گرفتن از توزیع احتمالاتی که در مدل کردن پدیده های طبیعی بکار می روند در نهایت پدیده سایه را با توزیع نرمال لگاریتمی مدل می کند. به این معنا که تغییرات ایجاد شده بر روی لگاریتم سیگنال، توزیع نرمال دارد و از این رو با توزیع نرمال لگاریتمی مدل می کنند. پدیده سومی که بر روی پارامترهای سیگنال در کانال تاثیر گذار است ازرمق افتادگی چند مسیره است که در اینجا نیز به مانند پدیده سایه موانع موجود در مسیر عامل ایجاد این پدیده در کانال هستند به گونه ای که در اثر این موانع ممکن است که سیگنال بر اثر برخورد با آنها، از مسیرهای مختلف به گیرنده برسد ولی بر خلاف سایه افتادگی این پدیده مستقل از فاصله بین فرسند و گیرنده است. تعبیری چون ازرمق افتادگی مقیاس کوچک نیز برای این پدیده نیز بکار می رود. برخلاف پدیده سایه، ازرمق افتادگی را تنها با یک توزیع نمی توان مدل کرد و بسته به اینکه فرسند و گیرنده در دید مستقیم هم باشند یا نباشند توزیع های مختلفی برای آن وجود دارد. توزیع رایس برای حالتی که فرسند و گیرنده در دید مستقیم باشند و رایلی برای حالتی که در دید مستقیم نباشند توزیع های مناسب در مدل کردن ازرمق افتادگی چند مسیره است. این مباحث به طور اجمالی در فصل دوم بررسی خواهند شد. از آنچه گفته شد می توان نتیجه گرفت که در حالت دید مستقیم فرسند و گیرنده، با اینکه با پدیده سایه مواجه نیستیم ولی سیگنال از مقوله ازرمق افتادگی در امان نیست و در دید غیر مستقیم نیز، هر دو پدیده بر روی سیگنال تاثیرگذار خواهند بود از این رو در کانال های بی سیم، پدیده ازرمق افتادگی چند مسیره و سایه، همزمان با هم اتفاق می افتد که در این صورت منجر به ایجاد پدیده ای به نام ازرمق افتادگی مرکب می شوند. در عین حال کار با مدل های ازرمق افتادگی مرکبی که بر اساس توزیع نرمال لگاریتمی بیان می شوند، ساده نیست. به بیان دیگر از روی عبارت ریاضی توصیف کننده این توزیع، به سادگی نمی توان اقتباس های دیگری از آن رابطه بدست آورد و عبارات عموماً شکل انتگرالی داشته و ساده پذیر نیستند. اصطلاحاً گفته می شود که این توزیع عبارت شکل بسته ای از PDF توان سیگنال دریافتی را به ما نمی دهد که به موجب آن نیز نمی توان عبارات تحلیلی بیشتری از این PDF را بدست آورد. برای یافتن جایگزینی برای این توزیع بدیهی است که بایستی توزیعی را بیابیم که در درجه اول بتواند رفتار نرمال لگاریتمی را مدل کند و به اصطلاح آن توزیع را به

خوبی تقریب بزند و البته شکل ساده‌تری نیز داشته باشد. از این رو به منظور مدل کردن متغیر تصادفی توان متوسط که متأثر از پدیده سایه ایجاد شده است، توزیع گاما پیشنهاد شده است که می‌تواند از رزمق‌افتادگی سایه را بسیار نزدیک به توزیع نرمال لگاریتمی تقریب بزند. از این رو می‌توان گفت که از PDF ناکاگامی در مدل کردن از رزمق‌افتادگی چند مسیره و از PDF گاما هم در مدل کردن سایه، در مخابرات بی‌سیم استفاده می‌کنیم. در همین راستا در فصل سوم این دو توزیع را با هم مقایسه کرده و با شبیه سازی این دو توزیع به ازای پارامترهای مختلف دقت توزیع گاما را مورد بررسی قرار می‌دهیم و در نهایت کاربردهایی که توزیع گاما به عنوان جایگزین برای توزیع نرمال لگاریتمی، می‌تواند داشته باشد را به اجمال معرفی می‌کنیم. با فرض اینکه از رزمق‌افتادگی چند مسیره و سایه از هم مستقل باشند و با بهره‌گیری از این واقعیت که مربع یک متغیر تصادفی ناکاگامی، دارای توزیع گاما است یک عبارت شکل بسته برای PDF از رزمق‌افتادگی مرکب بدست می‌آید که این PDF را به نام PDF تعمیم یافته K یا با نام PDF گاما گاما نیز می‌شناسیم. با این حال، در یافتن بیشتر مشتقاتی که از PDF تعمیم یافته K استفاده می‌کنند کم و بیش با پیچیدگی‌های محاسباتی و تحلیلی روبرو هستیم که این پیچیدگی‌ها هم، به علت توابع خاصی است که در آن محاسبات استفاده شده است. در فصل چهارم، با استفاده از خانواده PDF گاما، تقریبی از PDF تعمیم یافته K ، را به استناد از نوشته‌های موجود معرفی خواهیم کرد. به موجب آن می‌توان یک شکل نرم از یک عبارت ریاضی پیشنهاد داد که از تطبیق اولین دو ممان مثبت بدست می‌آید تا بر محدودیت‌های تحلیلی و یا نتایج عددی ناشی از تطبیق گشتاور مرتبه بالاتر غلبه کند. نتایج شبیه‌سازی‌هایی که در این قسمت انجام دادیم دقت این روش را در تقریب کانال از رزمق‌افتادگی مرکب نشان می‌دهد. مقادیر بهینه از پارامترهای سایه و از رزمق‌افتادگی چند مسیره در اینجا داده شده است. علاوه بر این، روشی که در این پایان نامه بررسی شده است قابلیت آن را دارد که به خوبی، توزیعی از مجموع متغیرهای تصادفی تعمیم یافته K مستقل را با استفاده از توزیع گاما تقریب بزند که با استفاده از آن می‌توان برای معیارهای عملکرد سیستم‌های بی‌سیم مخابراتی نظیر نسبت خطای بیت، ظرفیت ارگودیک کانال، احتمال وقفه و غیره عبارات شکل بسته‌ای برای محاسبه راحتتر آن بدست آورد که در انتها با شبیه سازی یک کانال مخابراتی بی-سیم ظرفیت ارگودیک اینگونه کانال‌ها را در حضور و عدم حضور سایه محاسبه می‌کنیم.

فصل دوم

معرفی کانال ازرمق افتادگی

2-1- مقدمه

در سیستمهای مخابراتی بی سیم، اطلاعات بر روی سیگنال حامل مدوله می شوند و سپس از طریق کانال ارسال می شوند. عوامل مخرب در کانال انتشار باعث بوجود آمدن اختلال در سیگنال می شوند. در صورتی که فقط نویز در کانال وجود داشته باشد در ساده ترین حالت با کانال گوسی روبرو هستیم ولی اختلال کانال می تواند ترکیبی از نویز جمع شونده، پدیده ازرمق افتادگی¹ ضرب شونده و اعوجاج ناشی از پراکندگی زمانی² باشد که از این بین، در این فصل تنها مروری کلی بر پدیده ازرمق افتادگی خواهیم داشت. به این پدیده از آن جهت ازرمق افتادگی گویند

¹ Fading

² Time scattering

که سیگنال عبوری از کانال متأثر از چنین پدیده‌ای به طور کامل از بین نرفته بلکه تحت تاثیر عوامل غالباً محیطی، دامنه سیگنال تضعیف می‌شود. در بررسی پدیده ازرمق افتادگی با مفاهیم چون چند مسیری، مقیاس بزرگ، مقیاس کوچک و پدیده سایه روبرو هستیم که از این فصل استفاده کرده و این مفاهیم را به عنوان فصل باب فصل سوم که کانال های ازرمق افتادگی مرکب را که دو پدیده از رمق افتادگی چند مسیره و سایه را تواما با خود دارد را شرح می‌دهیم. جهت بررسی دقیقتر تاثیری که پدیده ازرمق افتادگی بر روی سیگنال موجود در محیط یا کانال انتشار می‌گذارد این پدیده را در تمامی ابعاد موجودش با توزیع‌هایی مدل می‌کنند که در این صورت مشخصات آماری که این توزیع‌ها دارد توصیف‌گر مشخصات کانال از رمق افتادگی خواهد بود. برای آشنا شدن با این مشخصات در ادامه این فصل به اجمال، بعضی از این توزیع‌ها مورد بررسی قرار خواهیم داد.

2-2- مفاهیم اولیه

مشخصات یک کانال بی‌سیم، به دلایلی چون وجود موانع و مسیرهای مختلف بین فرستنده و گیرنده، و همچنین سرعت نسبی فرستنده و گیرنده، با گذشت زمان تغییر می‌کند و این تغییرات از آن جهت که غیر قابل پیش بینی‌اند، کاملاً تصادفی هستند. تصادفی بودن کانال متعاقباً، تاثیرش را بر روی پارامترهایی از سیگنال مانند توان دریافتی سیگنال گیرنده خواهد گذاشت. توان دریافتی در گیرنده در یک سیستم بی‌سیم تنها با فاصله‌ی بین فرستنده و گیرنده ارتباط ندارد و تحت تاثیر تغییرات کانال می‌توان به سه پدیده‌ی مختلف که عواملی جداگانه‌ای در بوجود آمدن آنها نقش دارند تقسیم‌بندی کرد و در نهایت این پدیده‌ها بطور همزمان و بصورت جمع آثار، رفتار کانال بی‌سیم را تشکیل می‌دهند [1]. این پدیده‌ها شامل تلفات مسیر³، اثر سایه⁴، و اثر ازرمق افتادگی هستند.

تلفات مسیر، ناشی از اتلاف توان تشعشعی فرستنده است که این تلفات را بصورت تابعی از فاصله‌ی فرستنده و گیرنده مدل می‌کنند. و تاثیراتی که تلفات مسیر در توان سیگنال می‌گذارد در فواصلی در حدود 100 تا 1000 متر محسوس خواهد بود. تلفات مسیر در واقع متأثر از تلفات ذاتی در توان سیگنال و تأثیر محیط بر سیگنال می‌باشد و در طراحی یک سیستم می‌توان آن را از روی مدل‌های انتشار بدست آورد که یک عامل بسیار مهم در تحلیل و طراحی سیستم‌های مخابراتی محسوب و در اثر عوامل مختلفی از جمله تلفات در فضای آزاد ایجاد می‌شود. تلفات یا افت مسیر به برجستگی‌های زمین بسته به نوع محیط (شهری یا روستایی، نوع پوشش گیاهی)، نوع محیط انتشار (آب و هوای خشک یا مرطوب)، مسافت بین فرستنده و گیرنده، ارتفاع و موقعیت آنتن‌ها، و عوامل دیگر وابسته می‌باشد. لازم به ذکر است که محاسبه‌ی مقدار تلفات مسیر تنها برای موارد ساده‌ای چون انتشار در فضای آزاد امکان پذیر است [2].

³Path loss

⁴Shadowing

پدیده دیگر اثر سایه است که به دلیل موانع موجود بین فرستنده و گیرنده پدید می‌آید و باعث تضعیف توان سیگنال می‌شود. تاثیراتی را که پدیده سایه در توان سیگنال می‌گذارد در فواصلی تا حدود 10 تا 100 متر برای فضای باز و کمتر از آن در فضاهای سرپوشیده قابل رؤیت هستند.

یکی از مسائلی که ارتباطات بی سیمی را جالب و چالش انگیز می‌کند که در ارتباطات خطوط سیمی قابل توجه و مهم نیست، پدیده ازرمق افتادگی می‌باشد. در حالی که طبق گفته‌ها ازرمق افتادگی به عنوان یک نویز ختشی شده مشاهده می‌شود، نتایج اخیر نشان می‌دهد که ازرمق افتادگی در حقیقت می‌تواند مفید و بهره‌مند هم باشد.

پدیده ازرمق افتادگی نیز، از بین رفتن توان سیگنال ارسالی در مسیر و یا زیاد شدن احتمال خطا است. پدیده ازرمق افتادگی عموماً متغیر با زمان است یعنی از یک فاصله زمانی تا فاصله زمانی دیگر تغییر می‌کند.

بر اساس اینکه ازرمق افتادگی مربوط به افت مسیر باشد و یا اینکه مربوط به اعوجاج چند مسیر باشد، به دو دسته کلی تقسیم می‌شود که عبارتند از:

● ازرمق افتادگی مقیاس بزرگ

● ازرمق افتادگی مقیاس کوچک

2-3- ازرمق افتادگی مقیاس بزرگ یا بلند مدت

موانع مختلف بین فرستنده و گیرنده، مانند ساختمانها، درختان، کوهها و... مانع از ارتباط مستقیم بین فرستنده و گیرنده می‌شوند و متوسط سطح سیگنال را تضعیف می‌کنند و پدیده‌ای تحت عنوان سایه افتادگی را بوجود می‌آورند. این پدیده باعث تغییراتی در سطح سیگنال می‌شود که وابسته به فاصله بین فرستنده و گیرنده است. مقدار متوسط این ازرمق افتادگی دارای توزیع نرمال لگاریتمی⁵ است به عبارت دیگر لگاریتم سیگنال از رمق افتادگی دارای توزیع نرمال است. بر این اساس به این نوع ازرمق افتادگی، از رمق افتادگی نرمال لگاریتمی گفته می‌شود.

2-4- ازرمق افتادگی مقیاس کوچک یا کوتاه مدت

ازرمق افتادگی مقیاس کوچک ناشی از انتشار چند مسیر بوده و مستقل از فاصله بین فرستنده و گیرنده است از این رو به این نوع ازرمق افتادگی، ازرمق افتادگی چند مسیر نیز می‌گویند. امواج رادیویی ممکن است با برخورد به دیوارها، ساختمانها و... منعکس شوند. انعکاس از مسیرهای مختلف پدیده انتشار چند مسیر را بوجود می‌آورد یعنی سیگنال و انعکاسهای آن از مسیرهای مختلف به گیرنده می‌رسند. این سیگنالها چون مسیرها متفاوتی را طی می‌کنند، دچار تاخیرهای مختلفی نیز خواهند شد بنابراین برآیند سیگنالها می‌تواند تضعیف، تقویت یا صفر شود و در

⁵ Lognormal

یک سیستم متغیر با زمان باعث نوسانات دامنه در گیرنده شود. به عبارت دیگر در کانالهای متغیر با زمان، در فواصل کوتاه، دامنه سیگنال می‌تواند افزایش یا کاهش یابد و این تغییرات تحت عنوان ازرمق افتادگی کوتاه مدت یا ازرمق افتادگی سریع نیز شناخته می‌شود. براساس اینکه گیرنده و فرستنده در دید مستقیم⁶ باشند و یا نباشند و در نتیجه آن، شدت سیگنالهای رسیده به گیرنده از مسیرهای مختلف یکسان باشد و یا اینکه یکی از سیگنالها غالب باشد، تابع توزیع ازرمق افتادگی کوتاه مدت متفاوت خواهد بود و به دو دسته ازرمق افتادگی رایلی⁷ و رایس⁸ تقسیم می‌شود. آنچه که بیان شد را اینگونه می‌توان خلاصه کرد که به تغییرات ناشی از افت مسیر و نیز اثر سایه، اثرات انتشاری "مقیاس بزرگ"⁹ گویند. در مقابل این اثر، مفهوم "مقیاس کوچک"¹⁰ معرفی شده است که در جابجایی‌های بسیار کوچک در حدود طول موج سیگنال، تغییراتی را در سطح توان سیگنال دریافتی در گیرنده ایجاد می‌کند. این تغییرات سریع در اثر ترکیب سازنده و یا مخرب مؤلفه‌های سیگنال رسیده از مسیرهای مختلف، ناشی شده است و همانطور که گفته شد به اثر چند مسیره بودن¹¹ شناخته شده‌اند.

2-5- انتشار چند مسیره¹²

در انتشار بی‌سیم معمولاً به علت وجود مسیرهایی غیر از دید مستقیم بین فرستنده و گیرنده، میان دو یا بیشتر ازدو سیگنال ارسالی که با تأخیر (هر چند جزئی) به گیرنده می‌رسند، تداخل¹³ ایجاد می‌شود. این مؤلفه‌های غیر هم فاز از سیگنال اصلی (که به آنها موج های چند مسیره می‌گویند) می‌تواند اثرات مخرب و یا سازنده ای بر هم داشته باشند و در نتیجه ی این اثرات، نوسانات شدیدی در دامنه ی سیگنال دریافتی روی فواصل بسیار کوتاه زمانی و تغییرات مکانی (در حد طول موج سیگنال ارسالی) پدید می‌آید که به آن اصطلاحاً ازرمق افتادگی مقیاس کوچک می‌گویند. پدیده انتشار چند مسیره علاوه بر ایجاد تغییرات بسیار سریع در توان سیگنال دریافتی، موجب مدولاسیون تصادفی فرکانس در اثر حرکت نسبی فرستنده و گیرنده نسبت بهم و پدیده داپلرمی‌شود.

2-6- ازرمق افتادگی رایلی و رایس

مؤلفه‌ها در فاز و عمودی سیگنالهای منعکس شده دارای توزیع گوسی هستند، هنگامی‌که فرستنده و گیرنده در دید مستقیم نباشند، شدت سیگنالهای رسیده از مسیرهای مختلف تقریباً یکسان خواهد بود و قدرت میدان حاصل از این مؤلفه‌ها دارای توزیع رایلی است، یعنی ازرمق افتادگی سیگنال ناشی از اعوجاج چند مسیره، دارای توزیع رایلی

⁶ Line of sight (LOS)

⁷ Rayleigh

⁸ Rician

⁹ Large scale

¹⁰ Small scale

¹¹ Multi path

¹² Multi path propagation

¹³ Interference

خواهد بود، و در نتیجه تغییرات دامنه سیگنال از توزیع راییلی پیروی خواهد کرد که به این ازرمق افتادگی، ازرمق افتادگی راییلی گفته می‌شود. ازرمق افتادگی کامل سیگنال، ناشی از ازرمق افتادگی راییلی، در فواصلی که ضریب صحیحی از $\lambda/2$ هستند اتفاق می‌افتد. در این حالت سیگنال به طور کامل از بین می‌رود. در ازرمق افتادگی راییلی فرض می‌کنیم که دامنه سیگنالهای رسیده تقریباً یکسان باشد، این فرض هنگامی اتفاق می‌افتد که گیرنده، فرستنده را مستقیماً نمی‌بیند اما این حالت در بسیاری از مواقع درست نیست. مخصوصاً هنگامی که یک ارتباط مستقیم بین فرستنده و گیرنده برقرار باشد که در این حالت شدت مولفه اصلی که در مسیر دید فرستنده گیرنده است بیش از سایر مولفه‌ها است. در این حالت دامنه سیگنال ازرمق افتاده از توزیع راییس پیروی خواهد کرد. برای توزیع راییس پارامتری تحت عنوان فاکتور k^{14} معرفی می‌شود که بیانگر شدت مولفه اصلی نسبت به سایر مولفه‌ها است. توزیع ناکاگامی برای مدلی عمومی‌تر بدست می‌دهد که با تغییر پارامترهای آن می‌توان به توزیع‌های راییلی و راییس نیز دست یافت. در ذیل خود این توزیع‌ها را از منظر آماری و تحلیلی مورد بررسی قرار می‌دهیم.

7-2- مدل سازی کانال بی‌سیم

شکل ساده‌ای از یک کانال را اگر بصورت زیر در نظر بگیریم:



که در آن x ورودی کانال و y خروجی کانال می‌باشد.

حال در اینجا رابطه‌ای از یک مدل کانال بی‌سیم را بیان می‌کنیم:

$$y = hx + z \quad (1-2)$$

که این رابطه به مدل خطی و بدون حافظه کانال معروف است

h به ضرایب ازرمق افتادگی معروف است.

در این مدل Z نویز گوسی با مقدار متوسط صفر و واریانس σ^2 است

در کانال بی‌سیم سیگنال از چندین مسیر به گیرنده می‌رسد. در هر کدام از این مسیرها برای سیگنال هم تأخیر ایجاد

می‌شود و هم دامنه اش در یک عدد ضرب می‌شود. پس در واقع سیگنالی که به گیرنده می‌رسد جمع سیگنالهایی

مثلاً سینوسی هستند که دامنه و فاز هر کدام از آنها متغیر تصادفی می‌باشد.

¹⁴k-factor

اگر این سیگنالها را بصورت فازوری نگاه کنیم و همچنین به سیگنال رسیده هم بصورت فازوری نگاه کنیم به این نتیجه می رسیم که فازور دریافتی جمع چندین فازور است که اندازه ی و زاویه جمع فازورها تصادفی می باشد. یعنی اینکه اگر سیگنال ارسالی را بصورت زیر داشته باشیم

$$x(t) = x \cos(\omega t + \Phi) \quad (2-2)$$

$$\rightarrow x = |x|e^{j\Phi} \quad (3-2)$$

به این ترتیب برای h خواهیم داشت :

$$h(t) = h \cos(\omega t + \theta) \quad (4-2)$$

$$\rightarrow h = |h|e^{j\theta} \quad (5-2)$$

آنگاه خواهیم داشت :

$$hx = |hx| e^{j(\Phi+\theta)} = |h||x|e^{j(\Phi+\theta)} \quad (6-2)$$

با در نظر گرفتن مدل خطی متغیر با زمان می توان رابطه بین سیگنال رسیده و سیگنال ارسالی را نوشت :

$$y(m) = \sum_{l=0}^{\infty} x(m-l)h_l(m) \quad (7-2)$$

در بعضی از مدلها h_l را یک Tap در نظر می گیریم. در مخابرات¹⁵ UWB تعداد Tap ها زیاد می باشد.

پس خلاصه اگر در مخابرات گوسی $y=x+N$ باشد، در مخابرات بی سیم $y=xh+N$ می شود که h :

یک فرآیند تصادفی است که می توان آن را ایستاد به مفهوم وسیع در نظر گرفت.

و مخصوصاً در Block Fading که کانال بی سیمی است که فیدینگ در فاصله زمانی یک Block ثابت فرض می

شود، در فاصله زمانی یک Block، h را یک متغیر تصادفی می گیریم و با توجه به توضیحات قبل، چون h جمع چند

متغیر تصادفی است و بنا به قضیه حد مرکزی h را می توان متغیری گرفت که نرمال باشد.

$$h = h_r + jh_i \quad (8-2)$$

که h_r و h_i متغیرهای تصادفی گوسی با واریانس $\frac{1}{2} \sigma^2$ می باشند و h گوسی با واریانس σ^2 می باشد. در نتیجه :

$$|h| = \sqrt{h_r^2 + h_i^2} \quad (9-2)$$

که در این اینجا h توزیع رایلی دارد. و اگر $E(h_r)$ و $E(h_i)$ مخالف صفر باشد به توزیع رایس می رسیم. و توزیع بهتر از

این دو، توزیع ناکاگامی می باشد.

8-2 - توزیع های احتمالاتی

¹⁵ Ultra Wide Band

مشخصات فیدینگ بسته به این که فرستنده و گیرنده در دید مستقیم باشند یا خیر متفاوت خواهد بود. در حالت دید مستقیم سیگنال دریافتی دارای یک مؤلفه مشخص است و می تواند بخوبی توسط توزیع رایس مدل شود. سیگنال دریافتی در حالت دید غیرمستقیم می تواند توسط توزیع رایلی مدل شود. توزیع ناکاگامی برای مدلی عمومی تر بدست می دهد که با تغییر پارامترهای آن می توان به توزیع های رایلی و رایس دست یافت.

2-8-1- توزیع رایس

ازرمق افتادگی رایس، نوعی مدل آماری انتشار امواج رادیویی است و زمانی از آن استفاده می شود که سیگنال های دریافتی تفاوت انرژی زیادی با یکدیگر داشته باشند. این وضعیت زمانی رخ می دهد که یکی از مسیرها در دید مستقیم باشد یعنی گیرنده بتواند فرستنده را ببیند، که در این صورت سیگنال دریافتی از آن مسیر، بسیار قویتر از سیگنال مسیرهای دیگر است.

در ازرمق افتادگی رایس، بهره ی دامنه، توسط توزیع رایس توصیف می شود. هنگامی که سیگنال در مسیر دید مستقیم به گیرنده برسد، ازرمق افتادگی رایس، یک مدل بسیار مناسب برای ازرمق افتادگی های تصادفی است. توزیع رایس دارای تابع چگالی احتمال¹⁶ (PDF) به شکل زیر است:

$$P(h) = \frac{h}{\sigma^2} e^{-\left(\frac{h^2+A^2}{2\sigma^2}\right)} I_0\left(\frac{Ah}{\sigma^2}\right) \quad \text{For } A \geq 0, h \geq 0 \quad (10-2)$$

که در آن A پیک دامنه سیگنال، $I_0 = (.)$ تابع بسل اصلاح شده نوع اول و مرتبه صفر، h متغیر تصادفی و σ^2 واریانس متغیر تصادفی می باشد. در بعضی از مواقع، توزیع رایس بر حسب پارامتر k توصیف می شود. همانطور که در بالا گفته شد k فاکتور رایس نامیده شده و به صورت زیر تعریف می شود:

$$k = \frac{\text{انرژی مسیر مستقیم}}{\text{انرژی سایر مسیر ها}} \sim \text{رایس}$$

$$k = 10 \log \frac{A^2}{2\sigma^2} \text{ dB} \quad (11-2)$$

وقتی k به سمت صفر میل می کند، توزیع رایس به سمت توزیع رایلی میل می کند. از سوی دیگر، وقتی k به سمت بینهایت میل می کند کانال مانند یک کانال نویز گوسی سفید جمع شونده¹⁷ عمل می کند.

2-8-2- توزیع رایلی

توزیع رایلی برای مدل کردن ازرمق افتادگی کانال در مراکز شهرهایی با انبوه ساختمانی بسیار زیاد که دید مستقیمی بین گیرنده و فرستنده وجود ندارد مفید بوده و به کار می رود. اگر سیگنال ارسالی پراکندگی زیادی داشته باشد،

¹⁶Probability density function (PDF)

¹⁷Additive White Gaussian Noise(AWGN)